

## 1. 제곱근과 실수

## 01 제곱근의 뜻과 성질

P. 8

## 개념 확인

- (1) 3, -3, 3, -3    (2) 5, -5, 5, -5  
 (3) 없다                (4) 0

## 필수 문제 1

- (1) 4, -4                (2) 0.1, -0.1  
 (3)  $\frac{3}{5}$ ,  $-\frac{3}{5}$     (4) 6, -6

1-1

- (1) 11, -11            (2) 0.2, -0.2  
 (3)  $\frac{1}{7}$ ,  $-\frac{1}{7}$     (4) 0.5, -0.5

1-2

- 25

P. 9

## 필수 문제 2

- (1)  $\sqrt{5}$               (2)  $-\sqrt{\frac{5}{2}}$     (3)  $\pm\sqrt{13}$     (4)  $\sqrt{13}$

2-1

- (1)  $\sqrt{17}$             (2)  $-\sqrt{0.8}$     (3)  $\pm\sqrt{\frac{3}{2}}$     (4)  $\sqrt{26}$

## 필수 문제 3

- (1) 5                    (2) 0.3            (3)  $\pm 8$             (4)  $-\frac{1}{9}$   
 3-1                    (1) 7                    (2) -0.4            (3)  $\pm 10$             (4)  $\frac{5}{6}$

STEP

1

## ☞ 개념 익히기

P. 10

1 □, □, □

2 ②

3 7

4 ③, ④

5  $\sqrt{74}$ 

P. 11

## 필수 문제 4

- (1) 7                    (2) 0.8            (3) -10            (4) -3  
 (5) 11                    (6)  $-\frac{4}{5}$

4-1

- (1) -5                    (2)  $\frac{2}{3}$             (3) -13            (4) 9  
 (5) 0.4                    (6)  $-\frac{1}{6}$

## 필수 문제 5

- (1) 5                    (2) -2                    (3) 17                    (4) 0  
 5-1                    (1) -2                    (2) 4                    (3) 4                    (4) -5

P. 12

## 필수 문제 6

- (1)
- $2x$
- (2)
- $-2x$
- (3)
- $2x$
- (4)
- $-2x$

6-1

- (1)
- $5a$
- (2)
- $-11a$
- (3)
- $6a$
- (4)
- $7a$

## 필수 문제 7

- (1)
- $x-5$
- (2)
- $-x+5$

7-1

- (1)
- $a-3$
- (2)
- $-a+7$
- (3)
- $-a-1$
- (4)
- $4-a$

7-2

- $a+2$

P. 13

## 필수 문제 8

- 3, 5, 3, 5, 5, 5

8-1

- (1) 6    (2) 2

## 필수 문제 9

- 10, 16, 25, 36, 6, 15, 26, 6

9-1

- (1) 3    (2) 3

P. 14

## 개념 확인

방법 1 &lt;, &lt;, &lt;

방법 2 &lt;, &lt;

## 필수 문제 10

- (1) <    (2) >    (3) <    (4) >

10-1

- (1)
- $\sqrt{0.7} < \sqrt{0.8}$
- (2)
- $\frac{1}{2} < \sqrt{\frac{2}{3}}$

- (3)
- $-\sqrt{\frac{1}{10}} > -\sqrt{\frac{1}{2}}$
- (4)
- $-3 < -\sqrt{8}$

## 필수 문제 11

- (1) 2, 3, 4    (2) 4, 5, 6, 7, 8

11-1

- (1) 6, 7, 8, 9    (2) 4, 5, 6, 7, 8, 9

STEP

1

## ☞ 개념 익히기

P. 15

1

④

2

① -10

② 3

③ 1

④ 7

3

-2a-1

4

① 15

② 1

5

- $\sqrt{5}$ - $\sqrt{2}$ -1, 0,  $\sqrt{12}$ , 4,  $\sqrt{17}$ 

6

① 7

② 9

## O2 무리수와 실수

P. 16

**필수 문제 1**  $\neg, \bowtie$

1-1  $-2, \sqrt{1.44}, 0, \sqrt{0.4}$

**필수 문제 2** (1) ○ (2) × (3) × (4) × (5) ○

P. 22

**개념 확인**

<, <

**필수 문제 6** (1) > (2) < (3) < (4) <

6-1 (1)  $\sqrt{7}-5 > -3$

(2)  $-2-\sqrt{8} > -5$

(3)  $4+\sqrt{10} < 4+\sqrt{11}$

(4)  $\sqrt{13}-4 < \sqrt{13}-\sqrt{15}$

6-2  $c < a < b$

P. 17

**필수 문제 3** (1) 5

(2)  $5, -\frac{8}{4}, -\sqrt{4}$

(3) 5, 1.3, 0.32,  $-\frac{8}{4}$ ,  $-\sqrt{4}$

(4)  $-\sqrt{7}, 1+\sqrt{3}$

(5) 5,  $-\sqrt{7}$ , 1.3, 0.32,  $-\frac{8}{4}$ ,  $1+\sqrt{3}$ ,  $-\sqrt{4}$

3-1 ③, ⑤

P. 23

**필수 문제 7** (1) 1.030 (2) 1.063 (3) 7.962 (4) 8.031

7-1 6.207

P. 24

**개념 확인**

2, 3, 2,  $\sqrt{5}-2$

**필수 문제 8** (1) 정수 부분: 2, 소수 부분:  $\sqrt{6}-2$

(2) 정수 부분: 3, 소수 부분:  $\sqrt{10}-3$

8-1 (1) 정수 부분: 3, 소수 부분:  $\sqrt{15}-3$

(2) 정수 부분: 4, 소수 부분:  $\sqrt{21}-4$

**필수 문제 9** (1) 정수 부분: 3, 소수 부분:  $\sqrt{3}-1$

(2) 정수 부분: 3, 소수 부분:  $2-\sqrt{2}$

9-1 (1) 정수 부분: 2, 소수 부분:  $\sqrt{2}-1$

(2) 정수 부분: 1, 소수 부분:  $2-\sqrt{3}$

**STEP 1** 개념 익히기

P. 18

1 2

2  $\sqcup, \sqcap$

3 ③, ④

4  $\sqcup, \square$

5 ⑤

**개념 확인**

$\sqrt{5}, \sqrt{5}, \sqrt{5}, \sqrt{5}, \sqrt{5}, -\sqrt{5}$

**필수 문제 4** (1)  $\sqrt{2}$  (2)  $\sqrt{2}$  (3)  $1-\sqrt{2}$  (4)  $1+\sqrt{2}$

4-1 (1)  $\overline{AB}=\sqrt{8}, \overline{AD}=\sqrt{10}$

(2) P( $-2-\sqrt{8}$ ), Q( $-2+\sqrt{10}$ )

P. 20

**필수 문제 5** (1) ○ (2) × (3) × (4) ○ (5) × (6) ○

5-1 ⑤

P. 21

**STEP 1** 개념 익히기

P. 25~26

1 (1)  $-2-\sqrt{5}$  (2)  $3-\sqrt{10}$  (3)  $4+\sqrt{2}$

2 P:  $1-\sqrt{13}$ , Q:  $1+\sqrt{13}$  3 ③, ⑤ 4 ②

5  $c, b, a$  6 점 D 7 3009 8  $2-\sqrt{7}$

9 0, 1, 2, 3 10 ①

P. 37

## 개념 확인

$$2, 2, 2, 2\sqrt{6}$$

필수 문제 3 (1)  $3\sqrt{3}$  (2)  $-5\sqrt{2}$  (3)  $\frac{\sqrt{3}}{7}$  (4)  $\frac{\sqrt{11}}{10}$

3-1 (1)  $3\sqrt{6}$  (2)  $4\sqrt{5}$  (3)  $-\frac{\sqrt{5}}{8}$  (4)  $\frac{\sqrt{7}}{100}$

필수 문제 4 (1)  $\sqrt{20}$  (2)  $-\sqrt{18}$  (3)  $\sqrt{\frac{2}{25}}$  (4)  $\sqrt{\frac{27}{2}}$

4-1 (1)  $\sqrt{48}$  (2)  $\sqrt{250}$  (3)  $-\sqrt{\frac{3}{4}}$  (4)  $\sqrt{\frac{32}{5}}$

P. 38

## 필수 문제 5 (1) 100, 10, 10, 17.32

$$(2) 100, 10, 10, 54.77$$

$$(3) 100, 10, 10, 0.1732$$

$$(4) 30, 30, 5.477, 0.5477$$

5-1 (1) 70.71 (2) 22.36

$$(3) 0.7071 (4) 0.02236$$

## 개념 Review

P. 32

- |              |               |                 |       |       |
|--------------|---------------|-----------------|-------|-------|
| ① $a$        | ② 제곱근         | ③ ↕             | ④ ↖   | ⑤ ↗   |
| ⑥ $\sqrt{a}$ | ⑦ $-\sqrt{a}$ | ⑧ $\pm\sqrt{a}$ | ⑨ $a$ | ⑩ $a$ |
| ⑪ $a$        | ⑫ $a$         | ⑬ 순환소수          | ⑭ 무리수 |       |
| ⑮ 실수         | ⑯ $-\sqrt{2}$ | ⑰ $\sqrt{2}$    | ⑱ 크다  | ⑲ $>$ |
| ⑳ $=$        | ㉑ $<$         |                 |       |       |

## 2. 근호를 포함한 식의 계산

## O1 근호를 포함한 식의 곱셈과 나눗셈

P. 36

필수 문제 1 (1)  $\sqrt{15}$  (2)  $\sqrt{42}$  (3)  $6\sqrt{14}$  (4)  $-\sqrt{2}$

1-1 (1) 6 (2)  $\sqrt{60}$  (3)  $6\sqrt{6}$  (4)  $\sqrt{12}$

필수 문제 2 (1)  $\sqrt{2}$  (2) 3 (3)  $-\sqrt{\frac{2}{3}}$  (4)  $\frac{1}{5}$

2-1 (1)  $\sqrt{13}$  (2) 2 (3)  $\sqrt{3}$  (4)  $-2\sqrt{10}$

## 한번 더 연습

P. 39

1 (1)  $\sqrt{14}$  (2)  $-\sqrt{30}$  (3)  $-30$  (4)  $6\sqrt{5}$

2 (1)  $\sqrt{5}$  (2)  $-\sqrt{3}$  (3)  $2\sqrt{2}$  (4)  $-7\sqrt{5}$

3 (1)  $2\sqrt{2}$  (2)  $5\sqrt{3}$  (3)  $-3\sqrt{6}$  (4)  $\frac{\sqrt{5}}{3}$

$$(5) \frac{\sqrt{2}}{11} \quad (6) -\frac{\sqrt{7}}{10}$$

4 (1)  $\sqrt{28}$  (2)  $-\sqrt{40}$  (3)  $\sqrt{32}$  (4)  $\sqrt{\frac{5}{16}}$

$$(5) -\sqrt{\frac{3}{64}} \quad (6) \sqrt{24}$$

STEP 1 **포함 개념 익히기**

P. 40

1 ③, ④

2 110

3 18

4 ③

5 ②

6  $2ab$

**개념 확인**

- (1)  $\sqrt{3}, \sqrt{3}, \frac{\sqrt{3}}{3}$       (2)  $\sqrt{3}, \sqrt{3}, \frac{2\sqrt{3}}{3}$   
 (3)  $\sqrt{3}, \sqrt{3}, \frac{\sqrt{6}}{3}$       (4)  $\sqrt{3}, \sqrt{3}, \frac{\sqrt{21}}{6}$

**필수 문제 6**

- (1)  $\frac{\sqrt{5}}{5}$       (2)  $\frac{\sqrt{21}}{7}$       (3)  $\frac{5\sqrt{6}}{6}$       (4)  $-\frac{\sqrt{3}}{9}$   
**6-1** (1)  $2\sqrt{3}$       (2)  $-\frac{\sqrt{10}}{5}$  (3)  $\frac{4\sqrt{35}}{35}$       (4)  $\frac{3\sqrt{7}}{2}$

- 필수 문제 7** (1)  $3\sqrt{10}$       (2)  $-2\sqrt{6}$       (3)  $\frac{\sqrt{14}}{2}$       (4)  $-\frac{10\sqrt{3}}{3}$   
**7-1** (1)  $5\sqrt{5}$       (2)  $12\sqrt{3}$       (3)  $2\sqrt{3}$       (4)  $-\frac{\sqrt{30}}{15}$

**필수 문제 8**  $3\sqrt{5}$  cm

- 8-1**  $3\sqrt{3}$  cm<sup>2</sup>

STEP

**1****▣ 개념 익히기**

- 1** ⑤      **2**  $\frac{1}{6}$       **3**  $2\sqrt{30}$       **4**  $3\sqrt{2}$  cm

**개념 확인**

- 2, 3, 5

**필수 문제 1**

- (1)  $6\sqrt{3}$       (2)  $-3\sqrt{5}$   
 (3)  $\frac{5\sqrt{11}}{4}$       (4)  $\sqrt{5} + 4\sqrt{6}$

- 1-1** (1)  $-3\sqrt{7}$       (2)  $2\sqrt{2}$   
 (3)  $\frac{\sqrt{5}}{6}$       (4)  $5\sqrt{3} - 2\sqrt{13}$

**필수 문제 2**

- (1) 0      (2)  $\sqrt{2} + 3\sqrt{5}$   
 (3)  $\sqrt{2}$       (4)  $2\sqrt{7}$

- 2-1** (1)  $6\sqrt{2}$       (2)  $3\sqrt{7} - \sqrt{2}$   
 (3)  $\frac{5\sqrt{6}}{9}$       (4) 0

**개념 확인**

- $\sqrt{6}, 4, 18, 4, 3, 4, 3, 4, 2\sqrt{3} - \sqrt{2}$

**필수 문제 3**

- (1)  $5\sqrt{2} - \sqrt{6}$       (2)  $3\sqrt{2} + 6$   
 (3)  $3\sqrt{3} - 2\sqrt{2}$       (4)  $4\sqrt{3}$

**3-1**

- (1)  $\sqrt{10} - 2\sqrt{2}$       (2)  $4\sqrt{2} - 10$   
 (3)  $-3\sqrt{3} + \sqrt{15}$       (4)  $5\sqrt{2} - 3\sqrt{7}$

**필수 문제 4**

- (1)  $\frac{2\sqrt{3} + 3}{3}$       (2)  $\frac{\sqrt{10} - \sqrt{15}}{5}$   
 (3)  $\frac{\sqrt{6} - 1}{2}$       (4)  $\sqrt{6} + 2$

**4-1**

- (1)  $\frac{2\sqrt{3} + \sqrt{2}}{2}$       (2)  $\frac{\sqrt{70} - \sqrt{35}}{7}$   
 (3)  $\frac{\sqrt{10} + 2}{3}$       (4)  $\sqrt{10} - 3\sqrt{3}$

**필수 문제 5**

- (1)  $3\sqrt{7}$       (2)  $4 - \sqrt{5}$   
 (3)  $\frac{\sqrt{6}}{6}$       (4)  $5\sqrt{3}$

**5-1**

- (1)  $3\sqrt{5}$       (2) 6  
 (3)  $3\sqrt{6} - \frac{4\sqrt{3}}{3}$       (4)  $5 + \sqrt{5}$

**한 번****연습**

- 1** (1)  $-6\sqrt{2}$       (2)  $-\sqrt{5}$       (3)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$   
 (4)  $-8\sqrt{11} + 8\sqrt{6}$       (5)  $9\sqrt{3}$       (6)  $-\sqrt{3} + \sqrt{6}$   
 (7)  $\sqrt{2}$       (8)  $-\frac{2\sqrt{3}}{3}$
- 2** (1)  $6\sqrt{2} + \sqrt{6}$       (2)  $2\sqrt{6} + 12$       (3)  $6\sqrt{3} - 3\sqrt{2}$   
 (4)  $5\sqrt{5} - \sqrt{2}$
- 3** (1)  $\frac{2\sqrt{10} - 4\sqrt{5}}{5}$       (2)  $\frac{2\sqrt{3} - 3\sqrt{2}}{18}$       (3)  $\frac{\sqrt{30} - 3}{6}$
- 4** (1)  $3 + \sqrt{3}$       (2)  $\frac{\sqrt{5}}{3}$       (3)  $4\sqrt{5} + 2\sqrt{7}$   
 (4)  $-\frac{7\sqrt{3}}{3} - \frac{3\sqrt{6}}{2}$       (5)  $-\sqrt{2} + 3\sqrt{6}$       (6) 12

**STEP 1** 개념 익히기

1  $a=5, b=-2$

2  $-9$

3  $5\sqrt{2}+2\sqrt{6}$

4  $(5+5\sqrt{3}) \text{ cm}^2$

5  $\frac{5}{2}$

6  $3$

P. 48

**STEP 2** 단단 단원 디자기

P. 49~51

1 ③

2 ③

3 2

4 ⑤

5 15.3893

6 ⑤

7 ③

8 ①

9  $-\frac{1}{2}$

10 ②

11 ①

12  $24\sqrt{3}$

13 ③

14 ⑤

15  $a=5, b=\frac{1}{6}$

16  $\frac{7-4\sqrt{7}}{7}$

17 ③

18  $4\sqrt{3}+2\sqrt{6}$

19 ⑤

20 ④

21 ③

**STEP 3** 서술형 완성하기

P. 52~53

〈과정은 풀이 참조〉

따라 해보자

유제 1 8

유제 2  $2+4\sqrt{2}$

연습해 보자

1 27.5 km

2  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

3  $(16+12\sqrt{3}) \text{ cm}^2$

4  $B < C < A$

## 개념 Review

P. 54

① 10

②  $8\sqrt{10}$

③  $\frac{2}{5}$

④  $2\sqrt{3}$

⑤ 유리화

⑥  $\sqrt{7}$

⑦  $\sqrt{7}$

⑧  $\frac{\sqrt{7}}{14}$

⑨  $6\sqrt{3}$

⑩ 2

⑪  $5\sqrt{6}$

⑫  $2-\sqrt{6}$

⑬ 분배법칙

⑭  $a\sqrt{b}$

⑮ 유리화

## 3. 다항식의 곱셈

## O1 곱셈 공식

P. 58

## 개념 확인

- (1)
- $ac, ad, bc, bd$
- (2)
- $a, b, a, b, a, b, b$

## 필수 문제 1

(1)  $ab+3a+2b+6$

(2)  $4x^2+19x-5$

(3)  $30a^2+4ab-2b^2$

(4)  $2x^2-xy-6x-y^2-3y$

## 1-1

(1)  $ab-4a+b-4$

(2)  $10x^2+9x-7$

(3)  $3a^2-5ab+2b^2$

(4)  $x^2+xy-12y^2-x+3y$

## 필수 문제 2

7

## 2-1

-8

P. 59

## 개념 확인

- (1) 2, 2, 4, 4 (2)
- $3x, 3x, 9, 6$

## 필수 문제 3

(1)  $x^2+2x+1$

(2)  $a^2-8a+16$

(3)  $4a^2+4ab+b^2$

(4)  $x^2-6xy+9y^2$

## 3-1

(1)  $x^2+10x+25$

(2)  $a^2-12a+36$

(3)  $4x^2-12xy+9y^2$

(4)  $25a^2+40ab+16b^2$

## 3-2

$a=5, b=20$

P. 60

## 개념 확인

- (1) 2, 4 (2)
- $3x, 9$

## 필수 문제 4

(1)  $x^2-9$

(3)  $x^2-16y^2$

(2)  $4a^2-1$

(4)  $b^2-64a^2$

## 4-1

(1)  $a^2-25$

(3)  $16x^2-\frac{1}{25}y^2$

(2)  $x^2-36y^2$

(4)  $9b^2-49a^2$

## 필수 문제 5

2, 4

## 5-1

$x^4-16$

**개념 확인**

- (1) 3, 3, 4, 3      (2)  $-2, -5, 7, 10$

**필수 문제 6**

- (1)  $x^2+6x+8$       (2)  $a^2+2a-15$   
 (3)  $a^2+6ab-7b^2$       (4)  $x^2-3xy+2y^2$
- 6-1** (1)  $x^2+6x+5$       (2)  $a^2-4a-12$   
 (3)  $x^2+3xy-4y^2$       (4)  $a^2-11ab+24b^2$

**6-2**  $a=6, b=-1$

- 1** 3      **2**  $\sqcup, \sqsubset$       **3**  $-2$   
**4** (1) 9, 5      (2) 3, 5, 23      **5** 36  
**6** (1)  $x^2-y^2$       (2)  $12x^2+x-6$

**개념 확인**

- (1) 2, 2, 3, 2, 7, 3  
 (2) 3,  $-4, -4, 6, 7, 20$

**필수 문제 7**

- (1)  $3x^2+14x+8$   
 (2)  $10a^2-7a-12$   
 (3)  $12a^2-22ab+6b^2$   
 (4)  $-5x^2+17xy-6y^2$
- 7-1** (1)  $4a^2+7a+3$   
 (2)  $12x^2+22x-14$   
 (3)  $-6a^2+13ab-5b^2$   
 (4)  $-5x^2+21xy-18y^2$

**7-2**  $a=-2, b=-20$

**한번****연습**

**1** (1)  $2x^2+xy+3x-y^2+3y$

(2)  $3a^2-11ab-4b^2-2a+8b$

**2** (1)  $x^2+6x+9$       (2)  $a^2-\frac{1}{2}a+\frac{1}{16}$

(3)  $4a^2-16ab+16b^2$       (4)  $x^2+2+\frac{1}{x^2}$

(5)  $25a^2-10ab+b^2$       (6)  $9x^2+30xy+25y^2$

**3** (1)  $a^2-64$       (2)  $x^2-\frac{1}{16}y^2$

(3)  $16b^2-\frac{9}{4}a^2$       (4)  $1-a^8$

**4** (1)  $x^2+9x+20$       (2)  $a^2+\frac{1}{6}a-\frac{1}{6}$

(3)  $x^2-9xy+18y^2$       (4)  $a^2-\frac{5}{12}ab-\frac{1}{6}b^2$

**5** (1)  $20a^2+23a+6$       (2)  $14x^2+33x-5$   
 (3)  $2a^2-13ab+6b^2$       (4)  $-4x^2+13xy-3y^2$

**6** (1)  $x^2+5x-54$       (2)  $3a^2+34a-67$

**O2 곱셈 공식의 활용****개념 확인**

- (1) 1, 50, 50, 1, 2401  
 (2) 3, 3, 3, 8091

**필수 문제 1**

- (1) 2601      (2) 6241      (3) 2475      (4) 10710

**1-1** (1) 8464      (2) 88804      (3) 4864      (4) 40198

**필수 문제 2**

- (1)  $11+4\sqrt{7}$       (2) 4  
 (3)  $6+5\sqrt{2}$       (4)  $16-\sqrt{3}$

**2-1** (1)  $9-6\sqrt{2}$       (2) 1  
 (3)  $-23-3\sqrt{5}$       (4)  $17+\sqrt{2}$

**개념 확인**

- (1)  $3-\sqrt{2}, 3-\sqrt{2}, 3-\sqrt{2}, \sqrt{2}, \frac{3-\sqrt{2}}{7}$   
 (2)  $\sqrt{3}+\sqrt{2}, \sqrt{3}+\sqrt{2}, \sqrt{3}+\sqrt{2}, \sqrt{2}, \sqrt{3}+\sqrt{2}$

**필수 문제 3**

- (1)  $\sqrt{2}-1$       (2)  $\sqrt{7}+\sqrt{3}$   
 (3)  $2\sqrt{2}-\sqrt{6}$       (4)  $9+4\sqrt{5}$

**3-1** (1)  $-\frac{1+\sqrt{3}}{2}$       (2)  $\sqrt{5}-\sqrt{2}$   
 (3)  $2-\sqrt{3}$       (4)  $2+\sqrt{3}$

**필수 문제 4**

- (1) 30      (2) 24

**4-1** (1) 34      (2) 50

**4-2** (1)  $2\sqrt{2}$       (2) 1      (3) 6

**필수 문제 5**

- (1) 7      (2) 5

**5-1** (1) 27      (2) 29

P. 68

**필수 문제 6** (1) -1 (2) 1**6-1** (1) 4 (2) -2**6-2** (1)  $5+2\sqrt{6}$  (2) 2

## 4. 인수분해

### O1 인수분해 공식

P. 80

**개념 확인**(1)  $2a^2+2a$  (2)  $x^2+10x+25$ (3)  $x^2-2x-3$  (4)  $12a^2+a-1$ **필수 문제 1**  $a, ab, a-b, b(a-b)$ **1-1**  $x+3, 5(x-2)$ **1-2**  $\sqcup, \sqcap$ 

### STEP 1 쪼꼬 개념 익히기

P. 69~70

**1** (1) 21.16 (2) 8.91**2**  $a=1, b=1, c=1011$ **3**  $2-2\sqrt{2}$  **4** ③**5** ⑤**6** (1) 20 (2) 36 (3)  $-\frac{5}{2}$ **7** 21**8** (1) 11 (2) 13**9** 1**10** (1) 4 (2) 14**11** 26

### STEP 2 탄탄 단원 다지기

P. 71~73

- |             |              |                        |                                  |
|-------------|--------------|------------------------|----------------------------------|
| <b>1</b> ①  | <b>2</b> 27  | <b>3</b> ㄱ과 □, ㄴ과 △    | <b>4</b> 2                       |
| <b>5</b> ⑤  | <b>6</b> ①   | <b>7</b> $12x^2+17x-5$ | <b>8</b> ③                       |
| <b>9</b> ⑤  | <b>10</b> ⑤  | <b>11</b> ③            | <b>12</b> ⑤                      |
| <b>14</b> 6 | <b>15</b> -6 | <b>16</b> ⑤            | <b>17</b> 9                      |
| <b>19</b> ② | <b>20</b> ②  | <b>21</b> ⑤            | <b>18</b> $\frac{\sqrt{7}+1}{6}$ |

### STEP 3 쪼꼬 서술형 완성하기

P. 74~75

&lt;과정은 풀이 참조&gt;

**따라 해보자** 유제 1  $18a^2-12a-2$  유제 2 22**연습해 보자** 1 -3 2 10283  $25+6\sqrt{5}$ 4 (1) A( $-1+\sqrt{2}$ ), B( $3-\sqrt{2}$ ) (2)  $\frac{-1+2\sqrt{2}}{7}$ 

### 개념 Review

P. 76

- |                       |         |     |      |
|-----------------------|---------|-----|------|
| ① 분배법칙                | ② 동류항   | ③ 4 | ④ 6  |
| ⑤ 9                   | ⑥ 16    | ⑦ 4 | ⑧ 11 |
| ⑩ ㉡                   | ⑪ ԑ     | ⑫ ԑ | ⑬ ԑ  |
| ⑮ $\sqrt{a}+\sqrt{b}$ | ⑯ $a+b$ | ⑰ 2 | ⑱ -7 |
| ⑲ 4                   | ⑳ -3    | ㉑ 5 | ㉒ 18 |

### STEP 1 쪼꼬 개념 익히기

P. 82

- 1** ⑤    **2** ③    **3** ④    **4** ③

**개념 확인** (1) 1, 1, 1 (2)  $2y, 2y, 2y$ **필수 문제 3** (1)  $(x+4)^2$  (2)  $(2x-1)^2$   
(3)  $\left(a+\frac{1}{4}\right)^2$  (4)  $-2(x-6)^2$ **3-1** (1)  $(x-8)^2$  (2)  $(3x+1)^2$   
(3)  $\left(a-\frac{b}{2}\right)^2$  (4)  $a(x+9y)^2$ **필수 문제 4** (1) 3, 9 (2) ±3, ±6**4-1** (1) 25 (2) 49 (3) ±12 (4) ±20

## 개념 확인

- (1) 2, 2, 2      (2) 3, 3, 3

## 필수 문제 5

- (1)  $(x+1)(x-1)$   
 (2)  $(4a+b)(4a-b)$   
 (3)  $\left(2x+\frac{y}{9}\right)\left(2x-\frac{y}{9}\right)$   
 (4)  $(5y+x)(5y-x)$

- 5-1 (1)  $(x+6)(x-6)$   
 (2)  $(2x+7y)(2x-7y)$   
 (3)  $\left(x+\frac{1}{x}\right)\left(x-\frac{1}{x}\right)$   
 (4)  $(b+8a)(b-8a)$

- 5-2  $(x^2+1)(x+1)(x-1)$

## 필수 문제 6

- (1)  $3(x+3)(x-3)$   
 (2)  $5(x+y)(x-y)$   
 (3)  $2a(a+1)(a-1)$   
 (4)  $4a(x+2y)(x-2y)$

- 6-1 (1)  $6(x+2)(x-2)$   
 (2)  $4(3x+y)(3x-y)$   
 (3)  $a^2(a+1)(a-1)$   
 (4)  $6ab(1+3ab)(1-3ab)$

## 개념 확인

- 1, 5, 5, 2, 1, 5

## 필수 문제 8

- (1)  $(x+2)(2x+1)$   
 (2)  $(2x-1)(2x-3)$   
 (3)  $(x+3y)(3x-2y)$   
 (4)  $(2x-3y)(4x+y)$

- 8-1 (1)  $(x+2)(3x+4)$   
 (2)  $(2x-1)(3x-2)$   
 (3)  $(x+y)(5x-3y)$   
 (4)  $(3x+y)(5x-2y)$

- 8-2 5

## 한법 연습

- |  |  |
|--|--|
| 1 (1) $(x+3)^2$  | (2) $(2x-9)^2$   |
| (3) $\left(x+\frac{1}{2}\right)^2$                           | (4) $(a-7b)^2$   |
| (5) $3y(x-2)^2$  | (6) $2a(2x-5y)^2$  |
| 2 (1) 36   | (2) 16   |
| (3) $\pm\frac{5}{2}$   | (4) $\pm 16$   |
| 3 (1) $(x+7)(x-7)$   | (2) $(5a+9b)(5a-9b)$   |
| (3) $\left(\frac{1}{2}x+y\right)\left(\frac{1}{2}x-y\right)$ | (4) $\left(\frac{1}{4}b+3a\right)\left(\frac{1}{4}b-3a\right)$ |
| (5) $(a+b)(x+y)(x-y)$  | (6) $4x(x+4y)(x-4y)$   |
| 4 (1) $(x+1)(x+4)$   | (2) $(x+4)(x-8)$   |
| (3) $(x+9y)(x-2y)$   | (4) $(x-5y)(x-7y)$   |
| (5) $3(x+2)(x+4)$  | (6) $2y^2(x+1)(x-5)$   |
| 5 (1) $(x-3)(4x-3)$  | (2) $(x+4)(3x-1)$  |
| (3) $(2x-y)(4x+5y)$  | (4) $(2x-3y)(5x+2y)$   |
| (5) $2(x+1)(2x+3)$   | (6) $xy(x-5)(2x+1)$  |

## 개념 확인

- (1) 2, 4      (2) -1, -4  
 (3) -2, 5      (4) 2, -6

## 필수 문제 7

- (1)  $(x+1)(x+2)$   
 (2)  $(x-2)(x-5)$   
 (3)  $(x+3y)(x-2y)$   
 (4)  $(x+2y)(x-7y)$

- 7-1 (1)  $(x+3)(x+5)$   
 (2)  $(x-4)(x-7)$   
 (3)  $(x+8y)(x-3y)$   
 (4)  $(x+3y)(x-10y)$

- 7-2 9

## STEP 1 개념 익히기

- |                |                  |      |          |
|----------------|------------------|------|----------|
| 1 ㄱ, ㄴ, ㄹ      | 2 -30, 30        | 3 45 | 4 ②      |
| 5 -3           | 6 $x-2$          | 7 ②  | 8 $4x+8$ |
| 9 $(x-4)(x-5)$ | 10 $(x+4)(2x-1)$ |      |          |

## 02 인수분해 공식의 응용

P. 90

## 개념 확인

- (1) 36, 4, 100      (2) 14, 20, 400  
 (3) 17, 17, 6, 240

## 필수 문제 1

- (1) 3700      (2) 2500      (3) 800  
 1-1 (1) 9100      (2) 4900      (3) 36000

## 필수 문제 2

- (1)  $2 - 3\sqrt{2}$       (2) 20  
 2-1 (1)  $-8\sqrt{7}$       (2) 40

## STEP 2 단단 단원 다지기

P. 95~97

- |                          |      |       |                |           |
|--------------------------|------|-------|----------------|-----------|
| 1 ③                      | 2 ③  | 3 ④   | 4 ③            | 5 ⑤       |
| 6 $a^2(a^2+1)(a+1)(a-1)$ | 7 ②  | 8 ④   |                |           |
| 9 ①                      | 10 ⑤ | 11 ②  | 12 -20         | 13 $3x+4$ |
| 14 ①                     | 15 ④ | 16 ①  | 17 ⑤           | 18 ②      |
| 19 ②                     | 20 ④ | 21 24 | 22 $a(a+b)\pi$ |           |

P. 91~92

## 개념 확인

- (1) 2, 4, 5      (2)  $(x-1)(y+2)$   
 (3)  $(x+y+1)(x-y-1)$   
 (4)  $(x-2)(x+y+3)$

## 필수 문제 3

- (1)  $(a+b-1)^2$   
 (2)  $(2x-y-5)(2x-y+6)$   
 (3)  $(a+b-2)(a-b)$   
 (4)  $(3x+y-1)^2$

3-1 (1)  $x(x-8)$ 

- (2)  $(x-3y+2)(x-3y-9)$   
 (3)  $(x+y-1)(x-y+5)$   
 (4)  $-2(x+4y)(3x-2y)$

## 필수 문제 4

- (1)  $(x-1)(y-1)$   
 (2)  $(x+2)(x-2)(y-2)$   
 (3)  $(x+y-3)(x-y-3)$   
 (4)  $(x-2y+1)(-x+2y+1)$

4-1 (1)  $(x+z)(y+1)$ 

- (2)  $(x+1)(x-1)(y+1)$   
 (3)  $(x+y-4)(x-y+4)$   
 (4)  $(x+5y+3)(x+5y-3)$

## 필수 문제 5

- (1)  $(x-2)(x+y-2)$   
 (2)  $(x+y+2)(x-y+4)$   
 5-1 (1)  $(x-3)(x+y-3)$   
 (2)  $(x-y+1)(x+y+3)$

## STEP 3 쓰쓰 서술형 완성하기

P. 98~99

〈과정은 풀이 참조〉

## 따라 해보자

유제 1 11

유제 2  $64\sqrt{2}$ 

## 연습해 보자

1 4

2 (1)  $A=2, B=-24$  (2)  $(x-4)(x+6)$ 3  $5x+3$ 

4 800

## 개념 Review

P. 100

- |           |         |                |
|-----------|---------|----------------|
| ① 인수      | ② 인수분해  | ③ 분배법칙         |
| ④ $m$     | ⑤ 완전제곱식 | ⑥ ⑧ ⑩ ⑪ ⑯      |
| ⑦ ⑨ ⑪ ⑫ ⑭ | ⑬ ⑮ ⑯ ⑰ | ⑦ ⑧ ⑪ ⑫ ⑯      |
| ⑬ 4       | ⑭ 36    | ⑮ $y$          |
|           |         | ⑯ $\sqrt{7}+1$ |
|           |         | ⑰ 4            |

## 5. 이차방정식

### STEP 1 쓰쓰 개념 익히기

P. 93~94

- |                    |          |              |          |     |
|--------------------|----------|--------------|----------|-----|
| 1 (1) 188          | (2) 1600 | (3) 9600     | (4) 200  | 2 2 |
| 3 (1) $-2\sqrt{5}$ | (2) 96   | 4 $\sqrt{3}$ | 5 11     |     |
| 6 ④                | 7 1      | 8 $2x-8$     | 9 $2x+9$ |     |

## 01 이차방정식과 그 해

P. 104

## 필수 문제 1

- (1) ×      (2) ○      (3) ×      (4) ×      (5) ○      (6) ○

1-1 ㄱ, ㄹ, ㅂ

1-2  $a \neq 3$

## 개념 확인

(1) $x$ 의 값	좌변	우변	참, 거짓
-2	$(-2)^2 - (-2) - 2 = 4$	0	거짓
-1	$(-1)^2 - (-1) - 2 = 0$	0	참
0	$0^2 - 0 - 2 = -2$	0	거짓
1	$1^2 - 1 - 2 = -2$	0	거짓
2	$2^2 - 2 - 2 = 0$	0	참

(2) -1, 2

필수 문제 2  $x = -3$  또는  $x = 1$ 

2-1 1, 4

## 필수 문제 3 2

3-1 5

STEP

1

## 개념 익히기

1 ②, ③

2 ⑤

3 ④

4 -24

5 (1) 9 (2) 6

6 (1) -3 (2) -4

## O2 이차방정식의 풀이

필수 문제 1 (1)  $x=0$  또는  $x=2$ (2)  $x=-3$  또는  $x=6$ (3)  $x=-\frac{1}{3}$  또는  $x=4$ (4)  $x=-\frac{2}{3}$  또는  $x=\frac{3}{2}$ 1-1 (1)  $x=-4$  또는  $x=-1$ (2)  $x=-2$  또는  $x=5$ (3)  $x=\frac{1}{3}$  또는  $x=\frac{1}{2}$ (4)  $x=-\frac{5}{2}$  또는  $x=\frac{1}{3}$ 필수 문제 2 (1)  $x=0$  또는  $x=1$ (2)  $x=-4$  또는  $x=2$ (3)  $x=-\frac{4}{3}$  또는  $x=\frac{3}{2}$ (4)  $x=-3$  또는  $x=2$ 2-1 (1)  $x=0$  또는  $x=-5$ (2)  $x=-6$  또는  $x=5$ (3)  $x=-\frac{2}{3}$  또는  $x=3$ (4)  $x=-1$  또는  $x=10$ 

## 필수 문제 3 4, 8

3-1 ④

## 필수 문제 4 (1) 12 (2) ±2

4-1 (1)  $a=-4, x=7$ (2)  $a=16$ 일 때  $x=-4, a=-16$ 일 때  $x=4$ 

STEP

1

## 개념 익히기

1 ⑤

2 8

3  $a=15, x=-5$ 

4 ①, ④

5 2

6  $x=-6$ 필수 문제 5 (1)  $x=\pm 2\sqrt{2}$ (2)  $x=\pm \frac{5}{3}$ (3)  $x=-3 \pm \sqrt{10}$ (4)  $x=-2$  또는  $x=4$ 5-1 (1)  $x=\pm \sqrt{6}$ (2)  $x=\pm \frac{7}{2}$ (3)  $x=\frac{-1 \pm \sqrt{3}}{2}$ (4)  $x=-\frac{7}{3}$  또는  $x=\frac{1}{3}$ 

5-2 3

## 개념 확인

(1) 1, 1, 1, 3 (2) 4, 4, 2, 6

필수 문제 6 (1) 9, 9, 3, 7,  $3 \pm \sqrt{7}$  (2) 1, 1, 1,  $\frac{2}{3}, 1 \pm \frac{\sqrt{6}}{3}$ 6-1 (1)  $x=5 \pm 2\sqrt{5}$ (2)  $x=-1 \pm \frac{\sqrt{7}}{2}$ (3)  $x=\frac{4 \pm \sqrt{10}}{3}$ (4)  $x=\frac{-5 \pm \sqrt{33}}{2}$

STEP  
1**쓰쓰**  
**개념 익히기**

- 1 6      2 ⑤      3 14  
 4  $A=1, B=-1, C=2$     5 ②

P. 112

**개념 확인**

$$a, \left(\frac{b}{2a}\right)^2, \left(\frac{b}{2a}\right)^2, \left(\frac{b}{2a}\right)^2, \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

**필수 문제 7** (1)  $-5, 5, 3, 1, 3, \frac{-5 \pm \sqrt{13}}{6}$

(2)  $-2, 2, 1, -4, -2 \pm 2\sqrt{2}$

**7-1** (1)  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{33}}{2}$     (2)  $x = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{4}$

**7-2**  $a = -3, b = 3$

P. 113

한 번



## 연습

P. 115

- |                                       |                                      |
|---------------------------------------|--------------------------------------|
| 1 (1) $x = \frac{-7 \pm \sqrt{5}}{2}$ | (2) $x = -1 \pm \sqrt{5}$            |
| (3) $x = \frac{-3 \pm \sqrt{29}}{2}$  | (4) $x = -3 \pm \sqrt{13}$           |
| (5) $x = \frac{5 \pm \sqrt{33}}{4}$   | (6) $x = \frac{-4 \pm \sqrt{19}}{3}$ |
| 2 (1) $x = \frac{5 \pm \sqrt{17}}{2}$ | (2) $x = \frac{3 \pm \sqrt{21}}{2}$  |
| (3) $x = \frac{-1 \pm \sqrt{6}}{2}$   | (4) $x = -1$ 또는 $x = 4$              |
| 3 (1) $x = 1$ 또는 $x = 11$             | (2) $x = \frac{-2 \pm \sqrt{10}}{6}$ |
| (3) $x = \frac{-5 \pm \sqrt{29}}{4}$  | (4) $x = 5 \pm \sqrt{34}$            |
| 4 (1) $x = \frac{1}{3}$ 또는 $x = 3$    | (2) $x = -\frac{4}{3}$ 또는 $x = 0$    |

P. 114

**필수 문제 8** (1)  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{13}}{2}$

(2)  $x = 2$  또는  $x = 3$

(3)  $x = -4$  또는  $x = 2$

**8-1** (1)  $x = 3 \pm \sqrt{5}$

(2)  $x = -5$  또는  $x = -\frac{1}{3}$

(3)  $x = \pm \sqrt{11}$

**필수 문제 9** (1)  $x = -8$  또는  $x = -1$

(2)  $x = 2$  또는  $x = 7$

**9-1** (1)  $x = \frac{3}{2}$  또는  $x = 2$

(2)  $x = -2$  또는  $x = 9$

STEP  
1**쓰쓰**  
**개념 익히기**

P. 116

**1**  $21 - \sqrt{65}$

**2** ②

**3** ⑤

**4** 9

**O3** 이차방정식의 활용

P. 117

**필수 문제 1** (1)  $x^2 - x - 2 = 0$

(2)  $2x^2 + 14x + 24 = 0$

(3)  $-x^2 + 6x - 9 = 0$

**1-1** (1)  $-4x^2 - 4x + 8 = 0$

(2)  $6x^2 - 5x + 1 = 0$

(3)  $3x^2 + 12x + 12 = 0$

**1-2**  $a = -2, b = -60$

## 개념 확인

P. 118

	$b^2 - 4ac$ 의 값	근의 개수
(1)	$3^2 - 4 \times 1 \times (-2) = 17$	2
(2)	$(-6)^2 - 4 \times 9 \times 1 = 0$	1
(3)	$(-2)^2 - 4 \times 2 \times 7 = -52$	0

필수 문제 2

2-1 ②

필수 문제 3 (1)  $k < \frac{9}{8}$  (2)  $k = \frac{9}{8}$  (3)  $k > \frac{9}{8}$ 3-1 (1)  $k < 6$  (2)  $k = 6$  (3)  $k > 6$ 

## STEP 1 쪼꼬 개념 익히기

P. 119

- 1 4      2  $x = -\frac{1}{2}$  또는  $x = \frac{1}{3}$       3 ⑤  
 4  $k \leq \frac{5}{2}$       5  $x = -4$  또는  $x = 2$   
 6  $x = -2$  또는  $x = 14$

## 개념 확인

P. 120~121

 $x - 2, x - 2, 7, 7, 7, 7, 7$ 

필수 문제 4 팔각형

4-1 15

필수 문제 5 13, 15

5-1 8

필수 문제 6 15명

6-1 10살

필수 문제 7 (1) 2초 후 또는 3초 후 (2) 5초 후

7-1 3초 후

필수 문제 8 10 cm

8-1 3 m

STEP

1

## 개념 익히기

P. 122

1 5

2 8, 9

3 10명

4 4초 후

5 ⑤

6 9 cm

## STEP 2 단단 단원 다지기

P. 123~125

1 ①, ⑤

2 ④

3 ⑤

4 ⑤

5 -7

6  $x = \frac{3}{5}$  또는  $x = 3$ 

7 ㄴ, ㄹ

8 -2

9 ③

10 ⑤

11 42

12 ②

13 ④

15 ⑤

16 ②, ⑤

17 12단계

18 22쪽, 23쪽

19 1500

20 2초

21 7 cm

## STEP 3 쪼꼬 서술형 완성하기

P. 126~127

&lt;과정은 풀이 참조&gt;

따라 해보자 유제 1 -2

유제 2 9 cm

연습해 보자 1 10

2  $x = \frac{-4 \pm \sqrt{13}}{3}$ 3  $x = -4 \pm \sqrt{10}$ 

4 26

## 개념 Review

P. 128

- ① 이차식    ②  $\neq$     ③ 해    ④ 근    ⑤ 풀다  
 ⑥  $p$     ⑦  $q$     ⑧ 중근    ⑨  $-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}$   
 ⑩  $2a$     ⑪  $b^2 - 4ac$     ⑫  $-b' \pm \sqrt{b'^2 - ac}$     ⑬  $a$   
 ⑭  $b'^2 - ac$     ⑮ 5    ⑯  $x + 4$     ⑰ 2    ⑱  $x - 6$   
 ⑲ 2    ⑳ 1    ㉑ 0

## 6. 이차함수와 그 그래프

### O1 이차함수의 뜻

P. 132

필수 문제 1 1, 4

1-1 ⑤

- 1-2 (1)  $y=4x$  (2)  $y=x^3$   
 (3)  $y=x^2+4x+3$  (4)  $y=\pi x^2$   
 이차함수: (3), (4)

필수 문제 2 3

2-1 10

STEP  
1 개념 익히기

- 1 ⑤ 2 ④ 3 ② 4 ①  
 5 1 6 32

P. 133

### O2 이차함수 $y=ax^2$ 의 그래프

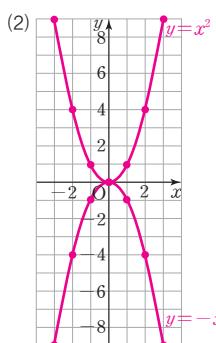
P. 134

필수 문제 1 (1) ①  $y=x^2$ 

x	...	-3	-2	-1	0	1	2	3	...
y	...	9	4	1	0	1	4	9	...

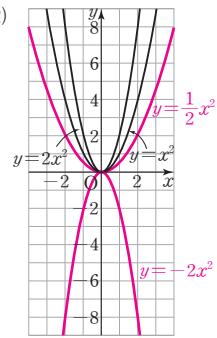
(2)  $y=-x^2$ 

x	...	-3	-2	-1	0	1	2	3	...
y	...	-9	-4	-1	0	-1	-4	-9	...



1-1 1, 4

필수 문제 2 (1), (2)



2-1 1, 4

필수 문제 3 (1) 1, 2 (2) 4 (3) 1과 2  
 (4) 1, 4, 5 (5) 1

3-1 (1) ⊕ (2) ⊖ (3) ⊙ (4) ⊚

필수 문제 4 2

4-1 -1

4-2 3

P. 137

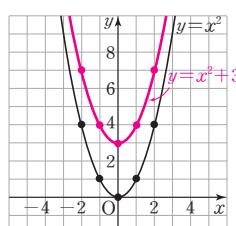
STEP  
1 개념 익히기

- 1 ③, ⑤ 2 ④ 3  $\frac{1}{9}$  4 ⑤  
 5  $y=\frac{1}{3}x^2$

### O3 이차함수 $y=a(x-p)^2+q$ 의 그래프

P. 138

개념 확인



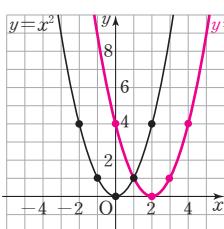
- (1) 3  
 (2) 0  
 (3) 0, 3

필수 문제 1 (1)  $y=-3x^2+2$ ,  $x=0$ ,  $(0, 2)$ (2)  $y=\frac{2}{3}x^2-4$ ,  $x=0$ ,  $(0, -4)$ 

- 1-1 (1)  $y=-2x^2+6$  (2)  $x=0$ , 0, 6  
 (3) 위 (4) 감소

1-2 19

## 개념 확인



- (1) 2  
(2) 2  
(3) 2, 0

- 필수 문제 2** (1)  $y = -\frac{1}{2}(x-5)^2$ ,  $x=5$ ,  $(5, 0)$   
(2)  $y=3(x+1)^2$ ,  $x=-1$ ,  $(-1, 0)$

- 2-1** (1)  $y=\frac{1}{3}(x+2)^2$  (2)  $x=-2, -2, 0$

(3) 아래 (4) 감소

**2-2**  $-\frac{1}{4}$

- 필수 문제 4** (1) 아래,  $>$  (2) 3,  $<$ ,  $<$

**4-1**  $a < 0, p < 0, q > 0$

**4-2** 뒤, 끝, 백

STEP  
**1** 개념 익히기

(1) $y=2x^2-1$	(2) $y=-\frac{2}{3}(x+4)^2$	(3) $y=-x^2+5$
$x=[0]$	$x=[-4]$	$x=[0]$
$([0], [-1])$	$([-4], [0])$	$([0], [5])$
아래로 볼록	위로 볼록	위로 볼록

(1)~(3)을 그래프의 폭이 좁은 것부터 차례로 나열하면

(1), (3), (2)이다.

- 2** ②    **3** -8    **4** ①    **5** 1

- 필수 문제 4** (1) 아래,  $>$  (2) 3,  $<$ ,  $<$

**4-1**  $a < 0, p < 0, q > 0$

**4-2** 뒤, 끝, 백

STEP  
**1** 개념 익히기

**1**  $m=-\frac{1}{5}, n=-4$

**2** ③, ⑤

**3** ①

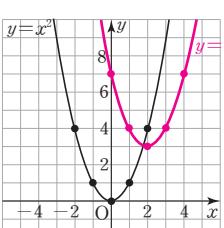
**4** 1    **5** ②

**6** ③

**7** ⑤

**8** ⑤

## 개념 확인



- (1) 2, 3  
(2) 2  
(3) 2, 3

- 필수 문제 3** (1)  $y=2(x-2)^2+6$ ,  $x=2$ ,  $(2, 6)$   
(2)  $y=-(x+4)^2+1$ ,  $x=-4$ ,  $(-4, 1)$

- 3-1** (1)  $y=\frac{1}{2}(x+3)^2+1$  (2)  $x=-3, -3, 1$

(3) 아래 (4) 증가  
(5) 1, 2

**3-2** -7

STEP  
**3** 서술형 완성하기

〈과정은 풀이 참조〉

**따라 해보자** 유제 1 4

유제 2 -4

**연습해 보자** 1 6

2 20

3  $\frac{4}{3}$

4 7

## 개념 Review

- ① ○    ② ×    ③ ×    ④ ×    ⑤ 축  
⑥ 꼭짓점    ⑦ 0    ⑧ 0, 0    ⑨ 아래로    ⑩  $-2x^2$   
⑪  $y$ 축    ⑫ 3    ⑬ 0    ⑭ 0, 3    ⑮  $x$ 축  
⑯ 1    ⑰ 1    ⑱ 1, 0    ⑲ 1    ⑳ 3  
㉑ 1    ㉒ 1, 3

## 7. 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프

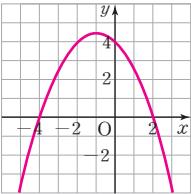
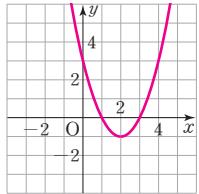
### O1 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프

P. 154~155

## 개념 확인

1, 1, 1, 2, 1, 3

- 필수 문제 ① (1)  $(2, -1)$ ,  $(0, 3)$  (2)  $\left(-1, \frac{9}{2}\right)$ ,  $(0, 4)$



- 필수 문제 ② (1)  $-5, -10$  (2)  $0, 15$   
(3) 4 (4) 감소

2-1 ↘, ↗

- 필수 문제 ③  $(2, 0)$ ,  $(5, 0)$

3-1  $(-1, 0)$ ,  $(4, 0)$ 

3-2 ⑤

P. 156

- 필수 문제 ④ (1) 아래,  $>$  (2) 원,  $>$ ,  $>$  (3) 위,  $>$

4-1 (1)  $a < 0, b > 0, c > 0$ (2)  $a > 0, b > 0, c < 0$ STEP  
1步步  
개념 익히기

P. 157~158

1  $-15$ 

2

(1) $y = -x^2 - 6x - 12$	(2) $y = 3x^2 - 6x - 4$	(3) $y = -\frac{1}{4}x^2 + x + 5$
$y = -(x+3)^2 - 3$	$y = 3(x-1)^2 - 7$	$y = -\frac{1}{4}(x-2)^2 + 6$
$x = -3$	$x = 1$	$x = 2$
$(-3, -3)$	$(1, -7)$	$(2, 6)$

3 ④

4 ②, ④

5 ③

6 ③

7 (1) A(2, 9), B(-1, 0), C(5, 0) (2) 27

8 8

## O2 이차함수의 식 구하기

P. 159

## 개념 확인

1, 2, 2, 3, 3, 1, 2,  $3x^2 - 6x + 5$ 

- 필수 문제 ①  $y = 4x^2 + 24x + 35$

1-1 ③

1-2 ②

P. 160

## 개념 확인

1, 3,  $4a$ , 2, 1, 2, 1, 1,  $2x^2 - 4x + 3$ 

- 필수 문제 ②  $y = 2x^2 - 16x + 27$

2-1 -6

2-2 ④

P. 161

## 개념 확인

2, 2, 2, 2, 3, 1,  $3x^2 + x + 2$ 

- 필수 문제 ③  $y = x^2 - 4x + 4$

3-1 15

3-2 ①

P. 162

## 개념 확인

1, 2, 4, 2, 2, 1, 2,  $2x^2 - 6x + 4$ 

- 필수 문제 ④  $y = x^2 - 5x + 4$

4-1 -16

4-2 ③

STEP

1

## 茕茕 개념 익히기

P. 163

- 1 (1)  $y = 2x^2 - 12x + 20$  (2)  $y = -x^2 - 2x + 5$   
 (3)  $y = -x^2 + 4x + 5$  (4)  $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}x - 3$
- 2 (1)  $y = -2x^2 - 4x - 1$  (2)  $y = 3x^2 + 12x + 9$   
 (3)  $y = -x^2 - 3x + 4$  (4)  $y = \frac{1}{3}x^2 - \frac{2}{3}x - 1$
- 3 ①

STEP

2

## 단단 단원 다지기

P. 167~169

- 1 ③ 2 ② 3 ③ 4 ③ 5 ⑤  
 6 3 7 ④ 8 ⑤ 9 ⑤ 10 ①
- 11 ② 12  $\left(3, -\frac{1}{2}\right)$  13 ④ 14 ③
- 15 4 16 ③ 17 10 cm 18 4초 후

## O3 이차함수의 최댓값과 최솟값

P. 164

## 개념 확인

- (1) 1, 없다. (2) 없다., 2 (3) 0, 없다.

- 필수 문제 1 (1)  $x=4$ 에서 최댓값은 9이고, 최솟값은 없다.  
 (2)  $x=2$ 에서 최솟값은  $-5$ 이고, 최댓값은 없다.  
 (3)  $x=-4$ 에서 최댓값은 6이고, 최솟값은 없다.
- 1-1 (1)  $x=-1$ 에서 최솟값은  $-3$ 이고, 최댓값은 없다.  
 (2)  $x=1$ 에서 최솟값은 0이고, 최댓값은 없다.  
 (3)  $x=-1$ 에서 최댓값은 5이고, 최솟값은 없다.

- 필수 문제 2 -2

- 2-1 6

P. 165

- 필수 문제 3 8, 8, 8, 64, 2, 72, 2, 72, 2

- 3-1 최댓값: 100, 두 수: 10, 10

- 필수 문제 4 (1) 45 m (2) 6초 후

- 4-1  $\frac{45}{4}$  m, 0.5초

STEP

3

## 茕茕 서술형 완성하기

P. 170~171

&lt;과정은 풀이 참조&gt;

따라 해보자 유제 1 60

유제 2  $\frac{225}{2} \text{cm}^2$ 

연습해보자 1 24

2  $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}x + 2$ 

3 -2

4 1

## 개념 Review

P. 172

- ① 4 ② 4 ③ 2 ④ 7 ⑤ 7  
 ⑥ 3 ⑦ 2 ⑧ ↘ ⑨ ↘ ⑩ ↗  
 ⑪ ↗ ⑫ 최댓값 ⑬ 최솟값 ⑭ 최솟값 ⑮ q  
 ⑯ 최댓값 ⑰ 최댓값 ⑱ q ⑲ 최솟값

STEP

1

## 茕茕 개념 익히기

P. 166

- 1 1 2 ④ 3 8 4 6  
 5  $450 \text{m}^2$  6 500개, 2000만 원

## 01

## 제곱근의 뜻과 성질

P. 8

## 개념 확인

- (1) 3, -3, 3, -3 (2) 5, -5, 5, -5  
 (3) 없다 (4) 0  
 (1)  $3^2=9$ ,  $(-3)^2=9$ 이므로 제곱하여 9가 되는 수는 3, -3이다.  
 (2)  $5^2=25$ ,  $(-5)^2=25$ 이므로  $x^2=25$ 를 만족시키는  $x$ 의 값은 5, -5이다.  
 (3) 음수의 제곱근은 없으므로 -4의 제곱근은 없다.

## 필수 문제 1 (1) 4, -4 (2) 0.1, -0.1

(3)  $\frac{3}{5}, -\frac{3}{5}$  (4) 6, -6

- (1)  $4^2=16$ ,  $(-4)^2=16$ 이므로 16의 제곱근은 4, -4이다.  
 (2)  $0.1^2=0.01$ ,  $(-0.1)^2=0.01$ 이므로 0.01의 제곱근은 0.1, -0.1이다.  
 (3)  $\left(\frac{3}{5}\right)^2=\frac{9}{25}$ ,  $\left(-\frac{3}{5}\right)^2=\frac{9}{25}$ 이므로  $\frac{9}{25}$ 의 제곱근은  $\frac{3}{5}, -\frac{3}{5}$ 이다.  
 (4)  $(-6)^2=36$ 이고  $6^2=36$ ,  $(-6)^2=36$ 이므로  $(-6)^2$ 의 제곱근은 6, -6이다.

## 1-1 (1) 11, -11 (2) 0.2, -0.2

(3)  $\frac{1}{7}, -\frac{1}{7}$  (4) 0.5, -0.5

- (1)  $11^2=121$ ,  $(-11)^2=121$ 이므로 121의 제곱근은 11, -11이다.  
 (2)  $0.2^2=0.04$ ,  $(-0.2)^2=0.04$ 이므로 0.04의 제곱근은 0.2, -0.2이다.  
 (3)  $\left(\frac{1}{7}\right)^2=\frac{1}{49}$ 이고  $\left(\frac{1}{7}\right)^2=\frac{1}{49}$ ,  $\left(-\frac{1}{7}\right)^2=\frac{1}{49}$ 이므로  $\left(\frac{1}{7}\right)^2$ 의 제곱근은  $\frac{1}{7}, -\frac{1}{7}$ 이다.  
 (4)  $(-0.5)^2=0.25$ 이고  $(0.5)^2=0.25$ ,  $(-0.5)^2=0.25$ 이므로  $(-0.5)^2$ 의 제곱근은 0.5, -0.5이다.

## 1-2 25

- $a$ 는 10의 제곱근이므로  $a^2=10$   
 $b$ 는 15의 제곱근이므로  $b^2=15$   
 $\therefore a^2+b^2=10+15=25$

P. 9

필수 문제 2 (1)  $\sqrt{5}$  (2)  $-\sqrt{\frac{5}{2}}$  (3)  $\pm\sqrt{13}$  (4)  $\sqrt{13}$ 

- 2-1 (1)  $\sqrt{17}$  (2)  $-\sqrt{0.8}$  (3)  $\pm\sqrt{\frac{3}{2}}$  (4)  $\sqrt{26}$

필수 문제 3 (1) 5 (2) 0.3 (3) ±8 (4)  $-\frac{1}{9}$ 

- (1)  $\sqrt{25}$ 는 25의 양의 제곱근이므로 5이다.  
 (2)  $\sqrt{0.09}$ 는 0.09의 양의 제곱근이므로 0.3이다.  
 (3)  $\pm\sqrt{64}$ 는 64의 제곱근이므로 ±8이다.  
 (4)  $-\sqrt{\frac{1}{81}}$ 은  $\frac{1}{81}$ 의 음의 제곱근이므로  $-\frac{1}{9}$ 이다.

3-1 (1) 7 (2) -0.4 (3) ±10 (4)  $\frac{5}{6}$ 

- (1)  $\sqrt{49}$ 는 49의 양의 제곱근이므로 7이다.  
 (2)  $-\sqrt{0.16}$ 은 0.16의 음의 제곱근이므로 -0.4이다.  
 (3)  $\pm\sqrt{100}$ 은 100의 제곱근이므로 ±10이다.  
 (4)  $\sqrt{\frac{25}{36}}$ 은  $\frac{25}{36}$ 의 양의 제곱근이므로  $\frac{5}{6}$ 이다.

STEP 1 步步 개념 익히기

P. 10

1 ㄷ, ㅁ, ㅂ 2 ②

5  $\sqrt{74}$ 

3 7

4 ③, ④

1 그. 10의 제곱근은  $\pm\sqrt{10}$ 이다.ㄴ.  $\sqrt{36}$ 은 6이다.

ㄷ. 0의 제곱근은 0의 1개이다.

ㄹ. 음수의 제곱근은 없다.

ㅁ.  $(-5)^2=25$ ,  $5^2=25$ 이므로 두 수의 제곱근은 ±5로 같다.  
 따라서 옳은 것은 ㄷ, ㅁ, ㅂ이다.2 ① 4의 제곱근  $\Leftrightarrow$  제곱하여 4가 되는 수 (3) $\Leftrightarrow x^2=4$ 를 만족시키는  $x$ 의 값 (5)  
 $\Leftrightarrow \pm 2$  (4)②  $\sqrt{4}=2$ 

따라서 나머지 넷과 다른 하나는 ②이다.

3  $\sqrt{16}=4$ 의 음의 제곱근은 -2이므로  $a=-2$  $(-9)^2=81$ 의 양의 제곱근은 9이므로  $b=9$  $\therefore a+b=-2+9=7$ 4 ③  $\sqrt{0.04}=0.2$ ④  $-\sqrt{\frac{81}{16}}=-\frac{9}{4}$ 5 피타고라스 정리에 의해  $x^2=5^2+7^2=74$ 이때  $x>0$ 이므로  $x=\sqrt{74}$

**필수 문제 4** (1) 7 (2) 0.8 (3) -10

$$(4) -3 \quad (5) 11 \quad (6) -\frac{4}{5}$$

**4-1** (1) -5 (2)  $\frac{2}{3}$  (3) -13 (4) 9 (5) 0.4 (6)  $-\frac{1}{6}$

**필수 문제 5** (1) 5 (2) -2 (3) 17 (4) 0

$$\begin{aligned} (1) (\sqrt{2})^2 + (-\sqrt{3})^2 &= 2 + 3 = 5 \\ (2) \sqrt{3^2} - \sqrt{(-5)^2} &= 3 - 5 = -2 \\ (3) \sqrt{4^2} \times (-\sqrt{6})^2 - (-\sqrt{7})^2 &= 4 \times 6 - 7 = 24 - 7 = 17 \\ (4) (-\sqrt{8})^2 \times \sqrt{0.5^2} - \sqrt{9} \div \sqrt{\left(\frac{3}{4}\right)^2} &= 8 \times 0.5 - 3 \div \frac{3}{4} \\ &= 4 - 3 \times \frac{4}{3} = 0 \end{aligned}$$

**5-1** (1) -2 (2) 4 (3) 4 (4) -5

$$\begin{aligned} (1) (\sqrt{5})^2 - (-\sqrt{7})^2 &= 5 - 7 = -2 \\ (2) \sqrt{12^2} \div \sqrt{(-3)^2} &= 12 \div 3 = 4 \\ (3) (-\sqrt{2})^2 + \sqrt{\left(-\frac{1}{3}\right)^2} \times \sqrt{36} &= 2 + \frac{1}{3} \times 6 = 2 + 2 = 4 \\ (4) \sqrt{(-2)^2} \div \sqrt{\left(\frac{2}{3}\right)^2} - \sqrt{0.64} \times (-\sqrt{10})^2 &= 2 \div \frac{2}{3} - 0.8 \times 10 \\ &= 2 \times \frac{3}{2} - 8 = -5 \end{aligned}$$

**필수 문제 6** (1)  $2x$  (2)  $-2x$  (3)  $2x$  (4)  $-2x$

(1)  $x > 0$  일 때,  $2x > 0$  이므로

$$\sqrt{(2x)^2} = 2x$$

(2)  $x < 0$  일 때,  $2x < 0$  이므로

$$\sqrt{(2x)^2} = -2x$$

(3)  $x > 0$  일 때,  $-2x < 0$  이므로

$$\sqrt{(-2x)^2} = -(-2x) = 2x$$

(4)  $x < 0$  일 때,  $-2x > 0$  이므로

$$\sqrt{(-2x)^2} = -2x$$

**6-1** (1)  $5a$  (2)  $-11a$  (3)  $6a$  (4)  $7a$

(1)  $a > 0$  일 때,  $5a > 0$  이므로

$$\sqrt{(5a)^2} = 5a$$

(2)  $a < 0$  일 때,  $-11a > 0$  이므로

$$\sqrt{(-11a)^2} = -11a$$

(3)  $a > 0$  일 때,  $-6a < 0$  이므로

$$\sqrt{(-6a)^2} = -(-6a) = 6a$$

(4)  $a < 0$  일 때,  $-7a > 0$  이므로

$$-\sqrt{(-7a)^2} = -(-7a) = 7a$$

**필수 문제 7** (1)  $x - 5$  (2)  $-x + 5$

(1)  $x > 5$  일 때,  $x - 5 > 0$  이므로

$$\sqrt{(x-5)^2} = x - 5$$

(2)  $x < 5$  일 때,  $x - 5 < 0$  이므로

$$\sqrt{(x-5)^2} = -(x-5) = -x + 5$$

**7-1** (1)  $a - 3$  (2)  $-a + 7$  (3)  $-a - 1$  (4)  $4 - a$

(1)  $a > 3$  일 때,  $a - 3 > 0$  이므로

$$\sqrt{(a-3)^2} = a - 3$$

(2)  $a < 7$  일 때,  $a - 7 < 0$  이므로

$$\sqrt{(a-7)^2} = -(a-7) = -a + 7$$

(3)  $a > -1$  일 때,  $a + 1 > 0$  이므로

$$-\sqrt{(a+1)^2} = -(a+1) = -a - 1$$

(4)  $a < 4$  일 때,  $4 - a > 0$  이므로

$$\sqrt{(4-a)^2} = 4 - a$$

**7-2**  $a + 2$

$0 < a < 2$  일 때  $a - 2 < 0$ ,  $2a > 0$  이므로

$$\sqrt{(a-2)^2} + \sqrt{4a^2} = \sqrt{(a-2)^2} + \sqrt{(2a)^2}$$

$$= -(a-2) + 2a$$

$$= -a + 2 + 2a = a + 2$$

**필수 문제 8** 3, 5, 3, 5, 5, 5

**8-1** (1) 6 (2) 2

(1)  $\sqrt{24x} = \sqrt{2^3 \times 3 \times x}$  가 자연수가 되려면

$x = 2 \times 3 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

따라서 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은  $2 \times 3 = 6$

(2)  $\sqrt{\frac{98}{x}} = \sqrt{\frac{2 \times 7^2}{x}}$  가 자연수가 되려면  $x$ 는 98의 약수이면

서  $x = 2 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

따라서 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은 2이다.

**필수 문제 9** 10, 16, 25, 36, 6, 15, 26, 6

**9-1** (1) 3 (2) 3

(1)  $\sqrt{6+x}$  가 자연수가 되려면  $6+x$ 는 6보다 큰 (자연수)<sup>2</sup> 꼴인 수이어야 하므로

$$6+x = 9, 16, 25, \dots \quad \therefore x = 3, 10, 19, \dots$$

따라서 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은 3이다.

(2)  $\sqrt{12-x}$  가 자연수가 되려면  $12-x$ 는 12보다 작은 (자연수)<sup>2</sup> 꼴인 수이어야 하므로

$$12-x=1, 4, 9 \quad \therefore x=11, 8, 3$$

따라서 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은 3이다.

P. 14

## 개념 확인

(방법①)  $<, <, <$  (방법②)  $<, <$ 필수 문제 10 (1)  $<$  (2)  $>$  (3)  $<$  (4)  $>$ 

(1)  $5 < 7$  이므로  $\sqrt{5} < \sqrt{7}$

(2)  $4 = \sqrt{16}$  이고  $16 > 15$  이므로  $4 > \sqrt{15}$

다른 풀이

$4^2 = 16, (\sqrt{15})^2 = 15$  이고  $16 > 15$  이므로  $4 > \sqrt{15}$

(3)  $0.1 = \sqrt{0.01}$  이고  $0.01 < 0.1$  이므로  $0.1 < \sqrt{0.1}$

(4)  $\frac{2}{3} < \frac{3}{4}$  이므로  $\sqrt{\frac{2}{3}} < \sqrt{\frac{3}{4}}$       $\therefore -\sqrt{\frac{2}{3}} > -\sqrt{\frac{3}{4}}$

10-1 (1)  $\sqrt{0.7} < \sqrt{0.8}$      (2)  $\frac{1}{2} < \sqrt{\frac{2}{3}}$

(3)  $-\sqrt{\frac{1}{10}} > -\sqrt{\frac{1}{2}}$      (4)  $-3 < -\sqrt{8}$

(1)  $0.7 < 0.8$  이므로  $\sqrt{0.7} < \sqrt{0.8}$

(2)  $\frac{1}{2} = \sqrt{\frac{1}{4}}$  이고  $\frac{1}{4} < \frac{2}{3}$  이므로  $\frac{1}{2} < \sqrt{\frac{2}{3}}$

(3)  $\frac{1}{10} < \frac{1}{2}$  이므로  $\sqrt{\frac{1}{10}} < \sqrt{\frac{1}{2}}$       $\therefore -\sqrt{\frac{1}{10}} > -\sqrt{\frac{1}{2}}$

(4)  $3 = \sqrt{9}$  이고  $9 > 8$  이므로  $3 > \sqrt{8}$

∴  $-3 < -\sqrt{8}$

## 필수 문제 11 (1) 2, 3, 4 (2) 4, 5, 6, 7, 8

(1)  $1 < \sqrt{x} \leq 2$ 에서  $1^2 < (\sqrt{x})^2 \leq 2^2$  이므로  $1 < x \leq 4$

따라서 자연수  $x$ 의 값은 2, 3, 4이다.

다른 풀이

$1 < \sqrt{x} \leq 2$ 에서  $1^2 < (\sqrt{x})^2 \leq 2^2$

∴  $1 < x \leq 4$

따라서 자연수  $x$ 의 값은 2, 3, 4이다.

(2)  $3 < \sqrt{3x} < 5$ 에서  $\sqrt{9} < \sqrt{3x} < \sqrt{25}$  이므로

$9 < 3x < 25 \quad \therefore 3 < x < \frac{25}{3} (= 8\frac{1}{3})$

따라서 자연수  $x$ 의 값은 4, 5, 6, 7, 8이다.

## 11-1 (1) 6, 7, 8, 9 (2) 4, 5, 6, 7, 8, 9

(1)  $5 < \sqrt{5x} < 7$ 에서  $\sqrt{25} < \sqrt{5x} < \sqrt{49}$  이므로

$25 < 5x < 49 \quad \therefore 5 < x < \frac{49}{5} (= 9\frac{4}{5})$

따라서 자연수  $x$ 의 값은 6, 7, 8, 9이다.

(2)  $-3 \leq -\sqrt{x} \leq -2$ 에서  $2 \leq \sqrt{x} \leq 3$

따라서 자연수  $x$ 의 값은 4, 5, 6, 7, 8, 9이다.

## STEP 1 끄읕 개념 익히기

P. 15

1 ④     2 (1) -10 (2) 3 (3) 1 (4) 7

3  $-2a-1$      4 (1) 15 (2) 1

5  $-\sqrt{5}, -\sqrt{2}, -1, 0, \sqrt{12}, 4, \sqrt{17}$

6 (1) 7 (2) 9

1 (1), (2), (3), (5) -7 (4) 7

2 (1)  $(\sqrt{3})^2 - \sqrt{(-13)^2} = 3 - 13 = -10$

(2)  $\left(-\sqrt{\frac{3}{2}}\right)^2 + \sqrt{\left(\frac{3}{2}\right)^2} = \frac{3}{2} + \frac{3}{2} = 3$

(3)  $\sqrt{0.36} \times (\sqrt{10})^2 \div \sqrt{(-6)^2} = 0.6 \times 10 \div 6 = 6 \div 6 = 1$

(4)  $\sqrt{121} - (\sqrt{14})^2 \times \sqrt{\left(-\frac{2}{7}\right)^2} = 11 - 14 \times \frac{2}{7} = 7$

3  $-2 < a < 1$  일 때,  $a-1 < 0, a+2 > 0$  이므로

$\sqrt{(a-1)^2} - \sqrt{(a+2)^2} = -(a-1) - (a+2)$

= -a + 1 - a - 2

= -2a - 1

4 (1)  $\sqrt{240x} = \sqrt{2^4 \times 3 \times 5 \times x}$  가 자연수가 되려면

$x = 3 \times 5 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

따라서 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은  $3 \times 5 = 15$ 

(2)  $\sqrt{50-x}$  가 자연수가 되려면  $50-x$ 는 50보다 작은

(자연수)<sup>2</sup> 꼴인 수이어야 하므로

$50-x = 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49$

∴  $x = 49, 46, 41, 34, 25, 14, 1$

따라서 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은 1이다.

5 (음수)  $< 0 <$  (양수) 이고  $4 = \sqrt{16}, -1 = -\sqrt{1}$  이므로

주어진 수를 크기가 작은 것부터 차례로 나열하면

$-\sqrt{5}, -\sqrt{2}, -1, 0, \sqrt{12}, 4, \sqrt{17}$

참고 (1) (음수)  $< 0 <$  (양수)

(2) 양수끼리는 절댓값이 큰 수가 크다.

(3) 음수끼리는 절댓값이 큰 수가 작다.

6 (1)  $3 \leq \sqrt{x+1} < 4$ 에서  $\sqrt{9} \leq \sqrt{x+1} < \sqrt{16}$  이므로

$9 \leq x+1 < 16 \quad \therefore 8 \leq x < 15$

따라서 자연수  $x$ 는 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14의 7개이다.

다른 풀이

8  $\leq x < 15$ 를 만족시키는 자연수  $x$ 의 개수는

$15 - 8 = 7$  (개)

(2)  $4 < \sqrt{2x} < 6$ 에서  $\sqrt{16} < \sqrt{2x} < \sqrt{36}$  이므로

$16 < 2x < 36 \quad \therefore 8 < x < 18$

따라서 자연수  $x$ 는 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17의 9개이다.

**다른 풀이**

$8 < x < 18$ 을 만족시키는 자연수  $x$ 의 개수는

$$18 - 8 - 1 = 9(\text{개})$$

**참고** 부등식을 만족시키는 자연수의 개수

$m, n (m < n)$ 이 자연수일 때,  $x$ 의 값의 범위에 따른 자연수  $x$ 의 개수는 다음과 같다.

(1)  $m < x < n$ 이면  $(n - m - 1)$ 개

(2)  $m \leq x < n$  또는  $m < x \leq n$ 이면  $(n - m)$ 개

(3)  $m \leq x \leq n$ 이면  $(n - m + 1)$ 개

**3-1 ③, ⑤**

□에 해당하는 수는 무리수이다.

$$\textcircled{1} \sqrt{\frac{9}{16}} = \frac{3}{4} \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\textcircled{3} \sqrt{4} = 2 \text{의 양의 제곱근은 } \sqrt{2} \Leftrightarrow \text{무리수}$$

$$\textcircled{5} 3 - \sqrt{2} \Leftrightarrow \text{무리수}$$

따라서 무리수는 ③, ⑤이다.

**참고** (유리수) $\pm$ (무리수)는 무리수이다.

## 02 무리수와 실수

P. 16

**필수 문제 1** ㄱ, ㅂ

$$\text{ㄱ. } \sqrt{9} = 3 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\text{ㅁ. } \sqrt{0.49} = 0.7 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\text{ㅂ. } \sqrt{25} = 5 \text{의 제곱근은 } \pm\sqrt{5} \Leftrightarrow \text{무리수}$$

따라서 무리수인 것은 ㄱ, ㅂ이다.

**1-1**  $-2, \sqrt{1.44}, 0, \sqrt{0.\dot{4}}$ 

무리수가 아닌 것은 유리수이다.

$$\sqrt{1.44} = 1.2 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\sqrt{0.\dot{4}} = \sqrt{\frac{4}{9}} = \frac{2}{3} \Leftrightarrow \text{유리수}$$

따라서 유리수는  $-2, \sqrt{1.44}, 0, \sqrt{0.\dot{4}}$ 이다.

**필수 문제 2** (1) ○ (2) × (3) × (4) × (5) ○

(2) 무리수는 순환소수가 아닌 무한소수로 나타내어지므로 순환소수로 나타낼 수 없다.

(3)  $\sqrt{4}$ 는 근호를 사용하여 나타낸 수이지만  $\sqrt{4} = 2$ 이므로 유리수이다.

(4) 순환소수는 무한소수이지만 유리수이다.

### STEP 1 개념 익히기

P. 18

1

5

2

3

4

5

6

1 소수로 나타내었을 때 순환소수가 아닌 무한소수가 되는 것은 무리수이다.

$$\sqrt{1.96} = 1.4 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

따라서 무리수인 것은  $\sqrt{10}, -\sqrt{3}$ 의 2개이다.

2 정사각형의 한 변의 길이를 각각 구하면 다음과 같다.

$$\text{ㄱ. } \sqrt{4} = 2 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\text{ㄴ. } \sqrt{8} \Leftrightarrow \text{무리수}$$

$$\text{ㄷ. } \sqrt{9} = 3 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\text{ㄹ. } \sqrt{15} \Leftrightarrow \text{무리수}$$

따라서 한 변의 길이가 무리수인 것은 ㄴ, ㄹ이다.

3  $\sqrt{3}$ 은 무리수이므로

③ 근호를 사용하지 않고 나타낼 수 없다.

④  $\frac{(\text{정수})}{(0이 아닌 정수)}$  꼴로 나타낼 수 없다.

4 ㄱ. 양수 4의 제곱근은 ±2, 즉 유리수이다.

ㄴ. 0은 유리수이다.

유리수인 동시에 무리수인 수는 없다.

ㄷ. 유리수와 무리수의 합은 무리수이다.

따라서 옳은 것은 ㄷ, ㅁ이다.

5 ④에 해당하는 수는 무리수이다.

①  $3.14 \Leftrightarrow \text{유리수}, \sqrt{8} \Leftrightarrow \text{무리수}$

②  $\sqrt{25} = 5 \Leftrightarrow \text{유리수}, \frac{1}{7} \Leftrightarrow \text{유리수}$

③  $\sqrt{\frac{1}{81}} = \frac{1}{9} \Leftrightarrow \text{유리수}, \sqrt{0.9} \Leftrightarrow \text{무리수}$

④  $0.13\dot{5} \Leftrightarrow \text{유리수}, \pi \Leftrightarrow \text{무리수}$

⑤  $\sqrt{0.3} \Leftrightarrow \text{무리수}, \sqrt{6} + 1 \Leftrightarrow \text{무리수}$

따라서 무리수로만 짹 지어진 것은 ⑤이다.

P. 17

**필수 문제 3** (1) 5

$$(2) 5, -\frac{8}{4}, -\sqrt{4}$$

$$(3) 5, 1.3, 0.3\dot{2}, -\frac{8}{4}, -\sqrt{4}$$

$$(4) -\sqrt{7}, 1+\sqrt{3}$$

$$(5) 5, -\sqrt{7}, 1.3, 0.3\dot{2}, -\frac{8}{4}, 1+\sqrt{3}, -\sqrt{4}$$

## 개념 확인

 $\sqrt{5}, \sqrt{5}, \sqrt{5}, \sqrt{5}, \sqrt{5}, -\sqrt{5}$ 필수 문제 4 (1)  $\sqrt{2}$  (2)  $\sqrt{2}$  (3)  $1-\sqrt{2}$  (4)  $1+\sqrt{2}$ 

(1)  $\overline{AB} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$

(2)  $\overline{AD} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$

(3)  $\overline{AP} = \overline{AB} = \sqrt{2}$  이므로 점 P에 대응하는 수는  $1-\sqrt{2}$ (4)  $\overline{AQ} = \overline{AD} = \sqrt{2}$  이므로 점 Q에 대응하는 수는  $1+\sqrt{2}$ 4-1 (1)  $\overline{AB} = \sqrt{8}, \overline{AD} = \sqrt{10}$ 

(2)  $P(-2-\sqrt{8}), Q(-2+\sqrt{10})$

(1)  $\overline{AB} = \sqrt{2^2 + 2^2} = \sqrt{8}$

$\overline{AD} = \sqrt{3^2 + 1^2} = \sqrt{10}$

(2)  $\overline{AP} = \overline{AB} = \sqrt{8}$  이므로  $P(-2-\sqrt{8})$

$\overline{AQ} = \overline{AD} = \sqrt{10}$  이므로  $Q(-2+\sqrt{10})$

6-1 (1)  $\sqrt{7}-5 > -3$  (2)  $-2-\sqrt{8} > -5$ 

(3)  $4+\sqrt{10} < 4+\sqrt{11}$  (4)  $\sqrt{13}-4 < \sqrt{13}-\sqrt{15}$

(1)  $(\sqrt{7}-5)-(-3) = \sqrt{7}-2 = \sqrt{7}-\sqrt{4} > 0$

\therefore \sqrt{7}-5 &gt; -3

(2)  $(-2-\sqrt{8})-(-5) = 3-\sqrt{8} = \sqrt{9}-\sqrt{8} > 0$

\therefore -2-\sqrt{8} &gt; -5

(3)  $\sqrt{10} < \sqrt{11}$  이므로 양변에 4를 더하면

$4+\sqrt{10} < 4+\sqrt{11}$

(4)  $\sqrt{16} > \sqrt{15}$ 에서  $4 > \sqrt{15}$  이므로  $-4 < -\sqrt{15}$

양변에  $\sqrt{13}$ 을 더하면  $\sqrt{13}-4 < \sqrt{13}-\sqrt{15}$

## 필수 문제 5 (1) ○ (2) × (3) × (4) ○ (5) × (6) ○

(2)  $\sqrt{2}$ 와  $\sqrt{3}$  사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.(3)  $\sqrt{3}$ 과  $\sqrt{7}$  사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.

(5) 수직선은 실수, 즉 유리수와 무리수에 대응하는 점들로 완전히 매울 수 있다.

## 5-1 ⑤

ㄴ. 0과 1 사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.

ㄷ.  $\sqrt{2} < \sqrt{4} < \sqrt{5}$  이고  $\sqrt{4} = 2$  이므로  $\sqrt{2}$ 와  $\sqrt{5}$  사이에는 1개의 정수 2가 있다.

ㄹ. 수직선 위의 모든 점은 그 좌표를 실수로 나타낼 수 있다. 따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄷ, ㅁ이다.

6-2  $c < a < b$ 

$a-b = (2-\sqrt{7})-(2-\sqrt{6}) = -\sqrt{7}+\sqrt{6} < 0$

\therefore a &lt; b

$b-c = (2-\sqrt{6})-(-1) = 3-\sqrt{6} = \sqrt{9}-\sqrt{6} > 0$

\therefore b &gt; c

$a-c = (2-\sqrt{7})-(-1) = 3-\sqrt{7} = \sqrt{9}-\sqrt{7} > 0$

\therefore a &gt; c

\therefore c &lt; a &lt; b

## 필수 문제 7 (1) 1.030 (2) 1.063 (3) 7.962 (4) 8.031

## 7-1 6.207

$\sqrt{9.54} = 3.089, \sqrt{9.72} = 3.118$  이므로

$\sqrt{9.54} + \sqrt{9.72} = 3.089 + 3.118 = 6.207$

## 개념 확인

&lt;, &lt;

## 필수 문제 6 (1) &gt; (2) &lt; (3) &lt; (4) &lt;

(1)  $(\sqrt{6}+1)-3 = \sqrt{6}-2 = \sqrt{6}-\sqrt{4} > 0$

\therefore \sqrt{6}+1 &gt; 3

(2)  $(5-\sqrt{2})-4 = 1-\sqrt{2} = \sqrt{1}-\sqrt{2} < 0$

\therefore 5-\sqrt{2} &lt; 4

(3)  $\sqrt{7} < \sqrt{8}$  이므로 양변에 3을 더하면

$\sqrt{7}+3 < \sqrt{8}+3$

(4)  $\sqrt{9} < \sqrt{10}$ 에서  $3 < \sqrt{10}$  이므로 양변에서  $\sqrt{3}$ 을 빼면

$3-\sqrt{3} < \sqrt{10}-\sqrt{3}$

필수 문제 8 (1) 정수 부분: 2, 소수 부분:  $\sqrt{6}-2$ (2) 정수 부분: 3, 소수 부분:  $\sqrt{10}-3$ 

(1)  $\sqrt{4} < \sqrt{6} < \sqrt{9}$ , 즉  $2 < \sqrt{6} < 3$  이므로

 $\sqrt{6}$ 의 정수 부분은 2, 소수 부분은  $\sqrt{6}-2$ 

(2)  $\sqrt{9} < \sqrt{10} < \sqrt{16}$ , 즉  $3 < \sqrt{10} < 4$  이므로

 $\sqrt{10}$ 의 정수 부분은 3, 소수 부분은  $\sqrt{10}-3$ 8-1 (1) 정수 부분: 3, 소수 부분:  $\sqrt{15}-3$ (2) 정수 부분: 4, 소수 부분:  $\sqrt{21}-4$ 

(1)  $\sqrt{9} < \sqrt{15} < \sqrt{16}$ , 즉  $3 < \sqrt{15} < 4$  이므로

 $\sqrt{15}$ 의 정수 부분은 3, 소수 부분은  $\sqrt{15}-3$ 

(2)  $\sqrt{16} < \sqrt{21} < \sqrt{25}$ , 즉  $4 < \sqrt{21} < 5$  이므로

 $\sqrt{21}$ 의 정수 부분은 4, 소수 부분은  $\sqrt{21}-4$

**필수 문제 9** (1) 정수 부분: 3, 소수 부분:  $\sqrt{3}-1$

(2) 정수 부분: 3, 소수 부분:  $2-\sqrt{2}$

$$(1) \sqrt{1} < \sqrt{3} < \sqrt{4}, 즉 1 < \sqrt{3} < 2 이므로$$

$$3 < 2 + \sqrt{3} < 4$$

따라서  $2 + \sqrt{3}$ 의 정수 부분은 3,

$$\text{소수 부분은 } (2 + \sqrt{3}) - 3 = \sqrt{3} - 1$$

$$(2) \sqrt{1} < \sqrt{2} < \sqrt{4}, 즉 1 < \sqrt{2} < 2 이므로 -2 < -\sqrt{2} < -1$$

$$\therefore 3 < 5 - \sqrt{2} < 4$$

따라서  $5 - \sqrt{2}$ 의 정수 부분은 3,

$$\text{소수 부분은 } (5 - \sqrt{2}) - 3 = 2 - \sqrt{2}$$

**9-1** (1) 정수 부분: 2, 소수 부분:  $\sqrt{2}-1$

(2) 정수 부분: 1, 소수 부분:  $2-\sqrt{3}$

$$(1) \sqrt{1} < \sqrt{2} < \sqrt{4}, 즉 1 < \sqrt{2} < 2 이므로$$

$$2 < 1 + \sqrt{2} < 3$$

따라서  $1 + \sqrt{2}$ 의 정수 부분은 2,

$$\text{소수 부분은 } (1 + \sqrt{2}) - 2 = \sqrt{2} - 1$$

$$(2) \sqrt{1} < \sqrt{3} < \sqrt{4}, 즉 1 < \sqrt{3} < 2 이므로 -2 < -\sqrt{3} < -1$$

$$\therefore 1 < 3 - \sqrt{3} < 2$$

따라서  $3 - \sqrt{3}$ 의 정수 부분은 1,

$$\text{소수 부분은 } (3 - \sqrt{3}) - 1 = 2 - \sqrt{3}$$

**4** ①  $3 - (\sqrt{3} + 1) = 2 - \sqrt{3} = \sqrt{4} - \sqrt{3} > 0$

$$\therefore 3 > \sqrt{3} + 1$$

$$\text{② } (\sqrt{6} - 1) - 2 = \sqrt{6} - 3 = \sqrt{6} - \sqrt{9} < 0$$

$$\therefore \sqrt{6} - 1 < 2$$

③  $\sqrt{2} < \sqrt{3}$ 에서  $-\sqrt{2} > -\sqrt{3}$ 이므로 양변에 4를 더하면

$$4 - \sqrt{2} > 4 - \sqrt{3}$$

④  $\sqrt{2} > 1$ 이므로 양변에  $\sqrt{5}$ 를 더하면

$$\sqrt{2} + \sqrt{5} > 1 + \sqrt{5}$$

⑤  $\sqrt{16} > \sqrt{15}$ 에서  $4 > \sqrt{15}$ 이므로 양변에서  $\sqrt{10}$ 을 빼면

$$4 - \sqrt{10} > \sqrt{15} - \sqrt{10}$$

따라서 부등호의 방향이 나머지 넷과 다른 하나는 ②이다.

**5**  $a - b = (1 + \sqrt{3}) - 2 = \sqrt{3} - 1 > 0$

$$\therefore a > b$$

$$b - c = 2 - (\sqrt{5} - 1) = 3 - \sqrt{5} = \sqrt{9} - \sqrt{5} > 0$$

$$\therefore b > c$$

$$\therefore a > b > c$$

즉, 크기가 작은 것부터 차례로 나열하면  $c, b, a$ 이다.

**6**  $3 < \sqrt{10} < 4$ 이므로  $-4 < -\sqrt{10} < -3$

$$\therefore 1 < 5 - \sqrt{10} < 2$$

따라서  $5 - \sqrt{10}$ 에 대응하는 점은 점 D이다.

**7**  $\sqrt{5.84} = 2.417$ 이므로  $a = 2.417$

$$\sqrt{5.92} = 2.433$$
이므로  $b = 5.92$

$$\therefore 1000a + 100b = 1000 \times 2.417 + 100 \times 5.92$$

$$= 2417 + 592$$

$$= 3009$$

**8**  $2 < \sqrt{7} < 3$ 이므로  $-3 < -\sqrt{7} < -2$

$$\therefore 1 < 4 - \sqrt{7} < 2$$

따라서  $4 - \sqrt{7}$ 의 정수 부분은 1,

$$\text{소수 부분은 } (4 - \sqrt{7}) - 1 = 3 - \sqrt{7}$$

즉,  $a = 1, b = 3 - \sqrt{7}$ 이므로

$$b - a = (3 - \sqrt{7}) - 1 = 2 - \sqrt{7}$$

**9**  $2 < \sqrt{5} < 3$ 이므로  $3 < 1 + \sqrt{5} < 4$

$$\text{또 } -3 < -\sqrt{5} < -2$$
이므로  $-1 < 2 - \sqrt{5} < 0$

따라서  $1 + \sqrt{5}$ 와  $2 - \sqrt{5}$  사이에 있는 정수는 0, 1, 2, 3이다.

**10**  $2 < \sqrt{6} < 3$ 이므로  $-3 < -\sqrt{6} < -2$

$$\therefore -2 < 1 - \sqrt{6} < -1$$

$$\text{또 } 1 < \sqrt{2} < 2 \text{이므로 } 2 < 1 + \sqrt{2} < 3$$

따라서  $1 - \sqrt{6}$ 과  $1 + \sqrt{2}$  사이에 있는 정수는 -1, 0, 1, 2이다.

**STEP  
1**

**▣ 개념 익히기**

P. 25~26

**1** (1)  $-2 - \sqrt{5}$  (2)  $3 - \sqrt{10}$  (3)  $4 + \sqrt{2}$

**2** P:  $1 - \sqrt{13}$ , Q:  $1 + \sqrt{13}$  3 ③, ⑤ 4 ②

**5**  $c, b, a$  6 점 D 7 3009 8  $2 - \sqrt{7}$

**9** 0, 1, 2, 3 10 ①

**1** (1)  $\overline{CP} = \overline{CA} = \sqrt{2^2 + 1^2} = \sqrt{5}$ 이므로

점 P에 대응하는 수는  $-2 - \sqrt{5}$

(2)  $\overline{FQ} = \overline{FD} = \sqrt{1^2 + 3^2} = \sqrt{10}$ 이므로

점 Q에 대응하는 수는  $3 - \sqrt{10}$

(3)  $\overline{HR} = \overline{HG} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$ 이므로

점 R에 대응하는 수는  $4 + \sqrt{2}$

**2**  $\overline{BP} = \overline{BA} = \sqrt{3^2 + 2^2} = \sqrt{13}$ 이므로

점 P에 대응하는 수는  $1 - \sqrt{13}$

$\overline{BQ} = \overline{BC} = \sqrt{2^2 + 3^2} = \sqrt{13}$ 이므로

점 Q에 대응하는 수는  $1 + \sqrt{13}$

**3** ①  $\pi$ 는 무리수이므로 수직선 위의 점에 대응시킬 수 있다.

③ 서로 다른 두 무리수 사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.

⑤ 수직선은 유리수와 무리수, 즉 실수에 대응하는 점으로 완전히 매울 수 있다.

따라서 옳지 않은 것은 ③, ⑤이다.

STEP

2

## 탄탄 단원 다지기

P. 27~29

1 ①, ③ 2 ④

6  $-3a+3b$

10 ② 11  $\frac{1}{2}$

15  $-2-\sqrt{8}$

19 1520

3 ②

7 ③

12 ③

16 ②, ⑤

17 ①, ⑤

4 ④

8 90

13 ③

14 ①

18 ③

5 ⑤

9 22

- 1 ②  $(-5)^2=25$ 의 제곱근은  $\pm 5$ 의 2개이다.

$$\textcircled{3} \quad \sqrt{\frac{4}{9}} = \frac{2}{3} \text{의 제곱근은 } \pm \sqrt{\frac{2}{3}} \text{이다.}$$

④ 0의 제곱근은 0이다.

⑤ 제곱근 6은  $\sqrt{6}$ 이고, 36의 양의 제곱근은 6이다.

따라서 옳은 것은 ①, ③이다.

- 2  $\sqrt{81}=9$ 의 음의 제곱근은  $-3$ 이므로  $a=-3$

제곱근 100은  $\sqrt{100}=10$ 이므로  $b=10$

$(-7)^2=49$ 의 양의 제곱근은 7이므로  $c=7$

$$\therefore a+b+c=-3+10+7=14$$

- 3 유리수의 제곱인 수는 그 제곱근을 근호를 사용하지 않고 나타낼 수 있다.

$$8=2^3, 0.1=\frac{1}{10}, 1.69=1.3^2, \frac{160}{25}=\frac{32}{5}=\frac{2^5}{5},$$

$$1000=10^3, \frac{64}{121}=\left(\frac{8}{11}\right)^2$$

따라서 제곱근을 근호를 사용하지 않고 나타낼 수 있는 것은

$$1.69, \frac{64}{121} \text{의 2개이다.}$$

- 4 (두 정사각형의 넓이의 합)= $3^2+5^2=34(\text{cm}^2)$

새로 만든 정사각형의 한 변의 길이를  $x\text{ cm}$ 라고 하면

$$x^2=34$$

이때  $x>0$ 이므로  $x=\sqrt{34}$

따라서 새로 만든 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{34}\text{ cm}$ 이다.

- 5 ①  $(\sqrt{2})^2+(-\sqrt{5})^2=2+5=7$

$$\textcircled{2} \quad \sqrt{6^2}-\sqrt{(-4)^2}=6-4=2$$

$$\textcircled{3} \quad \left(\sqrt{\frac{1}{2}}\right)^2 \times \sqrt{\left(-\frac{4}{3}\right)^2}=\frac{1}{2} \times \frac{4}{3}=\frac{2}{3}$$

$$\textcircled{4} \quad \sqrt{\frac{9}{16}} \times \sqrt{(-4)^2} \div \left(-\sqrt{\frac{1}{2}}\right)^2=\frac{3}{4} \times 4 \div \frac{1}{2}=\frac{3}{4} \times 4 \times 2=6$$

$$\textcircled{5} \quad \sqrt{3^4} \div (-\sqrt{3})^2-\sqrt{(-2)^2} \times \left(\sqrt{\frac{3}{2}}\right)^2$$

$$=3^2 \div 3-2 \times \frac{3}{2}$$

$$=3-3=0$$

따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

- 6  $ab<0$ 에서  $a, b$ 는 서로 다른 부호이고

$a<b$ 이므로  $a<0, b>0$ 이다.

이때  $-4a>0, 4b>0, a-b<0$ 이므로

$$\sqrt{(-4a)^2}+\sqrt{16b^2}-\sqrt{(a-b)^2}$$

$$=-4a+\sqrt{(4b)^2}-\{-(a-b)\}$$

$$=-4a+4b+a-b$$

$$=-3a+3b$$

- 7 ①  $-x>0$ 이므로  $\sqrt{(-x)^2}=-x$

②  $-1 < y < 0$ 이므로  $y+1 > 0$

$$\therefore \sqrt{(y+1)^2}=y+1$$

③  $-x>0$ 이므로  $1-x>0$

$$\therefore \sqrt{(1-x)^2}=1-x$$

④  $x<0$ 이므로  $x-1<0$

$$\therefore -\sqrt{(x-1)^2}=-\{-(x-1)\}=x-1$$

⑤  $y<0$ 이므로  $y-1 < 0$

$$\therefore -\sqrt{(y-1)^2}=-\{-(y-1)\}=y-1$$

이때  $-1 < x < y < 0$ 에서

$$x-1 < y-1 < -x < y+1 < 1-x$$

따라서 그 값이 가장 큰 것은 ③이다.

- 8  $\sqrt{\frac{45}{2}x}=\sqrt{\frac{3^2 \times 5 \times x}{2}}$  가 자연수가 되려면

$x=2 \times 5 \times (\text{자연수})^2$  끌어야 한다.

따라서 가장 큰 두 자리의 자연수  $x$ 의 값은

$$2 \times 5 \times 3^2=90$$

- 9  $\sqrt{19-x}$ 가 정수가 되려면  $19-x$ 가 0이거나 19보다 작은  $(\text{자연수})^2$  끌어야 하므로

$$19-x=0, 1, 4, 9, 16$$

$$\therefore x=19, 18, 15, 10, 3$$

따라서  $a=19, b=3$ 이므로

$$a+b=19+3=22$$

- 10 ①  $5=\sqrt{25}$ 이고  $25>24$ 이므로  $5>\sqrt{24}$

$$\textcircled{2} \quad \sqrt{6}=\sqrt{\frac{24}{4}}, \frac{5}{2}=\sqrt{\frac{25}{4}}$$

$$\frac{24}{4}<\frac{25}{4} \text{이므로 } \sqrt{6}<\frac{5}{2}$$

③  $0.4=\sqrt{0.16}$ 이고  $0.16<0.2$ 이므로

$$0.4<\sqrt{0.2} \quad \therefore -0.4>-\sqrt{0.2}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{1}{3}=\sqrt{\frac{1}{9}}$$

$$\frac{1}{3}<\sqrt{\frac{1}{5}} \quad \therefore -\frac{1}{3}>-\sqrt{\frac{1}{5}}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{3}{5}=\sqrt{\frac{9}{25}}=\sqrt{\frac{18}{50}}, \sqrt{\frac{3}{10}}=\sqrt{\frac{15}{50}}$$

$$\frac{18}{50}>\frac{15}{50} \text{이므로 } \frac{3}{5}>\sqrt{\frac{3}{10}}$$

따라서 옳은 것은 ②이다.

- 11 (음수) < 0 < (양수)이고  $\frac{1}{2} = \sqrt{\frac{1}{4}}$ ,  $2 = \sqrt{4}$ 이므로 주어진 수를 크기가 작은 것부터 차례로 나열하면  
 $-\sqrt{7}, -\sqrt{2}, -\sqrt{\frac{1}{3}}, 0, \frac{1}{2}, \sqrt{3}, 2$   
따라서 다섯 번째에 오는 수는  $\frac{1}{2}$ 이다.

- 12  $\sqrt{4} < \sqrt{8} < \sqrt{9}$ 에서  $2 < \sqrt{8} < 3$ 이므로  
 $f(8) = (\sqrt{8} \text{ 이하의 자연수의 개수}) = 2$   
 $\sqrt{9} < \sqrt{12} < \sqrt{16}$ 에서  $3 < \sqrt{12} < 4$ 이므로  
 $f(12) = (\sqrt{12} \text{ 이하의 자연수의 개수}) = 3$   
 $\therefore f(8) + f(12) = 2 + 3 = 5$

- 13 ㄱ.  $\sqrt{0.01} = 0.1 \Rightarrow$  유리수  
ㄹ.  $0.4\dot{5} \Rightarrow$  유리수  
ㅂ.  $\sqrt{1.\dot{7}} = \sqrt{\frac{16}{9}} = \frac{4}{3} \Rightarrow$  유리수  
따라서 무리수인 것은 ㄴ, ㄷ, ㅁ이다.

- 14 ② B( $-1+\sqrt{2}$ ) ③ C( $2-\sqrt{2}$ )  
④ D( $3-\sqrt{2}$ ) ⑤ E( $2+\sqrt{2}$ )

- 15  $\overline{AQ} = \overline{AD} = \sqrt{2^2 + 1^2} = \sqrt{5}$ 이고  
점 Q에 대응하는 수가  $\sqrt{5} - 2$ 이므로  
점 A에 대응하는 수는  $-2$   
 $\overline{AP} = \overline{AB} = \sqrt{2^2 + 2^2} = \sqrt{8}$ 이므로  
점 P에 대응하는 수는  $-2 - \sqrt{8}$

- 16 ② 무한소수 중 순환소수는 유리수이다.  
⑤ 서로 다른 두 실수 사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.

- 17 ①  $1 - (3 - \sqrt{2}) = -2 + \sqrt{2} = -\sqrt{4} + \sqrt{2} < 0$   
 $\therefore 1 < 3 - \sqrt{2}$   
②  $4 - (\sqrt{3} + 2) = 2 - \sqrt{3} = \sqrt{4} - \sqrt{3} > 0$   
 $\therefore 4 > \sqrt{3} + 2$   
③  $\sqrt{3} > \sqrt{2}$ 므로 양변에 2를 더하면  
 $\sqrt{3} + 2 > \sqrt{2} + 2$   
④  $\sqrt{5} < \sqrt{7}$ 이므로 양변에서 3을 빼면  
 $\sqrt{5} - 3 < \sqrt{7} - 3$   
⑤  $\sqrt{5} > 2$ 므로 양변에서  $\sqrt{10}$ 을 빼면  
 $-\sqrt{10} + \sqrt{5} > 2 - \sqrt{10}$   
따라서 옳은 것은 ①, ⑤이다.

- 18  $\sqrt{81} < \sqrt{90} < \sqrt{100}$ 에서  $9 < \sqrt{90} < 10 \quad \therefore 7 < \sqrt{90} - 2 < 8$   
따라서  $\sqrt{90} - 2$ 에 대응하는 점이 있는 구간은 구간 C이다.

- 19  $\sqrt{55.2} = 7.430$ 으로  $a = 7.430$   
 $\sqrt{59.1} = 7.688$ 으로  $b = 59.1$   
 $\therefore 1000a - 100b = 1000 \times 7.430 - 100 \times 59.1$   
 $= 7430 - 5910 = 1520$

STEP 3 **시사** **서술형 완성하기**

P. 30~31

〈과정은 풀이 참조〉

따라 해보자 유제 1  $-2x+9$

유제 2  $4 - \sqrt{11}$

연습해 보자 1  $\frac{11}{4}$

2  $95 \text{ cm}^2$

3 31

4  $-2 - \sqrt{7}, -2 - \sqrt{3}, 3 - \sqrt{6}, 1, 3 - \sqrt{2}$

따라 해보자

유제 1 1단계  $x < 6^\circ$ 으로  $x - 6 < 0$

2단계  $x > 3^\circ$ 으로  $3 - x < 0$

3단계  $\therefore \sqrt{(x-6)^2} - \sqrt{(3-x)^2}$

$= -(x-6) - \{-(3-x)\}$

$= -x + 6 + 3 - x$

$= -2x + 9$

채점 기준		
1단계	$x - 6$ 의 부호 구하기	… 20 %
2단계	$3 - x$ 의 부호 구하기	… 20 %
3단계	주어진 식을 간단히 하기	… 60 %

유제 2 1단계  $3 < \sqrt{11} < 4^\circ$ 으로  $1 < \sqrt{11} - 2 < 2$

따라서  $\sqrt{11} - 2$ 의 정수 부분은 1이므로

$a = 1$

2단계 또  $\sqrt{11} - 2$ 의 소수 부분은

$(\sqrt{11} - 2) - 1 = \sqrt{11} - 3^\circ$ 으로

$b = \sqrt{11} - 3$

3단계  $\therefore a - b = 1 - (\sqrt{11} - 3)$

$= 4 - \sqrt{11}$

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40 %
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	$a - b$ 의 값 구하기	… 20 %

연습해 보자

1 1단계  $\sqrt{(-3)^4} \div (-\sqrt{3})^2 - \sqrt{\left(\frac{2}{3}\right)^2} \times \left(\sqrt{\frac{3}{8}}\right)^2$   
 $= 9 \div 3 - \frac{2}{3} \times \frac{3}{8}$

2단계  $= 9 \div 3 - \frac{1}{4}$

$= 3 - \frac{1}{4} = \frac{11}{4}$

채점 기준		
1단계	각각의 수를 근호를 사용하지 않고 나타내기	… 50 %
2단계	답 구하기	… 50 %

2 ① A 부분의 한 변의 길이는  $\sqrt{48n}$  cm

이때  $\sqrt{48n} = \sqrt{2^4 \times 3 \times n}$ 이 자연수가 되려면

$n = 3 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 하므로

$n = 3, 12, 27, 48, \dots$  … ①

② B 부분의 한 변의 길이는  $\sqrt{37-n}$  cm

이때  $\sqrt{37-n}$ 이 자연수가 되려면  $37-n$ 은 37보다 작은  $(\text{자연수})^2$  꼴인 수이어야 하므로

$37-n = 1, 4, 9, 16, 25, 36$

$\therefore n = 36, 33, 28, 21, 12, 1$  … ②

③ ①, ②을 모두 만족시키는 자연수  $n$ 의 값은 12이므로

A 부분의 한 변의 길이는

$$\sqrt{48n} = \sqrt{48 \times 12} = \sqrt{576} = 24(\text{cm})$$

B 부분의 한 변의 길이는

$$\sqrt{37-n} = \sqrt{37-12} = \sqrt{25} = 5(\text{cm})$$

따라서 C 부분의 넓이는

$$5 \times (24-5) = 5 \times 19 = 95(\text{cm}^2)$$

채점 기준		
1단계	음수끼리 대소 비교하기	… 30 %
2단계	양수끼리 대소 비교하기	… 40 %
3단계	수직선 위의 점에 대응시킬 때, 왼쪽에 있는 것부터 차례로 나열하기	… 30 %

3 ①  $7 \leq \sqrt{3x+5} < 12$ 에서

$$\sqrt{49} \leq \sqrt{3x+5} < \sqrt{144}$$
 이므로

$$49 \leq 3x+5 < 144, 44 \leq 3x < 139$$

$$\therefore \frac{44}{3} \left(=14\frac{2}{3}\right) \leq x < \frac{139}{3} \left(=46\frac{1}{3}\right)$$

② 따라서  $M=46, m=15$ 이므로

③  $M-m=46-15=31$

채점 기준		
1단계	$x$ 의 값의 범위 구하기	… 50 %
2단계	$M, m$ 의 값 각각 구하기	… 30 %
3단계	$M-m$ 의 값 구하기	… 20 %

4 ① 주어진 수 중 음수는  $-2-\sqrt{7}, -2-\sqrt{3}$ 이고

$\sqrt{7} > \sqrt{3}$ 에서  $-\sqrt{7} < -\sqrt{3}$ 이므로 양변에서 2를 빼면  
 $-2-\sqrt{7} < -2-\sqrt{3}$

② 양수는  $1, 3-\sqrt{6}, 3-\sqrt{2}$ 이고

$$1-(3-\sqrt{6}) = -2+\sqrt{6} > 0$$
 이므로  $1 > 3-\sqrt{6}$

$$\text{또 } 1-(3-\sqrt{2}) = -2+\sqrt{2} < 0$$
 이므로  $1 < 3-\sqrt{2}$

$$\therefore 3-\sqrt{6} < 1 < 3-\sqrt{2}$$

③ 따라서  $-2-\sqrt{7} < -2-\sqrt{3} < 3-\sqrt{6} < 1 < 3-\sqrt{2}$

이므로 수직선 위의 점에 대응시킬 때, 왼쪽에 있는 것부터 차례로 나열하면

$$-2-\sqrt{7}, -2-\sqrt{3}, 3-\sqrt{6}, 1, 3-\sqrt{2}$$

## 01

## 근호를 포함한 식의 곱셈과 나눗셈

P. 36

필수 문제 1 (1)  $\sqrt{15}$  (2)  $\sqrt{42}$  (3)  $6\sqrt{14}$  (4)  $-\sqrt{2}$ 

(1)  $\sqrt{3}\sqrt{5} = \sqrt{3 \times 5} = \sqrt{15}$

(2)  $\sqrt{2}\sqrt{3}\sqrt{7} = \sqrt{2 \times 3 \times 7} = \sqrt{42}$

(3)  $3\sqrt{7} \times 2\sqrt{2} = (3 \times 2) \times \sqrt{7 \times 2} = 6\sqrt{14}$

(4)  $-\sqrt{3} \times \sqrt{\frac{5}{3}} \times \sqrt{\frac{2}{5}} = -\sqrt{3 \times \frac{5}{3} \times \frac{2}{5}} = -\sqrt{2}$

1-1 (1) 6 (2)  $\sqrt{60}$  (3)  $6\sqrt{6}$  (4)  $\sqrt{12}$ 

(1)  $\sqrt{2}\sqrt{18} = \sqrt{2 \times 18} = \sqrt{36} = 6$

(2)  $\sqrt{2}\sqrt{5}\sqrt{6} = \sqrt{2 \times 5 \times 6} = \sqrt{60}$

(3)  $2\sqrt{15} \times 3\sqrt{\frac{2}{5}} = (2 \times 3) \times \sqrt{15 \times \frac{2}{5}} = 6\sqrt{6}$

(4)  $-\sqrt{\frac{3}{5}} \times \sqrt{\frac{20}{7}} \times (-\sqrt{7}) = \sqrt{\frac{3}{5} \times \frac{20}{7} \times 7} = \sqrt{12}$

필수 문제 2 (1)  $\sqrt{2}$  (2) 3 (3)  $-\sqrt{\frac{2}{3}}$  (4)  $\frac{1}{5}$ 

(1)  $\frac{\sqrt{12}}{\sqrt{6}} = \sqrt{\frac{12}{6}} = \sqrt{2}$

(2)  $\sqrt{18} \div \sqrt{2} = \frac{\sqrt{18}}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{18}{2}} = \sqrt{9} = 3$

(3)  $\sqrt{14} \div (-\sqrt{21}) = -\frac{\sqrt{14}}{\sqrt{21}} = -\sqrt{\frac{14}{21}} = -\sqrt{\frac{2}{3}}$

(4)  $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}} \div \sqrt{15} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}} \times \frac{1}{\sqrt{15}} = \sqrt{\frac{3}{5} \times \frac{1}{15}} = \sqrt{\frac{1}{25}} = \frac{1}{5}$

2-1 (1)  $\sqrt{13}$  (2) 2 (3)  $\sqrt{3}$  (4)  $-2\sqrt{10}$ 

(1)  $\frac{\sqrt{39}}{\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{39}{3}} = \sqrt{13}$

(2)  $\sqrt{20} \div \sqrt{5} = \frac{\sqrt{20}}{\sqrt{5}} = \sqrt{\frac{20}{5}} = \sqrt{4} = 2$

(3)  $\frac{\sqrt{42}}{\sqrt{10}} \div \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{42}}{\sqrt{10}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{7}} = \sqrt{\frac{42}{10} \times \frac{5}{7}} = \sqrt{3}$

$$\begin{aligned}
 (4) 2\sqrt{15} \div \sqrt{5} \div \left( -\sqrt{\frac{3}{10}} \right) &= 2\sqrt{15} \div \sqrt{5} \div \left( -\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{10}} \right) \\
 &= 2\sqrt{15} \times \frac{1}{\sqrt{5}} \times \left( -\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{3}} \right) \\
 &= -2\sqrt{15 \times \frac{1}{5} \times \frac{10}{3}} = -2\sqrt{10}
 \end{aligned}$$

P. 37

## 개념 확인

2, 2, 2,  $2\sqrt{6}$ 필수 문제 3 (1)  $3\sqrt{3}$  (2)  $-5\sqrt{2}$  (3)  $\frac{\sqrt{3}}{7}$  (4)  $\frac{\sqrt{11}}{10}$ 

(1)  $\sqrt{27} = \sqrt{3^2 \times 3} = \sqrt{3^2} \sqrt{3} = 3\sqrt{3}$

(2)  $-\sqrt{50} = -\sqrt{5^2 \times 2} = -\sqrt{5^2} \sqrt{2} = -5\sqrt{2}$

(3)  $\sqrt{\frac{3}{49}} = \sqrt{\frac{3}{7^2}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{7^2}} = \frac{\sqrt{3}}{7}$

(4)  $\sqrt{0.11} = \sqrt{\frac{11}{100}} = \sqrt{\frac{11}{10^2}} = \frac{\sqrt{11}}{\sqrt{10^2}} = \frac{\sqrt{11}}{10}$

3-1 (1)  $3\sqrt{6}$  (2)  $4\sqrt{5}$  (3)  $-\frac{\sqrt{5}}{8}$  (4)  $\frac{\sqrt{7}}{100}$ 

(1)  $\sqrt{54} = \sqrt{3^2 \times 6} = \sqrt{3^2} \sqrt{6} = 3\sqrt{6}$

(2)  $\sqrt{80} = \sqrt{4^2 \times 5} = \sqrt{4^2} \sqrt{5} = 4\sqrt{5}$

(3)  $-\sqrt{\frac{5}{64}} = -\sqrt{\frac{5}{8^2}} = -\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{8^2}} = -\frac{\sqrt{5}}{8}$

(4)  $\sqrt{0.0007} = \sqrt{\frac{7}{10000}} = \sqrt{\frac{7}{100^2}} = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{100^2}} = \frac{\sqrt{7}}{100}$

필수 문제 4 (1)  $\sqrt{20}$  (2)  $-\sqrt{18}$  (3)  $\sqrt{\frac{2}{25}}$  (4)  $\sqrt{\frac{27}{2}}$ 

(1)  $2\sqrt{5} = \sqrt{2^2} \sqrt{5} = \sqrt{2^2 \times 5} = \sqrt{20}$

(2)  $-3\sqrt{2} = -\sqrt{3^2} \sqrt{2} = -\sqrt{3^2 \times 2} = -\sqrt{18}$

(3)  $\frac{\sqrt{2}}{5} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5^2}} = \sqrt{\frac{2}{5^2}} = \sqrt{\frac{2}{25}}$

(4)  $3\sqrt{\frac{3}{2}} = \sqrt{3^2} \sqrt{\frac{3}{2}} = \sqrt{3^2 \times \frac{3}{2}} = \sqrt{\frac{27}{2}}$

4-1 (1)  $\sqrt{48}$  (2)  $\sqrt{250}$  (3)  $-\sqrt{\frac{3}{4}}$  (4)  $\sqrt{\frac{32}{5}}$ 

(1)  $4\sqrt{3} = \sqrt{4^2} \sqrt{3} = \sqrt{4^2 \times 3} = \sqrt{48}$

(2)  $5\sqrt{10} = \sqrt{5^2} \sqrt{10} = \sqrt{5^2 \times 10} = \sqrt{250}$

(3)  $-\frac{\sqrt{3}}{2} = -\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2^2}} = -\sqrt{\frac{3}{2^2}} = -\sqrt{\frac{3}{4}}$

(4)  $4\sqrt{\frac{2}{5}} = \sqrt{4^2} \sqrt{\frac{2}{5}} = \sqrt{4^2 \times \frac{2}{5}} = \sqrt{\frac{32}{5}}$

P. 38

## 필수 문제 5 (1) 100, 10, 10, 17.32

(2) 100, 10, 10, 54.77

(3) 100, 10, 10, 0.1732

(4) 30, 30, 5.477, 0.5477

## 5-1 (1) 70.71 (2) 22.36 (3) 0.7071 (4) 0.02236

(1)  $\sqrt{5000} = \sqrt{50 \times 100} = 10\sqrt{50}$

$= 10 \times 7.071 = 70.71$

(2)  $\sqrt{500} = \sqrt{5 \times 100} = 10\sqrt{5}$

$= 10 \times 2.236 = 22.36$

$$(3) \sqrt{0.5} = \sqrt{\frac{50}{100}} = \frac{\sqrt{50}}{10} = \frac{7.071}{10} = 0.7071$$

$$(4) \sqrt{0.0005} = \sqrt{\frac{5}{10000}} = \frac{\sqrt{5}}{100} = \frac{2.236}{100} = 0.02236$$

## 한번 더 연습

P. 39

- 1** (1)  $\sqrt{14}$       (2)  $-\sqrt{30}$       (3)  $-30$       (4)  $6\sqrt{5}$
- 2** (1)  $\sqrt{5}$       (2)  $-\sqrt{3}$       (3)  $2\sqrt{2}$       (4)  $-7\sqrt{5}$
- 3** (1)  $2\sqrt{2}$       (2)  $5\sqrt{3}$       (3)  $-3\sqrt{6}$       (4)  $\frac{\sqrt{5}}{3}$   
     (5)  $\frac{\sqrt{2}}{11}$       (6)  $-\frac{\sqrt{7}}{10}$
- 4** (1)  $\sqrt{28}$       (2)  $-\sqrt{40}$       (3)  $\sqrt{32}$       (4)  $\sqrt{\frac{5}{16}}$   
     (5)  $-\sqrt{\frac{3}{64}}$       (6)  $\sqrt{24}$

- 1** (3)  $2\sqrt{3} \times (-5\sqrt{3}) = -(2 \times 5) \times \sqrt{3 \times 3} = -30$   
     (4)  $\sqrt{\frac{6}{5}} \times \sqrt{\frac{10}{3}} \times 3\sqrt{5} = 3\sqrt{\frac{6}{5} \times \frac{10}{3} \times 5} = 3\sqrt{20}$   
         $= 3\sqrt{2^2 \times 5} = 6\sqrt{5}$
- 2** (3)  $4\sqrt{6} \div 2\sqrt{3} = \frac{4\sqrt{6}}{2\sqrt{3}} = 2\sqrt{\frac{6}{3}} = 2\sqrt{2}$   
     (4)  $-\sqrt{21} \div \sqrt{\frac{3}{7}} \div \sqrt{\frac{1}{5}} = -\sqrt{21} \div \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{7}} \div \frac{1}{\sqrt{5}}$   
         $= -\sqrt{21} \times \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}} \times \sqrt{5}$   
         $= -\sqrt{21 \times \frac{7}{3} \times 5} = -7\sqrt{5}$
- 3** (1)  $\sqrt{8} = \sqrt{2^2 \times 2} = 2\sqrt{2}$   
     (2)  $\sqrt{75} = \sqrt{5^2 \times 3} = 5\sqrt{3}$   
     (3)  $-\sqrt{54} = -\sqrt{3^2 \times 6} = -3\sqrt{6}$   
     (4)  $\sqrt{\frac{5}{9}} = \sqrt{\frac{5}{3^2}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{3^2}} = \frac{\sqrt{5}}{3}$   
     (5)  $\sqrt{\frac{2}{121}} = \sqrt{\frac{2}{11^2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{11^2}} = \frac{\sqrt{2}}{11}$   
     (6)  $-\sqrt{0.07} = -\sqrt{\frac{7}{100}} = -\sqrt{\frac{7}{10^2}} = -\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{10^2}} = -\frac{\sqrt{7}}{10}$

- 4** (1)  $2\sqrt{7} = \sqrt{2^2} \sqrt{7} = \sqrt{2^2 \times 7} = \sqrt{28}$   
     (2)  $-2\sqrt{10} = -\sqrt{2^2} \sqrt{10} = -\sqrt{2^2 \times 10} = -\sqrt{40}$   
     (3)  $4\sqrt{2} = \sqrt{4^2} \sqrt{2} = \sqrt{4^2 \times 2} = \sqrt{32}$   
     (4)  $\frac{\sqrt{5}}{4} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{4^2}} = \sqrt{\frac{5}{4^2}} = \sqrt{\frac{5}{16}}$   
     (5)  $-\frac{\sqrt{3}}{8} = -\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{8^2}} = -\sqrt{\frac{3}{8^2}} = -\sqrt{\frac{3}{64}}$   
     (6)  $6\sqrt{\frac{2}{3}} = \sqrt{6^2} \sqrt{\frac{2}{3}} = \sqrt{6^2 \times \frac{2}{3}} = \sqrt{24}$

## STEP 1 끄읕 개념 익히기

P. 40

- 1** ③, ④      **2** 110      **3** 18      **4** ③  
**5** ②      **6**  $2ab$

- 1** ①  $\sqrt{3}\sqrt{12} = \sqrt{36} = 6$   
     ②  $\sqrt{5}\sqrt{10} = \sqrt{50} = 5\sqrt{2}$   
     ③  $\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{3}} \div \sqrt{\frac{5}{24}} = \frac{\sqrt{10}}{\sqrt{3}} \div \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{24}} = \frac{\sqrt{10}}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{24}}{\sqrt{5}}$   
         $= \sqrt{\frac{10}{3} \times \frac{24}{5}} = \sqrt{16} = 4$   
     ④  $2\sqrt{11} = \sqrt{2^2 \times 11} = \sqrt{44}$   
     ⑤  $\sqrt{0.12} = \sqrt{\frac{12}{100}} = \sqrt{\frac{2^2 \times 3}{10^2}} = \frac{2\sqrt{3}}{10} = \frac{\sqrt{3}}{5}$   
     따라서 옳지 않은 것은 ③, ④이다.

- 2**  $\sqrt{60} = \sqrt{2^2 \times 15} = 2\sqrt{15}$   $\diamond$ 므로  $a=2$   
      $6\sqrt{3} = \sqrt{6^2 \times 3} = \sqrt{108}$   $\diamond$ 므로  $b=108$   
      $\therefore a+b=2+108=110$

- 3**  $\sqrt{12} \times \sqrt{15} \times \sqrt{18} = \sqrt{(2^2 \times 3) \times (3 \times 5) \times (3^2 \times 2)}$   
         $= \sqrt{2^2 \times 3^2 \times 3^2 \times 5 \times 2}$   
         $= (2 \times 3 \times 3) \times \sqrt{5 \times 2}$   
         $= 18\sqrt{10}$   
      $\therefore a=18$

- 4** ①  $\sqrt{12300} = \sqrt{1.23 \times 10000} = 100\sqrt{1.23}$   
         $= 100 \times 1.109 = 110.9$   
     ②  $\sqrt{1230} = \sqrt{12.3 \times 100} = 10\sqrt{12.3}$   
         $= 10 \times 3.507 = 35.07$   
     ③  $\sqrt{123} = \sqrt{1.23 \times 100} = 10\sqrt{1.23}$   
         $= 10 \times 1.109 = 11.09$   
     ④  $\sqrt{0.123} = \sqrt{\frac{12.3}{100}} = \frac{\sqrt{12.3}}{10} = \frac{3.507}{10} = 0.3507$   
     ⑤  $\sqrt{0.0123} = \sqrt{\frac{1.23}{100}} = \frac{\sqrt{1.23}}{10} = \frac{1.109}{10} = 0.1109$   
     따라서 옳은 것은 ③이다.

- 5**  $\sqrt{150} = \sqrt{2 \times 3 \times 5^2} = 5\sqrt{2}\sqrt{3} = 5ab$

- 6**  $\sqrt{84} = \sqrt{2^2 \times 3 \times 7} = 2\sqrt{3}\sqrt{7} = 2ab$

- 1번 확인** (1)  $\sqrt{3}, \sqrt{3}, \frac{\sqrt{3}}{3}$       (2)  $\sqrt{3}, \sqrt{3}, \frac{2\sqrt{3}}{3}$   
     (3)  $\sqrt{3}, \sqrt{3}, \frac{\sqrt{6}}{3}$       (4)  $\sqrt{3}, \sqrt{3}, \frac{\sqrt{21}}{6}$

P. 41

**필수 문제 6** (1)  $\frac{\sqrt{5}}{5}$  (2)  $\frac{\sqrt{21}}{7}$  (3)  $\frac{5\sqrt{6}}{6}$  (4)  $-\frac{\sqrt{3}}{9}$

$$(1) \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{1 \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

$$(2) \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{3} \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{\sqrt{21}}{7}$$

$$(3) \frac{5}{\sqrt{2}\sqrt{3}} = \frac{5}{\sqrt{6}} = \frac{5 \times \sqrt{6}}{\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \frac{5\sqrt{6}}{6}$$

$$(4) -\frac{\sqrt{5}}{3\sqrt{15}} = -\frac{1}{3\sqrt{3}} = -\frac{1 \times \sqrt{3}}{3\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = -\frac{\sqrt{3}}{9}$$

**6-1** (1)  $2\sqrt{3}$  (2)  $-\frac{\sqrt{10}}{5}$  (3)  $\frac{4\sqrt{35}}{35}$  (4)  $\frac{3\sqrt{7}}{2}$

$$(1) \frac{6}{\sqrt{3}} = \frac{6 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{6\sqrt{3}}{3} = 2\sqrt{3}$$

$$(2) -\frac{\sqrt{8}}{\sqrt{20}} = -\frac{2\sqrt{2}}{2\sqrt{5}} = -\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}} = -\frac{\sqrt{2} \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = -\frac{\sqrt{10}}{5}$$

$$(3) \frac{4}{\sqrt{5}\sqrt{7}} = \frac{4}{\sqrt{35}} = \frac{4 \times \sqrt{35}}{\sqrt{35} \times \sqrt{35}} = \frac{4\sqrt{35}}{35}$$

$$(4) \frac{21}{2\sqrt{7}} = \frac{21 \times \sqrt{7}}{2\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{21\sqrt{7}}{14} = \frac{3\sqrt{7}}{2}$$

P. 42

**필수 문제 7** (1)  $3\sqrt{10}$  (2)  $-2\sqrt{6}$  (3)  $\frac{\sqrt{14}}{2}$  (4)  $-\frac{10\sqrt{3}}{3}$

$$(1) 3\sqrt{15} \times \sqrt{2} \div \sqrt{3} = 3\sqrt{30} \div \sqrt{3} = \frac{3\sqrt{30}}{\sqrt{3}} = 3\sqrt{10}$$

**참고** 다음과 같이 나눗셈을 역수의 곱셈으로 고친 후 근호 밖의 수끼리, 근호 안의 수끼리 곱하여 계산할 수도 있다.

$$\begin{aligned} 3\sqrt{15} \times \sqrt{2} \div \sqrt{3} &= 3\sqrt{15} \times \sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \\ &= 3\sqrt{15 \times 2 \times \frac{1}{3}} = 3\sqrt{10} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) (-8\sqrt{5}) \div 2\sqrt{10} \times \sqrt{3} &= -\frac{8\sqrt{5}}{2\sqrt{10}} \times \sqrt{3} \\ &= -\frac{4}{\sqrt{2}} \times \sqrt{3} \\ &= -\frac{4\sqrt{2}}{2} \times \sqrt{3} = -2\sqrt{6} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \sqrt{\frac{5}{2}} \div \frac{\sqrt{10}}{\sqrt{3}} \times \sqrt{\frac{14}{3}} &= \sqrt{\frac{5}{2}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{10}} \times \sqrt{\frac{14}{3}} \\ &= \sqrt{\frac{5}{2} \times \frac{3}{10} \times \frac{14}{3}} \\ &= \sqrt{\frac{7}{2}} = \frac{\sqrt{14}}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (4) 5\sqrt{\frac{1}{10}} \div \sqrt{\frac{3}{2}} \times (-2\sqrt{5}) &= \frac{5}{\sqrt{10}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \times (-2\sqrt{5}) \\ &= -10\sqrt{\frac{1}{10} \times \frac{2}{3} \times 5} \\ &= -\frac{10}{\sqrt{3}} = -\frac{10\sqrt{3}}{3} \end{aligned}$$

**7-1** (1)  $5\sqrt{5}$  (2)  $12\sqrt{3}$  (3)  $2\sqrt{3}$  (4)  $-\frac{\sqrt{30}}{15}$

$$(1) \sqrt{75} \div \sqrt{3} \times \sqrt{5} = \frac{\sqrt{75}}{\sqrt{3}} \times \sqrt{5} = \sqrt{25} \times \sqrt{5} = 5\sqrt{5}$$

$$(2) \sqrt{3} \times 6\sqrt{10} \div \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} = \sqrt{3} \times 6\sqrt{10} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$$

$$= 6\sqrt{3 \times 10 \times \frac{2}{5}} = 12\sqrt{3}$$

$$(3) \sqrt{28} \times \frac{4\sqrt{3}}{\sqrt{35}} \div \frac{4}{\sqrt{5}} = 2\sqrt{7} \times \frac{4\sqrt{3}}{\sqrt{35}} \times \frac{\sqrt{5}}{4}$$

$$= 2\sqrt{7 \times \frac{3}{35} \times 5} = 2\sqrt{3}$$

$$(4) \frac{1}{\sqrt{2}} \div \left(-\frac{\sqrt{10}}{2}\right) \times \sqrt{\frac{2}{3}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \times \left(-\frac{2}{\sqrt{10}}\right) \times \sqrt{\frac{2}{3}}$$

$$= -2\sqrt{\frac{1}{2} \times \frac{1}{10} \times \frac{2}{3}} = -\frac{2}{\sqrt{30}} = -\frac{2\sqrt{30}}{30} = -\frac{\sqrt{30}}{15}$$

**필수 문제 8**  $3\sqrt{5}$  cm

직사각형의 세로의 길이를 x cm라고 하면

$$4\sqrt{5} \times x = 60$$

$$\therefore x = 60 \div 4\sqrt{5} = \frac{60}{4\sqrt{5}} = \frac{15}{\sqrt{5}} = \frac{15\sqrt{5}}{5} = 3\sqrt{5}$$

따라서 직사각형의 세로의 길이는  $3\sqrt{5}$  cm이다.

**8-1**  $3\sqrt{3}$  cm<sup>2</sup>

정삼각형의 높이를 h cm라고 하면

오른쪽 그림에서 피타고라스 정리

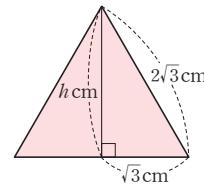
에 의해

$$h^2 + (\sqrt{3})^2 = (2\sqrt{3})^2$$

$$\therefore h = \sqrt{(2\sqrt{3})^2 - (\sqrt{3})^2} = \sqrt{9} = 3$$

∴ (정삼각형의 넓이)

$$= \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 3 = 3\sqrt{3} \text{ (cm}^2\text{)}$$



**참고** 한 변의 길이가 a인 정삼각형에서

$$(\text{높이}) = \frac{\sqrt{3}}{2}a, (\text{넓이}) = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2$$

STEP  
**1** **步步** 개념 익히기

P. 43

**1** ⑤    **2**  $\frac{1}{6}$     **3**  $2\sqrt{30}$     **4**  $3\sqrt{2}$  cm

**1** ④  $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{18}} = \frac{\sqrt{7}}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{14}}{6}$

⑤  $\frac{\sqrt{35}}{\sqrt{5}\sqrt{6}} = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{6}} = \frac{\sqrt{42}}{6}$

따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

2  $\frac{10\sqrt{2}}{\sqrt{5}} = \frac{10\sqrt{10}}{5} = 2\sqrt{10}$  ⓐ므로  $a=2$

$$\frac{1}{\sqrt{24}} = \frac{1}{2\sqrt{6}} = \frac{\sqrt{6}}{12} \text{ ⓐ므로 } b = \frac{1}{12}$$

$$\therefore ab = 2 \times \frac{1}{12} = \frac{1}{6}$$

3  $\sqrt{28} \div \frac{2}{\sqrt{5}} \times \frac{4\sqrt{3}}{\sqrt{14}} = 2\sqrt{7} \times \frac{\sqrt{5}}{2} \times \frac{4\sqrt{3}}{\sqrt{14}}$   
 $= 4\sqrt{7 \times 5 \times \frac{3}{14}}$   
 $= \frac{4\sqrt{15}}{\sqrt{2}} = \frac{4\sqrt{30}}{2} = 2\sqrt{30}$

4 직육면체의 높이를  $h$  cm라고 하면 직육면체의 부피는  
 $\sqrt{18} \times \sqrt{12} \times h = 36\sqrt{3}$   
 $3\sqrt{2} \times 2\sqrt{3} \times h = 36\sqrt{3}, 6\sqrt{6}h = 36\sqrt{3}$   
 $\therefore h = \frac{36\sqrt{3}}{6\sqrt{6}} = \frac{6}{\sqrt{2}} = \frac{6\sqrt{2}}{2} = 3\sqrt{2}$   
 따라서 직육면체의 높이는  $3\sqrt{2}$  cm이다.

## 02 근호를 포함한 식의 덧셈과 뺄셈

P.44

## 개념 확인

2, 3, 5

필수 문제 1 (1)  $6\sqrt{3}$  (2)  $-3\sqrt{5}$  (3)  $\frac{5\sqrt{11}}{4}$  (4)  $\sqrt{5} + 4\sqrt{6}$

$$(1) 2\sqrt{3} + 4\sqrt{3} = (2+4)\sqrt{3} = 6\sqrt{3}$$

$$(2) 4\sqrt{5} - 2\sqrt{5} - 5\sqrt{5} = (4-2-5)\sqrt{5} = -3\sqrt{5}$$

$$(3) \frac{3\sqrt{11}}{4} + \frac{\sqrt{11}}{2} = \left(\frac{3}{4} + \frac{1}{2}\right)\sqrt{11} = \left(\frac{3}{4} + \frac{2}{4}\right)\sqrt{11} = \frac{5\sqrt{11}}{4}$$

$$(4) 2\sqrt{5} - \sqrt{6} - \sqrt{5} + 5\sqrt{6} = (2-1)\sqrt{5} + (-1+5)\sqrt{6}$$
 $= \sqrt{5} + 4\sqrt{6}$

1-1 (1)  $-3\sqrt{7}$  (2)  $2\sqrt{2}$  (3)  $\frac{\sqrt{5}}{6}$  (4)  $5\sqrt{3} - 2\sqrt{13}$

$$(1) -\sqrt{7} - 2\sqrt{7} = (-1-2)\sqrt{7} = -3\sqrt{7}$$

$$(2) 3\sqrt{2} + \sqrt{2} - 2\sqrt{2} = (3+1-2)\sqrt{2} = 2\sqrt{2}$$

$$(3) \frac{2\sqrt{5}}{3} - \frac{\sqrt{5}}{2} = \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{2}\right)\sqrt{5} = \left(\frac{4}{6} - \frac{3}{6}\right)\sqrt{5} = \frac{\sqrt{5}}{6}$$

$$(4) 8\sqrt{3} + 2\sqrt{13} - 4\sqrt{13} - 3\sqrt{3} = (8-3)\sqrt{3} + (2-4)\sqrt{13}$$
 $= 5\sqrt{3} - 2\sqrt{13}$

필수 문제 2 (1) 0 (2)  $\sqrt{2} + 3\sqrt{5}$  (3)  $\sqrt{2}$  (4)  $2\sqrt{7}$

$$(1) \sqrt{3} + \sqrt{12} - \sqrt{27} = \sqrt{3} + 2\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = 0$$

$$(2) \sqrt{5} - \sqrt{8} + \sqrt{20} + 3\sqrt{2} = \sqrt{5} - 2\sqrt{2} + 2\sqrt{5} + 3\sqrt{2}$$
 $= \sqrt{2} + 3\sqrt{5}$

$$(3) \frac{4}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{3}} = 2\sqrt{2} - \sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$(4) \sqrt{63} + \sqrt{7} - \frac{14}{\sqrt{7}} = 3\sqrt{7} + \sqrt{7} - 2\sqrt{7} = 2\sqrt{7}$$

2-1 (1)  $6\sqrt{2}$  (2)  $3\sqrt{7} - \sqrt{2}$  (3)  $\frac{5\sqrt{6}}{9}$  (4) 0

$$(1) \sqrt{18} - \sqrt{8} + \sqrt{50} = 3\sqrt{2} - 2\sqrt{2} + 5\sqrt{2} = 6\sqrt{2}$$

$$(2) \sqrt{7} + \sqrt{28} + \sqrt{32} - 5\sqrt{2} = \sqrt{7} + 2\sqrt{7} + 4\sqrt{2} - 5\sqrt{2}$$
 $= 3\sqrt{7} - \sqrt{2}$

$$(3) \frac{\sqrt{24}}{3} - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{27}} = \frac{2\sqrt{6}}{3} - \frac{\sqrt{2}}{3\sqrt{3}} = \frac{6\sqrt{6}}{9} - \frac{\sqrt{6}}{9} = \frac{5\sqrt{6}}{9}$$

$$(4) \sqrt{45} - \sqrt{5} - \frac{10}{\sqrt{5}} = 3\sqrt{5} - \sqrt{5} - 2\sqrt{5} = 0$$

P.45

개념 확인  $\sqrt{6}, 4, 18, 4, 3, 4, 3, 4, 2\sqrt{3} - \sqrt{2}$ 필수 문제 3 (1)  $5\sqrt{2} - \sqrt{6}$  (2)  $3\sqrt{2} + 6$ 

$$(3) 3\sqrt{3} - 2\sqrt{2} \quad (4) 4\sqrt{3}$$

$$(1) \sqrt{2}(5 - \sqrt{3}) = 5\sqrt{2} - \sqrt{2}\sqrt{3} = 5\sqrt{2} - \sqrt{6}$$

$$(2) (\sqrt{6} + 2\sqrt{3})\sqrt{3} = \sqrt{6}\sqrt{3} + 2\sqrt{3}\sqrt{3}$$

$$= \sqrt{18} + 6$$

$$= 3\sqrt{2} + 6$$

$$(3) 5\sqrt{3} - \sqrt{2}(2 + \sqrt{6}) = 5\sqrt{3} - 2\sqrt{2} - \sqrt{2}\sqrt{6}$$

$$= 5\sqrt{3} - 2\sqrt{2} - \sqrt{12}$$

$$= 5\sqrt{3} - 2\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$$

$$= 3\sqrt{3} - 2\sqrt{2}$$

$$(4) \sqrt{2}(3 + \sqrt{6}) + (2 - \sqrt{6})\sqrt{3} = 3\sqrt{2} + \sqrt{2}\sqrt{6} + 2\sqrt{3} - \sqrt{6}\sqrt{3}$$
 $= 3\sqrt{2} + \sqrt{12} + 2\sqrt{3} - \sqrt{18}$ 
 $= 3\sqrt{2} + 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - 3\sqrt{2}$ 
 $= 4\sqrt{3}$

3-1 (1)  $\sqrt{10} - 2\sqrt{2}$  (2)  $4\sqrt{2} - 10$ 

$$(3) -3\sqrt{3} + \sqrt{15} \quad (4) 5\sqrt{2} - 3\sqrt{7}$$

$$(1) 2\sqrt{10} - \sqrt{2}(2 + \sqrt{5}) = 2\sqrt{10} - 2\sqrt{2} - \sqrt{2}\sqrt{5}$$

$$= 2\sqrt{10} - 2\sqrt{2} - \sqrt{10}$$

$$= \sqrt{10} - 2\sqrt{2}$$

$$(2) (\sqrt{10} - \sqrt{20})\sqrt{5} - \sqrt{2} = (\sqrt{10} - 2\sqrt{5})\sqrt{5} - \sqrt{2}$$

$$= \sqrt{10}\sqrt{5} - 2\sqrt{5}\sqrt{5} - \sqrt{2}$$

$$= \sqrt{50} - 10 - \sqrt{2}$$

$$= 5\sqrt{2} - 10 - \sqrt{2}$$

$$= 4\sqrt{2} - 10$$

$$(3) \sqrt{3}(2 - \sqrt{5}) + \sqrt{5}(2\sqrt{3} - \sqrt{15})$$

$$= 2\sqrt{3} - \sqrt{3}\sqrt{5} + 2\sqrt{5}\sqrt{3} - \sqrt{5}\sqrt{15}$$

$$= 2\sqrt{3} - \sqrt{15} + 2\sqrt{15} - \sqrt{75}$$

$$= 2\sqrt{3} - \sqrt{15} + 2\sqrt{15} - 5\sqrt{3}$$

$$= -3\sqrt{3} + \sqrt{15}$$

$$\begin{aligned}
 & (4) \sqrt{14} \left( \sqrt{7} + \frac{\sqrt{2}}{2} \right) - \left( 4 + \frac{2\sqrt{14}}{7} \right) \sqrt{7} \\
 &= \sqrt{14}\sqrt{7} + \frac{\sqrt{14}\sqrt{2}}{2} - 4\sqrt{7} - \frac{2\sqrt{14}\sqrt{7}}{7} \\
 &= \sqrt{98} + \frac{\sqrt{28}}{2} - 4\sqrt{7} - \frac{2\sqrt{98}}{7} \\
 &= 7\sqrt{2} + \frac{2\sqrt{7}}{2} - 4\sqrt{7} - \frac{14\sqrt{2}}{7} \\
 &= 7\sqrt{2} + \sqrt{7} - 4\sqrt{7} - 2\sqrt{2} \\
 &= 5\sqrt{2} - 3\sqrt{7}
 \end{aligned}$$

**필수 문제 4** (1)  $\frac{2\sqrt{3}+3}{3}$       (2)  $\frac{\sqrt{10}-\sqrt{15}}{5}$

(3)  $\frac{\sqrt{6}-1}{2}$       (4)  $\sqrt{6}+2$

$$(1) \frac{2+\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{(2+\sqrt{3})\times\sqrt{3}}{\sqrt{3}\times\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}+3}{3}$$

$$(2) \frac{\sqrt{2}-\sqrt{3}}{\sqrt{5}} = \frac{(\sqrt{2}-\sqrt{3})\times\sqrt{5}}{\sqrt{5}\times\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{10}-\sqrt{15}}{5}$$

$$(3) \frac{3\sqrt{2}-\sqrt{3}}{2\sqrt{3}} = \frac{(3\sqrt{2}-\sqrt{3})\times\sqrt{3}}{2\sqrt{3}\times\sqrt{3}}$$

$$= \frac{3\sqrt{6}-3}{6} = \frac{\sqrt{6}-1}{2}$$

$$\begin{aligned}
 (4) \frac{\sqrt{12}+\sqrt{8}}{\sqrt{2}} &= \frac{2\sqrt{3}+2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{(2\sqrt{3}+2\sqrt{2})\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}} \\
 &= \frac{2\sqrt{6}+4}{2} = \sqrt{6}+2
 \end{aligned}$$

다른 풀이

$$\frac{\sqrt{12}+\sqrt{8}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{12}}{\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{8}}{\sqrt{2}} = \sqrt{6} + \sqrt{4} = \sqrt{6} + 2$$

**4-1** (1)  $\frac{2\sqrt{3}+\sqrt{2}}{2}$       (2)  $\frac{\sqrt{70}-\sqrt{35}}{7}$

(3)  $\frac{\sqrt{10}+2}{3}$       (4)  $\sqrt{10}-3\sqrt{3}$

$$(1) \frac{\sqrt{6}+1}{\sqrt{2}} = \frac{(\sqrt{6}+1)\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{12}+\sqrt{2}}{2} = \frac{2\sqrt{3}+\sqrt{2}}{2}$$

$$(2) \frac{\sqrt{10}-\sqrt{5}}{\sqrt{7}} = \frac{(\sqrt{10}-\sqrt{5})\times\sqrt{7}}{\sqrt{7}\times\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{70}-\sqrt{35}}{7}$$

$$(3) \frac{5\sqrt{2}+2\sqrt{5}}{3\sqrt{5}} = \frac{(5\sqrt{2}+2\sqrt{5})\times\sqrt{5}}{3\sqrt{5}\times\sqrt{5}} = \frac{5\sqrt{10}+10}{15} = \frac{\sqrt{10}+2}{3}$$

$$\begin{aligned}
 (4) \frac{\sqrt{20}-3\sqrt{6}}{\sqrt{2}} &= \frac{2\sqrt{5}-3\sqrt{6}}{\sqrt{2}} = \frac{(2\sqrt{5}-3\sqrt{6})\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}} \\
 &= \frac{2\sqrt{10}-3\sqrt{12}}{2} \\
 &= \frac{2\sqrt{10}-6\sqrt{3}}{2} = \sqrt{10}-3\sqrt{3}
 \end{aligned}$$

다른 풀이

$$\frac{\sqrt{20}-3\sqrt{6}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{20}}{\sqrt{2}} - \frac{3\sqrt{6}}{\sqrt{2}} = \sqrt{10}-3\sqrt{3}$$

**필수 문제 5** (1)  $3\sqrt{7}$       (2)  $4-\sqrt{5}$       (3)  $\frac{\sqrt{6}}{6}$       (4)  $5\sqrt{3}$

$$\begin{aligned}
 (1) \sqrt{42} \div \sqrt{6} + \sqrt{14} \times \sqrt{2} &= \frac{\sqrt{42}}{\sqrt{6}} + \sqrt{28} \\
 &= \sqrt{7} + 2\sqrt{7} \\
 &= 3\sqrt{7}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (2) \sqrt{2}(\sqrt{10}+\sqrt{8}) - \sqrt{90} \div \sqrt{2} &= \sqrt{20} + \sqrt{16} - \frac{\sqrt{90}}{\sqrt{2}} \\
 &= 2\sqrt{5} + 4 - \sqrt{45} \\
 &= 2\sqrt{5} + 4 - 3\sqrt{5} \\
 &= 4 - \sqrt{5}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (3) \frac{\sqrt{18}-\sqrt{2}}{\sqrt{3}} - \sqrt{12} \div \frac{4}{\sqrt{2}} &= \frac{3\sqrt{2}-\sqrt{2}}{\sqrt{3}} - 2\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{2}}{4} \\
 &= \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{6}}{2} \\
 &= \frac{2\sqrt{6}}{3} - \frac{\sqrt{6}}{2} \\
 &= \frac{4\sqrt{6}}{6} - \frac{3\sqrt{6}}{6} \\
 &= \frac{\sqrt{6}}{6}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (4) \frac{3\sqrt{5}+12}{\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{15}-\sqrt{75}}{\sqrt{5}} &= \frac{(3\sqrt{5}+12)\times\sqrt{3}}{\sqrt{3}\times\sqrt{3}} + \frac{(\sqrt{15}-5\sqrt{3})\times\sqrt{5}}{\sqrt{5}\times\sqrt{5}} \\
 &= \frac{3\sqrt{15}+12\sqrt{3}}{3} + \frac{5\sqrt{3}-5\sqrt{15}}{5} \\
 &= \sqrt{15} + 4\sqrt{3} + \sqrt{3} - \sqrt{15} \\
 &= 5\sqrt{3}
 \end{aligned}$$

**5-1** (1)  $3\sqrt{5}$       (2) 6      (3)  $3\sqrt{6}-\frac{4\sqrt{3}}{3}$       (4)  $5+\sqrt{5}$

$$(1) \sqrt{2}\times\sqrt{10} + 5 \div \sqrt{5} = \sqrt{20} + \frac{5}{\sqrt{5}} = 2\sqrt{5} + \sqrt{5} = 3\sqrt{5}$$

$$\begin{aligned}
 (2) 4\sqrt{2} \div \frac{1}{\sqrt{2}} - \sqrt{28} \div \sqrt{7} &= 4\sqrt{2}\times\sqrt{2} - \frac{\sqrt{28}}{\sqrt{7}} \\
 &= 8 - 2 = 6
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (3) \sqrt{2}(\sqrt{12}-\sqrt{6}) + \frac{3\sqrt{2}+2}{\sqrt{3}} &= 2\sqrt{6}-2\sqrt{3} + \frac{(3\sqrt{2}+2)\times\sqrt{3}}{\sqrt{3}\times\sqrt{3}} \\
 &= 2\sqrt{6}-2\sqrt{3} + \frac{3\sqrt{6}+2\sqrt{3}}{3} \\
 &= 2\sqrt{6}-2\sqrt{3} + \sqrt{6} + \frac{2\sqrt{3}}{3} \\
 &= 3\sqrt{6}-\frac{4\sqrt{3}}{3}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (4) \frac{4\sqrt{3}+\sqrt{50}}{\sqrt{2}} - \frac{12-\sqrt{30}}{\sqrt{6}} &= \frac{(4\sqrt{3}+5\sqrt{2})\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}} - \frac{(12-\sqrt{30})\times\sqrt{6}}{\sqrt{6}\times\sqrt{6}} \\
 &= \frac{4\sqrt{6}+10}{2} - \frac{12\sqrt{6}-6\sqrt{5}}{6} \\
 &= 2\sqrt{6} + 5 - 2\sqrt{6} + \sqrt{5} \\
 &= 5 + \sqrt{5}
 \end{aligned}$$

## 한번



## 연습

P. 47

- 1** (1)  $-6\sqrt{2}$       (2)  $-\sqrt{5}$       (3)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$   
     (4)  $-8\sqrt{11}+8\sqrt{6}$     (5)  $9\sqrt{3}$       (6)  $-\sqrt{3}+\sqrt{6}$   
     (7)  $\sqrt{2}$       (8)  $-\frac{2\sqrt{3}}{3}$
- 2** (1)  $6\sqrt{2}+\sqrt{6}$       (2)  $2\sqrt{6}+12$       (3)  $6\sqrt{3}-3\sqrt{2}$   
     (4)  $5\sqrt{5}-\sqrt{2}$
- 3** (1)  $\frac{2\sqrt{10}-4\sqrt{5}}{5}$       (2)  $\frac{2\sqrt{3}-3\sqrt{2}}{18}$       (3)  $\frac{\sqrt{30}-3}{6}$
- 4** (1)  $3+\sqrt{3}$       (2)  $\frac{\sqrt{5}}{3}$       (3)  $4\sqrt{5}+2\sqrt{7}$   
     (4)  $-\frac{7\sqrt{3}}{3}-\frac{3\sqrt{6}}{2}$     (5)  $-\sqrt{2}+3\sqrt{6}$     (6) 12

**1** (3)  $\frac{3\sqrt{3}}{4}-\frac{3\sqrt{3}}{2}+\sqrt{3}=\frac{3\sqrt{3}}{4}-\frac{6\sqrt{3}}{4}+\frac{4\sqrt{3}}{4}-\frac{\sqrt{3}}{4}$   
     (5)  $\sqrt{75}+\sqrt{48}=5\sqrt{3}+4\sqrt{3}=9\sqrt{3}$   
     (6)  $\sqrt{3}-5\sqrt{6}-\sqrt{12}+3\sqrt{24}=\sqrt{3}-5\sqrt{6}-2\sqrt{3}+6\sqrt{6}$   
          $=-\sqrt{3}+\sqrt{6}$   
     (7)  $\frac{\sqrt{18}}{6}+\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{12}}=\frac{3\sqrt{2}}{6}+\frac{1}{\sqrt{2}}=\frac{\sqrt{2}}{2}+\frac{\sqrt{2}}{2}=\sqrt{2}$   
     (8)  $\frac{6}{\sqrt{27}}-\frac{4}{\sqrt{3}}=\frac{6}{3\sqrt{3}}-\frac{4}{\sqrt{3}}=\frac{2}{\sqrt{3}}-\frac{4\sqrt{3}}{3}$   
          $=\frac{2\sqrt{3}}{3}-\frac{4\sqrt{3}}{3}=-\frac{2\sqrt{3}}{3}$

**2** (2)  $2\sqrt{3}(\sqrt{2}+\sqrt{12})=2\sqrt{3}(\sqrt{2}+2\sqrt{3})=2\sqrt{6}+12$   
     (3)  $4\sqrt{3}-(3-\sqrt{6})\sqrt{2}=4\sqrt{3}-3\sqrt{2}+2\sqrt{3}=6\sqrt{3}-3\sqrt{2}$   
     (4)  $\sqrt{5}(3-\sqrt{10})+\sqrt{2}(4+\sqrt{10})=3\sqrt{5}-5\sqrt{2}+4\sqrt{2}+2\sqrt{5}$   
          $=5\sqrt{5}-\sqrt{2}$

**3** (1)  $\frac{2\sqrt{2}-4}{\sqrt{5}}=\frac{(2\sqrt{2}-4)\times\sqrt{5}}{\sqrt{5}\times\sqrt{5}}=\frac{2\sqrt{10}-4\sqrt{5}}{5}$   
     (2)  $\frac{\sqrt{2}-\sqrt{3}}{3\sqrt{6}}=\frac{(\sqrt{2}-\sqrt{3})\times\sqrt{6}}{3\sqrt{6}\times\sqrt{6}}=\frac{2\sqrt{3}-3\sqrt{2}}{18}$   
     (3)  $\frac{2\sqrt{5}-\sqrt{6}}{\sqrt{24}}=\frac{2\sqrt{5}-\sqrt{6}}{2\sqrt{6}}=\frac{(2\sqrt{5}-\sqrt{6})\times\sqrt{6}}{2\sqrt{6}\times\sqrt{6}}$   
          $=\frac{2\sqrt{30}-6}{12}=\frac{\sqrt{30}-3}{6}$

**다른 풀이**  
 $\frac{2\sqrt{5}-\sqrt{6}}{\sqrt{24}}=\frac{2\sqrt{5}-\sqrt{6}}{2\sqrt{6}}=\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{6}}-\frac{1}{2}=\frac{\sqrt{30}-3}{6}$

**4** (1)  $\sqrt{12}\times\frac{\sqrt{3}}{2}+6\div 2\sqrt{3}=2\sqrt{3}\times\frac{\sqrt{3}}{2}+\frac{6}{2\sqrt{3}}$   
          $=3+\frac{3}{\sqrt{3}}=3+\sqrt{3}$   
     (2)  $\sqrt{15}\times\frac{1}{\sqrt{3}}-\sqrt{10}\div\frac{3}{\sqrt{2}}=\sqrt{5}-\sqrt{10}\times\frac{\sqrt{2}}{3}$   
          $=\sqrt{5}-\frac{2\sqrt{5}}{3}=\frac{\sqrt{5}}{3}$

$$(3) 5\sqrt{5}+(2\sqrt{21}-\sqrt{15})\div\sqrt{3}=5\sqrt{5}+\frac{2\sqrt{21}-\sqrt{15}}{\sqrt{3}}$$

$$=5\sqrt{5}+2\sqrt{7}-\sqrt{5}$$

$$=4\sqrt{5}+2\sqrt{7}$$

$$(4) \sqrt{2}\left(\frac{2}{\sqrt{6}}-\frac{10}{\sqrt{12}}\right)+\sqrt{3}\left(\frac{1}{\sqrt{18}}-3\right)$$

$$=\frac{2}{\sqrt{3}}-\frac{10}{\sqrt{6}}+\frac{1}{\sqrt{6}}-3\sqrt{3}$$

$$=\frac{2\sqrt{3}}{3}-\frac{10\sqrt{6}}{6}+\frac{\sqrt{6}}{6}-3\sqrt{3}$$

$$=-\frac{7\sqrt{3}}{3}-\frac{9\sqrt{6}}{6}=-\frac{7\sqrt{3}}{3}-\frac{3\sqrt{6}}{2}$$

$$(5) \frac{4-2\sqrt{3}}{\sqrt{2}}+\sqrt{3}(\sqrt{32}-\sqrt{6})$$

$$=\frac{(4-2\sqrt{3})\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}}+\sqrt{3}(4\sqrt{2}-\sqrt{6})$$

$$=\frac{4\sqrt{2}-2\sqrt{6}}{2}+4\sqrt{6}-3\sqrt{2}$$

$$=2\sqrt{2}-\sqrt{6}+4\sqrt{6}-3\sqrt{2}$$

$$=-\sqrt{2}+3\sqrt{6}$$

$$(6) \frac{6}{\sqrt{3}}(\sqrt{2}+\sqrt{3})-\frac{\sqrt{48}-\sqrt{72}}{\sqrt{2}}$$

$$=\frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{3}}+6-\frac{4\sqrt{3}-6\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

$$=\frac{6\sqrt{6}}{3}+6-\frac{(4\sqrt{3}-6\sqrt{2})\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}}$$

$$=2\sqrt{6}+6-\frac{4\sqrt{6}-12}{2}$$

$$=2\sqrt{6}+6-2\sqrt{6}+6$$

$$=12$$

## 다른 풀이

$$\frac{6}{\sqrt{3}}(\sqrt{2}+\sqrt{3})-\frac{\sqrt{48}-\sqrt{72}}{\sqrt{2}}=\frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{3}}+6-(\sqrt{24}-6)$$

$$=2\sqrt{6}+6-2\sqrt{6}+6$$

$$=12$$

STEP

## 1 개념 익히기

P. 48

**1**  $a=5, b=-2$

**2**  $-9$

**3**  $5\sqrt{2}+2\sqrt{6}$

**4**  $(5+5\sqrt{3})\text{cm}^2$

**5**  $\frac{5}{2}$

**6**  $3$

**1**  $\sqrt{27}+3\sqrt{2}-\frac{15}{\sqrt{3}}+\sqrt{8}=3\sqrt{3}+3\sqrt{2}-5\sqrt{3}+2\sqrt{2}$   
          $=5\sqrt{2}-2\sqrt{3}$

$$\therefore a=5, b=-2$$

**2**  $\sqrt{2}A-\sqrt{7}B=\sqrt{2}(\sqrt{7}-\sqrt{2})-\sqrt{7}(\sqrt{7}+\sqrt{2})$   
          $=\sqrt{14}-2-7-\sqrt{14}$   
          $=-9$

$$\begin{aligned}
3 & \sqrt{24} \left( \frac{8}{\sqrt{3}} - \sqrt{3} \right) + \frac{\sqrt{48}-10}{\sqrt{2}} \\
& = 2\sqrt{6} \left( \frac{8}{\sqrt{3}} - \sqrt{3} \right) + \frac{4\sqrt{3}-10}{\sqrt{2}} \\
& = 16\sqrt{2} - 6\sqrt{2} + \frac{(4\sqrt{3}-10) \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} \\
& = 16\sqrt{2} - 6\sqrt{2} + \frac{4\sqrt{6}-10\sqrt{2}}{2} \\
& = 10\sqrt{2} + 2\sqrt{6} - 5\sqrt{2} \\
& = 5\sqrt{2} + 2\sqrt{6}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
4 \quad (\text{삼각형의 넓이}) &= \frac{1}{2} \times (\sqrt{5} + \sqrt{15}) \times 2\sqrt{5} \\
&= (\sqrt{5} + \sqrt{15}) \times \sqrt{5} \\
&= 5 + 5\sqrt{3} (\text{cm}^2)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
5 \quad \sqrt{3}(5+4\sqrt{3}) - \sqrt{2}(a\sqrt{6}-\sqrt{2}) &= 5\sqrt{3} + 12 - 2a\sqrt{3} + 2 \\
&= 14 + (5-2a)\sqrt{3}
\end{aligned}$$

이 식이 유리수가 되려면 무리수 부분이 0이어야 하므로  
 $5-2a=0 \quad \therefore a=\frac{5}{2}$

$$\begin{aligned}
6 \quad 2(3+a\sqrt{5}) + 4a - 6\sqrt{5} &= 6 + 2a\sqrt{5} + 4a - 6\sqrt{5} \\
&= 6 + 4a + (2a-6)\sqrt{5}
\end{aligned}$$

이 식이 유리수가 되려면 무리수 부분이 0이어야 하므로  
 $2a-6=0 \quad \therefore a=3$

## STEP 2 단단 단원 대자기

P. 49~51

- |                          |                            |      |                  |           |
|--------------------------|----------------------------|------|------------------|-----------|
| 1 ③                      | 2 ③                        | 3 2  | 4 ⑤              | 5 15.3893 |
| 6 ⑤                      | 7 ③                        | 8 ①  | 9 $-\frac{1}{2}$ | 10 ②      |
| 11 ①                     | 12 $24\sqrt{3}$            | 13 ③ | 14 ⑤             |           |
| 15 $a=5, b=\frac{1}{6}$  | 16 $\frac{7-4\sqrt{7}}{7}$ | 17 ③ |                  |           |
| 18 $4\sqrt{3}+2\sqrt{6}$ | 19 ⑤                       | 20 ④ | 21 ③             |           |

$$1 \quad ③ -\sqrt{\frac{6}{5}}\sqrt{\frac{35}{6}} = -\sqrt{\frac{6}{5} \times \frac{35}{6}} = -\sqrt{7}$$

$$\begin{aligned}
2 \quad \neg. \sqrt{40} &= \sqrt{2^2 \times 10} = 2\sqrt{10} \\
\neg. -\sqrt{63} &= -\sqrt{3^2 \times 7} = -3\sqrt{7} \\
\neg. -3\sqrt{2} &= -\sqrt{3^2 \times 2} = -\sqrt{18} \\
\neg. \sqrt{98} &= \sqrt{7^2 \times 2} = 7\sqrt{2} \\
\neg. 5\sqrt{5} &= \sqrt{5^2 \times 5} = \sqrt{125} \\
\neg. 6\sqrt{3} &= \sqrt{6^2 \times 3} = \sqrt{108}
\end{aligned}$$

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㅁ, ㅂ이다.

$$\begin{aligned}
3 \quad \sqrt{250} &= \sqrt{5^2 \times 10} = 5\sqrt{10} \text{이므로 } a=5 \\
\sqrt{0.32} &= \sqrt{\frac{32}{100}} = \frac{4\sqrt{2}}{10} = \frac{2\sqrt{2}}{5} \text{이므로 } b=\frac{2}{5} \\
\therefore ab &= 5 \times \frac{2}{5} = 2
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
4 \quad \sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{4} \times \sqrt{5} \times \sqrt{6} &= \sqrt{2 \times 3 \times 2^2 \times 5 \times (2 \times 3)} \\
&= \sqrt{2^2 \times 2^2 \times 3^2 \times 5} \\
&= (2 \times 2 \times 3) \times \sqrt{5} \\
&= 12\sqrt{5}
\end{aligned}$$

$$\therefore a=12$$

$$\begin{aligned}
5 \quad \sqrt{223} &= \sqrt{2.23 \times 100} = 10\sqrt{2.23} \\
&= 10 \times 1.493 = 14.93 \\
\sqrt{0.211} &= \sqrt{\frac{21.1}{100}} = \frac{\sqrt{21.1}}{10} = \frac{4.593}{10} = 0.4593 \\
\therefore \sqrt{223} + \sqrt{0.211} &= 14.93 + 0.4593 = 15.3893
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
6 \quad \sqrt{a} &= 164.3 = 1.643 \times 100 \\
&= \sqrt{2.7} \times 100 \\
&= \sqrt{2.7 \times 100^2} = \sqrt{27000} \\
\therefore a &= 27000
\end{aligned}$$

$$7 \quad \sqrt{0.6} = \sqrt{\frac{6}{10}} = \sqrt{\frac{3}{5}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}} = \frac{a}{b}$$

$$\begin{aligned}
8 \quad \frac{\sqrt{7}}{4\sqrt{2}} &= \frac{\sqrt{7} \times \sqrt{2}}{4\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{14}}{8} \text{이므로 } a=\frac{1}{8} \\
\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{45}} &= \frac{\sqrt{6}}{3\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{6} \times \sqrt{5}}{3\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{30}}{15} \text{이므로 } b=30 \\
\therefore ab &= \frac{1}{8} \times 30 = \frac{15}{4}
\end{aligned}$$

다른 풀이

$$\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{45}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{15}} = \frac{\sqrt{2} \times \sqrt{15}}{\sqrt{15} \times \sqrt{15}} = \frac{\sqrt{30}}{15} \text{이므로 } b=30$$

$$\begin{aligned}
9 \quad \frac{\sqrt{125}}{3} \div (-\sqrt{60}) \times \frac{6\sqrt{3}}{\sqrt{10}} &= \frac{\sqrt{125}}{3} \times \left( -\frac{1}{\sqrt{60}} \right) \times \frac{6\sqrt{3}}{\sqrt{10}} \\
&= \frac{5\sqrt{5}}{3} \times \left( -\frac{1}{2\sqrt{15}} \right) \times \frac{6\sqrt{3}}{\sqrt{10}} \\
&= -5\sqrt{5 \times \frac{1}{15} \times \frac{3}{10}} \\
&= -\frac{5}{\sqrt{10}} = -\frac{\sqrt{10}}{2} \\
\therefore a &= -\frac{1}{2}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
10 \quad (\text{삼각형의 넓이}) &= \frac{1}{2} \times \sqrt{32} \times \sqrt{24} \\
&= \frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 2\sqrt{6} \\
&= 4\sqrt{12} = 8\sqrt{3} (\text{cm}^2)
\end{aligned}$$

직사각형의 가로의 길이를  $x\text{ cm}$ 라고 하면  
(직사각형의 넓이) =  $x \times \sqrt{12} = 2\sqrt{3}x(\text{cm}^2)$

이때 삼각형의 넓이와 직사각형의 넓이가 서로 같으므로

$$8\sqrt{3} = 2\sqrt{3}x \quad \therefore x = \frac{8\sqrt{3}}{2\sqrt{3}} = 4$$

따라서 직사각형의 가로의 길이는  $4\text{ cm}$ 이다.

$$\begin{aligned} 11 \quad 3\sqrt{20} - \sqrt{80} - \sqrt{48} + 2\sqrt{27} &= 6\sqrt{5} - 4\sqrt{5} - 4\sqrt{3} + 6\sqrt{3} \\ &= 2\sqrt{5} + 2\sqrt{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 12 \quad x\sqrt{\frac{27y}{x}} + y\sqrt{\frac{3x}{y}} &= \sqrt{x^2 \times \frac{27y}{x}} + \sqrt{y^2 \times \frac{3x}{y}} \\ &= \sqrt{27xy} + \sqrt{3xy} \\ &= \sqrt{27 \times 36} + \sqrt{3 \times 36} \\ &= 18\sqrt{3} + 6\sqrt{3} = 24\sqrt{3} \end{aligned}$$

**다른 풀이**

$$\begin{aligned} x\sqrt{\frac{27y}{x}} + y\sqrt{\frac{3x}{y}} &= \sqrt{x^2 \times \frac{27y}{x}} + \sqrt{y^2 \times \frac{3x}{y}} \\ &= \sqrt{27xy} + \sqrt{3xy} \\ &= 3\sqrt{3xy} + \sqrt{3xy} = 4\sqrt{3xy} \\ &= 4\sqrt{3 \times 36} = 24\sqrt{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 13 \quad \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}} &= \frac{\sqrt{6}}{2} - \frac{\sqrt{6}}{3} + \frac{\sqrt{10}}{2} - \frac{\sqrt{10}}{5} \\ &= \frac{3\sqrt{6} - 2\sqrt{6}}{6} + \frac{5\sqrt{10} - 2\sqrt{10}}{10} \\ &= \frac{\sqrt{6}}{6} + \frac{3\sqrt{10}}{10} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 14 \quad \sqrt{5}x + \sqrt{3}y &= \sqrt{5}(2\sqrt{3} + \sqrt{5}) + \sqrt{3}(2\sqrt{5} - 5\sqrt{3}) \\ &= 2\sqrt{15} + 5 + 2\sqrt{15} - 15 \\ &= 4\sqrt{15} - 10 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 15 \quad \frac{\sqrt{8}+9}{\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{3}-\sqrt{24}}{\sqrt{2}} &= \frac{2\sqrt{2}+9}{\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{3}-2\sqrt{6}}{\sqrt{2}} \\ &= \frac{(2\sqrt{2}+9)\times\sqrt{3}}{\sqrt{3}\times\sqrt{3}} - \frac{(\sqrt{3}-2\sqrt{6})\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}} \\ &= \frac{2\sqrt{6}+9\sqrt{3}}{3} - \frac{\sqrt{6}-4\sqrt{3}}{2} \\ &= \frac{2\sqrt{6}}{3} + 3\sqrt{3} - \frac{\sqrt{6}}{2} + 2\sqrt{3} \\ &= 5\sqrt{3} + \frac{\sqrt{6}}{6} \end{aligned}$$

$$\therefore a=5, b=\frac{1}{6}$$

16  $2 < \sqrt{7} < 3$ 으로

$\sqrt{7}$ 의 정수 부분은 2, 소수 부분은  $\sqrt{7} - 2$ 이다.

따라서  $a = \sqrt{7} - 2$ 으로

$$\begin{aligned} \frac{a-2}{a+2} &= \frac{(\sqrt{7}-2)-2}{(\sqrt{7}-2)+2} = \frac{\sqrt{7}-4}{\sqrt{7}} \\ &= \frac{(\sqrt{7}-4)\times\sqrt{7}}{\sqrt{7}\times\sqrt{7}} = \frac{7-4\sqrt{7}}{7} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 17 \quad ① \quad 3 \times \sqrt{2} - 5 \div \sqrt{2} &= 3\sqrt{2} - \frac{5}{\sqrt{2}} = 3\sqrt{2} - \frac{5\sqrt{2}}{2} = \frac{\sqrt{2}}{2} \\ ② \quad \sqrt{2}(\sqrt{6} + \sqrt{8}) &= 2\sqrt{3} + 4 \\ ③ \quad \sqrt{3}\left(\frac{\sqrt{6}}{3} - \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{2}}\right) &= \frac{3\sqrt{2}}{3} - \frac{6}{\sqrt{2}} = \sqrt{2} - 3\sqrt{2} = -2\sqrt{2} \\ ④ \quad 3\sqrt{24} + 2\sqrt{6} \times \sqrt{3} - \sqrt{7} &= 6\sqrt{6} + 6\sqrt{2} - \sqrt{7} \\ ⑤ \quad (\sqrt{18} + \sqrt{3}) \div \frac{1}{\sqrt{2}} + 5 \times \sqrt{6} &= (3\sqrt{2} + \sqrt{3}) \times \sqrt{2} + 5\sqrt{6} \\ &= 6 + \sqrt{6} + 5\sqrt{6} \\ &= 6 + 6\sqrt{6} \end{aligned}$$

따라서 옳은 것은 ③이다.

$$\begin{aligned} 18 \quad \sqrt{27} + \sqrt{54} - \sqrt{2}\left(\frac{6}{\sqrt{12}} - \frac{3}{\sqrt{6}}\right) &= \sqrt{27} + \sqrt{54} - \frac{6}{\sqrt{6}} + \frac{3}{\sqrt{3}} \\ &= 3\sqrt{3} + 3\sqrt{6} - \sqrt{6} + \sqrt{3} \\ &= 4\sqrt{3} + 2\sqrt{6} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 19 \quad \frac{1}{\sqrt{2}}(a+3\sqrt{2}) - \sqrt{3}(4\sqrt{3}+\sqrt{6}) &= \frac{\sqrt{2}}{2}a + 3 - 12 - 3\sqrt{2} \\ &= -9 + \left(\frac{a}{2} - 3\right)\sqrt{2} \end{aligned}$$

이 식이 유리수가 되려면 무리수 부분이 0이어야 하므로  
 $\frac{a}{2} - 3 = 0 \quad \therefore a = 6$

20 세 정사각형의 넓이가 각각  $3\text{ cm}^2$ ,  $12\text{ cm}^2$ ,  $27\text{ cm}^2$ 으로 한 변의 길이는 각각

$$\sqrt{3}\text{ cm}, \sqrt{12}=2\sqrt{3}(\text{cm}), \sqrt{27}=3\sqrt{3}(\text{cm})$$

따라서 구하는 도형의 둘레

의 길이는 가로의 길이가

$$\sqrt{3} + 2\sqrt{3} + 3\sqrt{3} = 6\sqrt{3}(\text{cm}),$$

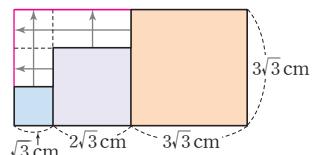
세로의 길이가  $3\sqrt{3}\text{ cm}$ 인

직사각형의 둘레의 길이와

같으므로

$$(\text{둘레의 길이}) = 2(6\sqrt{3} + 3\sqrt{3})$$

$$= 2 \times 9\sqrt{3} = 18\sqrt{3}(\text{cm})$$



$$21 \quad ① \quad (1+2\sqrt{5}) - (3+\sqrt{5}) = -2 + \sqrt{5} = -\sqrt{4} + \sqrt{5} > 0 \\ \therefore 1+2\sqrt{5} > 3+\sqrt{5}$$

$$\begin{aligned} ② \quad (\sqrt{5}+\sqrt{2}) - 3\sqrt{2} &= \sqrt{5} - 2\sqrt{2} = \sqrt{5} - \sqrt{8} < 0 \\ \therefore \sqrt{5} + \sqrt{2} &< 3\sqrt{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ③ \quad (\sqrt{2}-1) - (2-\sqrt{2}) &= 2\sqrt{2} - 3 = \sqrt{8} - \sqrt{9} < 0 \\ \therefore \sqrt{2}-1 &< 2-\sqrt{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ④ \quad (5\sqrt{3}-1) - \sqrt{48} &= 5\sqrt{3} - 1 - 4\sqrt{3} = \sqrt{3} - 1 > 0 \\ \therefore 5\sqrt{3}-1 &> \sqrt{48} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ⑤ \quad (3\sqrt{2}-1) - (2\sqrt{3}-1) &= 3\sqrt{2} - 2\sqrt{3} = \sqrt{18} - \sqrt{12} > 0 \\ \therefore 3\sqrt{2}-1 &> 2\sqrt{3}-1 \end{aligned}$$

따라서 옳은 것은 ③이다.

〈과정은 풀이 참조〉

## 따라 해보자

유제 1 8

유제 2  $2 + 4\sqrt{2}$ 

## 연습해 보자

1 27.5 km

2  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ 3  $(16 + 12\sqrt{3}) \text{ cm}^2$ 4  $B < C < A$ 

## 따라 해보자

유제 1 ①  $\sqrt{3}(\sqrt{27} - \sqrt{12}) + \sqrt{5}(2\sqrt{5} - \sqrt{15})$

$$= \sqrt{3}(3\sqrt{3} - 2\sqrt{3}) + 10 - 5\sqrt{3}$$

$$= 9 - 6 + 10 - 5\sqrt{3}$$

$$= 13 - 5\sqrt{3}$$

②  $13 - 5\sqrt{3} = a + b\sqrt{3}$  이므로  $a = 13$ ,  $b = -5$

③  $\therefore a + b = 13 + (-5) = 8$

## 채점 기준

1단계	주어진 식의 좌변을 간단히 하기	… 60 %
2단계	$a$ , $b$ 의 값 각각 구하기	… 20 %
3단계	$a + b$ 의 값 구하기	… 20 %

유제 2 ①  $\overline{AP} = \overline{AB} = \sqrt{2^2 + 2^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$  이므로

$$a = 2 - 2\sqrt{2}$$

②  $\overline{AQ} = \overline{AC} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$  이므로

$$b = 2 + \sqrt{2}$$

③  $\therefore 2b - a = 2(2 + \sqrt{2}) - (2 - 2\sqrt{2})$

$$= 4 + 2\sqrt{2} - 2 + 2\sqrt{2} = 2 + 4\sqrt{2}$$

## 채점 기준

1단계	$a$ 의 값 구하기	… 30 %
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 30 %
3단계	$2b - a$ 의 값 구하기	… 40 %

## 연습해 보자

1 ①  $\sqrt{12.6h}$ 에  $h = 60$ 을 대입하면

$$\sqrt{12.6 \times 60} = \sqrt{756}$$

## ②

$$= \sqrt{7.56 \times 100}$$

$$= 10\sqrt{7.56}$$

## ③

$$= 10 \times 2.750$$

$$= 27.5(\text{km})$$

따라서 사람의 눈으로 볼 수 있는 가장 먼 거리는 27.5 km이다.

## 채점 기준

1단계	주어진 식에 $h$ 의 값 대입하기	… 20 %
2단계	$a\sqrt{b}$ 꼴로 나타내기	… 50 %
3단계	해발 60 m인 전망대에서 사람의 눈으로 볼 수 있는 가장 먼 거리 구하기	… 30 %

2 ①  $A = \sqrt{45} \div \sqrt{10} \times \sqrt{2}$

$$= 3\sqrt{5} \times \frac{1}{\sqrt{10}} \times \sqrt{2}$$

$$= 3\sqrt{5 \times \frac{1}{10} \times 2} = 3$$

②  $B = \frac{4}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{8}} \div \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{6}}$

$$= \frac{4}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{15}}{2\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{5}}$$

$$= 2\sqrt{\frac{1}{3} \times \frac{15}{2} \times \frac{6}{5}} = 2\sqrt{3}$$

③  $\therefore \frac{A}{B} = \frac{3}{2\sqrt{3}} = \frac{3 \times \sqrt{3}}{2\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

## 채점 기준

1단계	$A$ 의 값 구하기	… 35 %
2단계	$B$ 의 값 구하기	… 35 %
3단계	$\frac{A}{B}$ 의 값 구하기	… 30 %

3 ①  $(\text{밑넓이}) = (\sqrt{2} + \sqrt{6}) \times \sqrt{6}$

$$= 2\sqrt{3} + 6(\text{cm}^2)$$

②  $(\text{옆넓이}) = 2\{(\sqrt{2} + \sqrt{6}) + \sqrt{6}\} \times \sqrt{2}$

$$= 2(\sqrt{2} + 2\sqrt{6}) \times \sqrt{2}$$

$$= (2\sqrt{2} + 4\sqrt{6}) \times \sqrt{2}$$

$$= 4 + 8\sqrt{3}(\text{cm}^2)$$

③  $\therefore (\text{겉넓이}) = 2(2\sqrt{3} + 6) + (4 + 8\sqrt{3})$

$$= 4\sqrt{3} + 12 + 4 + 8\sqrt{3}$$

$$= 16 + 12\sqrt{3}(\text{cm}^2)$$

## 채점 기준

1단계	밑넓이 구하기	… 30 %
2단계	옆넓이 구하기	… 40 %
3단계	겉넓이 구하기	… 30 %

4 ①  $A - C = \sqrt{180} - (\sqrt{5} + 8)$

$$= 6\sqrt{5} - \sqrt{5} - 8$$

$$= 5\sqrt{5} - 8$$

$$= \sqrt{125} - \sqrt{64} > 0$$

$$\therefore A > C$$

②  $B - C = (12 - 3\sqrt{5}) - (\sqrt{5} + 8)$

$$= 12 - 3\sqrt{5} - \sqrt{5} - 8$$

$$= 4 - 4\sqrt{5}$$

$$= \sqrt{16} - \sqrt{80} < 0$$

$$\therefore B < C$$

③  $\therefore B < C < A$

## 채점 기준

1단계	$A, C$ 의 대소 관계 나타내기	… 40 %
2단계	$B, C$ 의 대소 관계 나타내기	… 40 %
3단계	$A, B, C$ 의 대소 관계 나타내기	… 20 %

# 01 곱셈 공식

P. 58

## 기본 확인

- (1)
- $ac, ad, bc, bd$
- (2)
- $a, b, a, b, a, b, b$

필수 문제 1 (1)  $ab+3a+2b+6$ 

$$\begin{aligned}(2) & 4x^2+19x-5 \\(3) & 30a^2+4ab-2b^2 \\(4) & 2x^2-xy-6x-y^2-3y\end{aligned}$$

(1)  $(a+2)(b+3)=ab+3a+2b+6$

(2)  $(x+5)(4x-1)=4x^2-x+20x-5$   
 $=4x^2+19x-5$

(3)  $(5a-b)(6a+2b)=30a^2+10ab-6ab-2b^2$   
 $=30a^2+4ab-2b^2$

(4)  $(2x+y)(x-y-3)$   
 $=2x^2-2xy-6x+xy-y^2-3y$   
 $=2x^2-xy-6x-y^2-3y$

1-1 (1)  $ab-4a+b-4$ 

(2)  $10x^2+9x-7$

(3)  $3a^2-5ab+2b^2$

(4)  $x^2+xy-12y^2-x+3y$

(1)  $(a+1)(b-4)=ab-4a+b-4$

(2)  $(2x-1)(5x+7)=10x^2+14x-5x-7$   
 $=10x^2+9x-7$

(3)  $(3a-2b)(a-b)=3a^2-3ab-2ab+2b^2$   
 $=3a^2-5ab+2b^2$

(4)  $(x+4y-1)(x-3y)=x^2-3xy+4xy-12y^2-x+3y$   
 $=x^2+xy-12y^2-x+3y$

## 필수 문제 2 7

$(4x+3y)(5x-2y-1)$ 에서  
 $xy$ 항이 나오는 부분만 전개하면  
 $4x \times (-2y) + 3y \times 5x = 7xy$   
 따라서  $xy$ 의 계수는 7이다.

## 2-1 -8

$(2x-y-1)(3x-2y+1)$ 에서  
 $xy$ 항이 나오는 부분만 전개하면  
 $2x \times (-2y) + (-y) \times 3x = -7xy$   
 상수항이 나오는 부분만 전개하면  
 $(-1) \times 1 = -1$   
 따라서  $xy$ 의 계수는 -7, 상수항은 -1이므로  $xy$ 의 계수  
 와 상수항의 합은  
 $-7 + (-1) = -8$

P. 59

## 기본 확인

- (1) 2, 2, 4, 4 (2)
- $3x, 3x, 9, 6$

필수 문제 3 (1)  $x^2+2x+1$  (2)  $a^2-8a+16$ 

(3)  $4a^2+4ab+b^2$  (4)  $x^2-6xy+9y^2$

(1)  $(x+1)^2 = x^2 + 2 \times x \times 1 + 1^2$

$= x^2 + 2x + 1$

(2)  $(a-4)^2 = a^2 - 2 \times a \times 4 + 4^2$

$= a^2 - 8a + 16$

(3)  $(2a+b)^2 = (2a)^2 + 2 \times 2a \times b + b^2$

$= 4a^2 + 4ab + b^2$

(4)  $(-x+3y)^2 = (-x)^2 + 2 \times (-x) \times 3y + (3y)^2$

$= x^2 - 6xy + 9y^2$

(참고)  $(-x+3y)^2 = \{-(x-3y)\}^2 = (x-3y)^2$

$= x^2 - 6xy + 9y^2$

3-1 (1)  $x^2+10x+25$  (2)  $a^2-12a+36$ 

(3)  $4x^2-12xy+9y^2$  (4)  $25a^2+40ab+16b^2$

(1)  $(x+5)^2 = x^2 + 2 \times x \times 5 + 5^2$

$= x^2 + 10x + 25$

(2)  $(a-6)^2 = a^2 - 2 \times a \times 6 + 6^2$

$= a^2 - 12a + 36$

(3)  $(2x-3y)^2 = (2x)^2 - 2 \times 2x \times 3y + (3y)^2$

$= 4x^2 - 12xy + 9y^2$

(4)  $(-5a-4b)^2 = (-5a)^2 - 2 \times (-5a) \times 4b + (4b)^2$   
 $= 25a^2 + 40ab + 16b^2$

(참고)  $(-5a-4b)^2 = \{-(5a+4b)\}^2 = (5a+4b)^2$

$= 25a^2 + 40ab + 16b^2$

3-2  $a=5, b=20$ 

$(2x-a)^2 = 4x^2 - 4ax + a^2 = 4x^2 - bx + 25$  [므로]

$-4a = -b, a^2 = 25$

[이 때]  $a > 0$  [므로]  $a = 5, b = 4a = 4 \times 5 = 20$

P. 60

## 기본 확인

- (1) 2, 4 (2)
- $3x, 9$

필수 문제 4 (1)  $x^2-9$  (2)  $4a^2-1$ 

(3)  $x^2-16y^2$  (4)  $b^2-64a^2$

(1)  $(x+3)(x-3) = x^2 - 3^2 = x^2 - 9$

(2)  $(2a+1)(2a-1) = (2a)^2 - 1^2 = 4a^2 - 1$

(3)  $(-x+4y)(-x-4y) = (-x)^2 - (4y)^2$   
 $= x^2 - 16y^2$

$$\begin{aligned}(4) (-8a-b)(8a-b) &= (-b-8a)(-b+8a) \\ &= (-b)^2 - (8a)^2 \\ &= b^2 - 64a^2\end{aligned}$$

**4-1** (1)  $a^2 - 25$

$$(3) 16x^2 - \frac{1}{25}y^2$$

$$(1) (a-5)(a+5) = a^2 - 5^2 = a^2 - 25$$

$$(2) (x+6y)(x-6y) = x^2 - (6y)^2 = x^2 - 36y^2$$

$$\begin{aligned}(3) \left(-4x - \frac{1}{5}y\right)\left(-4x + \frac{1}{5}y\right) &= (-4x)^2 - \left(\frac{1}{5}y\right)^2 \\ &= 16x^2 - \frac{1}{25}y^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(4) (-7a+3b)(7a+3b) &= (3b-7a)(3b+7a) \\ &= (3b)^2 - (7a)^2 \\ &= 9b^2 - 49a^2\end{aligned}$$

**필수 문제 5** 2, 4

$$\begin{aligned}(a-1)(a+1)(a^2+1) &= (a^2-1)(a^2+1) \\ &= (a^2)^2 - 1^2 \\ &= a^4 - 1\end{aligned}$$

**5-1**  $x^4 - 16$

$$\begin{aligned}(x-2)(x+2)(x^2+4) &= (x^2-4)(x^2+4) \\ &= (x^2)^2 - 4^2 \\ &= x^4 - 16\end{aligned}$$

P. 61

**개념 확인**

- (1) 3, 3, 4, 3      (2) -2, -5, 7, 10

**필수 문제 6**

- (1)  $x^2 + 6x + 8$       (2)  $a^2 + 2a - 15$   
 (3)  $a^2 + 6ab - 7b^2$       (4)  $x^2 - 3xy + 2y^2$

$$\begin{aligned}(1) (x+2)(x+4) &= x^2 + (2+4)x + 2 \times 4 \\ &= x^2 + 6x + 8\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2) (a+5)(a-3) &= a^2 + (5-3)a + 5 \times (-3) \\ &= a^2 + 2a - 15\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(3) (a-b)(a+7b) &= a^2 + (-b+7b)a + (-b) \times 7b \\ &= a^2 + 6ab - 7b^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(4) (x-2y)(x-y) &= x^2 + (-2y-y)x + (-2y) \times (-y) \\ &= x^2 - 3xy + 2y^2\end{aligned}$$

**6-1** (1)  $x^2 + 6x + 5$

$$(3) x^2 + 3xy - 4y^2$$

$$\begin{aligned}(1) (x+1)(x+5) &= x^2 + (1+5)x + 1 \times 5 \\ &= x^2 + 6x + 5\end{aligned}$$

$$(2) (a-6)(a+2) = a^2 + (-6+2)a + (-6) \times 2$$

$$= a^2 - 4a - 12$$

$$\begin{aligned}(3) (x+4y)(x-y) &= x^2 + (4y-y)x + 4y \times (-y) \\ &= x^2 + 3xy - 4y^2\end{aligned}$$

$$(4) (a-3b)(a-8b)$$

$$= a^2 + (-3b-8b)a + (-3b) \times (-8b)$$

$$= a^2 - 11ab + 24b^2$$

**6-2**  $a=6, b=-1$

$$\begin{aligned}(x-a)(x+5) &= x^2 + (-a+5)x - 5a \\ &= x^2 + bx - 30\end{aligned}$$

$$\textcircled{o} \text{므로 } -a+5=b, -5a=-30$$

$$\therefore a=6, b=-6+5=-1$$

P. 62

**개념 확인**

- (1) 2, 2, 3, 2, 7, 3

- (2) 3, -4, -4, 6, 7, 20

**필수 문제 7**

$$\begin{aligned}(1) 3x^2 + 14x + 8 &\quad (2) 10a^2 - 7a - 12 \\ (3) 12a^2 - 22ab + 6b^2 &\quad (4) -5x^2 + 17xy - 6y^2 \\ (1) (x+4)(3x+2) &= (1 \times 3)x^2 + (1 \times 2 + 4 \times 3)x + 4 \times 2 \\ &= 3x^2 + 14x + 8 \\ (2) (2a-3)(5a+4) &= (2 \times 5)a^2 + \{2 \times 4 + (-3) \times 5\}a + (-3) \times 4 \\ &= 10a^2 - 7a - 12 \\ (3) (3a-b)(4a-6b) &= (3 \times 4)a^2 + \{3 \times (-6b) + (-b) \times 4\}a \\ &\quad + (-b) \times (-6b) \\ &= 12a^2 - 22ab + 6b^2 \\ (4) (5x-2y)(-x+3y) &= \{5 \times (-1)\}x^2 + \{5 \times 3y + (-2y) \times (-1)\}x \\ &\quad + (-2y) \times 3y \\ &= -5x^2 + 17xy - 6y^2\end{aligned}$$

**7-1** (1)  $4a^2 + 7a + 3$

$$(3) -6a^2 + 13ab - 5b^2$$

$$(1) (4a+3)(a+1) = (4 \times 1)a^2 + (4 \times 1 + 3 \times 1)a + 3 \times 1 \\ = 4a^2 + 7a + 3$$

$$(2) (3x+7)(4x-2)$$

$$\begin{aligned}&= (3 \times 4)x^2 + \{3 \times (-2) + 7 \times 4\}x + 7 \times (-2) \\ &= 12x^2 + 22x - 14\end{aligned}$$

$$(3) (-2a+b)(3a-5b)$$

$$\begin{aligned}&= \{(-2) \times 3\}a^2 + \{(-2) \times (-5b) + b \times 3\}a \\ &\quad + b \times (-5b) \\ &= -6a^2 + 13ab - 5b^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & (4) (x-3y)(-5x+6y) \\
 &= \{1 \times (-5)\}x^2 + \{1 \times 6y + (-3y) \times (-5)\}x \\
 &\quad + (-3y) \times 6y \\
 &= -5x^2 + 21xy - 18y^2
 \end{aligned}$$

**7-2**  $a=-2, b=-20$

$$\begin{aligned}
 (7x-2)(3x+a) &= 21x^2 + (7a-6)x - 2a \\
 &= 21x^2 + bx + 4 \\
 \text{○므로 } 7a-6 &= b, -2a = 4 \\
 \therefore a &= -2, b = 7 \times (-2) - 6 = -20
 \end{aligned}$$

### 학습



### 연습

- |   |                                 |   |
|---|---------------------------------|---|
| 1 | (1) $2x^2 + xy + 3x - y^2 + 3y$ | (2) $3a^2 - 11ab - 4b^2 - 2a + 8b$          |
| 2 | (1) $x^2 + 6x + 9$              | (2) $a^2 - \frac{1}{2}a + \frac{1}{16}$     |
|   | (3) $4a^2 - 16ab + 16b^2$       | (4) $x^2 + 2 + \frac{1}{x^2}$               |
|   | (5) $25a^2 - 10ab + b^2$        | (6) $9x^2 + 30xy + 25y^2$                   |
| 3 | (1) $a^2 - 64$                  | (2) $x^2 - \frac{1}{16}y^2$                 |
|   | (3) $16b^2 - \frac{9}{4}a^2$    | (4) $1 - a^8$                               |
| 4 | (1) $x^2 + 9x + 20$             | (2) $a^2 + \frac{1}{6}a - \frac{1}{6}$      |
|   | (3) $x^2 - 9xy + 18y^2$         | (4) $a^2 - \frac{5}{12}ab - \frac{1}{6}b^2$ |
| 5 | (1) $20a^2 + 23a + 6$           | (2) $14x^2 + 33x - 5$                       |
|   | (3) $2a^2 - 13ab + 6b^2$        | (4) $-4x^2 + 13xy - 3y^2$                   |
| 6 | (1) $x^2 + 5x - 54$             | (2) $3a^2 + 34a - 67$                       |

P. 63

- |   |   |   |
|---|---|---|
| 1 | (1) $(x+y)(2x-y+3)$                                       | $= 2x^2 - xy + 3x + 2xy - y^2 + 3y$   |
|   |   | $= 2x^2 + xy + 3x - y^2 + 3y$   |
|   | (2) $(3a+b-2)(a-4b)$                                      | $= 3a^2 - 12ab + ab - 4b^2 - 2a + 8b$   |
|   |   | $= 3a^2 - 11ab - 4b^2 - 2a + 8b$  |
| 2 | (1) $(x+3)^2 = x^2 + 2 \times x \times 3 + 3^2$           | $= x^2 + 6x + 9$  |
|   |   | $\quad (2) \left(a - \frac{1}{4}\right)^2 = a^2 - 2 \times a \times \frac{1}{4} + \left(\frac{1}{4}\right)^2$ |
|   |   | $\quad = a^2 - \frac{1}{2}a + \frac{1}{16}$   |
|   | (3) $(2a-4b)^2 = (2a)^2 - 2 \times 2a \times 4b + (4b)^2$ | $\quad = 4a^2 - 16ab + 16b^2$   |
|   |   | $\quad (4) \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = x^2 + 2 \times x \times \frac{1}{x} + \left(\frac{1}{x}\right)^2$ |
|   |   | $\quad = x^2 + 2 + \frac{1}{x^2}$   |

$$\begin{aligned}
 & (5) (-5a+b)^2 = (-5a)^2 + 2 \times (-5a) \times b + b^2 \\
 &= 25a^2 - 10ab + b^2 \\
 & (6) (-3x-5y)^2 = (-3x)^2 - 2 \times (-3x) \times 5y + (5y)^2 \\
 &= 9x^2 + 30xy + 25y^2
 \end{aligned}$$

**3** (1)  $(a+8)(a-8) = a^2 - 8^2 = a^2 - 64$

$$\begin{aligned}
 & (2) \left(-x + \frac{1}{4}y\right) \left(-x - \frac{1}{4}y\right) = (-x)^2 - \left(\frac{1}{4}y\right)^2 \\
 &= x^2 - \frac{1}{16}y^2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & (3) \left(4b - \frac{3}{2}a\right) \left(\frac{3}{2}a + 4b\right) = \left(4b - \frac{3}{2}a\right) \left(4b + \frac{3}{2}a\right) \\
 &= (4b)^2 - \left(\frac{3}{2}a\right)^2 \\
 &= 16b^2 - \frac{9}{4}a^2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & (4) (1-a)(1+a)(1+a^2)(1+a^4) \\
 &= (1-a^2)(1+a^2)(1+a^4) \\
 &= (1-a^4)(1+a^4) \\
 &= 1 - a^8
 \end{aligned}$$

**4** (1)  $(x+5)(x+4) = x^2 + (5+4)x + 5 \times 4$

$$\begin{aligned}
 &= x^2 + 9x + 20 \\
 & (2) \left(a + \frac{1}{2}\right) \left(a - \frac{1}{3}\right) = a^2 + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right)a + \frac{1}{2} \times \left(-\frac{1}{3}\right) \\
 &= a^2 + \frac{1}{6}a - \frac{1}{6}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & (3) (x-3y)(x-6y) \\
 &= x^2 + (-3y-6y)x + (-3y) \times (-6y) \\
 &= x^2 - 9xy + 18y^2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & (4) \left(a - \frac{2}{3}b\right) \left(a + \frac{1}{4}b\right) \\
 &= a^2 + \left(-\frac{2}{3}b + \frac{1}{4}b\right)a + \left(-\frac{2}{3}b\right) \times \frac{1}{4}b \\
 &= a^2 - \frac{5}{12}ab - \frac{1}{6}b^2
 \end{aligned}$$

**5** (1)  $(5a+2)(4a+3)$

$$\begin{aligned}
 &= (5 \times 4)a^2 + (5 \times 3 + 2 \times 4)a + 2 \times 3 \\
 &= 20a^2 + 23a + 6
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & (2) (7x-1)(2x+5) \\
 &= (7 \times 2)x^2 + \{7 \times 5 + (-1) \times 2\}x + (-1) \times 5 \\
 &= 14x^2 + 33x - 5
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & (3) (2a-b)(a-6b) \\
 &= (2 \times 1)a^2 + \{2 \times (-6b) + (-b) \times 1\}a \\
 &\quad + (-b) \times (-6b) \\
 &= 2a^2 - 13ab + 6b^2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & (4) (-x+3y)(4x-y) \\
 &= \{(-1) \times 4\}x^2 + \{(-1) \times (-y) + 3y \times 4\}x \\
 &\quad + 3y \times (-y) \\
 &= -4x^2 + 13xy - 3y^2
 \end{aligned}$$

**6**

- (1)  $2(x+5)(x-5)-(x-4)(x-1)$   
 $=2(x^2-25)-(x^2-5x+4)$   
 $=2x^2-50-x^2+5x-4$   
 $=x^2+5x-54$
- (2)  $(5a-2)(3a-4)-3(2a-5)^2$   
 $=15a^2-26a+8-3(4a^2-20a+25)$   
 $=15a^2-26a+8-12a^2+60a-75$   
 $=3a^2+34a-67$

STEP  
**1** 개념 익히기

P. 64

- |          |                               |          |                        |          |    |
|----------|-------------------------------|----------|------------------------|----------|----|
| <b>1</b> | 3                             | <b>2</b> | $\sqcup$ , $\sqsubset$ | <b>3</b> | -2 |
| <b>4</b> | (1) 9, 5    (2) 3, 5, 23      | <b>5</b> | 36                     |          |    |
| <b>6</b> | (1) $x^2-y^2$ (2) $12x^2+x-6$ |          |                        |          |    |

**1**  $(x-a)(x+2y-1)$ 에서  
 $x^{\text{항}}\text{이 나오는 부분만 전개하면}$   
 $x \times (-1) + (-a) \times x = (-1-a)x^{\text{항}}$ 으로  
 $-1-a=-4 \quad \therefore a=3$

**2**  $(a-b)^2=a^2-2ab+b^2$   
 $\sqcup. (a+b)^2=a^2+2ab+b^2$   
 $\sqsubset. (b-a)^2=b^2-2 \times b \times a+a^2=a^2-2ab+b^2$   
 $\sqsubset. (-a+b)^2=(-a)^2+2 \times (-a) \times b+b^2$   
 $=a^2-2ab+b^2$   
 $\sqsupset. (-a-b)^2=(-a)^2-2 \times (-a) \times b+b^2$   
 $=a^2+2ab+b^2$   
 $\square. -(a+b)^2=-(a^2+2ab+b^2)=-a^2-2ab-b^2$   
 $\square. -(a-b)^2=-(a^2-2ab+b^2)=-a^2+2ab-b^2$   
 따라서  $(a-b)^2$ 과 전개식이 같은 것은  $\sqcup$ ,  $\sqsubset$ 이다.

**3**  $\left(\frac{1}{2}a+\frac{2}{3}b\right)\left(\frac{1}{2}a-\frac{2}{3}b\right)=\left(\frac{1}{2}a\right)^2-\left(\frac{2}{3}b\right)^2$   
 $=\frac{1}{4}a^2-\frac{4}{9}b^2$   
 $=\frac{1}{4} \times 8 - \frac{4}{9} \times 9$   
 $=2-4=-2$

**4**

- (1)  $(x+4)(x-\boxed{A})=x^2+(4-A)x-4A$   
 $=x^2-\boxed{B}x-36$   
 ○으로  $4-A=-B$ ,  $-4A=-36$   
 $\therefore A=9$ ,  $B=-(4-9)=5$
- (2)  $(\boxed{A}x+4)(2x+\boxed{B})=2Ax^2+(AB+8)x+4B$   
 $=6x^2+\boxed{C}x+20$   
 ○으로  $2A=6$ ,  $AB+8=C$ ,  $4B=20$   
 $\therefore A=3$ ,  $B=5$ ,  $C=3 \times 5+8=23$

**5**  $(5x-1)^2+(x+1)(x-5)=25x^2-10x+1+x^2-4x-5$   
 $=26x^2-14x-4$   
 따라서  $a=26$ ,  $b=-14$ ,  $c=-4$ 으로  
 $a-b+c=26-(-14)+(-4)=36$

**6**

- (1) (색칠한 직사각형의 넓이)  $=(x-y)(x+y)=x^2-y^2$
- (2) (색칠한 직사각형의 넓이)  $=(4x+3)(3x-2)$   
 $=12x^2+x-6$

**02** 곱셈 공식의 활용

P. 65

- 개념 확인** (1) 1, 50, 50, 1, 2401   (2) 3, 3, 3, 8091

- 필수 문제 1** (1) 2601   (2) 6241   (3) 2475   (4) 10710

$$\begin{aligned}(1) 51^2 &= (50+1)^2 \\&= 50^2 + 2 \times 50 \times 1 + 1^2 \\&= 2500 + 100 + 1 = 2601 \\(2) 79^2 &= (80-1)^2 \\&= 80^2 - 2 \times 80 \times 1 + 1^2 \\&= 6400 - 160 + 1 = 6241 \\(3) 55 \times 45 &= (50+5)(50-5) \\&= 50^2 - 5^2 \\&= 2500 - 25 = 2475 \\(4) 102 \times 105 &= (100+2)(100+5) \\&= 100^2 + (2+5) \times 100 + 2 \times 5 \\&= 10000 + 700 + 10 = 10710\end{aligned}$$

- 1-1** (1) 8464   (2) 88804   (3) 4864   (4) 40198

$$\begin{aligned}(1) 92^2 &= (90+2)^2 \\&= 90^2 + 2 \times 90 \times 2 + 2^2 \\&= 8100 + 360 + 4 = 8464 \\(2) 298^2 &= (300-2)^2 \\&= 300^2 - 2 \times 300 \times 2 + 2^2 \\&= 90000 - 1200 + 4 = 88804 \\(3) 64 \times 76 &= (70-6)(70+6) \\&= 70^2 - 6^2 \\&= 4900 - 36 = 4864 \\(4) 199 \times 202 &= (200-1)(200+2) \\&= 200^2 + (-1+2) \times 200 + (-1) \times 2 \\&= 40000 + 200 - 2 = 40198\end{aligned}$$

- 필수 문제 2** (1)  $11+4\sqrt{7}$    (2) 4

$$\begin{aligned}&(3) 6+5\sqrt{2} \quad (4) 16-\sqrt{3} \\(1) (2+\sqrt{7})^2 &= 2^2 + 2 \times 2 \times \sqrt{7} + (\sqrt{7})^2 \\&= 4 + 4\sqrt{7} + 7 = 11 + 4\sqrt{7}\end{aligned}$$

$$(2) (3+\sqrt{5})(3-\sqrt{5})=3^2-(\sqrt{5})^2=9-5=4$$

$$(3) (\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}+4)=(\sqrt{2})^2+(1+4)\sqrt{2}+1\times 4=2+5\sqrt{2}+4=6+5\sqrt{2}$$

$$(4) (3\sqrt{3}-2)(2\sqrt{3}+1)=6\times(\sqrt{3})^2+(3-4)\sqrt{3}+(-2)\times 1=18-\sqrt{3}-2=16-\sqrt{3}$$

**2-1** (1)  $9-6\sqrt{2}$  (2) 1 (3)  $-23-3\sqrt{5}$  (4)  $17+\sqrt{2}$

$$(1) (\sqrt{6}-\sqrt{3})^2=(\sqrt{6})^2-2\times\sqrt{6}\times\sqrt{3}+(\sqrt{3})^2=6-6\sqrt{2}+3=9-6\sqrt{2}$$

$$(2) (2\sqrt{3}-\sqrt{11})(2\sqrt{3}+\sqrt{11})=(2\sqrt{3})^2-(\sqrt{11})^2=12-11=1$$

$$(3) (\sqrt{5}+4)(\sqrt{5}-7)=(\sqrt{5})^2+(4-7)\sqrt{5}+4\times(-7)=5-3\sqrt{5}-28=-23-3\sqrt{5}$$

$$(4) (5\sqrt{2}+3)(2\sqrt{2}-1)=10\times(\sqrt{2})^2+(-5+6)\sqrt{2}+3\times(-1)=20+\sqrt{2}-3=17+\sqrt{2}$$

P. 66

**개념 확인**

$$(1) 3-\sqrt{2}, 3-\sqrt{2}, 3-\sqrt{2}, \sqrt{2}, \frac{3-\sqrt{2}}{7}$$

$$(2) \sqrt{3}+\sqrt{2}, \sqrt{3}+\sqrt{2}, \sqrt{3}+\sqrt{2}, \sqrt{2}, \sqrt{3}+\sqrt{2}$$

**필수 문제**

**3** (1)  $\sqrt{2}-1$  (2)  $\sqrt{7}+\sqrt{3}$   
 (3)  $2\sqrt{2}-\sqrt{6}$  (4)  $9+4\sqrt{5}$

$$(1) \frac{1}{\sqrt{2}+1}=\frac{\sqrt{2}-1}{(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)}=\frac{\sqrt{2}-1}{(\sqrt{2})-1^2}=\sqrt{2}-1$$

$$(2) \frac{4}{\sqrt{7}-\sqrt{3}}=\frac{4(\sqrt{7}+\sqrt{3})}{(\sqrt{7}-\sqrt{3})(\sqrt{7}+\sqrt{3})}=\frac{4(\sqrt{7}+\sqrt{3})}{(\sqrt{7})^2-(\sqrt{3})^2}=\frac{4(\sqrt{7}+\sqrt{3})}{4}=\sqrt{7}+\sqrt{3}$$

$$(3) \frac{\sqrt{2}}{2+\sqrt{3}}=\frac{\sqrt{2}(2-\sqrt{3})}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})}=\frac{2\sqrt{2}-\sqrt{6}}{2^2-(\sqrt{3})^2}=2\sqrt{2}-\sqrt{6}$$

$$(4) \frac{\sqrt{5}+2}{\sqrt{5}-2}=\frac{(\sqrt{5}+2)^2}{(\sqrt{5}-2)(\sqrt{5}+2)}=\frac{5+4\sqrt{5}+4}{(\sqrt{5})^2-2^2}=9+4\sqrt{5}$$

**3-1**

(1)  $-\frac{1+\sqrt{3}}{2}$  (2)  $\sqrt{5}-\sqrt{2}$   
 (3)  $2-\sqrt{3}$  (4)  $2+\sqrt{3}$

$$(1) \frac{1}{1-\sqrt{3}}=\frac{1+\sqrt{3}}{(1-\sqrt{3})(1+\sqrt{3})}=\frac{1+\sqrt{3}}{1^2-(\sqrt{3})^2}=-\frac{1+\sqrt{3}}{2}$$

$$(2) \frac{3}{\sqrt{5}+\sqrt{2}}=\frac{3(\sqrt{5}-\sqrt{2})}{(\sqrt{5}+\sqrt{2})(\sqrt{5}-\sqrt{2})}=\frac{3(\sqrt{5}-\sqrt{2})}{(\sqrt{5})^2-(\sqrt{2})^2}=\frac{3(\sqrt{5}-\sqrt{2})}{3}=\sqrt{5}-\sqrt{2}$$

$$(3) \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{3}+3}=\frac{\sqrt{3}(2\sqrt{3}-3)}{(2\sqrt{3}+3)(2\sqrt{3}-3)}=\frac{6-3\sqrt{3}}{(2\sqrt{3})^2-3^2}=\frac{6-3\sqrt{3}}{3}=2-\sqrt{3}$$

$$(4) \frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{\sqrt{6}-\sqrt{2}}=\frac{(\sqrt{6}+\sqrt{2})^2}{(\sqrt{6}-\sqrt{2})(\sqrt{6}+\sqrt{2})}=\frac{6+2\sqrt{12}+2}{(\sqrt{6})^2-(\sqrt{2})^2}=\frac{8+4\sqrt{3}}{4}=2+\sqrt{3}$$

P. 67

**필수 문제** **4**

(1)  $a^2+b^2=(a+b)^2-2ab=6^2-2\times 3=30$   
 (2)  $(a-b)^2=(a+b)^2-4ab=6^2-4\times 3=24$

**4-1**

(1)  $x^2+y^2=(x-y)^2+2xy=(3\sqrt{2})^2+2\times 8=34$   
 (2)  $(x+y)^2=(x-y)^2+4xy=(3\sqrt{2})^2+4\times 8=50$

**4-2**

(1)  $2\sqrt{2}$  (2) 1 (3) 6  
 $x=\frac{1}{\sqrt{2}+1}=\frac{\sqrt{2}-1}{(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)}=\sqrt{2}-1$   
 $y=\frac{1}{\sqrt{2}-1}=\frac{\sqrt{2}+1}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)}=\sqrt{2}+1$   
 $(1) x+y=(\sqrt{2}-1)+(\sqrt{2}+1)=2\sqrt{2}$   
 $(2) xy=(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)=(\sqrt{2})^2-1^2=1$   
 $(3) x^2+y^2=(x+y)^2-2xy=(2\sqrt{2})^2-2\times 1=6$

**필수 문제** **5**

(1)  $x^2+\frac{1}{x^2}=\left(x+\frac{1}{x}\right)^2-2=3^2-2=7$   
 (2)  $\left(x-\frac{1}{x}\right)^2=\left(x+\frac{1}{x}\right)^2-4=3^2-4=5$

**5-1**

(1)  $27$  (2)  $29$   
 $(1) a^2+\frac{1}{a^2}=\left(a-\frac{1}{a}\right)^2+2=5^2+2=27$   
 $(2) \left(a+\frac{1}{a}\right)^2=\left(a-\frac{1}{a}\right)^2+4=5^2+4=29$

## 필수 문제 6 (1) -1 (2) 1

$$x = -1 + \sqrt{5} \text{에서 } x+1 = \sqrt{5}$$

양변을 제곱하면  $(x+1)^2 = (\sqrt{5})^2$

$$x^2 + 2x + 1 = 5 \quad \therefore x^2 + 2x = 4$$

$$(1) x^2 + 2x - 5 = 4 - 5 = -1$$

$$(2) (x+3)(x-1) = x^2 + 2x - 3 = 4 - 3 = 1$$

**다른 풀이**

$x = -1 + \sqrt{5}$  를  $(x+3)(x-1)$ 에 대입하면

$$(x+3)(x-1) = (-1 + \sqrt{5} + 3)(-1 + \sqrt{5} - 1)$$

$$= (\sqrt{5} + 2)(\sqrt{5} - 2)$$

$$= (\sqrt{5})^2 - 2^2 = 1$$

## 6-1 (1) 4 (2) -2

$$x = 2 + \sqrt{7} \text{에서 } x-2 = \sqrt{7}$$

양변을 제곱하면  $(x-2)^2 = (\sqrt{7})^2$

$$x^2 - 4x + 4 = 7 \quad \therefore x^2 - 4x = 3$$

$$(1) x^2 - 4x + 1 = 3 + 1 = 4$$

$$(2) (x+1)(x-5) = x^2 - 4x - 5 = 3 - 5 = -2$$

**다른 풀이**

$x = 2 + \sqrt{7}$  을  $(x+1)(x-5)$ 에 대입하면

$$(x+1)(x-5) = (2 + \sqrt{7} + 1)(2 + \sqrt{7} - 5)$$

$$= (\sqrt{7} + 3)(\sqrt{7} - 3)$$

$$= (\sqrt{7})^2 - 3^2 = -2$$

6-2 (1)  $5+2\sqrt{6}$  (2) 2

$$(1) x = \frac{1}{5-2\sqrt{6}} = \frac{5+2\sqrt{6}}{(5-2\sqrt{6})(5+2\sqrt{6})} = 5+2\sqrt{6}$$

$$(2) x = 5+2\sqrt{6} \text{에서 } x-5 = 2\sqrt{6}$$

양변을 제곱하면  $(x-5)^2 = (2\sqrt{6})^2$

$$x^2 - 10x + 25 = 24, x^2 - 10x = -1$$

$$\therefore x^2 - 10x + 3 = -1 + 3 = 2$$

STEP

1

步步  
개념 익히기

$$1 \quad (1) 21.16 \quad (2) 8.91$$

$$2 \quad a=1, b=1, c=1011$$

$$3 \quad 2-2\sqrt{2}$$

$$4 \quad ③$$

$$5 \quad ⑤$$

$$6 \quad (1) 20 \quad (2) 36 \quad (3) -\frac{5}{2}$$

$$7 \quad 21$$

$$8 \quad (1) 11 \quad (2) 13$$

$$9 \quad 1$$

$$10 \quad (1) 4 \quad (2) 14$$

$$11 \quad 26$$

$$1 \quad (1) 4.6^2 = (5-0.4)^2 = 5^2 - 2 \times 5 \times 0.4 + 0.4^2$$

$$= 25 - 4 + 0.16 = 21.16$$

$$(2) 3.3 \times 2.7 = (3+0.3)(3-0.3) = 3^2 - 0.3^2$$

$$= 9 - 0.09 = 8.91$$

$$2 \quad \frac{1010 \times 1012 + 1}{1011} = \frac{(1011-1)(1011+1)+1}{1011}$$

$$= \frac{1011^2 - 1^2 + 1}{1011}$$

$$= \frac{1011^2}{1011} = 1011$$

$$\therefore a=1, b=1^2=1, c=1011$$

$$3 \quad (\sqrt{2}-1)^2 - (2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})$$

$$= \{(\sqrt{2})^2 - 2 \times \sqrt{2} \times 1 + 1^2\} - \{2^2 - (\sqrt{3})^2\}$$

$$= (2-2\sqrt{2}+1) - (4-3) = 2-2\sqrt{2}$$

$$4 \quad \frac{1}{\sqrt{10}+3} + \frac{1}{\sqrt{10}-3}$$

$$= \frac{\sqrt{10}-3}{(\sqrt{10}+3)(\sqrt{10}-3)} + \frac{\sqrt{10}+3}{(\sqrt{10}-3)(\sqrt{10}+3)}$$

$$= (\sqrt{10}-3) + (\sqrt{10}+3) = 2\sqrt{10}$$

$$5 \quad 1 < \sqrt{2} < 2 \text{에서 } -2 < -\sqrt{2} < -1 \text{이므로 } 2 < 4 - \sqrt{2} < 3$$

따라서  $4 - \sqrt{2}$ 의 정수 부분은 2,

소수 부분은  $(4 - \sqrt{2}) - 2 = 2 - \sqrt{2}$ 이다.

$\therefore a=2, b=2-\sqrt{2}$ 이므로

$$\frac{a}{b} = \frac{2}{2-\sqrt{2}} = \frac{2(2+\sqrt{2})}{(2-\sqrt{2})(2+\sqrt{2})}$$

$$= \frac{2(2+\sqrt{2})}{2} = 2+\sqrt{2}$$

$$6 \quad (1) a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab$$

$$= 2^2 - 2 \times (-8) = 20$$

$$(2) (a-b)^2 = (a+b)^2 - 4ab$$

$$= 2^2 - 4 \times (-8) = 36$$

$$(3) \frac{a}{b} + \frac{b}{a} = \frac{a^2 + b^2}{ab} = \frac{20}{-8} = -\frac{5}{2}$$

$$7 \quad x = \frac{1}{\sqrt{5}-2} = \frac{\sqrt{5}+2}{(\sqrt{5}-2)(\sqrt{5}+2)} = \sqrt{5}+2$$

$$y = \frac{1}{\sqrt{5}+2} = \frac{\sqrt{5}-2}{(\sqrt{5}+2)(\sqrt{5}-2)} = \sqrt{5}-2$$

$$\therefore x^2 + y^2 + 3xy$$

$$= \{(x+y)^2 - 2xy\} + 3xy$$

$$= (x+y)^2 + xy$$

$$= \{(\sqrt{5}+2) + (\sqrt{5}-2)\}^2 + (\sqrt{5}+2)(\sqrt{5}-2)$$

$$= (2\sqrt{5})^2 + 1 = 21$$

**다른 풀이**

$$x = \frac{1}{\sqrt{5}-2} = \frac{\sqrt{5}+2}{(\sqrt{5}-2)(\sqrt{5}+2)} = \sqrt{5}+2$$

$$y = \frac{1}{\sqrt{5}+2} = \frac{\sqrt{5}-2}{(\sqrt{5}+2)(\sqrt{5}-2)} = \sqrt{5}-2$$

$$\therefore x^2 + y^2 + 3xy$$

$$= (\sqrt{5}+2)^2 + (\sqrt{5}-2)^2 + 3(\sqrt{5}+2)(\sqrt{5}-2)$$

$$= (5+4\sqrt{5}+4) + (5-4\sqrt{5}+4) + 3 \times 1$$

$$= 9+9+3=21$$

8 (1)  $x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2 = 3^2 + 2 = 11$   
(2)  $\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 4 = 3^2 + 4 = 13$

9  $x = \sqrt{3}-1$ 에서  $x+1 = \sqrt{3}$   
양변을 제곱하면  $(x+1)^2 = (\sqrt{3})^2$   
 $x^2 + 2x + 1 = 3$ ,  $x^2 + 2x = 2$   
 $\therefore x^2 + 2x - 1 = 2 - 1 = 1$

다른 풀이  
 $x = \sqrt{3}-1$ 을  $x^2 + 2x - 1$ 에 대입하면  
 $x^2 + 2x - 1 = (\sqrt{3}-1)^2 + 2(\sqrt{3}-1) - 1$   
 $= 3 - 2\sqrt{3} + 1 + 2\sqrt{3} - 2 - 1 = 1$

10 (1)  $x \neq 0$ 으로  $x^2 - 4x + 1 = 0$ 의 양변을  $x$ 로 나누면  
 $x - 4 + \frac{1}{x} = 0 \quad \therefore x + \frac{1}{x} = 4$   
(2)  $x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = 4^2 - 2 = 14$

11  $x \neq 0$ 으로  $x^2 - 6x + 1 = 0$ 의 양변을  $x$ 로 나누면  
 $x - 6 + \frac{1}{x} = 0 \quad \therefore x + \frac{1}{x} = 6$   
 $\therefore x^2 - 8 + \frac{1}{x^2} = x^2 + \frac{1}{x^2} - 8$   
 $= \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 - 8$   
 $= 6^2 - 10 = 26$

3  $\neg. (2a+b)^2 = 4a^2 + 4ab + b^2$   
 $\neg. (2a-b)^2 = 4a^2 - 4ab + b^2$   
 $\neg. -(2a+b)^2 = -(4a^2 + 4ab + b^2)$   
 $= -4a^2 - 4ab - b^2$   
 $\neg. -(2a-b)^2 = -(4a^2 - 4ab + b^2)$   
 $= -4a^2 + 4ab - b^2$   
□.  $(-2a-b)^2 = 4a^2 + 4ab + b^2$   
▣.  $(-2a+b)^2 = 4a^2 - 4ab + b^2$   
따라서 전개식이 서로 같은 것끼리 짝 지으면 □과 □, △과 △이다.

4  $\left(\frac{2}{3}a + \frac{3}{4}b\right)\left(\frac{2}{3}a - \frac{3}{4}b\right) = \frac{4}{9}a^2 - \frac{9}{16}b^2$   
 $= \frac{4}{9} \times 45 - \frac{9}{16} \times 32$   
 $= 20 - 18 = 2$

5  $(3x-1)(3x+1)(9x^2+1) = (9x^2-1)(9x^2+1)$   
 $= 81x^4 - 1$

6  $(2x-a)(3x+5) = 6x^2 + (10-3a)x - 5a$   
이때  $x$ 의 계수와 상수항이 같으므로  
 $10-3a=-5a$ ,  $2a=-10 \quad \therefore a=-5$

7  $(4x+a)(5x+3) = 20x^2 + (12+5a)x + 3a$   
 $= 20x^2 + 7x - 3$   
이므로  $12+5a=7$ ,  $3a=-3 \quad \therefore a=-1$   
따라서 바르게 계산한 식은  
 $(4x-1)(3x+5) = 12x^2 + 17x - 5$

8 ①  $(a-5)^2 = a^2 - 10a + 25$   
②  $(3x+5y)^2 = 9x^2 + 30xy + 25y^2$   
④  $(x+4)(x-2) = x^2 + 2x - 8$   
⑤  $(2a-3b)(3a+4b) = 6a^2 - ab - 12b^2$   
따라서 옳은 것은 ③이다.

9 ①  $(a-\boxed{A}b)^2 = a^2 - 2Aab + A^2b^2 = a^2 - 4ab + 4b^2$   
이므로  $-2A=-4$ ,  $A^2=4 \quad \therefore A=2$   
②  $(x+4)(x+\boxed{A}) = x^2 + (4+A)x + 4A = x^2 + 6x + 8$   
이므로  $4+A=6$ ,  $4A=8 \quad \therefore A=2$   
③  $(a+3)(a-5) = a^2 - 2a - 15 = a^2 - \boxed{A}a - 15$   
이므로  $-2=-A \quad \therefore A=2$   
④  $(x+\boxed{A}y)(x-5y) = x^2 + (A-5)xy - 5Ay^2$   
 $= x^2 - 3xy - 10y^2$   
이므로  $A-5=-3$ ,  $-5A=-10 \quad \therefore A=2$   
⑤  $\left(x + \frac{5}{2}y\right)\left(-x - \frac{1}{2}y\right) = -x^2 - 3xy - \frac{5}{4}y^2$   
 $= -x^2 - \boxed{A}xy - \frac{5}{4}y^2$   
이므로  $-3=-A \quad \therefore A=3$   
따라서 나머지 넷과 다른 하나는 ⑤이다.

STEP  
**2** 단단 단원 다지기

P. 71~73

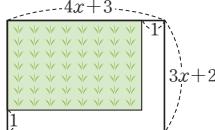
- |      |       |                     |                           |
|------|-------|---------------------|---------------------------|
| 1 ①  | 2 27  | 3 □과 □, △과 △        | 4 2                       |
| 5 ⑤  | 6 ①   | 7 $12x^2 + 17x - 5$ | 8 ③                       |
| 9 ⑤  | 10 ⑤  | 11 ③                | 12 ⑤                      |
| 14 6 | 15 -6 | 16 ⑤                | 17 9                      |
| 19 ② | 20 ②  | 21 ⑤                | 18 $\frac{\sqrt{7}+1}{6}$ |

1  $(-3x+ay-1)(x-2y-3)$ 에서  
 $xy$ 항이 나오는 부분만 전개하면  
 $-3x \times (-2y) + ay \times x = (6+a)xy$ 으로  
 $6+a=-8 \quad \therefore a=-14$

2  $(5x+a)^2 = 25x^2 + 10ax + a^2 = bx^2 - 20x + c$ 으로  
 $25=b$ ,  $10a=-20$ ,  $a^2=c$   
따라서  $a=-2$ ,  $b=25$ ,  $c=(-2)^2=4$ 으로  
 $a+b+c=-2+25+4=27$

10 길을 제외한 잔디밭의 넓이는 오른쪽 그림의 잔디밭의 넓이와 같으므로

$$\begin{aligned} & \{(4x+3)-1\}\{(3x+2)-1\} \\ & = (4x+2)(3x+1) \\ & = 12x^2 + 10x + 2 \end{aligned}$$



11  $9.3 \times 10.7 = (10 - 0.7)(10 + 0.7)$  이므로  
 $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$   
 을 이용하는 것이 가장 편리하다.

12  $999 \times 1001 + 1 = (1000 - 1)(1000 + 1) + 1$   
 $= 1000^2 - 1^2 + 1$   
 $= 1000^2 = (10^3)^2$   
 $= 10^6$

$$\therefore a = 6$$

13 ④  $(\sqrt{10}+3)(\sqrt{10}-5) = 10 + (3-5)\sqrt{10} - 15$   
 $= -5 - 2\sqrt{10}$

14  $(2-4\sqrt{3})(3+a\sqrt{3}) = 6 + (2a-12)\sqrt{3} - 12a$   
 $= (6-12a) + (2a-12)\sqrt{3}$

이 식이 유리수가 되려면 무리수 부분이 0이어야 하므로  
 $2a-12=0 \quad \therefore a=6$

15  $\overline{AP} = \overline{AB} = \sqrt{1^2 + 3^2} = \sqrt{10}$  이므로  
 점 P에 대응하는 수는  $2 + \sqrt{10} \quad \therefore a = 2 + \sqrt{10}$   
 $\overline{AQ} = \overline{AD} = \sqrt{3^2 + 1^2} = \sqrt{10}$  이므로  
 점 Q에 대응하는 수는  $2 - \sqrt{10} \quad \therefore b = 2 - \sqrt{10}$   
 $\therefore ab = (2 + \sqrt{10})(2 - \sqrt{10})$   
 $= 2^2 - (\sqrt{10})^2$   
 $= 4 - 10 = -6$

16  $\frac{4-\sqrt{15}}{4+\sqrt{15}} + \frac{4+\sqrt{15}}{4-\sqrt{15}}$   
 $= \frac{(4-\sqrt{15})^2}{(4+\sqrt{15})(4-\sqrt{15})} + \frac{(4+\sqrt{15})^2}{(4-\sqrt{15})(4+\sqrt{15})}$   
 $= (4-\sqrt{15})^2 + (4+\sqrt{15})^2$   
 $= (16-8\sqrt{15}+15) + (16+8\sqrt{15}+15) = 62$

17  $\frac{1}{1+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} + \cdots + \frac{1}{\sqrt{99}+\sqrt{100}}$   
 $= \frac{1-\sqrt{2}}{(1+\sqrt{2})(1-\sqrt{2})} + \frac{\sqrt{2}-\sqrt{3}}{(\sqrt{2}+\sqrt{3})(\sqrt{2}-\sqrt{3})}$   
 $\quad \quad \quad + \cdots + \frac{\sqrt{99}-\sqrt{100}}{(\sqrt{99}+\sqrt{100})(\sqrt{99}-\sqrt{100})}$   
 $= -(1-\sqrt{2}) - (\sqrt{2}-\sqrt{3}) - \cdots - (\sqrt{99}-\sqrt{100})$   
 $= -1 + \cancel{\sqrt{2}} - \cancel{\sqrt{2}} + \cancel{\sqrt{3}} - \cdots - \cancel{\sqrt{99}} + \sqrt{100}$   
 $= -1 + \sqrt{100}$   
 $= -1 + 10 = 9$

18  $2 < \sqrt{7} < 3$ 에서  $-3 < -\sqrt{7} < -2$ 이므로  $1 < 4 - \sqrt{7} < 2$

따라서  $4 - \sqrt{7}$ 의 정수 부분은 1,

소수 부분은  $(4 - \sqrt{7}) - 1 = 3 - \sqrt{7}$ 이다.

즉,  $a=1$ ,  $b=3-\sqrt{7}$ 이므로

$$\begin{aligned} \frac{1}{2a-b} &= \frac{1}{2 \times 1 - (3 - \sqrt{7})} = \frac{1}{\sqrt{7} - 1} \\ &= \frac{\sqrt{7} + 1}{(\sqrt{7} - 1)(\sqrt{7} + 1)} \\ &= \frac{\sqrt{7} + 1}{6} \end{aligned}$$

19  $a^2 + b^2 = (a-b)^2 + 2ab$  이므로

$$13 = 5^2 + 2ab, 2ab = -12$$

$$\therefore ab = -6$$

20  $x \neq 0$  이므로  $x^2 - 3x - 1 = 0$ 의 양변을  $x$ 로 나누면

$$\begin{aligned} x - 3 - \frac{1}{x} &= 0 \quad \therefore x - \frac{1}{x} = 3 \\ \therefore x^2 + 6 + \frac{1}{x^2} &= x^2 + \frac{1}{x^2} + 6 \\ &= \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2 + 6 \\ &= 3^2 + 8 = 17 \end{aligned}$$

21  $x = \frac{2}{2+\sqrt{3}} = \frac{2(2-\sqrt{3})}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})} = 4 - 2\sqrt{3}$ 에서

$$x - 4 = -2\sqrt{3}$$

$$\text{양변을 제곱하면 } (x-4)^2 = (-2\sqrt{3})^2$$

$$x^2 - 8x + 16 = 12, x^2 - 8x = -4$$

$$\therefore x^2 - 8x + 8 = -4 + 8 = 4$$

### STEP 3 끝내 서술형 완성하기

P. 74~75

〈과정은 풀이 참조〉

따라 해보자 유제 1 18a<sup>2</sup> - 12a - 2 유제 2 22

연습해 보자 1 -3 2 1028

3 25 + 6\sqrt{5}

4 (1) A(-1 + \sqrt{2}), B(3 - \sqrt{2}) (2) \frac{-1 + 2\sqrt{2}}{7}

#### 따라 해보자

유제 1 1단계 (처음 정사각형의 넓이) = (3a-1)<sup>2</sup>

$$= 9a^2 - 6a + 1$$

2단계 새로 만든 직사각형의

가로의 길이는  $(3a-1)+2=3a+1$ ,

세로의 길이는  $(3a-1)-2=3a-3$  이므로

(새로 만든 직사각형의 넓이) =  $(3a+1)(3a-3)$

$$= 9a^2 - 6a - 3$$

- 3단계** 따라서 처음 정사각형과 새로 만든 직사각형의 넓이의 합은

$$(9a^2 - 6a + 1) + (9a^2 - 6a - 3) \\ = 18a^2 - 12a - 2$$

채점 기준		
1단계	처음 정사각형의 넓이 구하기	… 30 %
2단계	새로 만든 직사각형의 넓이 구하기	… 40 %
3단계	넓이의 합 구하기	… 30 %

**유제 2** **1단계**  $x = \frac{2}{\sqrt{7} + \sqrt{5}}$

$$= \frac{2(\sqrt{7} - \sqrt{5})}{(\sqrt{7} + \sqrt{5})(\sqrt{7} - \sqrt{5})} \\ = \sqrt{7} - \sqrt{5}$$

$y = \frac{2}{\sqrt{7} - \sqrt{5}}$

$$= \frac{2(\sqrt{7} + \sqrt{5})}{(\sqrt{7} - \sqrt{5})(\sqrt{7} + \sqrt{5})} \\ = \sqrt{7} + \sqrt{5}$$

**2단계**  $\therefore x^2 - xy + y^2$

$$= \{(x+y)^2 - 2xy\} - xy \\ = (x+y)^2 - 3xy \\ = \{(\sqrt{7} - \sqrt{5}) + (\sqrt{7} + \sqrt{5})\}^2 \\ - 3(\sqrt{7} - \sqrt{5})(\sqrt{7} + \sqrt{5}) \\ = (2\sqrt{7})^2 - 3 \times 2 = 22$$

채점 기준		
1단계	$x, y$ 의 분모를 각각 유리화하기	… 40 %
2단계	주어진 식의 값 구하기	… 60 %

## 다른 풀이

**2단계**  $\therefore x^2 - xy + y^2$

$$= \{(x-y)^2 + 2xy\} - xy \\ = (x-y)^2 + xy \\ = \{(\sqrt{7} - \sqrt{5}) - (\sqrt{7} + \sqrt{5})\}^2 \\ + (\sqrt{7} - \sqrt{5})(\sqrt{7} + \sqrt{5}) \\ = (-2\sqrt{5})^2 + 2 \\ = 22$$

## 연습해 보자

**1** **1단계**  $(2x+3y)^2 - (4x-y)(3x+5y)$

$$= 4x^2 + 12xy + 9y^2 - (12x^2 + 17xy - 5y^2) \\ = -8x^2 - 5xy + 14y^2$$

**2단계** 따라서  $m = -8, n = -5$ 이므로

**3단계**  $m-n = -8 - (-5) = -3$

채점 기준		
1단계	주어진 식 계산하기	… 60 %
2단계	$m, n$ 의 값 각각 구하기	… 20 %
3단계	$m-n$ 의 값 구하기	… 20 %

**2** **1단계**  $\frac{1026 \times 1030 + 4}{1028} = \frac{(1028-2)(1028+2) + 4}{1028}$

$$= \frac{1028^2 - 2^2 + 4}{1028} \\ = \frac{1028^2}{1028} = 1028$$

채점 기준		
1단계	주어진 식 변형하기	… 50 %
2단계	주어진 식 계산하기	… 50 %

**3** **1단계** 오른쪽 그림과 같이  
보조선을 그으면  
(정사각형 A의 넓이)  
 $= (\sqrt{5}+3)^2$   
 $= 5+6\sqrt{5}+9$   
 $= 14+6\sqrt{5}$

**2단계** (직사각형 B의 넓이)  $= (\sqrt{18}-\sqrt{7})(\sqrt{18}+\sqrt{7})$   
 $= 18-7=11$

**3단계** 따라서 구하는 도형의 넓이는  
 $(14+6\sqrt{5})+11=25+6\sqrt{5}$

채점 기준		
1단계	정사각형 A의 넓이 구하기	… 40 %
2단계	직사각형 B의 넓이 구하기	… 40 %
3단계	도형의 넓이 구하기	… 20 %

**4** (1) **1단계**  $\overline{PA} = \overline{PQ} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$  이므로  
 $A(-1+\sqrt{2}, 0)$

**2단계**  $\overline{RB} = \overline{RS} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$  이므로  
 $B(3-\sqrt{2}, 0)$

(2) **3단계**  $a = -1 + \sqrt{2}, b = 3 - \sqrt{2}$  이므로

$$\frac{a}{b} = \frac{-1+\sqrt{2}}{3-\sqrt{2}} \\ = \frac{(-1+\sqrt{2})(3+\sqrt{2})}{(3-\sqrt{2})(3+\sqrt{2})} = \frac{-1+2\sqrt{2}}{7}$$

채점 기준		
1단계	점 A의 좌표 구하기	… 30 %
2단계	점 B의 좌표 구하기	… 30 %
3단계	$\frac{a}{b}$ 의 값 구하기	… 40 %

# 01 인수분해 공식

P. 80

- 개념 확인**
- (1)  $2a^2 + 2a$
  - (2)  $x^2 + 10x + 25$
  - (3)  $x^2 - 2x - 3$
  - (4)  $12a^2 + a - 1$

**필수 문제 1**  $a, ab, a-b, b(a-b)$

1-1  $x+3, 5(x-2)$

1-2 ↗, ←

☞  $6x(x+2)(x-5)=\underline{2x} \times 3(x+2)(x-5)$

따라서  $2x$ 를 인수로 갖는 것은 ↗, ←이다.

- 개념 확인**
- (1)  $3a, 3a(a-2)$
  - (2)  $2xy, 2xy(3-y)$

**필수 문제 2** (1)  $a(b-c)$  (2)  $-4a(a+2)$   
 (3)  $a(2b-y+3z)$  (4)  $3b^2(2a^2+a-4)$

2-1 (1)  $2a(4x+1)$  (2)  $5y^2(x-2)$   
 (3)  $a(b^2-a+3b)$  (4)  $2xy(2x-4y+3)$

2-2 (1)  $(x+y)(a+b)$  (2)  $(2a-b)(x+2y)$   
 (3)  $(x-y)(a-3b)$  (4)  $(a-5b)(2x-y)$   
 (3)  $a(x-y)+3b(y-x)=a(x-y)-3b(x-y)$   
 $= (x-y)(a-3b)$   
 (4)  $2x(a-5b)+y(5b-a)=2x(a-5b)-y(a-5b)$   
 $= (a-5b)(2x-y)$

## STEP 1 개념 익히기

P. 82

1 ⑤      2 ③      3 ④      4 ③

1 ⑤  $2x^2y$ 와  $-4xy$ 의 공통인 인수는  $2xy$ 이다.

2  $ab(a+b)(a-b)=ab(a^2-b^2)$   
 따라서 인수가 아닌 것은 ③  $a^2+b^2$ 이다.

3  $16x^2y-4xy^2=4xy(4x-y)$

4  $ab-3b=b(\underline{a}-3)$   
 $b(a-3)+2(a-3)=(\underline{a}-3)(b+2)$   
 따라서 두 다항식의 공통인 인수는 ③  $a-3$ 이다.

P. 83

- 개념 확인**
- (1) 1, 1, 1
  - (2)  $2y, 2y, 2y$

**필수 문제 3** (1)  $(x+4)^2$  (2)  $(2x-1)^2$   
 (3)  $\left(a+\frac{1}{4}\right)^2$  (4)  $-2(x-6)^2$   
 (3)  $a^2+\frac{1}{2}a+\frac{1}{16}=a^2+2 \times a \times \frac{1}{4}+\left(\frac{1}{4}\right)^2=\left(a+\frac{1}{4}\right)^2$   
 (4)  $-2x^2+24x-72=-2(x^2-12x+36)$   
 $=-2(x-6)^2$

3-1 (1)  $(x-8)^2$  (2)  $(3x+1)^2$   
 (3)  $\left(a-\frac{b}{2}\right)^2$  (4)  $a(x+9y)^2$   
 (3)  $a^2-ab+\frac{b^2}{4}=a^2-2 \times a \times \frac{b}{2}+\left(\frac{b}{2}\right)^2=\left(a-\frac{b}{2}\right)^2$   
 (4)  $ax^2+18axy+81ay^2=a(x^2+18xy+81y^2)$   
 $=a(x+9y)^2$

**필수 문제 4** (1) 3, 9 (2) ±3, ±6

4-1 (1) 25 (2) 49 (3) ±12 (4) ±20  
 (1)  $x^2+10x+\square=x^2+2 \times x \times 5+\square$ 으로  
 $\square=5^2=25$   
**다른 풀이**  
 $\square=\left(\frac{10}{2}\right)^2=25$   
 (2)  $4x^2-28x+\square=(2x)^2-2 \times 2x \times 7+\square$ 으로  
 $\square=7^2=49$   
 (3)  $a^2+(\square)ab+36b^2=a^2+(\square)ab+(\pm 6b)^2$ 으로  
 $\square=2 \times 1 \times (\pm 6)=\pm 12$   
**다른 풀이**  
 $\left(\frac{\square}{2}\right)^2=36=(\pm 6)^2$ 으로  
 $\square=(\pm 6) \times 2=\pm 12$   
 (4)  $25x^2+(\square)x+4=(5x)^2+(\square)x+(\pm 2)^2$   
 $\square=2 \times 5 \times (\pm 2)=\pm 20$

P. 84

- 개념 확인**
- (1) 2, 2, 2
  - (2) 3, 3, 3

**필수 문제 5**

- (1)  $(x+1)(x-1)$
- (2)  $(4a+b)(4a-b)$
- (3)  $\left(2x+\frac{y}{9}\right)\left(2x-\frac{y}{9}\right)$
- (4)  $(5y+x)(5y-x)$
- (5)  $4x^2 - \frac{y^2}{81} = (2x)^2 - \left(\frac{y}{9}\right)^2 = \left(2x+\frac{y}{9}\right)\left(2x-\frac{y}{9}\right)$
- (6)  $-x^2 + 25y^2 = 25y^2 - x^2 = (5y)^2 - x^2 = (5y+x)(5y-x)$

**5-1**

- (1)  $(x+6)(x-6)$
- (2)  $(2x+7y)(2x-7y)$
- (3)  $\left(x+\frac{1}{x}\right)\left(x-\frac{1}{x}\right)$
- (4)  $(b+8a)(b-8a)$
- (5)  $x^2 - \frac{1}{x^2} = x^2 - \left(\frac{1}{x}\right)^2 = \left(x+\frac{1}{x}\right)\left(x-\frac{1}{x}\right)$
- (6)  $-64a^2 + b^2 = b^2 - 64a^2 = b^2 - (8a)^2 = (b+8a)(b-8a)$

**5-2**

- (1)  $(x^2+1)(x+1)(x-1)$
- (2)  $x^4 - 1 = (x^2)^2 - 1^2 = (x^2+1)(x^2-1) = (x^2+1)(x+1)(x-1)$

**필수 문제 6**

- (1)  $3(x+3)(x-3)$
- (2)  $5(x+y)(x-y)$
- (3)  $2a(a+1)(a-1)$
- (4)  $4a(x+2y)(x-2y)$
- (5)  $3x^2 - 27 = 3(x^2-9) = 3(x+3)(x-3)$
- (6)  $5x^2 - 5y^2 = 5(x^2-y^2) = 5(x+y)(x-y)$
- (7)  $2a^3 - 2a = 2a(a^2-1) = 2a(a+1)(a-1)$
- (8)  $4ax^2 - 16ay^2 = 4a(x^2-4y^2) = 4a(x+2y)(x-2y)$

**6-1**

- (1)  $6(x+2)(x-2)$
- (2)  $4(3x+y)(3x-y)$
- (3)  $a^2(a+1)(a-1)$
- (4)  $6ab(1+3ab)(1-3ab)$
- (5)  $6x^2 - 24 = 6(x^2-4) = 6(x+2)(x-2)$
- (6)  $36x^2 - 4y^2 = 4(9x^2-y^2) = 4(3x+y)(3x-y)$
- (7)  $a^4 - a^2 = a^2(a^2-1) = a^2(a+1)(a-1)$
- (8)  $6ab - 54a^3b^3 = 6ab(1-9a^2b^2) = 6ab(1+3ab)(1-3ab)$

P. 85

**10분 확인** (1) 2, 4 (2) -1, -4 (3) -2, 5 (4) 2, -6

**필수 문제 7**

- (1)  $(x+1)(x+2)$
- (2)  $(x-2)(x-5)$
- (3)  $(x+3y)(x-2y)$
- (4)  $(x+2y)(x-7y)$
- (5) 곱이 2이고, 합이 3인 두 정수는 1, 2이므로  $x^2 + 3x + 2 = (x+1)(x+2)$
- (6) 곱이 10이고, 합이 -7인 두 정수는 -2, -5이므로  $x^2 - 7x + 10 = (x-2)(x-5)$

- (3) 곱이 -6이고, 합이 1인 두 정수는 3, -2이므로  $x^2 + xy - 6y^2 = (x+3y)(x-2y)$
- (4) 곱이 -14이고, 합이 -5인 두 정수는 2, -7이므로  $x^2 - 5xy - 14y^2 = (x+2y)(x-7y)$

**7-1**

- (1)  $(x+3)(x+5)$
- (2)  $(x-4)(x-7)$
- (3)  $(x+8y)(x-3y)$
- (4)  $(x+3y)(x-10y)$
- (5) 곱이 15이고, 합이 8인 두 정수는 3, 5이므로  $x^2 + 8x + 15 = (x+3)(x+5)$
- (6) 곱이 28이고, 합이 -11인 두 정수는 -4, -7이므로  $x^2 - 11x + 28 = (x-4)(x-7)$
- (7) 곱이 -24이고, 합이 5인 두 정수는 8, -3이므로  $x^2 + 5xy - 24y^2 = (x+8y)(x-3y)$
- (8) 곱이 -30이고, 합이 -7인 두 정수는 3, -10이므로  $x^2 - 7xy - 30y^2 = (x+3y)(x-10y)$

**7-2 9**

$$x^2 + x - 20 = (x+5)(x-4)$$

이 때  $a > b$ 이므로  $a=5, b=-4$

$$\therefore a-b = 5 - (-4) = 9$$

P. 86

**10분 확인** -1, 5, 5, 2, 1, 5

**필수 문제 8**

- (1)  $(x+2)(2x+1)$
- (2)  $(2x-1)(2x-3)$
- (3)  $(x+3y)(3x-2y)$
- (4)  $(2x-3y)(4x+y)$
- (5)  $2x^2 + 5x + 2 = (x+2)(2x+1)$
- (6)  $4x^2 - 8x + 3 = (2x-1)(2x-3)$
- (7)  $3x^2 + 7xy - 6y^2 = (x+3y)(3x-2y)$
- (8)  $8x^2 - 10xy - 3y^2 = (2x-3y)(4x+y)$

수식을 계산하는 방법은 다음과 같다.

예제 1:  $2x^2 + 5x + 2 = (x+2)(2x+1)$

계산 과정:

$$\begin{array}{r} 1 \quad 2 \\ 2 \cancel{\times} \quad 1 \rightarrow + \end{array} \quad \begin{array}{r} 4 \\ \hline 5 \end{array}$$

예제 2:  $4x^2 - 8x + 3 = (2x-1)(2x-3)$

계산 과정:

$$\begin{array}{r} 2 \cancel{\times} \quad -1 \rightarrow -2 \\ 2 \cancel{\times} \quad -3 \rightarrow + \end{array} \quad \begin{array}{r} -6 \\ \hline -8 \end{array}$$

예제 3:  $3x^2 + 7xy - 6y^2 = (x+3y)(3x-2y)$

계산 과정:

$$\begin{array}{r} 1 \cancel{\times} \quad 3 \rightarrow 9 \\ 3 \cancel{\times} \quad -2 \rightarrow + \end{array} \quad \begin{array}{r} -2 \\ \hline 7 \end{array}$$

예제 4:  $8x^2 - 10xy - 3y^2 = (2x-3y)(4x+y)$

계산 과정:

$$\begin{array}{r} 2 \cancel{\times} \quad -3 \rightarrow -12 \\ 4 \cancel{\times} \quad 1 \rightarrow + \end{array} \quad \begin{array}{r} 2 \\ \hline -10 \end{array}$$

**8-1**

- (1)  $(x+2)(3x+4)$
- (2)  $(2x-1)(3x-2)$
- (3)  $(x+y)(5x-3y)$
- (4)  $(3x+y)(5x-2y)$
- (5)  $3x^2 + 10x + 8 = (x+2)(3x+4)$
- (6)  $1 \cancel{\times} \quad 2 \rightarrow 6 \\ 3 \cancel{\times} \quad 4 \rightarrow + \end{array} \quad \begin{array}{r} 4 \\ \hline 10 \end{array}$

$$(2) 6x^2 - 7x + 2 = (2x-1)(3x-2)$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 3 \end{array} \begin{array}{r} \cancel{-1} \rightarrow \\ \cancel{-2} \rightarrow \end{array} \begin{array}{r} -3 \\ + \end{array} \begin{array}{r} -4 \\ \hline -7 \end{array}$$

$$(3) 5x^2 + 2xy - 3y^2 = (x+y)(5x-3y)$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 5 \end{array} \begin{array}{r} \cancel{1} \rightarrow \\ \cancel{-3} \rightarrow \end{array} \begin{array}{r} 5 \\ + \end{array} \begin{array}{r} -3 \\ \hline 2 \end{array}$$

$$(4) 15x^2 - xy - 2y^2 = (3x+y)(5x-2y)$$

$$\begin{array}{r} 3 \\ 5 \end{array} \begin{array}{r} \cancel{1} \rightarrow \\ \cancel{-2} \rightarrow \end{array} \begin{array}{r} 5 \\ + \end{array} \begin{array}{r} -6 \\ \hline -1 \end{array}$$

## 8-2 5

$3x^2 - 16x + a$ 의 다른 한 인수를  $3x+m$  ( $m$ 은 상수)으로 놓으면

$$\begin{aligned} 3x^2 - 16x + a &= (x-5)(3x+m) \\ &= 3x^2 + (m-15)x - 5m \end{aligned}$$

이므로  $-16 = m-15$ ,  $a = -5m$

$$\therefore m = -1, a = -5 \times (-1) = 5$$

### 학습



### 연습

P. 87

$$1 \quad (1) (x+3)^2 \quad (2) (2x-9)^2$$

$$(3) \left(x+\frac{1}{2}\right)^2 \quad (4) (a-7b)^2$$

$$(5) 3y(x-2)^2 \quad (6) 2a(2x-5y)^2$$

$$2 \quad (1) 36 \quad (2) 16 \quad (3) \pm \frac{5}{2} \quad (4) \pm 16$$

$$3 \quad (1) (x+7)(x-7) \quad (2) (5a+9b)(5a-9b)$$

$$(3) \left(\frac{1}{2}x+y\right)\left(\frac{1}{2}x-y\right) \quad (4) \left(\frac{1}{4}b+3a\right)\left(\frac{1}{4}b-3a\right)$$

$$(5) (a+b)(x+y)(x-y) \quad (6) 4x(x+4y)(x-4y)$$

$$4 \quad (1) (x+1)(x+4) \quad (2) (x+4)(x-8)$$

$$(3) (x+9y)(x-2y) \quad (4) (x-5y)(x-7y)$$

$$(5) 3(x+2)(x+4) \quad (6) 2y^2(x+1)(x-5)$$

$$5 \quad (1) (x-3)(4x-3) \quad (2) (x+4)(3x-1)$$

$$(3) (2x-y)(4x+5y) \quad (4) (2x-3y)(5x+2y)$$

$$(5) 2(x+1)(2x+3) \quad (6) xy(x-5)(2x+1)$$

$$1 \quad (5) 3x^2y - 12xy + 12y = 3y(x^2 - 4x + 4) = 3y(x-2)^2$$

$$(6) 8ax^2 - 40axy + 50ay^2 = 2a(4x^2 - 20xy + 25y^2) = 2a(2x-5y)^2$$

$$2 \quad (1) x^2 + 12x + \square = x^2 + 2 \times x \times 6 + \square \text{ 이므로}$$

$$\square = 6^2 = 36$$

다른 풀이

$$\square = \left(\frac{12}{2}\right)^2 = 36$$

$$(2) 9x^2 - 24x + \square = (3x)^2 - 2 \times 3x \times 4 + \square \text{ 이므로}$$

$$\square = 4^2 = 16$$

$$(3) a^2 + (\square)a + \frac{25}{16} = a^2 + (\square)a + \left(\pm \frac{5}{4}\right)^2 \text{ 이므로}$$

$$\square = 2 \times 1 \times \left(\pm \frac{5}{4}\right) = \pm \frac{5}{2}$$

다른 풀이

$$\left(\frac{\square}{2}\right)^2 = \frac{25}{16} = \left(\pm \frac{5}{4}\right)^2 \text{ 이므로}$$

$$\square = \left(\pm \frac{5}{4}\right) \times 2 = \pm \frac{5}{2}$$

$$(4) 4x^2 + (\square)xy + 16y^2 = (2x)^2 + (\square)xy + (\pm 4y)^2 \text{ 이므로}$$

$$\square = 2 \times 2 \times (\pm 4) = \pm 16$$

$$3 \quad (4) -9a^2 + \frac{1}{16}b^2 = \frac{1}{16}b^2 - 9a^2 = \left(\frac{1}{4}b + 3a\right)\left(\frac{1}{4}b - 3a\right)$$

$$(5) (a+b)x^2 - (a+b)y^2 = (a+b)(x^2 - y^2) = (a+b)(x+y)(x-y)$$

$$(6) 4x^3 - 64xy^2 = 4x(x^2 - 16y^2) = 4x(x+4y)(x-4y)$$

$$4 \quad (5) 3x^2 + 18x + 24 = 3(x^2 + 6x + 8) = 3(x+2)(x+4)$$

$$(6) 2x^2y^2 - 8xy^2 - 10y^2 = 2y^2(x^2 - 4x - 5) = 2y^2(x+1)(x-5)$$

$$5 \quad (5) 4x^2 + 10x + 6 = 2(2x^2 + 5x + 3) = 2(x+1)(2x+3)$$

$$(6) 2x^3y - 9x^2y - 5xy = xy(2x^2 - 9x - 5) = xy(x-5)(2x+1)$$

STEP

1

步步 개념 익히기

P. 88~89

$$1 \quad \neg, \lrcorner, \exists \quad 2 \quad -30, 30 \quad 3 \quad 45 \quad 4 \quad ②$$

$$5 \quad -3 \quad 6 \quad x-2 \quad 7 \quad ② \quad 8 \quad 4x+8$$

$$9 \quad (x-4)(x-5) \quad 10 \quad (x+4)(2x-1)$$

$$1 \quad \neg. x^2 + 4x + 4 = (x+2)^2$$

$$\lrcorner. 4x^2 - 12xy + 9y^2 = (2x-3y)^2$$

$$\exists. x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{16} = \left(x - \frac{1}{4}\right)^2$$

따라서 완전제곱식으로 인수분해되는 것은  $\neg, \lrcorner, \exists$ 이다.

$$2 \quad 25x^2 + Axy + 9y^2 = (5x)^2 + Axy + (\pm 3y)^2 \text{ 이므로}$$

$$A = 2 \times 5 \times (\pm 3) = \pm 30$$

$$3 \quad 27x^2 - 75y^2 = 3(9x^2 - 25y^2)$$

$$= 3(3x+5y)(3x-5y)$$

따라서  $a=3, b=3, c=5$  이므로

$$abc = 3 \times 3 \times 5 = 45$$

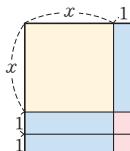
4  $x^2 - 9x - 36 = (x+3)(x-12)$   
 따라서 두 일차식은  $x+3, x-12$ 이므로  
 $(x+3) + (x-12) = 2x - 9$

5  $6x^2 + ax - 12 = (2x+3)(3x+b)$   
 $= 6x^2 + (2b+9)x + 3b$   
 이므로  $a = 2b+9, -12 = 3b$   
 따라서  $b = -4, a = 2 \times (-4) + 9 = 1$ 이므로  
 $a+b = 1 + (-4) = -3$

6  $x^2 - 5x + 6 = (x-2)(x-3)$   
 $2x^2 - 3x - 2 = (x-2)(2x+1)$   
 따라서 두 다항식의 일차 이상의 공통인 인수는  $x-2$ 이다.

7  $x^2 + ax + 24$ 의 다른 한 인수를  $x+m$  ( $m$ 은 상수)으로 놓으면  
 $x^2 + ax + 24 = (x-4)(x+m)$   
 $= x^2 + (-4+m)x - 4m$   
 이므로  $a = -4+m, 24 = -4m$   
 $\therefore m = -6, a = -4 + (-6) = -10$

8 새로 만든 직사각형의 넓이는 주어진 8개의  
 직사각형의 넓이의 합과 같으므로  
 $x^2 + 4x + 3 = (x+1)(x+3)$   
 따라서 새로 만든 직사각형의 이웃하는 두  
 변의 길이는 각각  $x+1, x+3$ 이므로 새로  
 만든 직사각형의 둘레의 길이는  
 $2 \times \{(x+1) + (x+3)\} = 2(2x+4) = 4x+8$



9 민주는 상수항을 바르게 보았으므로  
 $(x+4)(x+5) = x^2 + 9x + 20$   
 에서 처음 이차식의 상수항은 20이다.  
 승훈이는  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로  
 $(x+1)(x-10) = x^2 - 9x - 10$   
 에서 처음 이차식의  $x$ 의 계수는  $-9$ 이다.  
 따라서 처음 이차식은  $x^2 - 9x + 20$ 이므로 이 식을 바르게 인  
 수분해하면  
 $x^2 - 9x + 20 = (x-4)(x-5)$

10 희수는  $x^2$ 의 계수와 상수항을 바르게 보았으므로  
 $2(x-1)(x+2) = 2x^2 + 2x - 4$   
 에서 처음 이차식의  $x^2$ 의 계수는 2, 상수항은  $-4$ 이다.  
 수진이는  $x^2$ 의 계수와  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로  
 $(2x+5)(x+1) = 2x^2 + 7x + 5$   
 에서 처음 이차식의  $x^2$ 의 계수는 2,  $x$ 의 계수는 7이다.  
 따라서 처음 이차식은  $2x^2 + 7x - 4$ 이므로 이 식을 바르게 인  
 수분해하면  
 $2x^2 + 7x - 4 = (x+4)(2x-1)$

## 02 인수분해 공식의 응용

P. 90

### 1회당 확인

- (1) 36, 4, 100  
 (2) 14, 20, 400  
 (3) 17, 17, 6, 240

### 필수 문제 1

(1)  $37 \times 52 + 37 \times 48 = 37(52+48)$   
 $= 37 \times 100 = 3700$   
 (2)  $49^2 + 2 \times 49 + 1 = 49^2 + 2 \times 49 \times 1 + 1^2$   
 $= (49+1)^2$   
 $= 50^2 = 2500$   
 (3)  $102^2 - 98^2 = (102+98)(102-98)$   
 $= 200 \times 4 = 800$

### 1-1

(1)  $9100$  (2)  $4900$  (3)  $36000$   
 (1)  $91 \times 119 - 91 \times 19 = 91(119-19)$   
 $= 91 \times 100 = 9100$   
 (2)  $72^2 - 4 \times 72 + 4 = 72^2 - 2 \times 72 \times 2 + 2^2$   
 $= (72-2)^2$   
 $= 70^2 = 4900$   
 (3)  $12 \times 65^2 - 12 \times 35^2 = 12(65^2 - 35^2)$   
 $= 12(65+35)(65-35)$   
 $= 12 \times 100 \times 30 = 36000$

### 필수 문제 2

(1)  $x^2 - 5x + 4 = (x-1)(x-4)$   
 $= (\sqrt{2}+1-1)(\sqrt{2}+1-4)$   
 $= \sqrt{2}(\sqrt{2}-3)$   
 $= 2-3\sqrt{2}$   
 (2)  $x^2 - 2xy + y^2 = (x-y)^2$   
 $= \{(\sqrt{3}+\sqrt{5}) - (\sqrt{3}-\sqrt{5})\}^2$   
 $= (2\sqrt{5})^2 = 20$

### 2-1

(1)  $-8\sqrt{7}$  (2)  $40$   
 (1)  $x^2 - y^2 = (x+y)(x-y)$   
 $= (\sqrt{7}-2+\sqrt{7}+2)\{(\sqrt{7}-2)-(\sqrt{7}+2)\}$   
 $= 2\sqrt{7} \times (-4) = -8\sqrt{7}$   
 (2)  $x = \frac{1}{\sqrt{10}-3} = \frac{\sqrt{10}+3}{(\sqrt{10}-3)(\sqrt{10}+3)} = \sqrt{10}+3$   
 $y = \frac{1}{\sqrt{10}+3} = \frac{\sqrt{10}-3}{(\sqrt{10}+3)(\sqrt{10}-3)} = \sqrt{10}-3$   
 $\therefore x^2 + 2xy + y^2 = (x+y)^2$   
 $= (\sqrt{10}+3+\sqrt{10}-3)^2$   
 $= (2\sqrt{10})^2 = 40$

## 개념 확인

- (1) 2, 4, 5  
 (2)  $(x-1)(y+2)$   
 (3)  $(x+y+1)(x-y-1)$   
 (4)  $(x-2)(x+y+3)$

(1)  $x+3=A$ 로 놓으면

$$\begin{aligned}(x+3)^2 + 3(x+3) + 2 &= A^2 + 3A + 2 \\&= (A+1)(A+\boxed{2}) \\&= (x+3+1)(x+3+2) \\&= (x+\boxed{4})(x+\boxed{5})\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2) xy+2x-y-2 &= (xy-y)+(2x-2) \\&= y(x-1)+2(x-1) \\&= (x-1)(y+2)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(3) x^2-y^2-2y-1 &= x^2-(y^2+2y+1) \\&= x^2-(y+1)^2 \\&= (x+y+1)(x-y-1)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(4) x^2+xy+x-2y-6 &= (x-2)y+(x^2+x-6) \\&= (x-2)y+(x-2)(x+3) \\&= (x-2)(y+x+3) \\&= (x-2)(x+y+3)\end{aligned}$$

## 필수 문제 3

- (1)  $(a+b-1)^2$   
 (2)  $(2x-y-5)(2x-y+6)$   
 (3)  $(a+b-2)(a-b)$   
 (4)  $(3x+y-1)^2$

(1)  $a+b=A$ 로 놓으면

$$\begin{aligned}(a+b)^2 - 2(a+b) + 1 &= A^2 - 2A + 1 \\&= (A-1)^2 \\&= (a+b-1)^2\end{aligned}$$

(2)  $2x-y=A$ 로 놓으면

$$\begin{aligned}(2x-y+1)(2x-y)-30 &= (A+1)A-30 \\&= A^2+A-30 \\&= (A-5)(A+6) \\&= (2x-y-5)(2x-y+6)\end{aligned}$$

(3)  $a-1=A$ ,  $b-1=B$ 로 놓으면

$$\begin{aligned}(a-1)^2 - (b-1)^2 &= A^2 - B^2 \\&= (A+B)(A-B) \\&= \{(a-1)+(b-1)\}\{(a-1)-(b-1)\} \\&= (a+b-2)(a-b)\end{aligned}$$

(4)  $3x+1=A$ ,  $y-2=B$ 로 놓으면

$$\begin{aligned}(3x+1)^2 + 2(3x+1)(y-2) + (y-2)^2 &= A^2 + 2AB + B^2 \\&= (A+B)^2 \\&= \{(3x+1)+(y-2)\}^2 \\&= (3x+y-1)^2\end{aligned}$$

## 3-1

- (1)  $x(x-8)$

(2)  $(x-3y+2)(x-3y-9)$

(3)  $(x+y-1)(x-y+5)$

(4)  $-2(x+4y)(3x-2y)$

(1)  $x-2=A$ 로 놓으면

$$\begin{aligned}(x-2)^2 - 4(x-2) - 12 &= A^2 - 4A - 12 \\&= (A+2)(A-6) \\&= (x-2+2)(x-2-6) \\&= x(x-8)\end{aligned}$$

(2)  $x-3y=A$ 로 놓으면

$$\begin{aligned}(x-3y)(x-3y-7) - 18 &= A(A-7) - 18 \\&= A^2 - 7A - 18 \\&= (A+2)(A-9) \\&= (x-3y+2)(x-3y-9)\end{aligned}$$

(3)  $x+2=A$ ,  $y-3=B$ 로 놓으면

$$\begin{aligned}(x+2)^2 - (y-3)^2 &= A^2 - B^2 \\&= (A+B)(A-B) \\&= \{(x+2)+(y-3)\}\{(x+2)-(y-3)\} \\&= (x+y-1)(x-y+5)\end{aligned}$$

(4)  $x-2y=A$ ,  $x+2y=B$ 로 놓으면

$$\begin{aligned}2(x-2y)^2 - 5(x-2y)(x+2y) - 3(x+2y)^2 &= 2A^2 - 5AB - 3B^2 \\&= (A-3B)(2A+B) \\&= \{(x-2y)-3(x+2y)\}\{2(x-2y)+(x+2y)\} \\&= (-2x-8y)(3x-2y) \\&= -2(x+4y)(3x-2y)\end{aligned}$$

## 필수 문제 4

- (1)  $(x-1)(y-1)$

(2)  $(x+2)(x-2)(y-2)$

(3)  $(x+y-3)(x-y-3)$

(4)  $(x-2y+1)(-x+2y+1)$

(1)  $xy-x-y+1=x(y-1)-(y-1)$

$$= (x-1)(y-1)$$

(2)  $x^2y-2x^2-4y+8=x^2(y-2)-4(y-2)$

$$= (x^2-4)(y-2)$$

$$= (x+2)(x-2)(y-2)$$

(3)  $x^2-y^2-6x+9=(x^2-6x+9)-y^2$

$$= (x-3)^2 - y^2$$

$$= (x-3+y)(x-3-y)$$

$$= (x+y-3)(x-y-3)$$

(4)  $1-x^2+4xy-4y^2=1-(x^2-4xy+4y^2)$

$$= 1^2 - (x-2y)^2$$

$$= (1+x-2y)\{1-(x-2y)\}$$

$$= (1+x-2y)(1-x+2y)$$

$$= (x-2y+1)(-x+2y+1)$$



5  $5x-1=A$ 로 놓으면  
 $2(5x-1)^2+7(5x-1)+6$   
 $=2A^2+7A+6$   
 $=(A+2)(2A+3)$   
 $=\{(5x-1)+2\}\{2(5x-1)+3\}$   
 $=(5x+1)(10x+1)$   
 따라서  $a=1, b=10$ 이므로  
 $a+b=1+10=11$

6  $a^2-a+2b-4b^2=a^2-4b^2-a+2b$   
 $=a^2-(2b)^2-(a-2b)$   
 $=(a+2b)(a-2b)-(a-2b)$   
 $=(a-2b)(a+2b-1)$   
 $ab^2-4a-2b^3+8b=a(b^2-4)-2b(b^2-4)$   
 $=(a-2b)(b^2-4)$   
 $=(a-2b)(b+2)(b-2)$   
 따라서 두 다항식의 공통인 인수는 ④  $a-2b$ 이다.

7  $x^2-y^2-2x+1=(x^2-2x+1)-y^2$   
 $=(x-1)^2-y^2$   
 $=(x+y-1)(x-y-1)$   
 따라서  $a=1, b=1, c=-1$ 이므로  
 $a+b+c=1+1+(-1)=1$

8  $x^2-y^2-8x+14y-33=x^2-8x-(y^2-14y+33)$   
 $=x^2-8x-(y-3)(y-11)$   
 $=(x-y+3)(x+y-11)$   
 따라서 두 일차식은  $x-y+3, x+y-11$ 이므로  
 $(x-y+3)+(x+y-11)=2x-8$

9 (도형 A의 넓이)  $=(2x+5)^2-4^2$   
 $=(2x+5+4)(2x+5-4)$   
 $=(2x+9)(2x+1)$   
 이때 두 도형 A, B의 넓이가 서로 같고, 도형 B의 세로의 길이가  $2x+1$ 이므로 도형 B의 가로의 길이는  $2x+9$ 이다.

STEP  
2 단단 단원 대자기

- |                          |      |       |                |           |
|--------------------------|------|-------|----------------|-----------|
| 1 ③                      | 2 ③  | 3 ④   | 4 ③            | 5 ⑤       |
| 6 $a^2(a^2+1)(a+1)(a-1)$ | 7 ②  | 8 ④   |                |           |
| 9 ①                      | 10 ⑤ | 11 ②  | 12 -20         | 13 $3x+4$ |
| 14 ①                     | 15 ④ | 16 ①  | 17 ⑤           | 18 ②      |
| 19 ②                     | 20 ④ | 21 24 | 22 $a(a+b)\pi$ |           |

P. 95~97

1  $xy^2-3xy=xy(y-3)$   
 따라서 인수가 아닌 것은 ③  $x-3$ 이다.

2  $x(y-2)-2y+4=x(y-2)-2(y-2)$   
 $=(x-2)(y-2)$

3 ①  $x^2+14x+49=(x+7)^2$   
 ②  $1+2y+y^2=(1+y)^2$   
 ③  $\frac{1}{4}x^2+x+1=\left(\frac{1}{2}x+1\right)^2$   
 ⑤  $9x^2-30x+25=(3x-5)^2$   
 따라서 완전제곱식으로 인수분해할 수 없는 것은 ④이다.

4 ①  $\square x^2+4x+1=\square x^2+2 \times 2x \times 1+1^2$ 이므로  
 $\square=2^2=4$

②  $x^2-x+\square=x^2-2 \times x \times \frac{1}{2}+\square$ 이므로  
 $\square=\left(\frac{1}{2}\right)^2=\frac{1}{4}$

③  $x^2+\frac{2}{5}x+\square=x^2+2 \times x \times \frac{1}{5}+\square$ 이므로  
 $\square=\left(\frac{1}{5}\right)^2=\frac{1}{25}$

④  $9x^2+\square x+1=(3x)^2+\square x+(\pm 1)^2$ 이므로  
 $\square=2 \times 3 \times (\pm 1)=\pm 6$   
 이때  $\square$  안의 수는 양수이므로  $\square=6$

⑤  $x^2+\square xy+\frac{1}{9}y^2=x^2+\square xy+\left(\pm \frac{1}{3}y\right)^2$ 이므로  
 $\square=2 \times 1 \times \left(\pm \frac{1}{3}\right)=\pm \frac{2}{3}$   
 이때  $\square$  안의 수는 양수이므로  $\square=\frac{2}{3}$   
 따라서  $\square$  안에 알맞은 양수가 가장 작은 것은 ③이다.

5  $1 < x < 5$ 일 때,  $x-5 < 0, x-1 > 0$ 이므로  
 $\sqrt{x^2-10x+25}+\sqrt{x^2-2x+1}=\sqrt{(x-5)^2}+\sqrt{(x-1)^2}$   
 $=-(x-5)+(x-1)$   
 $=-x+5+x-1=4$

6  $a^6-a^2=a^2(a^4-1)$   
 $=a^2(a^2+1)(a^2-1)$   
 $=a^2(a^2+1)(a+1)(a-1)$

7  $(x-4)(x+2)+4x=x^2-2x-8+4x$   
 $=x^2+2x-8$   
 $=(x-2)(x+4)$

8  $x^2+Ax-10=(x+a)(x+b)=x^2+(a+b)x+ab$ 에서  
 $A=a+b, ab=-10$   
 이때  $ab=-10$ 을 만족시키는 정수  $a, b$ 의 순서쌍 ( $a, b$ )는  
 $(-10, 1), (-5, 2), (-2, 5), (-1, 10),$   
 $(1, -10), (2, -5), (5, -2), (10, -1)$   
 따라서  $A(=a+b)$ 의 값이 될 수 있는 수는  $-9, -3, 3, 9$ 이다.

9  $6x^2 - 13x + 5 = (2x-1)(3x-5)$

따라서 두 일차식은  $2x-1$ ,  $3x-5$ 이므로  
 $(2x-1) + (3x-5) = 5x-6$

10 ①  $-2x^2 + 6x = -2x(x-3)$

②  $9x^2 - 169 = (3x+13)(3x-13)$

③  $x^2 - xy - 56y^2 = (x+7y)(x-8y)$

④  $7x^2 + 18x - 9 = (x+3)(7x-3)$

⑤  $16x^2 - 4xy - 6y^2 = 2(8x^2 - 2xy - 3y^2)$   
 $= 2(2x+y)(4x-3y)$

따라서 인수분해한 것이 옳은 것은 ⑤이다.

11  $x^2 + 4x - 5 = (x+5)(x-1)$

$2x^2 + x - 3 = (x-1)(2x+3)$

따라서 두 다항식의 공통인 인수는  $x-1$ 이다.

12  $x^2 - 4x + a$ 의 다른 한 인수를  $x+m$  ( $m$ 은 상수)으로 놓으면

$$\begin{aligned} x^2 - 4x + a &= (x+3)(x+m) \\ &= x^2 + (3+m)x + 3m \end{aligned}$$

이므로  $-4 = 3+m$ ,  $a = 3m$

$$\therefore m = -7, a = 3 \times (-7) = -21$$

또  $2x^2 + bx - 15$ 의 다른 한 인수를  $2x+n$  ( $n$ 은 상수)으로 놓으면

$$\begin{aligned} 2x^2 + bx - 15 &= (x+3)(2x+n) \\ &= 2x^2 + (n+6)x + 3n \end{aligned}$$

이므로  $b = n+6$ ,  $-15 = 3n$

$$\therefore n = -5, b = -5+6 = 1$$

$$\therefore a+b = -21+1 = -20$$

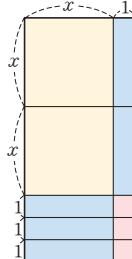
13 새로 만든 직사각형의 넓이는 주어진 10개

의 직사각형의 넓이의 합과 같으므로

$$2x^2 + 5x + 3 = (x+1)(2x+3)$$

따라서 새로 만든 직사각형의 이웃하는 두 변의 길이는 각각  $x+1$ ,  $2x+3$ 이므로 가로의 길이와 세로의 길이의 합은

$$(x+1) + (2x+3) = 3x+4$$



14  $\sqrt{75^2 + 75 \times 50 + 25^2}$

$$= \sqrt{75^2 + 2 \times 75 \times 25 + 25^2}$$

$$= \sqrt{(75+25)^2} \quad \leftarrow a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2 \text{ 이용}$$

$$= \sqrt{100^2} = 100$$

따라서 주어진 수를 계산할 때, 이용하면 가장 편리한 인수분해 공식은 ①이다.

15  $\frac{101^2 - 2 \times 101 + 1}{55^2 - 45^2} = \frac{(101-1)^2}{(55+45)(55-45)}$

$$= \frac{100^2}{100 \times 10} = 10$$

16  $1^2 - 2^2 + 3^2 - 4^2 + 5^2 - 6^2 + 7^2 - 8^2$

$$= (1^2 - 2^2) + (3^2 - 4^2) + (5^2 - 6^2) + (7^2 - 8^2)$$

$$= (1+2)(1-2) + (3+4)(3-4) + (5+6)(5-6)$$

$$+ (7+8)(7-8)$$

$$= -3 - 7 - 11 - 15 = -36$$

17  $\frac{x^2 - y^2}{xy} = \frac{(x+y)(x-y)}{xy}$

$$= \frac{(3\sqrt{2}+4+3\sqrt{2}-4)\{(3\sqrt{2}+4)-(3\sqrt{2}-4)\}}{(3\sqrt{2}+4)(3\sqrt{2}-4)}$$

$$= \frac{6\sqrt{2} \times 8}{2} = 24\sqrt{2}$$

18  $2x-y=A$ 로 놓으면

$$(2x-y)^2 - (2x-y-4) - 6 = A^2 - (A-4) - 6$$

$$= A^2 - A - 2$$

$$= (A+1)(A-2)$$

$$= (2x-y+1)(2x-y-2)$$

따라서  $a=1$ ,  $b=-2$  또는  $a=-2$ ,  $b=1$ 이므로

$$a+b=1+(-2)=-1$$

19  $x^2 - 4xy - 16 + 4y^2 = (x^2 - 4xy + 4y^2) - 16$

$$= (x-2y)^2 - 4^2$$

$$= (x-2y+4)(x-2y-4)$$

따라서 두 일차식은  $x-2y+4$ ,  $x-2y-4$ 이므로

$$(x-2y+4) + (x-2y-4) = 2x-4y$$

20  $1 < \sqrt{3} < 2$ 이므로  $x = \sqrt{3} - 1$

$x+4 = A$ 로 놓으면

$$(x+4)^2 - 6(x+4) + 9 = A^2 - 6A + 9$$

$$= (A-3)^2$$

$$= (x+4-3)^2$$

$$= (x+1)^2$$

$$= (\sqrt{3}-1+1)^2$$

$$= (\sqrt{3})^2 = 3$$

21  $x^2 - y^2 + 3x - 3y = (x^2 - y^2) + 3(x-y)$

$$= (x+y)(x-y) + 3(x-y)$$

$$= (x-y)(x+y+3)$$

$$= 4 \times (3+3) = 24$$

22 (색칠한 부분의 넓이)

$$= \frac{1}{2}\pi(a+b)^2 + \frac{1}{2}\pi a^2 - \frac{1}{2}\pi b^2$$

$$= \frac{1}{2}\pi\{(a+b)^2 + a^2 - b^2\}$$

$$= \frac{1}{2}\pi\{(a+b)^2 + (a+b)(a-b)\}$$

$$= \frac{1}{2}\pi(a+b)(a+b+a-b)$$

$$= a(a+b)\pi$$

〈과정은 풀이 참조〉

유제 1 11

유제 2  $64\sqrt{2}$ 

연습해 보자

1 4

2 (1)  $A=2$ ,  $B=-24$  (2)  $(x-4)(x+6)$ 3  $5x+3$ 

4 800

파라 해보자

유제 1 ① 단계  $x^2 + (3-k)x + 16$ 

$$= x^2 + (3-k)x + (\pm 4)^2$$

이므로 주어진 식이 완전제곱식이 되려면

$$3-k = 2 \times 1 \times (\pm 4) = \pm 8$$

② 단계  $3-k=8$ 에서  $k=3-8=-5$  $3-k=-8$ 에서  $k=3+8=11$ ③ 단계 이때  $k$ 는 자연수이므로  $k=11$ 

## 채점 기준

1단계	완전제곱식이 되기 위한 상수 $k$ 의 조건 구하기	… 60 %
2단계	상수 $k$ 의 값 모두 구하기	… 30 %
3단계	자연수 $k$ 의 값 구하기	… 10 %

유제 2 ① 단계  $x = \frac{2}{1+\sqrt{2}} = \frac{2(1-\sqrt{2})}{(1+\sqrt{2})(1-\sqrt{2})} = -2+2\sqrt{2}$ 

$$y = \frac{2}{1-\sqrt{2}} = \frac{2(1+\sqrt{2})}{(1-\sqrt{2})(1+\sqrt{2})} = -2-2\sqrt{2}$$

② 단계  $\therefore x^3y - xy^3$ 

$$= xy(x^2 - y^2)$$

$$= xy(x+y)(x-y)$$

$$= (-2+2\sqrt{2})(-2-2\sqrt{2})$$

$$\times \{(-2+2\sqrt{2}) + (-2-2\sqrt{2})\}$$

$$\times \{(-2+2\sqrt{2}) - (-2-2\sqrt{2})\}$$

$$= -4 \times (-4) \times 4\sqrt{2} = 64\sqrt{2}$$

## 채점 기준

1단계	$x$ , $y$ 의 분모를 각각 유리화하기	… 40 %
2단계	$x^3y - xy^3$ 의 값 구하기	… 60 %

연습해 보자

1 ① 단계  $5x^2 - 3x + a = (x+b)(cx+2)$ 

$$= cx^2 + (2+bc)x + 2b$$

② 단계 즉,  $5=c$ ,  $-3=2+bc$ ,  $a=2b$ 으로

$$-3=2+bc$$
에서  $-3=2+5b$

$$5b=-5 \quad \therefore b=-1$$

$$a=2b$$
에서  $a=2 \times (-1)=-2$

③ 단계  $\therefore a-b+c=-2-(-1)+5=4$ 

채점 기준		
1단계	인수분해한 결과를 전개하기	… 30 %
2단계	$a$ , $b$ , $c$ 의 값 각각 구하기	… 50 %
3단계	$a-b+c$ 의 값 구하기	… 20 %

2 ① 단계 민이는 상수항을 바르게 보았으므로

$$(x-3)(x+8)=x^2+5x-24$$

에서 처음 이차식의 상수항은  $-24$ 이다.

$$\therefore B=-24$$

② 단계 혜나는  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로

$$(x-10)(x+12)=x^2+2x-120$$

에서 처음 이차식의  $x$ 의 계수는  $2$ 이다.

$$\therefore A=2$$

$$(2) ③ 단계 x^2+2x-24=(x-4)(x+6)$$

채점 기준		
1단계	$B$ 의 값 구하기	… 30 %
2단계	$A$ 의 값 구하기	… 30 %
3단계	$x^2+Ax+B$ 를 바르게 인수분해하기	… 40 %

3 ① 단계 사다리꼴의 넓이가  $5x^2+23x+12$ 이므로

$$\frac{1}{2} \times \{(x+3)+(x+5)\} \times (\text{높이}) = 5x^2+23x+12$$

$$(x+4) \times (\text{높이}) = (x+4)(5x+3)$$

따라서 사다리꼴의 높이는  $5x+3$ 이다.

채점 기준		
1단계	사다리꼴의 넓이를 이용하여 식 세우기	… 40 %
2단계	사다리꼴의 높이 구하기	… 60 %

4 ① 단계  $A=11 \times 8,5^2 - 11 \times 1,5^2$ 

$$= 11(8,5^2 - 1,5^2)$$

$$= 11(8,5+1,5)(8,5-1,5)$$

$$= 11 \times 10 \times 7 = 770$$

$$(2) ② 단계 B=\sqrt{28^2+4 \times 28+4}$$

$$=\sqrt{28^2+2 \times 28 \times 2+2^2}$$

$$=\sqrt{(28+2)^2}$$

$$=\sqrt{30^2}=30$$

$$(3) ③ 단계 \therefore A+B=770+30=800$$

채점 기준		
1단계	인수분해 공식을 이용하여 $A$ 의 값 구하기	… 40 %
2단계	인수분해 공식을 이용하여 $B$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	$A+B$ 의 값 구하기	… 20 %

## 01

## 이차방정식과 그 해

P. 104

## 필수 문제 1 (1) × (2) ○ (3) × (4) × (5) ○ (6) ○

- (1)  $4x+1=0 \Leftrightarrow$  일차방정식  
 (2)  $x^2=0 \Leftrightarrow$  이차방정식  
 (3)  $2x^2-3x+5 \Leftrightarrow$  등식이 아니므로 이차방정식이 아니다.  
 (4)  $x^2-x=(x-1)(x+1)$ 에서  $x^2-x=x^2-1$   
 $\therefore -x+1=0 \Leftrightarrow$  일차방정식  
 (5)  $x^3-3x^2+4=x^3-6$ 에서  $-3x^2+10=0$   
 $\Rightarrow$  이차방정식  
 (6)  $(x-1)^2=-x^2-1$ 에서  $x^2-2x+1=-x^2-1$   
 $\therefore 2x^2-2x+2=0 \Leftrightarrow$  이차방정식

## 1-1 ㄱ, ㄹ, ㅂ

- ㄱ.  $x(x-4)=0$ 에서  $x^2-4x=0 \Leftrightarrow$  이차방정식  
 ㄴ.  $x-2x^2 \Leftrightarrow$  등식이 아니므로 이차방정식이 아니다.  
 ㄷ.  $x^2+4=(x-2)^2$ 에서  $x^2+4=x^2-4x+4$   
 $\therefore 4x=0 \Leftrightarrow$  일차방정식  
 ㄹ.  $\frac{x(x-3)}{3}=20$ 에서  $\frac{1}{3}x^2-x=20$   
 $\therefore \frac{1}{3}x^2-x-20=0 \Leftrightarrow$  이차방정식  
 ㅁ.  $-x^2+5x-2=1-x^2$ 에서  $5x-3=0$   
 $\Leftrightarrow$  일차방정식  
 ㅂ.  $2(x+1)^2=-3x^2-5$ 에서  $2x^2+4x+2=-3x^2-5$   
 $\therefore 5x^2+4x+7=0 \Leftrightarrow$  이차방정식  
 따라서  $x$ 에 대한 이차방정식은 ㄱ, ㄹ, ㅂ이다.

1-2  $a \neq 3$ 

- $3x(x-5)=ax^2-5$ 에서  
 $3x^2-15x=ax^2-5, (3-a)x^2-15x+5=0$   
 이때  $x^2$ 의 계수가 0이 아니어야 하므로  
 $3-a \neq 0 \quad \therefore a \neq 3$

P. 105

## 개념 확인

- (1) 풀이 참조 (2) -1, 2

(1)	$x$ 의 값	좌변	우변	참. 거짓
	-2	$(-2)^2-(-2)-2=4$	0	거짓
	-1	$(-1)^2-(-1)-2=0$	0	참
	0	$0^2-0-2=-2$	0	거짓
	1	$1^2-1-2=-2$	0	거짓
	2	$2^2-2-2=0$	0	참

필수 문제 2  $x=-3$  또는  $x=1$ 

$x=-3$ 일 때,  $(-3)^2+2 \times (-3)-3=0$

$x=-2$ 일 때,  $(-2)^2+2 \times (-2)-3 \neq 0$

$x=-1$ 일 때,  $(-1)^2+2 \times (-1)-3 \neq 0$

$x=0$ 일 때,  $0^2+2 \times 0-3 \neq 0$

$x=1$ 일 때,  $1^2+2 \times 1-3=0$

$x=2$ 일 때,  $2^2+2 \times 2-3 \neq 0$

따라서 주어진 이차방정식의 해는  $x=-3$  또는  $x=1$ 이다.

## 2-1 ㄴ, ㄹ

ㄱ.  $2^2-2 \times 2-8 \neq 0 \quad \therefore 2 \times (2-2)=0$

ㄷ.  $(2+2)(2 \times 2-1) \neq 0 \quad \therefore 3 \times 2^2-12=0$

ㅁ.  $(2 \times 2-1)^2 \neq 4 \times 2 \quad \therefore 2 \times 2^2+2-6 \neq 0$

따라서  $x=2$ 를 해로 갖는 것은 ㄴ, ㄹ이다.

## 필수 문제 3 2

작.  $x^2-7x-4=0$ 에  $x=4$ 를 대입하면

$a \times 4^2-7 \times 4-4=0$

$16a-32=0 \quad \therefore a=2$

## 3-1 5

작.  $x^2+ax-3=0$ 에  $x=-3$ 을 대입하면

$2 \times (-3)^2+a \times (-3)-3=0$

$15-3a=0 \quad \therefore a=5$

## STEP 1 개념 익히기

P. 106

1 ②, ③ 2 ⑤

5 (1) 9 (2) 6 3 ④ 4 -24

6 (1) -3 (2) -4

1 ①  $3x^2=x^2-x+1$ 에서  $2x^2+x-1=0 \Leftrightarrow$  이차방정식②  $x^2+4x+3 \Leftrightarrow$  등식이 아니므로 이차방정식이 아니다.③  $x^2+1=x(x+1)$ 에서  $x^2+1=x^2+x$  $\therefore -x+1=0 \Leftrightarrow$  일차방정식④  $x^2+2x+3=0 \Leftrightarrow$  이차방정식⑤  $3x^3-2x^2+5=3x^3-1$ 에서  $-2x^2+6=0$  $\Leftrightarrow$  이차방정식

따라서 이차방정식이 아닌 것은 ②, ③이다.

2  $ax^2+3=(x-2)(2x+1)$ 에서

$ax^2+3=2x^2-3x-2 \quad \therefore (a-2)x^2+3x+5=0$

이때  $x^2$ 의 계수가 0이 아니어야 하므로

$a-2 \neq 0 \quad \therefore a \neq 2$

- 3** ①  $4^2 - 8 \neq 0$       ②  $(-3)^2 - 3 \times (-3) \neq 0$   
 ③  $2^2 - 2 \times 2 + 4 \neq 0$       ④  $5^2 - 5 - 20 = 0$   
 ⑤  $-(-1)^2 + 3 \times (-1) + 6 \neq 0$

따라서 [ ] 안의 수가 주어진 이차방정식의 해인 것은 ④이다.

- 4**  $x^2 + ax - 3 = 0$ 에  $x=1$ 을 대입하면

$$\begin{aligned} 1^2 + a \times 1 - 3 &= 0 \\ a - 2 &= 0 \quad \therefore a = 2 \\ x^2 + x + b = 0 &\text{에 } x = -4 \text{를 대입하면} \\ (-4)^2 + (-4) + b &= 0 \\ 12 + b &= 0 \quad \therefore b = -12 \\ \therefore ab &= 2 \times (-12) = -24 \end{aligned}$$

- 5**  $x^2 - 6x + 1 = 0$ 에  $x=a$ 를 대입하면

$$\begin{aligned} a^2 - 6a + 1 &= 0 \quad \cdots ① \\ (1) ① \text{에서 } a^2 - 6a &= -1 \text{이므로} \\ a^2 - 6a + 10 &= -1 + 10 = 9 \\ (2) a \neq 0 \text{이므로 } ① \text{의 양변을 } a \text{로 나누면} \\ a - 6 + \frac{1}{a} &= 0 \quad \therefore a + \frac{1}{a} = 6 \end{aligned}$$

- 6**  $x^2 + 4x - 2 = 0$ 에  $x=a$ 를 대입하면

$$\begin{aligned} a^2 + 4a - 2 &= 0 \quad \cdots ① \\ (1) ① \text{에서 } a^2 + 4a &= 2 \text{이므로} \\ a^2 + 4a - 5 &= 2 - 5 = -3 \\ (2) a \neq 0 \text{이므로 } ① \text{의 양변을 } a \text{로 나누면} \\ a + 4 - \frac{2}{a} &= 0 \quad \therefore a - \frac{2}{a} = -4 \end{aligned}$$

## 02 이차방정식의 풀이

P. 107

- 필수 문제 1** (1)  $x=0$  또는  $x=2$

$$(2) x=-3 \text{ 또는 } x=6$$

$$(3) x=-\frac{1}{3} \text{ 또는 } x=4$$

$$(4) x=-\frac{2}{3} \text{ 또는 } x=\frac{3}{2}$$

$$(1) x(x-2)=0 \text{에서 } x=0 \text{ 또는 } x-2=0$$

$$\therefore x=0 \text{ 또는 } x=2$$

$$(2) (x+3)(x-6)=0 \text{에서 } x+3=0 \text{ 또는 } x-6=0$$

$$\therefore x=-3 \text{ 또는 } x=6$$

$$(3) (3x+1)(x-4)=0 \text{에서 } 3x+1=0 \text{ 또는 } x-4=0$$

$$\therefore x=-\frac{1}{3} \text{ 또는 } x=4$$

$$(4) (3x+2)(2x-3)=0 \text{에서 } 3x+2=0 \text{ 또는 } 2x-3=0$$

$$\therefore x=-\frac{2}{3} \text{ 또는 } x=\frac{3}{2}$$

- 1-1** (1)  $x=-4$  또는  $x=-1$       (2)  $x=-2$  또는  $x=5$   
 (3)  $x=\frac{1}{3}$  또는  $x=\frac{1}{2}$       (4)  $x=-\frac{5}{2}$  또는  $x=\frac{1}{3}$

$$(1) (x+4)(x+1)=0 \text{에서 } x+4=0 \text{ 또는 } x+1=0$$

$$\therefore x=-4 \text{ 또는 } x=-1$$

$$(2) (x+2)(x-5)=0 \text{에서 } x+2=0 \text{ 또는 } x-5=0$$

$$\therefore x=-2 \text{ 또는 } x=5$$

$$(3) \left(x-\frac{1}{3}\right)\left(x-\frac{1}{2}\right)=0 \text{에서 } x-\frac{1}{3}=0 \text{ 또는 } x-\frac{1}{2}=0$$

$$\therefore x=\frac{1}{3} \text{ 또는 } x=\frac{1}{2}$$

$$(4) (2x+5)(3x-1)=0 \text{에서 } 2x+5=0 \text{ 또는 } 3x-1=0$$

$$\therefore x=-\frac{5}{2} \text{ 또는 } x=\frac{1}{3}$$

- 필수 문제 2** (1)  $x=0$  또는  $x=1$

$$(2) x=-4 \text{ 또는 } x=2$$

$$(3) x=-\frac{4}{3} \text{ 또는 } x=\frac{3}{2}$$

$$(4) x=-3 \text{ 또는 } x=2$$

$$(1) x^2-x=0 \text{에서 } x(x-1)=0$$

$$\therefore x=0 \text{ 또는 } x=1$$

$$(2) x^2+2x-8=0 \text{에서 } (x+4)(x-2)=0$$

$$\therefore x=-4 \text{ 또는 } x=2$$

$$(3) 6x^2=x+12 \text{에서 } 6x^2-x-12=0$$

$$(3x+4)(2x-3)=0 \quad \therefore x=-\frac{4}{3} \text{ 또는 } x=\frac{3}{2}$$

$$(4) (x+4)(x-3)=-6 \text{에서 } x^2+x-6=0$$

$$(x+3)(x-2)=0 \quad \therefore x=-3 \text{ 또는 } x=2$$

- 2-1** (1)  $x=0$  또는  $x=-5$       (2)  $x=-6$  또는  $x=5$

$$(3) x=-\frac{2}{3} \text{ 또는 } x=3$$

$$(4) x=-1 \text{ 또는 } x=10$$

$$(1) 2x^2+10x=0 \text{에서 } 2x(x+5)=0$$

$$\therefore x=0 \text{ 또는 } x=-5$$

$$(2) x^2+x-30=0 \text{에서 } (x+6)(x-5)=0$$

$$\therefore x=-6 \text{ 또는 } x=5$$

$$(3) 3x^2-7x=6 \text{에서 } 3x^2-7x-6=0$$

$$(3x+2)(x-3)=0 \quad \therefore x=-\frac{2}{3} \text{ 또는 } x=3$$

$$(4) (x-1)(x-8)=18 \text{에서 } x^2-9x-10=0$$

$$(x+1)(x-10)=0 \quad \therefore x=-1 \text{ 또는 } x=10$$

P. 108

- 필수 문제 3** 근, 속

$$\neg. x^2+x-2=0 \text{에서 } (x+2)(x-1)=0$$

$$\therefore x=-2 \text{ 또는 } x=1$$

$$\neg. 3x^2-10x-8=0 \text{에서 } (3x+2)(x-4)=0$$

$$\therefore x=-\frac{2}{3} \text{ 또는 } x=4$$

- .  $x^2 - 16 = 0$ 에서  $(x+4)(x-4) = 0$   
 $\therefore x = -4$  또는  $x = 4$
- ▣.  $36x^2 - 12x + 1 = 0$ 에서  $(6x-1)^2 = 0$   
 $\therefore x = \frac{1}{6}$
- .  $2(x-1)^2 - 8 = 0$ 에서  $2x^2 - 4x - 6 = 0$   
 $x^2 - 2x - 3 = 0, (x+1)(x-3) = 0$   
 $\therefore x = -1$  또는  $x = 3$
- ▣.  $x(x-10) = -25$ 에서  $x^2 - 10x + 25 = 0$   
 $(x-5)^2 = 0 \quad \therefore x = 5$
- 따라서 중근을 갖는 것은 □, ▣이다.

**3-1 ④**

- ①  $x^2 - 4x + 4 = 0$ 에서  $(x-2)^2 = 0$   
 $\therefore x = 2$
- ②  $8x^2 + 8x + 2 = 0$ 에서  $4x^2 + 4x + 1 = 0$   
 $(2x+1)^2 = 0 \quad \therefore x = -\frac{1}{2}$
- ③  $3 - x^2 = 6(x+2)$ 에서  $3 - x^2 = 6x + 12$   
 $x^2 + 6x + 9 = 0, (x+3)^2 = 0$   
 $\therefore x = -3$
- ④  $x^2 - 3x = -5x + 15$ 에서  $x^2 + 2x - 15 = 0$   
 $(x+5)(x-3) = 0 \quad \therefore x = -5$  또는  $x = 3$
- ⑤  $x^2 + \frac{1}{16}x = \frac{1}{2}x$ 에서  $x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{16} = 0$   
 $\left(x - \frac{1}{4}\right)^2 = 0 \quad \therefore x = \frac{1}{4}$
- 따라서 중근을 갖지 않는 것은 ④이다.

**필수 문제 4 (1) 12 (2) ±2**

- (1)  $x^2 + 8x + 4 + a = 0$ 이 중근을 가지므로  
 $4 + a = \left(\frac{8}{2}\right)^2 = 16 \quad \therefore a = 12$
- (2)  $x^2 + ax + 1 = 0$ 이 중근을 가지므로  
 $1 = \left(\frac{a}{2}\right)^2, a^2 = 4 \quad \therefore a = \pm 2$

**4-1 (1)  $a = -4, x = 7$** 

- (2)  $a = 16$ 일 때  $x = -4, a = -16$ 일 때  $x = 4$
- (1)  $x^2 - 14x + 45 - a = 0$ 이 중근을 가지므로  
 $45 - a = \left(\frac{-14}{2}\right)^2 = 49 \quad \therefore a = -4$   
 즉,  $x^2 - 14x + 49 = 0$ 이므로  
 $(x-7)^2 = 0 \quad \therefore x = 7$
- (2)  $2x^2 + ax + 32 = 0, \frac{a}{2}x^2 + x + 16 = 0$ 이 중근을 가지므로  
 $16 = \left(\frac{a}{4}\right)^2, a^2 = 256 \quad \therefore a = \pm 16$   
 (i)  $a = 16$ 일 때,  $x^2 + 8x + 16 = 0$   
 $(x+4)^2 = 0 \quad \therefore x = -4$   
 (ii)  $a = -16$ 일 때,  $x^2 - 8x + 16 = 0$   
 $(x-4)^2 = 0 \quad \therefore x = 4$

**STEP 1 끄읕 개념 익히기**

P. 109

- |        |     |                |
|--------|-----|----------------|
| 1 ⑤    | 2 8 | 3 $a=15, x=-5$ |
| 4 ①, ④ | 5 2 | 6 $x=-6$       |

- 1 주어진 이차방정식의 해를 각각 구하면 다음과 같다.

- ①  $x = -\frac{1}{2}$  또는  $x = 3$       ②  $x = \frac{1}{2}$  또는  $x = 3$   
 ③  $x = -1$  또는  $x = -3$       ④  $x = 1$  또는  $x = -3$   
 ⑤  $x = \frac{1}{2}$  또는  $x = -3$

따라서 해가  $x = \frac{1}{2}$  또는  $x = -3$ 인 것은 ⑤이다.

- 2  $4x^2 - 7x = 15$ 에서  $4x^2 - 7x - 15 = 0$

$$(4x+5)(x-3) = 0 \quad \therefore x = -\frac{5}{4} \text{ 또는 } x = 3$$

이때  $a > b$ 이므로  $a = 3, b = -\frac{5}{4}$   
 $\therefore a - 4b = 3 - 4 \times \left(-\frac{5}{4}\right) = 8$

- 3  $x^2 + 8x + a = 0$ 이  $x = -3$ 을 대입하면

$$(-3)^2 + 8 \times (-3) + a = 0$$
 $-15 + a = 0 \quad \therefore a = 15$ 

즉,  $x^2 + 8x + 15 = 0$ 이므로  $(x+5)(x+3) = 0$   
 $\therefore x = -5$  또는  $x = -3$

따라서 구하는 다른 한 근은  $x = -5$ 이다.

- 4 ①  $x^2 - 4x + 3 = 0$ 에서  $(x-1)(x-3) = 0$

- $\therefore x = 1$  또는  $x = 3$
- ②  $x^2 + 10x + 25 = 0$ 에서  $(x+5)^2 = 0 \quad \therefore x = -5$
- ③  $x^2 + \frac{1}{9}x = \frac{2}{3}x$ 에서  $x^2 - \frac{2}{3}x + \frac{1}{9} = 0$   
 $\left(x - \frac{1}{3}\right)^2 = 0 \quad \therefore x = \frac{1}{3}$
- ④  $x(x-1) = 6$ 에서  $x^2 - x - 6 = 0$   
 $(x+2)(x-3) = 0 \quad \therefore x = -2$  또는  $x = 3$
- ⑤  $-x^2 - 7 = 2x - 6$ 에서  $x^2 + 2x + 1 = 0$   
 $(x+1)^2 = 0 \quad \therefore x = -1$
- 따라서 중근을 갖지 않는 것은 ①, ④이다.

- 5  $x^2 + 3ax + a + 7 = 0$ 이 중근을 가지므로

$$a + 7 = \left(\frac{3a}{2}\right)^2 = \frac{9a^2}{4}$$
 $9a^2 - 4a - 28 = 0, (9a+14)(a-2) = 0$ 
 $\therefore a = -\frac{14}{9}$  또는  $a = 2$   
 이때  $a > 0$ 이므로  $a = 2$

- 6  $2x^2 + 13x + 6 = 0$ 에서  $(x+6)(2x+1) = 0$

$$\therefore x = -6$$
 또는  $x = -\frac{1}{2}$

$x^2 + 2x - 24 = 0$ 에서  $(x+6)(x-4) = 0$   
 $\therefore x = -6$  또는  $x = 4$   
 따라서 두 이차방정식을 동시에 만족시키는 해는  $x = -6$ 이다.

P. 110

**필수 문제 5** (1)  $x = \pm 2\sqrt{2}$       (2)  $x = \pm \frac{5}{3}$

(3)  $x = -3 \pm \sqrt{10}$       (4)  $x = -2$  또는  $x = 4$

(2)  $25 - 9x^2 = 0$ 에서  $9x^2 = 25$

$x^2 = \frac{25}{9} \quad \therefore x = \pm \frac{5}{3}$

(3)  $(x+3)^2 = 10$ 에서  $x+3 = \pm \sqrt{10}$

$\therefore x = -3 \pm \sqrt{10}$

(4)  $2(x-1)^2 = 18$ 에서  $(x-1)^2 = 9$

$x-1 = \pm 3 \quad \therefore x = -2$  또는  $x = 4$

**5-1** (1)  $x = \pm \sqrt{6}$       (2)  $x = \pm \frac{7}{2}$

(3)  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{3}}{2}$

(4)  $x = -\frac{7}{3}$  또는  $x = \frac{1}{3}$

(1)  $x^2 - 6 = 0$ 에서  $x^2 = 6 \quad \therefore x = \pm \sqrt{6}$

(2)  $4x^2 - 49 = 0$ 에서  $4x^2 = 49$

$x^2 = \frac{49}{4} \quad \therefore x = \pm \frac{7}{2}$

(3)  $3 - (2x+1)^2 = 0$ 에서  $(2x+1)^2 = 3$

$2x+1 = \pm \sqrt{3}, 2x = -1 \pm \sqrt{3}$

$\therefore x = \frac{-1 \pm \sqrt{3}}{2}$

(4)  $-9(x+1)^2 + 16 = 0$ 에서  $9(x+1)^2 = 16$

$(x+1)^2 = \frac{16}{9}, x+1 = \pm \frac{4}{3}$

$\therefore x = -\frac{7}{3}$  또는  $x = \frac{1}{3}$

**5-2 3**

$3(x+a)^2 = 15$ 에서  $(x+a)^2 = 5$

$x+a = \pm \sqrt{5} \quad \therefore x = -a \pm \sqrt{5}$

따라서  $-a \pm \sqrt{5} = 2 \pm \sqrt{b}$ 이므로  $a = -2, b = 5$

$\therefore a+b = -2+5 = 3$

P. 111

**개념 확인** (1) 1, 1, 1, 3      (2) 4, 4, 2, 6

**필수 문제 6** (1) 9, 9, 3, 7,  $3 \pm \sqrt{7}$       (2) 1, 1, 1,  $\frac{2}{3}$ ,  $1 \pm \frac{\sqrt{6}}{3}$

**6-1** (1)  $x = 5 \pm 2\sqrt{5}$       (2)  $x = -1 \pm \frac{\sqrt{7}}{2}$

(3)  $x = \frac{4 \pm \sqrt{10}}{3}$

(4)  $x = \frac{-5 \pm \sqrt{33}}{2}$

(1)  $x^2 - 10x + 5 = 0$ 에서  $x^2 - 10x = -5$

$x^2 - 10x + 25 = -5 + 25$

$(x-5)^2 = 20, x-5 = \pm 2\sqrt{5}$

$\therefore x = 5 \pm 2\sqrt{5}$

(2)  $4x^2 + 8x = 3$ 에서  $x^2 + 2x = \frac{3}{4}$

$x^2 + 2x + 1 = \frac{3}{4} + 1$

$(x+1)^2 = \frac{7}{4}, x+1 = \pm \frac{\sqrt{7}}{2}$

$\therefore x = -1 \pm \frac{\sqrt{7}}{2}$

(3)  $x^2 - \frac{8}{3}x + \frac{2}{3} = 0$ 에서  $x^2 - \frac{8}{3}x = -\frac{2}{3}$

$x^2 - \frac{8}{3}x + \frac{16}{9} = -\frac{2}{3} + \frac{16}{9}$

$(x - \frac{4}{3})^2 = \frac{10}{9}, x - \frac{4}{3} = \pm \frac{\sqrt{10}}{3}$

$\therefore x = \frac{4 \pm \sqrt{10}}{3}$

(4)  $3x^2 + 15x - 6 = 0$ 에서  $x^2 + 5x - 2 = 0, x^2 + 5x = 2$

$x^2 + 5x + \frac{25}{4} = 2 + \frac{25}{4}$

$(x + \frac{5}{2})^2 = \frac{33}{4}, x + \frac{5}{2} = \pm \frac{\sqrt{33}}{2}$

$\therefore x = \frac{-5 \pm \sqrt{33}}{2}$

STEP  
**1** 개념 익히기

P. 112

**1** 6      **2** ⑤      **3** 14

**4**  $A=1, B=-1, C=2$       **5** ②

**1**  $2(x+a)^2 = b$ 에서  $(x+a)^2 = \frac{b}{2}$

$x+a = \pm \sqrt{\frac{b}{2}} \quad \therefore x = -a \pm \sqrt{\frac{b}{2}}$

따라서  $-a \pm \sqrt{\frac{b}{2}} = 4 \pm \sqrt{5}$ 이므로  $-a = 4, \frac{b}{2} = 5$

$\therefore a = -4, b = 10$ 이므로

$a+b = -4+10 = 6$

**2** 이차방정식  $(x-5)^2 = 6-2a$ 가 근을 가지려면

$6-2a \geq 0, -2a \geq -6 \quad \therefore a \leq 3$

따라서 정수  $a$ 의 값 중 가장 큰 값은 ⑤ 3이다.

3  $x^2 + 4x - 3 = 0$ 에서  $x^2 + 4x = 3$   
 $x^2 + 4x + 4 = 3 + 4 \quad \therefore (x+2)^2 = 7$   
따라서  $a=2, b=7$ 으로  
 $ab = 2 \times 7 = 14$

5  $x^2 - 14x = k$ 에서  $x^2 - 14x + 49 = k + 49$   
 $(x-7)^2 = k + 49, x-7 = \pm\sqrt{k+49}$   
 $\therefore x = 7 \pm \sqrt{k+49}$   
따라서  $k+49 = 15$ 으로  $k = -34$

P. 113  
**개념 확인**  $a, \left(\frac{b}{2a}\right)^2, \left(\frac{b}{2a}\right)^2, \left(\frac{b}{2a}\right)^2, \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

**필수 문제 7** (1)  $-5, 5, 3, 1, 3, \frac{-5 \pm \sqrt{13}}{6}$   
(2)  $-2, 2, 1, -4, -2 \pm 2\sqrt{2}$

7-1 (1)  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{33}}{2}$  (2)  $x = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{4}$   
(1)  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{1^2 - 4 \times 1 \times (-8)}}{2 \times 1} = \frac{-1 \pm \sqrt{33}}{2}$   
(2)  $x = \frac{-(-1) \pm \sqrt{(-1)^2 - 4 \times (-1)}}{4} = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{4}$

**다른 풀이**

근의 공식에  $a=4, b=-2, c=-1$ 을 대입하면  
 $x = \frac{2 \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \times 4 \times (-1)}}{2 \times 4}$   
 $= \frac{2 \pm \sqrt{20}}{8} = \frac{2 \pm 2\sqrt{5}}{8} = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{4}$

7-2  $a = -3, b = 3$

$$x = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 2 \times a}}{2} = \frac{3 \pm \sqrt{9 - 2a}}{2}$$

따라서  $\frac{3 \pm \sqrt{9 - 2a}}{2} = \frac{b \pm \sqrt{15}}{2}$ 으로

$b = 3, 9 - 2a = 15$   
 $\therefore a = -3, b = 3$

P. 114  
**필수 문제 8** (1)  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{13}}{2}$  (2)  $x = 2$  또는  $x = 3$

(3)  $x = -4$  또는  $x = 2$   
(1)  $(x+1)(x+3) = x(2x+5)$ 에서  
 $x^2 + 4x + 3 = 2x^2 + 5x, x^2 + x - 3 = 0$   
 $\therefore x = \frac{-1 \pm \sqrt{1^2 - 4 \times 1 \times (-3)}}{2 \times 1} = \frac{-1 \pm \sqrt{13}}{2}$

(2)  $0.5x^2 - 2.5x + 3 = 0$ 의 양변에 10을 곱하면  
 $5x^2 - 25x + 30 = 0, x^2 - 5x + 6 = 0$   
 $(x-2)(x-3) = 0$   
 $\therefore x = 2$  또는  $x = 3$   
(3)  $\frac{1}{4}x^2 + \frac{1}{2}x - 2 = 0$ 의 양변에 4를 곱하면  
 $x^2 + 2x - 8 = 0, (x+4)(x-2) = 0$   
 $\therefore x = -4$  또는  $x = 2$

**8-1** (1)  $x = 3 \pm \sqrt{5}$  (2)  $x = -5$  또는  $x = -\frac{1}{3}$   
(3)  $x = \pm\sqrt{11}$   
(1)  $(3x-2)(x-2) = 2x(x-1)$ 에서  
 $3x^2 - 8x + 4 = 2x^2 - 2x, x^2 - 6x + 4 = 0$   
 $\therefore x = -(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 1 \times 4} = 3 \pm \sqrt{5}$   
(2)  $0.6x^2 + 3.2x = -1$ 의 양변에 10을 곱하면  
 $6x^2 + 32x = -10, 6x^2 + 32x + 10 = 0$   
 $3x^2 + 16x + 5 = 0, (x+5)(3x+1) = 0$   
 $\therefore x = -5$  또는  $x = -\frac{1}{3}$   
(3)  $\frac{x^2 - 2}{3} - \frac{x^2 - 1}{2} = -2$ 의 양변에 6을 곱하면  
 $2(x^2 - 2) - 3(x^2 - 1) = -12$   
 $2x^2 - 4 - 3x^2 + 3 = -12, x^2 = 11$   
 $\therefore x = \pm\sqrt{11}$

**필수 문제 9** (1)  $x = -8$  또는  $x = -1$  (2)  $x = 2$  또는  $x = 7$   
(1)  $x+2=A$ 로 놓으면  $A^2 + 5A - 6 = 0$   
 $(A+6)(A-1) = 0 \quad \therefore A = -6$  또는  $A = 1$   
즉,  $x+2 = -6$  또는  $x+2 = 1$   
 $\therefore x = -8$  또는  $x = -1$   
(2)  $(x-3)^2 - 3(x-3) = 4$ 에서  
 $(x-3)^2 - 3(x-3) - 4 = 0$   
 $x-3 = A$ 로 놓으면  $A^2 - 3A - 4 = 0$   
 $(A+1)(A-4) = 0 \quad \therefore A = -1$  또는  $A = 4$   
즉,  $x-3 = -1$  또는  $x-3 = 4$   
 $\therefore x = 2$  또는  $x = 7$

**9-1** (1)  $x = \frac{3}{2}$  또는  $x = 2$  (2)  $x = -2$  또는  $x = 9$   
(1)  $2x+1=A$ 로 놓으면  $A^2 - 9A + 20 = 0$   
 $(A-4)(A-5) = 0 \quad \therefore A = 4$  또는  $A = 5$   
즉,  $2x+1 = 4$  또는  $2x+1 = 5$   
 $\therefore x = \frac{3}{2}$  또는  $x = 2$   
(2)  $(x-2)^2 - 3(x-2) = 28$ 에서  
 $(x-2)^2 - 3(x-2) - 28 = 0$   
 $x-2 = A$ 로 놓으면  $A^2 - 3A - 28 = 0$   
 $(A+4)(A-7) = 0 \quad \therefore A = -4$  또는  $A = 7$   
즉,  $x-2 = -4$  또는  $x-2 = 7$   
 $\therefore x = -2$  또는  $x = 9$



- 1** (1)  $x = \frac{-7 \pm \sqrt{5}}{2}$       (2)  $x = -1 \pm \sqrt{5}$   
     (3)  $x = \frac{-3 \pm \sqrt{29}}{2}$       (4)  $x = -3 \pm \sqrt{13}$   
     (5)  $x = \frac{5 \pm \sqrt{33}}{4}$       (6)  $x = \frac{-4 \pm \sqrt{19}}{3}$
- 2** (1)  $x = \frac{5 \pm \sqrt{17}}{2}$       (2)  $x = \frac{3 \pm \sqrt{21}}{2}$   
     (3)  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{6}}{2}$       (4)  $x = -1$  또는  $x = 4$
- 3** (1)  $x = 1$  또는  $x = 11$       (2)  $x = \frac{-2 \pm \sqrt{10}}{6}$   
     (3)  $x = \frac{-5 \pm \sqrt{29}}{4}$       (4)  $x = 5 \pm \sqrt{34}$
- 4** (1)  $x = \frac{1}{3}$  또는  $x = 3$       (2)  $x = -\frac{4}{3}$  또는  $x = 0$

$$(2) \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x - \frac{1}{12} = 0 \text{의 양변에 } 12 \text{를 곱하면}$$

$$6x^2 + 4x - 1 = 0$$

$$\therefore x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 6 \times (-1)}}{6} = \frac{-2 \pm \sqrt{10}}{6}$$

$$(3) \frac{2}{5}x^2 + x - 0.1 = 0 \text{의 양변에 } 10 \text{을 곱하면}$$

$$4x^2 + 10x - 1 = 0$$

$$\therefore x = \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \times (-1)}}{4} = \frac{-5 \pm \sqrt{29}}{4}$$

$$(4) \frac{(x+1)(x-3)}{2} = \frac{x(x+2)}{3} \text{의 양변에 } 6 \text{를 곱하면}$$

$$3(x+1)(x-3) = 2x(x+2)$$

$$3x^2 - 6x - 9 = 2x^2 + 4x, x^2 - 10x - 9 = 0$$

$$\therefore x = -(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 1 \times (-9)} = 5 \pm \sqrt{34}$$

**4** (1)  $x-1=A$ 로 놓으면  $3A^2 - 4A - 4 = 0$

$$(3A+2)(A-2) = 0 \quad \therefore A = -\frac{2}{3} \text{ 또는 } A = 2$$

즉,  $x-1 = -\frac{2}{3}$  또는  $x-1 = 2$

$$\therefore x = \frac{1}{3} \text{ 또는 } x = 3$$

(2)  $x+1=A$ 로 놓으면  $\frac{1}{2}A^2 - \frac{1}{3}A - \frac{1}{6} = 0$

양변에 6을 곱하면  $3A^2 - 2A - 1 = 0$

$$(3A+1)(A-1) = 0 \quad \therefore A = -\frac{1}{3} \text{ 또는 } A = 1$$

즉,  $x+1 = -\frac{1}{3}$  또는  $x+1 = 1$

$$\therefore x = -\frac{4}{3} \text{ 또는 } x = 0$$

**1** (1)  $x = \frac{-7 \pm \sqrt{7^2 - 4 \times 1 \times 11}}{2 \times 1} = \frac{-7 \pm \sqrt{5}}{2}$   
     (2)  $x = -1 \pm \sqrt{1^2 - 1 \times (-4)} = -1 \pm \sqrt{5}$   
     (3)  $x^2 - 5 = -3x$ 에서  $x^2 + 3x - 5 = 0$   

$$\therefore x = \frac{-3 \pm \sqrt{3^2 - 4 \times 1 \times (-5)}}{2 \times 1} = \frac{-3 \pm \sqrt{29}}{2}$$
  
     (4)  $x^2 + 6x = 4$ 에서  $x^2 + 6x - 4 = 0$   

$$\therefore x = -3 \pm \sqrt{3^2 - 1 \times (-4)} = -3 \pm \sqrt{13}$$
  
     (5)  $x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \times 2 \times (-1)}}{2 \times 2} = \frac{5 \pm \sqrt{33}}{4}$   
     (6)  $x = \frac{-4 \pm \sqrt{4^2 - 3 \times (-1)}}{3} = \frac{-4 \pm \sqrt{19}}{3}$

**2** (1)  $(x-1)(x-4) = 2$ 에서  
 $x^2 - 5x + 4 = 2, x^2 - 5x + 2 = 0$   

$$\therefore x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \times 1 \times 2}}{2 \times 1} = \frac{5 \pm \sqrt{17}}{2}$$
  
     (2)  $x(x+3) = 2x^2 - 3$ 에서  
 $x^2 + 3x = 2x^2 - 3, x^2 - 3x - 3 = 0$   

$$\therefore x = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 4 \times 1 \times (-3)}}{2 \times 1} = \frac{3 \pm \sqrt{21}}{2}$$
  
     (3)  $(x+1)(5x-2) = x^2 - x + 3$ 에서  
 $5x^2 + 3x - 2 = x^2 - x + 3, 4x^2 + 4x - 5 = 0$   

$$\therefore x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \times (-5)}}{4}$$
  

$$= \frac{-2 \pm \sqrt{24}}{4} = \frac{-2 \pm 2\sqrt{6}}{4} = \frac{-1 \pm \sqrt{6}}{2}$$
  
     (4)  $(2x+1)(x-3) = (x-1)^2$ 에서  
 $2x^2 - 5x - 3 = x^2 - 2x + 1, x^2 - 3x - 4 = 0$   

$$(x+1)(x-4) = 0 \quad \therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 4$$

**3** (1)  $0.01x^2 - 0.12x + 0.11 = 0$ 의 양변에 100을 곱하면  
 $x^2 - 12x + 11 = 0, (x-1)(x-11) = 0$   

$$\therefore x = 1 \text{ 또는 } x = 11$$

STEP  
**1** 개념 익히기

**1**  $x = \frac{-(-7) \pm \sqrt{(-7)^2 - 4 \times 2 \times (-2)}}{2 \times 2} = \frac{7 \pm \sqrt{65}}{4}$

이때  $\alpha > \beta$ 므로  $\alpha = \frac{7+\sqrt{65}}{4}, \beta = \frac{7-\sqrt{65}}{4}$

$$\therefore 4\alpha + 8\beta = 4 \times \frac{7+\sqrt{65}}{4} + 8 \times \frac{7-\sqrt{65}}{4}$$

$$= 7 + \sqrt{65} + 2(7 - \sqrt{65}) = 21 - \sqrt{65}$$

**2**  $x = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 3 \times p}}{3} = \frac{2 \pm \sqrt{4-3p}}{3}$

따라서  $\frac{2 \pm \sqrt{4-3p}}{3} = \frac{q \pm \sqrt{13}}{3}$ 으로

$$2 = q, 4 - 3p = 13 \quad \therefore p = -3, q = 2$$

$$\therefore p + q = -3 + 2 = -1$$

3  $\frac{2}{5}x^2 - 0.6x = 0.1$ 의 양변에 10을 곱하면

$$4x^2 - 6x = 1, \quad 4x^2 - 6x - 1 = 0$$

$$\therefore x = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 4 \times (-1)}}{4} = \frac{3 \pm \sqrt{13}}{4}$$

따라서  $a=3, b=13$ 으로  $a+b=3+13=16$

4  $2x-3=A$ 로 놓으면  $A^2=8A+65$

$$A^2 - 8A - 65 = 0, \quad (A+5)(A-13) = 0$$

$\therefore A=-5$  또는  $A=13$

즉,  $2x-3=-5$  또는  $2x-3=13$

$\therefore x=-1$  또는  $x=8$

따라서 두 근의 차는  $8-(-1)=9$

### 필수 문제 2

□, △, ○

□.  $(-3)^2 - 4 \times 1 \times 5 = -11 < 0 \Rightarrow$  근이 없다.

△.  $3^2 - 1 \times 9 = 0 \Rightarrow$  중근

○.  $(-7)^2 - 4 \times 3 \times (-2) = 73 > 0$

$\Rightarrow$  서로 다른 두 근

△.  $2^2 - 2 \times (-3) = 10 > 0 \Rightarrow$  서로 다른 두 근

○.  $(x+3)^2 = 4x+9$ 에서

$$x^2 + 6x + 9 = 4x + 9, \quad x^2 + 2x = 0$$

$$1^2 - 1 \times 0 = 1 > 0 \Rightarrow$$
 서로 다른 두 근

□.  $\frac{1}{3}x^2 - \frac{1}{6}x + \frac{1}{12} = 0$ 의 양변에 12를 곱하면

$$4x^2 - 2x + 1 = 0$$

$$(-1)^2 - 4 \times 1 = -3 < 0 \Rightarrow$$
 근이 없다.

따라서 서로 다른 두 근을 갖는 것은 □, △, ○이다.

### 2-1 ②

①  $(-3)^2 - 4 \times 1 \times 0 = 9 > 0 \Rightarrow$  서로 다른 두 근

②  $(-5)^2 - 4 \times 2 \times 4 = -7 < 0 \Rightarrow$  근이 없다.

③  $3x(x-1) = 2$ 에서

$$3x^2 - 3x = 2, \quad 3x^2 - 3x - 2 = 0$$

$$(-3)^2 - 4 \times 3 \times (-2) = 33 > 0$$

$\Rightarrow$  서로 다른 두 근

④  $(-1)^2 - 5 \times (-1) = 6 > 0 \Rightarrow$  서로 다른 두 근

⑤  $0.4x^2 - 0.4x + 0.1 = 0$ 의 양변에 10을 곱하면

$$4x^2 - 4x + 1 = 0$$

$$(-2)^2 - 4 \times 1 = 0 \Rightarrow$$
 중근

따라서 근이 존재하지 않는 것은 ②이다.

## 03 이차방정식의 활용

P. 117

필수 문제 1 (1)  $x^2 - x - 2 = 0$  (2)  $2x^2 + 14x + 24 = 0$

$$(3) -x^2 + 6x - 9 = 0$$

$$(1) (x+1)(x-2) = 0 \quad \therefore x^2 - x - 2 = 0$$

$$(2) 2(x+3)(x+4) = 0, \quad 2(x^2 + 7x + 12) = 0$$

$$\therefore 2x^2 + 14x + 24 = 0$$

$$(3) -(x-3)^2 = 0, \quad -(x^2 - 6x + 9) = 0$$

$$\therefore -x^2 + 6x - 9 = 0$$

1-1 (1)  $-4x^2 - 4x + 8 = 0$  (2)  $6x^2 - 5x + 1 = 0$

$$(3) 3x^2 + 12x + 12 = 0$$

$$(1) -4(x+2)(x-1) = 0, \quad -4(x^2 + x - 2) = 0$$

$$\therefore -4x^2 - 4x + 8 = 0$$

$$(2) 6\left(x - \frac{1}{2}\right)\left(x - \frac{1}{3}\right) = 0, \quad 6\left(x^2 - \frac{5}{6}x + \frac{1}{6}\right) = 0$$

$$\therefore 6x^2 - 5x + 1 = 0$$

$$(3) 3(x+2)^2 = 0, \quad 3(x^2 + 4x + 4) = 0$$

$$\therefore 3x^2 + 12x + 12 = 0$$

1-2  $a = -2, b = -60$

두 근이  $-5, 6$ 이고  $x^2$ 의 계수가 2인 이차방정식은

$$2(x+5)(x-6) = 0 \quad \therefore 2x^2 - 2x - 60 = 0$$

$$\therefore a = -2, b = -60$$

P. 118

### 개념 확인

	$b^2 - 4ac$ 의 값	근의 개수
(1)	$3^2 - 4 \times 1 \times (-2) = 17$	2
(2)	$(-6)^2 - 4 \times 9 \times 1 = 0$	1
(3)	$(-2)^2 - 4 \times 2 \times 7 = -52$	0

3-1 (1)  $k < 6$  (2)  $k = 6$  (3)  $k > 6$

$x^2 - 2x + k - 5 = 0$ 에서

$$(-1)^2 - 1 \times (k-5) = 6-k$$

$$(1) 6-k > 0 \Rightarrow k < 6$$

$$(2) 6-k = 0 \Rightarrow k = 6$$

### 다른 풀이

$$2k = \left(\frac{-3}{2}\right)^2 = \frac{9}{4} \quad \therefore k = \frac{9}{8}$$

$$(3) 9-8k < 0 \Rightarrow k > \frac{9}{8}$$

3-1 (1)  $k < 6$  (2)  $k = 6$  (3)  $k > 6$

$x^2 - 2x + k - 5 = 0$ 에서

$$(-1)^2 - 1 \times (k-5) = 6-k$$

$$(1) 6-k > 0 \Rightarrow k < 6$$

$$(2) 6-k = 0 \Rightarrow k = 6$$

### 다른 풀이

$$k-5 = \left(\frac{-2}{2}\right)^2 = 1 \quad \therefore k = 6$$

$$(3) 6-k < 0 \Rightarrow k > 6$$

- 1 4      2  $x = -\frac{1}{2}$  또는  $x = \frac{1}{3}$       3 ⑤
- 4  $k \leq \frac{5}{2}$       5  $x = -4$  또는  $x = 2$
- 6  $x = -2$  또는  $x = 14$

1 두 근이  $-\frac{1}{2}$ , 1이고  $x^2$ 의 계수가 4인 이차방정식은

$$4\left(x + \frac{1}{2}\right)(x - 1) = 0, 4\left(x^2 - \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}\right) = 0$$

$$\therefore 4x^2 - 2x - 2 = 0$$

따라서  $a = -2$ ,  $b = -2$ 므로

$$ab = -2 \times (-2) = 4$$

2 두 근이  $-2$ ,  $3$ 이고  $x^2$ 의 계수가 1인 이차방정식은

$$(x+2)(x-3) = 0 \quad \therefore x^2 - x - 6 = 0$$

$$\therefore a = -1, b = -6$$

따라서 이차방정식  $-6x^2 - x + 1 = 0$ 에서

$$6x^2 + x - 1 = 0, (2x+1)(3x-1) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } x = \frac{1}{3}$$

3 ①  $(-4)^2 - 1 \times 5 = 11 > 0 \Rightarrow$  서로 다른 두 근

②  $(-9)^2 - 4 \times 2 \times (-3) = 105 > 0 \Rightarrow$  서로 다른 두 근

③  $2^2 - 3 \times (-1) = 7 > 0 \Rightarrow$  서로 다른 두 근

④  $1^2 - 4 \times (-1) = 5 > 0 \Rightarrow$  서로 다른 두 근

⑤  $7^2 - 4 \times 5 \times 8 = -111 < 0 \Rightarrow$  근이 없다.

따라서 근의 개수가 나머지 넷과 다른 하나는 ⑤이다.

4  $(-2)^2 - 2 \times (2k-3) \geq 0$ 이어야 하므로

$$10 - 4k \geq 0 \quad \therefore k \leq \frac{5}{2}$$

5 민아는  $-5$ ,  $3$ 을 해로 얻었으므로 민아가 푼 이차방정식은

$$(x+5)(x-3) = 0 \quad \therefore x^2 + 2x - 15 = 0$$

이때 민아는  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로 처음 이차방정식의  $x$ 의 계수는 2이다.

$$\therefore a = 2$$

연우는  $-8$ ,  $1$ 을 해로 얻었으므로 연우가 푼 이차방정식은

$$(x+8)(x-1) = 0 \quad \therefore x^2 + 7x - 8 = 0$$

이때 연우는 상수항을 바르게 보았으므로 처음 이차방정식의 상수항은  $-8$ 이다.

$$\therefore b = -8$$

따라서 처음 이차방정식은  $x^2 + 2x - 8 = 0$ 이므로

$$(x+4)(x-2) = 0 \quad \therefore x = -4 \text{ 또는 } x = 2$$

6 준수는  $-4$ ,  $7$ 을 해로 얻었으므로 준수가 푼 이차방정식은

$$(x+4)(x-7) = 0 \quad \therefore x^2 - 3x - 28 = 0$$

이때 준수는 상수항을 바르게 보았으므로 처음 이차방정식의 상수항은  $-28$ 이다.

$$\therefore b = -28$$

선희는  $4$ ,  $8$ 을 해로 얻었으므로 선희가 푼 이차방정식은

$$(x-4)(x-8) = 0 \quad \therefore x^2 - 12x + 32 = 0$$

이때 선희는  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로 처음 이차방정식의  $x$ 의 계수는  $-12$ 이다.

$$\therefore a = -12$$

따라서 처음 이차방정식은  $x^2 - 12x - 28 = 0$ 으로

$$(x+2)(x-14) = 0 \quad \therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 14$$

## 개념 확인

$x = -2, x = 2, 7, 7, 7, 7, 7$

## 필수 문제 4 팔각형

$$\frac{n(n-3)}{2} = 20 \text{에서 } n^2 - 3n - 40 = 0$$

$$(n+5)(n-8) = 0 \quad \therefore n = -5 \text{ 또는 } n = 8$$

이때  $n > 3$ 이므로  $n = 8$

따라서 구하는 다각형은 팔각형이다.

## 4-1 15

$$\frac{n(n+1)}{2} = 120 \text{에서 } n^2 + n - 240 = 0$$

$$(n+16)(n-15) = 0 \quad \therefore n = -16 \text{ 또는 } n = 15$$

이때  $n$ 은 자연수이므로  $n = 15$

따라서 1부터 15까지의 자연수를 더해야 한다.

## 필수 문제 5 13, 15

연속하는 두 홀수를  $x, x+2$ 라고 하면

$$x(x+2) = 195, x^2 + 2x - 195 = 0$$

$$(x+15)(x-13) = 0 \quad \therefore x = -15 \text{ 또는 } x = 13$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x = 13$

따라서 구하는 두 홀수는 13, 15이다.

## 5-1 8

두 자연수 중 작은 수를  $x$ 라고 하면 큰 수는  $x+5$ 이므로

$$x(x+5) = 104, x^2 + 5x - 104 = 0$$

$$(x+13)(x-8) = 0 \quad \therefore x = -13 \text{ 또는 } x = 8$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x = 8$

따라서 두 자연수는 8, 13이고, 이 중 작은 수는 8이다.

## 필수 문제 6 15명

학생이  $x$ 명이라고 하면 한 학생이 받는 사탕은  $(x-4)$ 개

이므로

$$x(x-4) = 165, x^2 - 4x - 165 = 0$$

$(x+11)(x-15)=0 \quad \therefore x=-11$  또는  $x=15$   
이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=15$   
따라서 학생은 모두 15명이다.

### 6-1 10살

동생의 나이를  $x$ 살이라고 하면 형의 나이는  $(x+3)$ 살이  
므로  
 $6(x+3)=x^2-22, x^2-6x-40=0$   
 $(x+4)(x-10)=0 \quad \therefore x=-4$  또는  $x=10$   
이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=10$   
따라서 동생의 나이는 10살이다.

### 필수 문제 7 (1) 2초 후 또는 3초 후 (2) 5초 후

- (1)  $-5t^2+25t=30$ 에서  $5t^2-25t+30=0$   
 $t^2-5t+6=0, (t-2)(t-3)=0$   
 $\therefore t=2$  또는  $t=3$   
 따라서 물 로켓의 높이가 30m가 되는 것은 쏘아 올린  
지 2초 후 또는 3초 후이다.
- (2) 물 로켓이 지면에 떨어지는 것은 높이가 0m일 때이므로  
 $-5t^2+25t=0$ 에서  $t^2-5t=0$   
 $t(t-5)=0 \quad \therefore t=0$  또는  $t=5$   
 이때  $t>0$ 이므로  $t=5$   
 따라서 물 로켓이 지면에 떨어지는 것은 쏘아 올린 지  
5초 후이다.

### 7-1 3초 후

$-5x^2+35x+8=68$ 에서  $5x^2-35x-60=0$   
 $x^2-7x+12=0, (x-3)(x-4)=0$   
 $\therefore x=3$  또는  $x=4$   
 따라서 공의 지면으로부터의 높이가 처음으로 68m가 되는 것은 쏘아 올린 지 3초 후이다.

### 필수 문제 8 10cm

처음 정사각형의 한 변의 길이를  $x$ cm라고 하면  
 $(x+2)(x-4)=72, x^2-2x-80=0$   
 $(x+8)(x-10)=0 \quad \therefore x=-8$  또는  $x=10$   
 이때  $x>4$ 이므로  $x=10$   
 따라서 처음 정사각형의 한 변의 길이는 10cm이다.

### 8-1 3m

도로의 폭을  $x$ m라고 하면 도로  
를 제외한 땅의 넓이는 오른쪽 그림의 색칠한 부분의 넓이와 같으  
므로  
 $(20-x)(15-x)=204, x^2-35x+96=0$   
 $(x-3)(x-32)=0 \quad \therefore x=3$  또는  $x=32$   
 이때  $0 < x < 15$ 이므로  $x=3$   
 따라서 도로의 폭은 3m이다.

### STEP 1 쪼꼬 개념 익히기

P. 122

- |     |        |       |        |
|-----|--------|-------|--------|
| 1 5 | 2 8, 9 | 3 10명 | 4 4초 후 |
| 5 ⑤ | 6 9cm  |       |        |

- 1 어떤 자연수를  $x$ 라고 하면

$$2x=x^2-15$$

$$x^2-2x-15=0, (x+3)(x-5)=0$$

$$\therefore x=-3$$
 또는  $x=5$   
 이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=5$   
 따라서 구하는 자연수는 5이다.
 

- 2 연속하는 두 자연수를  $x, x+1$ 라고 하면

$$x^2+(x+1)^2=145, 2x^2+2x-144=0$$

$$x^2+x-72=0, (x+9)(x-8)=0$$

$$\therefore x=-9$$
 또는  $x=8$   
 이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=8$   
 따라서 연속하는 두 자연수는 8, 9이다.
 

- 3 학생이  $x$ 명이라고 하면 한 학생이 받는 쿠키는  $(x+3)$ 개이  
므로

$$x(x+3)=130$$

$$x^2+3x-130=0, (x+13)(x-10)=0$$

$$\therefore x=-13$$
 또는  $x=10$   
 이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=10$   
 따라서 학생은 모두 10명이다.
 

- 4 물체가 지면에 떨어지는 것은 높이가 0m일 때이므로

$$-5t^2+20t=0$$
에서  $t^2-4t=0$   
 $t(t-4)=0 \quad \therefore t=0$  또는  $t=4$   
 이때  $t>0$ 이므로  $t=4$   
 따라서 물체가 지면에 떨어지는 것은 던져 올린 지 4초 후이다.
 

- 5 피타고라스 정리에 의해

$$(a+4)^2+(a+2)^2=(4\sqrt{5})^2$$

$$2a^2+12a+20=80, a^2+6a-30=0$$

$$\therefore a=-3\pm\sqrt{39}$$
  
 이때  $a+2>0, a+4>0$ , 즉  $a>-2$ 이므로  
 $a=-3+\sqrt{39}$ 

- 6 큰 정사각형의 한 변의 길이를  $x$ cm라고 하면

작은 정사각형의 한 변의 길이는  $(12-x)$ cm이므로  
 $x^2+(12-x)^2=90$   
 $2x^2-24x+54=0, x^2-12x+27=0$   
 $(x-3)(x-9)=0$   
 $\therefore x=3$  또는  $x=9$   
 이때  $6 < x < 12$ 이므로  $x=9$   
 따라서 큰 정사각형의 한 변의 길이는 9cm이다.

- 1** ①, ⑤    **2** ④    **3** ⑤    **4** ⑤    **5** -7  
**6**  $x = \frac{3}{5}$  또는  $x = 3$     **7** ↗, ↙    **8** -2    **9** ③  
**10** ⑤    **11** 42    **12** ②    **13** ④    **14** ③  
**15** ⑤    **16** ②, ⑤    **17** 12단계    **18** 22쪽, 23쪽  
**19** 1500    **20** 2초    **21** 7cm

**1** ①  $-2x+3=2x^2$ 에서  $-2x^2-2x+3=0 \Leftrightarrow$  이차방정식  
 ②  $2x^2+3x-2 \Leftrightarrow$  등식이 아니므로 이차방정식이 아니다.  
 ③  $x^2-2x=x(x+1)$ 에서  $x^2-2x=x^2+x$   
 $\therefore -3x=0 \Leftrightarrow$  일차방정식  
 ④  $x^2+3x=x^3-2$ 에서  $-x^3+x^2+3x+2=0$   
 $\Leftrightarrow$  이차방정식이 아니다.  
 ⑤  $(x+1)(x-1)=-x^2+1$ 에서  $x^2-1=-x^2+1$   
 $\therefore 2x^2-2=0 \Leftrightarrow$  이차방정식  
 따라서 이차방정식인 것은 ①, ⑤이다.

- 2** ①  $1^2-2 \times 1 \neq 0$   
 ②  $(-1)^2-6 \times (-1)+5 \neq 0$   
 ③  $(-5)^2-(-5)-20 \neq 0$   
 ④  $2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2+3 \times \frac{1}{2}-2=0$   
 ⑤  $3 \times \left(\frac{1}{3}\right)^2-3 \times \frac{1}{3}-2 \neq 0$

따라서 [ ] 안의 수가 주어진 이차방정식의 해인 것은 ④이다.

- 3** ①  $x^2+5x-1=0$ 에  $x=a$ 를 대입하면  $a^2+5a-1=0$   
 ②  $a^2+5a-1=0$ 에서  $a^2+5a=1$ 으로 양변에 2를 곱하면  
 $2a^2+10a=2$   
 ③  $a^2+5a+3=1+3=4$   
 ④  $a^2+5a-1=0$ 에서  $a \neq 0$ 으로 양변을  $a$ 로 나누면  
 $a+5-\frac{1}{a}=0 \quad \therefore a-\frac{1}{a}=-5$   
 ⑤  $a^2+\frac{1}{a^2}=\left(a-\frac{1}{a}\right)^2+2=(-5)^2+2=27$

따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

- 4**  $(x+3)(2x-1)=0$ 에서  $x=-3$  또는  $x=\frac{1}{2}$   
 $(x+4)(3x-2)=0$ 에서  $x=-4$  또는  $x=\frac{2}{3}$   
 따라서 두 이차방정식의 해를 모두 곱하면  
 $-3 \times \frac{1}{2} \times (-4) \times \frac{2}{3}=4$

- 5**  $x^2=9x-18$ 에서  $x^2-9x+18=0$   
 $(x-3)(x-6)=0 \quad \therefore x=3$  또는  $x=6$   
 두 근 중 작은 근이  $x=3$ 이다

$3x^2+ax-6=0$ 에  $x=3$ 을 대입하면

$$3 \times 3^2+a \times 3-6=0 \\ 3a+21=0 \quad \therefore a=-7$$

- 6**  $x^2+ax-36=0$ 에  $x=-4$ 를 대입하면  
 $(-4)^2+a \times (-4)-36=0 \\ -4a-20=0 \quad \therefore a=-5$   
 $\therefore x^2-5x-36=0$ 에서  $(x+4)(x-9)=0$   
 $\therefore x=-4$  또는  $x=9$   
 따라서  $b=9$ 으로 이차방정식  $-5x^2+18x-9=0$ 에서  
 $5x^2-18x+9=0, (5x-3)(x-3)=0$   
 $\therefore x=\frac{3}{5}$  또는  $x=3$

- 7**  $x(x-4)=0$ 에서  $x=0$  또는  $x=4$   
 ↗,  $x^2-x+\frac{1}{4}=0$ 에서  $\left(x-\frac{1}{2}\right)^2=0 \quad \therefore x=\frac{1}{2}$   
 ↗,  $x^2=1$ 에서  $x=-1$  또는  $x=1$   
 ↗,  $(x+2)(x-4)=-9$ 에서  $x^2-2x-8=-9$   
 $x^2-2x+1=0, (x-1)^2=0 \quad \therefore x=1$   
 ↗,  $x^2-3x=-5x+15$ 에서  
 $x^2+2x-15=0, (x+5)(x-3)=0 \quad \therefore x=-5$  또는  $x=3$   
 따라서 중근을 갖는 것은 ↗, ↙이다.

- 8**  $x^2+ax-8=0$ 에  $x=4$ 를 대입하면  
 $4^2+a \times 4-8=0 \\ 4a+8=0 \quad \therefore a=-2$   
 이때  $x^2-2x-8=0$ 에서  $(x+2)(x-4)=0$   
 $\therefore x=-2$  또는  $x=4$   
 즉, 공통이 아닌 근은  $x=-2$ 므로  $p=-2$   
 $x^2-4x-b=0$ 에  $x=4$ 를 대입하면  
 $4^2-4 \times 4-b=0 \quad \therefore b=0$   
 이때  $x^2-4x=0$ 에서  $x(x-4)=0$   
 $\therefore x=0$  또는  $x=4$   
 즉, 공통이 아닌 근은  $x=0$ 므로  $q=0$   
 $\therefore p-q=-2-0=-2$

- 9**  $4(x-3)^2-24=0$ 에서  $4(x-3)^2=24$   
 $(x-3)^2=6, x-3=\pm\sqrt{6}$   
 $\therefore x=3\pm\sqrt{6}$

- 10**  $2x^2-8x+5=0$ 에서  $x^2-4x+\frac{5}{2}=0$   
 $x^2-4x=-\frac{5}{2}, x^2-4x+4=-\frac{5}{2}+4$   
 $\therefore (x-2)^2=\frac{3}{2}$   
 따라서  $p=2, q=\frac{3}{2}$ 으로  
 $pq=2 \times \frac{3}{2}=3$

11  $x = \frac{-(-1) \pm \sqrt{(-1)^2 - 4 \times 5 \times (-2)}}{2 \times 5} = \frac{1 \pm \sqrt{41}}{10}$

따라서  $a=1$ ,  $b=41$ 이므로  
 $a+b=1+41=42$

12  $x^2 - 3x + a = 0$ 에서  $x = \frac{3 \pm \sqrt{9-4a}}{2}$

이때  $a$ 가 자연수이므로  $x$ 가 유리수가 되려면  $9-4a$ 는 0이거나 9보다 작은 (자연수)<sup>2</sup> 꼴인 수이어야 한다.

즉,  $9-4a=0, 1, 4 \quad \therefore a=\frac{9}{4}, 2, \frac{5}{4}$

따라서 해가 모두 유리수가 되도록 하는 자연수  $a$ 의 값은 2이다.

13  $\frac{2}{3}x^2 - \frac{5}{6}x - 0.5 = 0$ 의 양변에 6을 곱하면

$$4x^2 - 5x - 3 = 0 \quad \therefore x = \frac{5 \pm \sqrt{73}}{8}$$

14  $x-y=A$ 로 놓으면  $A(A-2)=8$

$$A^2 - 2A - 8 = 0, (A+2)(A-4) = 0$$

$\therefore A=-2$  또는  $A=4$

즉,  $x-y=-2$  또는  $x-y=4$

이때  $x>y$ 이므로  $x-y>0$

$\therefore x-y=4$

15  $2x^2 + 7x + 3 = 0$ 에서  $(x+3)(2x+1) = 0$

$\therefore x=-3$  또는  $x=-\frac{1}{2}$

따라서  $-3+1=-2$ ,  $-\frac{1}{2}+1=\frac{1}{2}$ 을 두 근으로 하고  $x^2$ 의 계수가 2인 이차방정식은

$$2(x+2)\left(x-\frac{1}{2}\right) = 0 \quad \therefore 2x^2 + 3x - 2 = 0$$

즉,  $a=3$ ,  $b=-2$ 이므로

$$a-b=3-(-2)=5$$

16  $x^2 + 2(3k-1)x + 5(k^2+1) = 0$  중근을 가지므로

$$(3k-1)^2 - 5(k^2+1) = 0$$

$$4k^2 - 6k - 4 = 0, 2k^2 - 3k - 2 = 0$$

$$(2k+1)(k-2) = 0 \quad \therefore k = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } k = 2$$

**[다른 풀이]**

$x^2 + 2(3k-1)x + 5(k^2+1) = 0$  중근을 가지므로

$$5(k^2+1) = \left\{ \frac{2(3k-1)}{2} \right\}^2$$

$$5k^2 + 5 = 9k^2 - 6k + 1, 4k^2 - 6k - 4 = 0$$

$$2k^2 - 3k - 2 = 0, (2k+1)(k-2) = 0$$

$$\therefore k = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } k = 2$$

17  $\frac{n(n+1)}{2} = 78$ 에서  $n^2 + n - 156 = 0$

$$(n+13)(n-12) = 0 \quad \therefore n = -13 \text{ 또는 } n = 12$$

이때  $n$ 은 자연수이므로  $n = 12$

따라서 78개의 바둑돌을 사용하여 만든 삼각형 모양은 12단계에서 만든 것이다.

18 펼쳐진 두 면의 쪽수를  $x$ 쪽,  $(x+1)$ 쪽이라고 하면

$$x(x+1) = 506, x^2 + x - 506 = 0$$

$$(x+23)(x-22) = 0 \quad \therefore x = -23 \text{ 또는 } x = 22$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x = 22$

따라서 두 면의 쪽수는 22쪽, 23쪽이다.

19 한 상자에  $2x$  g씩 더 넣으면 한 상자에  $(2000+2x)$  g씩  $(2500-x)$  개의 상자를 채울 수 있다. 이때 전체 감귤의 양은 동일하므로

$$(2000+2x)(2500-x) = 2000 \times 2500$$

$$5000000 + 3000x - 2x^2 = 5000000$$

$$2x^2 - 3000x = 0, 2x(x-1500) = 0$$

$$\therefore x = 0 \text{ 또는 } x = 1500$$

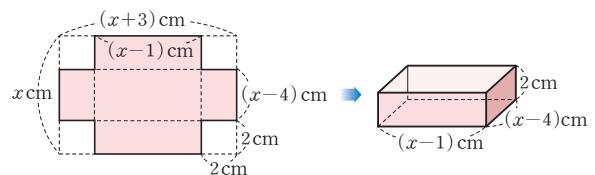
이때  $x > 0$ 이므로  $x = 1500$

20  $50t - 5t^2 = 120$ 에서  $t^2 - 10t + 24 = 0$

$$(t-4)(t-6) = 0 \quad \therefore t = 4 \text{ 또는 } t = 6$$

따라서 야구공이 지면으로부터의 높이가 120 m 이상인 지점 을 지나는 것은 4초부터 6초까지이므로 2초 동안이다.

21 처음 직사각형 모양의 종이의 세로의 길이를  $x$  cm라고 하면 가로의 길이는  $(x+3)$  cm이므로 직육면체 모양의 상자는 다음과 그림과 같다.



$$2(x-1)(x-4) = 36, x^2 - 5x + 4 = 18$$

$$x^2 - 5x - 14 = 0, (x+2)(x-7) = 0$$

$$\therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 7$$

이때  $x > 4$ 이므로  $x = 7$

따라서 처음 직사각형 모양의 종이의 세로의 길이는 7 cm이다.

STEP

3

**步步  
서술형 완성하기**

P. 126~127

〈과정은 풀이 참조〉

따라 해보자 유제 1 -2

유제 2 9 cm

연습해 보자 1 10

2  $x = \frac{-4 \pm \sqrt{13}}{3}$

3  $x = -4 \pm \sqrt{10}$

4 26

### 따라 해보자

- 유제 1**
- 1단계  $y = ax + 7$ 에  $x = a + 3$ ,  $y = 2a^2 - 3$ 을 대입하면  
 $2a^2 - 3 = a(a + 3) + 7$
  - 2단계  $2a^2 - 3 = a^2 + 3a + 7$ ,  $a^2 - 3a - 10 = 0$   
 $(a+2)(a-5) = 0$   
 $\therefore a = -2$  또는  $a = 5$
  - 3단계 이때 일차함수  $y = ax + 7$ 의 그래프가 제3사분면을 지나지 않으므로  $a < 0$ 이어야 한다.  
 $\therefore a = -2$

채점 기준		
1단계	이차방정식 세우기	… 40 %
2단계	이차방정식 풀기	… 40 %
3단계	$a$ 의 값 구하기	… 20 %

- 유제 2**
- 1단계  $\triangle ADE$ 가 직각이등변삼각형이므로  
 $\overline{DF} = x \text{ cm}$ 라고 하면  
 $\overline{EC} = \overline{DF} = x \text{ cm}$ ,  $\overline{FC} = \overline{DE} = \overline{AE} = (15-x) \text{ cm}$   
 이때  $\square DFCE = 54 \text{ cm}^2$ 이므로  
 $x(15-x) = 54$
  - 2단계  $x^2 - 15x + 54 = 0$ ,  $(x-6)(x-9) = 0$   
 $\therefore x = 6$  또는  $x = 9$
  - 3단계 이때  $x > 15 - x$ 에서  $x > \frac{15}{2}$ 이므로  $x = 9$   
 따라서  $\overline{DF}$ 의 길이는 9 cm이다.

채점 기준		
1단계	이차방정식 세우기	… 50 %
2단계	이차방정식 풀기	… 30 %
3단계	$\overline{DF}$ 의 길이 구하기	… 20 %

### 연습해 보자

- 1**
- 1단계  $x^2 + 2x - 4 = 0$ 에  $x = a$ 를 대입하면  
 $a^2 + 2a - 4 = 0$   
 $a \neq 0$ 이므로 양변을  $a$ 로 나누면  
 $a + 2 - \frac{4}{a} = 0 \quad \therefore a - \frac{4}{a} = -2$
  - 2단계  $2x^2 - 7x + 6 = 0$ 에  $x = b$ 를 대입하면  
 $2b^2 - 7b + 6 = 0$ ,  $2b^2 - 7b = -6$   
 양변에 2를 곱하면  
 $4b^2 - 14b = -12$
  - 3단계  $\therefore a - \frac{4}{a} - 4b^2 + 14b = a - \frac{4}{a} - (4b^2 - 14b)$   
 $= -2 - (-12) = 10$

채점 기준		
1단계	$a - \frac{4}{a}$ 의 값 구하기	… 40 %
2단계	$4b^2 - 14b$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	$a - \frac{4}{a} - 4b^2 + 14b$ 의 값 구하기	… 20 %

- 2**
- 1단계  $3x^2 + 8x + 1 = 0$ 의 양변을 3으로 나누면  
 $x^2 + \frac{8}{3}x + \frac{1}{3} = 0$

2단계 상수항을 우변으로 이항하면

$$x^2 + \frac{8}{3}x = -\frac{1}{3}$$

양변에  $\left(\frac{4}{3}\right)^2 = \frac{16}{9}$ 을 더하면

$$x^2 + \frac{8}{3}x + \frac{16}{9} = -\frac{1}{3} + \frac{16}{9}$$

$$\left(x + \frac{4}{3}\right)^2 = \frac{13}{9}$$

$$3단계 \quad x + \frac{4}{3} = \pm \frac{\sqrt{13}}{3}$$

$$\therefore x = \frac{-4 \pm \sqrt{13}}{3}$$

### 채점 기준

1단계	$x^2$ 의 계수를 1로 만들기	… 20 %
2단계	좌변을 완전제곱식으로 고치기	… 50 %
3단계	이차방정식의 해 구하기	… 30 %

- 3**
- 1단계 주어진 이차방정식의  $x$ 의 계수와 상수항을 서로 바꾸면  
 $x^2 + kx + k + 2 = 0$

이 이차방정식에  $x = -2$ 를 대입하면

$$(-2)^2 + k \times (-2) + k + 2 = 0$$

$$-k + 6 = 0 \quad \therefore k = 6$$

2단계 따라서 처음 이차방정식은

$$x^2 + 8x + 6 = 0$$

$$3단계 \quad \therefore x = -4 \pm \sqrt{4^2 - 1 \times 6}$$

$$= -4 \pm \sqrt{10}$$

### 채점 기준

1단계	$k$ 의 값 구하기	… 50 %
2단계	처음 이차방정식 구하기	… 20 %
3단계	처음 이차방정식의 해 구하기	… 30 %

- 4**
- 1단계 십의 자리의 숫자를  $x$ 라고 하면 일의 자리의 숫자는  $3x^{\circ}$ 이므로

$$10x + 3x = x \times 3x + 14$$

$$3x^2 - 13x + 14 = 0, (x-2)(3x-7) = 0$$

$$\therefore x = 2$$
 또는  $x = \frac{7}{3}$

3단계 이때  $x$ 는 자연수이므로  $x = 2$

따라서 십의 자리의 숫자는 2, 일의 자리의 숫자는 6  
 이므로 구하는 자연수는 26이다.

### 채점 기준

1단계	이차방정식 세우기	… 30 %
2단계	이차방정식 풀기	… 40 %
3단계	두 자리의 자연수 구하기	… 30 %

## 01

## 이차함수의 뜻

P. 132

## 필수 문제 1

- .  $y = x^2(2-x) = -x^3 + 2x^2 \Rightarrow$  이차함수가 아니다.  
 □.  $y = (x+2)^2 - 4x = x^2 + 4 \Rightarrow$  이차함수  
 □.  $y + 2x = 1$ 에서  $y = -2x + 1 \Rightarrow$  일차함수  
 □.  $y = -2(x-2)(x+2) = -2x^2 + 8 \Rightarrow$  이차함수  
 따라서  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수인 것은 □, □이다.

## 1-1 ⑤

- ①  $y = \frac{1}{x^2} + 2 \Rightarrow$  이차함수가 아니다.  
 ②  $y = x^2(x+1) = x^3 + x^2 \Rightarrow$  이차함수가 아니다.  
 ③  $y = -(x-1) + 6 = -x + 7 \Rightarrow$  일차함수  
 ④  $y = x^2 - x(x+4) = -4x \Rightarrow$  일차함수  
 ⑤  $y = (x+2)(x-1) = x^2 + x - 2 \Rightarrow$  이차함수  
 따라서  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수인 것은 ⑤이다.

1-2 (1)  $y = 4x$ 

$$(3) y = x^2 + 4x + 3$$

이차함수: (3), (4)

$$(1) y = 4x \Rightarrow$$
 일차함수

$$(2) y = x^3 \Rightarrow$$
 이차함수가 아니다.

$$(3) y = (x+1)(x+3) = x^2 + 4x + 3 \Rightarrow$$
 이차함수

$$(4) y = \pi x^2 \Rightarrow$$
 이차함수

따라서  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수인 것은 (3), (4)이다.

## 필수 문제 2 3

$$f(2) = 2^2 + 2 \times 2 - 5 = 3$$

## 2-1 10

$$f(-3) = \frac{1}{3} \times (-3)^2 - (-3) + 2 = 8$$

$$f(0) = \frac{1}{3} \times 0^2 - 0 + 2 = 2$$

$$\therefore f(-3) + f(0) = 8 + 2 = 10$$

STEP  
1步步  
개념 익히기

P. 133

1 ⑤

2 ④

3 ②

4 ①

5 1

6 32

1 ②  $y = x(x+2) - x^2 = 2x \Rightarrow$  일차함수

③  $(2x+1)(x-3) + 4 = 0$ 에서

$2x^2 - 5x + 1 = 0 \Rightarrow$  이차방정식

따라서  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수인 것은 ⑤이다.

2 ①  $y = 1000x \Rightarrow$  일차함수

②  $y = 2x \Rightarrow$  일차함수

③  $y = 6x \Rightarrow$  일차함수

④  $y = \pi \times x^2 \times 3 = 3\pi x^2 \Rightarrow$  이차함수

⑤  $y = \frac{1}{2} \times x \times 8 = 4x \Rightarrow$  일차함수

따라서  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수인 것은 ④이다.

3  $y = 2x^2 + 2x(ax-1) - 5$

$$= (2+2a)x^2 - 2x - 5$$

이때  $x^2$ 의 계수가 0이 아니어야 하므로

$$2+2a \neq 0 \quad \therefore a \neq -1$$

4  $f(1) = -3 \times 1^2 + \frac{1}{4} \times 1 + 1 = -\frac{7}{4}$

$$f(4) = -3 \times 4^2 + \frac{1}{4} \times 4 + 1 = -46$$

$$\therefore 4f(1) - f(4) = 4 \times \left(-\frac{7}{4}\right) - (-46) = 39$$

5  $f(3) = 3^2 - 2 \times 3 + a = 4$ 이므로

$$3+a=4 \quad \therefore a=1$$

6  $f(-2) = a \times (-2)^2 + 6 \times (-2) - 3 = 1$ 이므로

$$4a - 15 = 1 \quad \therefore a = 4$$

따라서  $f(x) = 4x^2 + 6x - 3$ 이므로

$$f(1) = 4 \times 1^2 + 6 \times 1 - 3 = 7$$

$$f(2) = 4 \times 2^2 + 6 \times 2 - 3 = 25$$

$$\therefore f(1) + f(2) = 7 + 25 = 32$$

## 02

이차함수  $y = ax^2$ 의 그래프

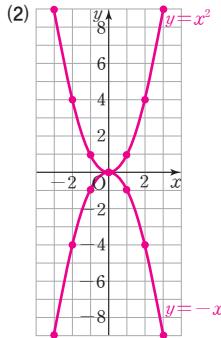
P. 134

필수 문제 1 (1) ①  $y = x^2$ 

$x$	...	-3	-2	-1	0	1	2	3	...
$y$	...	9	4	1	0	1	4	9	...

②  $y = -x^2$

$x$	...	-3	-2	-1	0	1	2	3	...
$y$	...	-9	-4	-1	0	-1	-4	-9	...



1-1 ㄴ, ㄹ

ㄱ.  $y$ 축에 대칭이다.

ㄷ.  $y = -x^2$ 에  $x = -\frac{1}{3}$ ,  $y = \frac{1}{9}$ 을 대입하면

$$\frac{1}{9} \neq -\left(-\frac{1}{3}\right)^2$$

즉, 점  $\left(-\frac{1}{3}, \frac{1}{9}\right)$ 을 지나지 않는다.

따라서 옳은 것은 ㄴ, ㄹ이다.

(5) ㄱ.  $y = 4x^2$ 에  $x = 2$ ,  $y = -16$ 을 대입하면

$$-16 \neq 4 \times 2^2$$

ㄴ.  $y = -4x^2$ 에  $x = 2$ ,  $y = -16$ 을 대입하면

$$-16 = -4 \times 2^2$$

ㄷ.  $y = -\frac{1}{3}x^2$ 에  $x = 2$ ,  $y = -16$ 을 대입하면

$$-16 \neq -\frac{1}{3} \times 2^2$$

ㄹ.  $y = \frac{1}{5}x^2$ 에  $x = 2$ ,  $y = -16$ 을 대입하면

$$-16 \neq \frac{1}{5} \times 2^2$$

ㅁ.  $y = 6x^2$ 에  $x = 2$ ,  $y = -16$ 을 대입하면

$$-16 \neq 6 \times 2^2$$

따라서 점  $(2, -16)$ 을 지나는 그래프는 ㄴ이다.

3-1 (1) ㉠ (2) ㉡ (3) ㉢ (4) ㉡

#### 필수 문제 4 2

$y = \frac{1}{2}x^2$ 의 그래프가 점  $(2, a)$ 를 지나므로

$$a = \frac{1}{2} \times 2^2 = 2$$

4-1 ㅡ 1

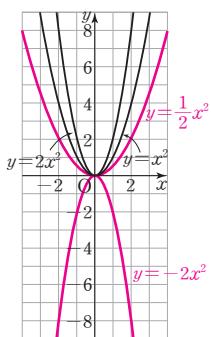
$y = ax^2$ 의 그래프가 점  $(3, -9)$ 를 지나므로

$$-9 = a \times 3^2 \quad \therefore a = -1$$

4-2 3

이차함수  $y = -3x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대칭인 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  $y = 3x^2$

즉, 이차함수  $y = 3x^2$ 의 그래프가 점  $(-1, k)$ 를 지나므로  
 $k = 3 \times (-1)^2 = 3$



P. 135~136

필수 문제 2 (1), (2)

2-1 ㄱ, ㄹ

ㄱ. 위로 볼록한 포물선이다.

ㄹ. 이차함수  $y = 2x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 서로 대칭이다.

따라서 옳지 않은 것은 ㄱ, ㄹ이다.

필수 문제 3 (1) ㄴ, ㄷ (2) ㄹ (3) ㄱ과 ㄴ  
 (4) ㄱ, ㄹ, ㅁ (5) ㄴ

(1)  $x^2$ 의 계수가 음수이면 그래프가 위로 볼록하므로 ㄴ, ㄷ

$$(2) \left| \frac{1}{5} \right| < \left| -\frac{1}{3} \right| < |4| = |-4| < |6|$$

$x^2$ 의 계수의 절댓값이 작을수록 그래프의 폭이 넓어지므로 폭이 가장 넓은 것은 ㄹ

(3)  $x^2$ 의 계수의 절댓값이 같고 부호가 반대인 두 이차함수의 그래프는  $x$ 축에 서로 대칭이므로 ㄱ과 ㄴ

(4)  $x > 0$ 일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값도 증가하는 것은 아래로 볼록한 그래프이므로 ㄱ, ㄹ, ㅁ

#### STEP 1 개념 익히기

P. 137

1 ③, ⑤ 2 ④ 3  $\frac{1}{9}$  4 ⑤

$$5 \quad y = \frac{1}{3}x^2$$

1 ③  $y = \frac{1}{4}x^2$ 에  $x = 4$ ,  $y = 1$ 을 대입하면  $1 \neq \frac{1}{4} \times 4^2$ 이므로 점  $(4, 1)$ 을 지나지 않는다.

⑤ 이차함수  $y = -\frac{1}{4}x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 서로 대칭이다.

2  $\left| -\frac{1}{2} \right| < \left| -\frac{2}{3} \right| < |-1| < \left| \frac{4}{3} \right| < |2|$ 이므로 그래프의 폭이 가장 좁은 것은 ④  $y = 2x^2$ 이다.

3  $y=ax^2$ 의 그래프가 점  $(-3, 12)$ 를 지나므로

$$12=a \times (-3)^2 \quad \therefore a=\frac{4}{3}$$

이  $y=\frac{4}{3}x^2$ 의 그래프가 점  $(\frac{1}{4}, b)$ 를 지나므로

$$b=\frac{4}{3} \times \left(\frac{1}{4}\right)^2=\frac{1}{12}$$

$$\therefore ab=\frac{4}{3} \times \frac{1}{12}=\frac{1}{9}$$

4 원점을 꼭짓점으로 하는 포물선이므로 구하는 이차함수의 식은  $y=ax^2 (a \neq 0)$ 으로 놓자.

이 그래프가 점  $(2, -6)$ 을 지나므로

$$-6=a \times 2^2 \quad \therefore a=-\frac{3}{2}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은  $y=-\frac{3}{2}x^2$ 이다.

5 원점을 꼭짓점으로 하는 포물선이므로 구하는 이차함수의 식은  $y=ax^2 (a \neq 0)$ 으로 놓자.

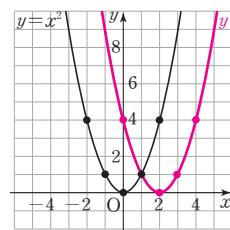
이 그래프가 점  $(3, 3)$ 을 지나므로

$$3=a \times 3^2 \quad \therefore a=\frac{1}{3}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은  $y=\frac{1}{3}x^2$ 이다.

P. 139

## 개념 확인



(1) 2  
(2) 2  
(3) 2, 0

필수 문제 2 (1)  $y=-\frac{1}{2}(x-5)^2, x=5, (5, 0)$   
(2)  $y=3(x+1)^2, x=-1, (-1, 0)$

2-1 (1)  $y=\frac{1}{3}(x+2)^2$  (2)  $x=-2, -2, 0$   
(3) 아래 (4) 감소

2-2  $-\frac{1}{4}$

평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  $y=a(x-3)^2$   
이 그래프가 점  $(5, -1)$ 을 지나므로  
 $-1=a \times (5-3)^2 \quad \therefore a=-\frac{1}{4}$

STEP 1 **步步** 개념 익히기

P. 140

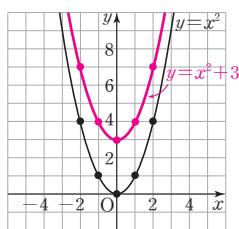
1 풀이 참조 2 ②  
5 1

3 -8 4 ①

**03** 이차함수  $y=a(x-p)^2+q$ 의 그래프

P. 138

## 개념 확인



(1) 3  
(2) 0  
(3) 0, 3

필수 문제 1 (1)  $y=-3x^2+2, x=0, (0, 2)$

$$(2) y=\frac{2}{3}x^2-4, x=0, (0, -4)$$

1-1 (1)  $y=-2x^2+6$  (2)  $x=0, 0, 6$  (3) 위 (4) 감소

1-2 19

평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=5x^2-1$$

이 그래프가 점  $(-2, k)$ 를 지나므로

$$k=5 \times (-2)^2-1=19$$

1

(1) $y=2x^2-1$	(2) $y=-\frac{2}{3}(x+4)^2$	(3) $y=-x^2+5$
$x=[0]$	$x=[-4]$	$x=[0]$
$([0], [-1])$	$([-4], [0])$	$([0], [5])$
아래로 볼록	위로 볼록	위로 볼록

(1)~(3)을 그래프의 폭이 좁은 것부터 차례로 나열하면 (1), (3), (2)이다.

2 ② 축의 방정식은  $x=0$ 이다.

⑤  $y=3x^2+1$ 에  $x=1, y=4$ 를 대입하면  $4=3 \times 1^2+1$ 이므로 점  $(1, 4)$ 를 지나난다.

따라서 옳지 않은 것은 ②이다.

3 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=\frac{3}{2}x^2+a$$

이 그래프가 점  $(-4, 16)$ 을 지나므로

$$16=\frac{3}{2} \times (-4)^2+a$$

$$16=a+24 \quad \therefore a=-8$$

- 4**
- ② 위로 볼록한 포물선이다.
  - ③ 꼭짓점의 좌표는  $(2, 0)$ 이다.
  - ④ 축의 방정식은  $x=2$ 이다.
  - ⑤  $x > 2$ 일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.  
따라서 옳은 것은 ①이다.

- 5** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = 2(x+3)^2$$

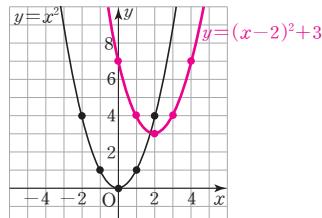
이 그래프가 점  $(k, 32)$ 를 지나므로

$$32 = 2 \times (k+3)^2$$

$$(k+3)^2 = 16, k+3 = \pm 4$$

$$\therefore k = -7 \text{ 또는 } k = 1$$

이때  $k > 0$ 이므로  $k = 1$



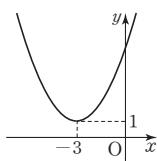
P. 141

- (1) 2, 3  
(2) 2  
(3) 2, 3

- 필수 문제 3** (1)  $y = 2(x-2)^2 + 6, x=2, (2, 6)$   
(2)  $y = -(x+4)^2 + 1, x=-4, (-4, 1)$

- 3-1** (1)  $y = \frac{1}{2}(x+3)^2 + 1$       (2)  $x = -3, -3, 1$   
(3) 아래      (4) 증가      (5) 1, 2

- (5)  $y = \frac{1}{2}(x+3)^2 + 1$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같아 제1, 2사분면을 지난다.



- 3-2** -7

평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = -\frac{1}{3}(x-3)^2 - 4$$

이 그래프가 점  $(6, k)$ 를 지나므로

$$k = -\frac{1}{3} \times (6-3)^2 - 4 = -7$$

P. 142

- 필수 문제 4** (1) 아래, >    (2) 3, <, <

- 4-1**  $a < 0, p < 0, q > 0$

그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$

꼭짓점  $(p, q)$ 가 제2사분면 위에 있으므로  $p < 0, q > 0$

- 4-2** ㄷ, ㄹ, ㅂ

ㄱ. 그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$

ㄴ. ㄷ. 꼭짓점  $(p, q)$ 가 제4사분면 위에 있으므로

$$p > 0, q < 0$$

$$ㄹ. aq < 0 \quad ㅁ. a+p > 0$$

따라서 옳은 것은 ㄷ, ㄹ, ㅂ이다.

### STEP 1 **步步 개념 익히기**

P. 143~144

1  $m = -\frac{1}{5}, n = -4$

- 2 ③, ⑤

- 3 ①

4 1      5 ②

- 6 ③

- 7 ⑤

8 ⑤

- 1** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = 5(x-m)^2 + n$$

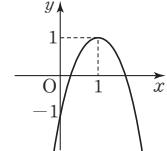
이 식이  $y = 5\left(x + \frac{1}{5}\right)^2 - 4$ 와 일치하므로

$$-m = \frac{1}{5}, n = -4 \quad \therefore m = -\frac{1}{5}, n = -4$$

- 2** ③  $x < 1$ 일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값도 증가한다.

④  $x^2$ 의 계수의 절댓값이 2로 같으므로  $y = 2x^2$ 의 그래프와 폭이 같다.

⑤  $y = -2(x-1)^2 + 1$ 의 그래프는 꼭짓점의 좌표가  $(1, 1)$ 이고, 위로 볼록하며 점  $(0, -1)$ 을 지난다.  
즉, 그래프는 오른쪽 그림과 같이 제2사분면을 지난지 않는다.



따라서 옳지 않은 것은 ③, ⑤이다.

- 3** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = -(x-2)^2 - 5$$

이 그래프가 점  $(0, m)$ 을 지나므로

$$m = -(0-2)^2 - 5 = -9$$

- 4** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = 3(x+3-2)^2 + 4 - 1 \quad \therefore y = 3(x+1)^2 + 3$$

이 그래프의

축의 방정식은  $x = -1$ 이므로  $m = -1$

꼭짓점의 좌표는  $(-1, 3)$ 이므로  $p = -1, q = 3$

$$\therefore m + p + q = -1 + (-1) + 3 = 1$$

- 5** 그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$   
꼭짓점  $(p, q)$ 가 제2사분면 위에 있으므로  $p < 0, q > 0$
- 6**  $a < 0$ 이므로 위로 볼록한 포물선이다.  
 $p > 0, q < 0$ 이므로 꼭짓점  $(p, q)$ 가 제4사분면 위에 있다.  
따라서  $y = a(x-p)^2 + q$ 의 그래프로 알맞은 것은 ③이다.
- 7**  $y = 2(x-p)^2 + 2p$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는  
( $p, 2p$ )  
이 점이 직선  $y = 3x - 4$  위에 있으므로  
 $2p = 3p - 4 \quad \therefore p = 4$

- 8**  $y = -\frac{1}{3}(x-p)^2 + 3p^2$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는  
( $p, 3p^2$ )  
이 점이 직선  $y = 5x + 2$  위에 있으므로  
 $3p^2 = 5p + 2$   
 $3p^2 - 5p - 2 = 0, (3p+1)(p-2) = 0$   
 $\therefore p = -\frac{1}{3}$  또는  $p = 2$   
이때  $p < 0$ 이므로  $p = -\frac{1}{3}$

## STEP 2 탄탄 단원 다지기

P. 145~147

- |      |      |       |         |      |
|------|------|-------|---------|------|
| 1 ⑤  | 2 ⑤  | 3 ②   | 4 9.2 m | 5 ①  |
| 6 ⑤  | 7 6  | 8 ③   | 9 ④     | 10 ① |
| 11 ② | 12 ② | 13 ②  | 14 -7   | 15 ③ |
| 16 ① | 17 ⑤ | 18 32 |         |      |

- 1** ①  $y = 2 \times \pi \times \frac{x}{2} = \pi x \Rightarrow$  일차함수  
②  $y = 1200x \Rightarrow$  일차함수  
③  $y = (2x)^3 = 8x^3 \Rightarrow$  이차함수가 아니다.  
④  $y = \frac{x}{8} \Rightarrow$  일차함수  
⑤  $y = \frac{1}{2} \times (x+2x) \times x = \frac{3}{2}x^2 \Rightarrow$  이차함수  
따라서  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수인 것은 ⑤이다.

**2**  $y = (2x+1)^2 - x(ax+3)$   
 $= 4x^2 + 4x + 1 - ax^2 - 3x$   
 $= (4-a)x^2 + x + 1$   
이때  $x^2$ 의 계수가 0이 아니어야 하므로  
 $4-a \neq 0 \quad \therefore a \neq 4$

**3**  $f(2) = 2 \times 2^2 + 3 \times 2 - 7 = 7$   
 $f(-2) = 2 \times (-2)^2 + 3 \times (-2) - 7 = -5$   
 $\therefore f(2) + f(-2) = 7 + (-5) = 2$

- 4**  $h = -5t^2 + 5t + 8$ 에  $t = 0.6$ 을 대입하면  
 $= -5 \times (0.6)^2 + 5 \times 0.6 + 8 = 9.2$   
따라서 도약한 지 0.6초 후의 이 선수의 수면으로부터의 높이는 9.2m이다.

- 5**  $y = ax^2$ 의 그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$ 이고,  
 $y = \frac{1}{2}x^2$ 의 그래프보다 폭이 좁고  $y = \frac{7}{3}x^2$ 의 그래프보다 폭이 넓으므로  $\frac{1}{2} < a < \frac{7}{3}$   
따라서  $a$ 의 값이 될 수 없는 것은 ①  $\frac{1}{3}$ 이다.

- 6** ① 아래로 볼록한 그래프는 ㄱ, ㄹ, ㅁ이다.  
②  $x$ 축에 서로 대칭인 그래프는 ㄱ과 ㄷ이다.  
③, ④  $\left| \frac{1}{6} \right| < \left| \frac{1}{2} \right| = \left| -\frac{1}{2} \right| < |2| < |-4| < |-6|$   
 $x^2$ 의 계수의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아지므로  
폭이 가장 좁은 것은 ㄴ, 폭이 가장 넓은 것은 ㄹ이다.  
⑤  $x > 0$ 일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소하는 그래프  
는 위로 볼록하므로 ㄴ, ㄷ, ㅁ이다.  
따라서 옳은 것은 ⑤이다.

- 7**  $y = ax^2$ 의 그래프가 점  $(-2, 3)$ 을 지나므로  
 $3 = a \times (-2)^2 \quad \therefore a = \frac{3}{4}$   
즉,  $y = \frac{3}{4}x^2$ 의 그래프가 점  $(3, b)$ 를 지나므로  
 $b = \frac{3}{4} \times 3^2 = \frac{27}{4}$   
 $\therefore b - a = \frac{27}{4} - \frac{3}{4} = 6$

- 8** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  
 $y = -2x^2 + a$   
이 그래프가 점  $(1, 1)$ 을 지나므로  
 $1 = -2 \times 1^2 + a, 1 = -2 + a \quad \therefore a = 3$

- 9** 조건 ⑥에서 구하는 이차함수의 식을  $y = ax^2 - 3 (a \neq 0)$ 으로  
놓을 수 있다.  
조건 ⑦에서  $|a| < 1$   
조건 ⑧에서  $a < 0$   
따라서 조건을 만족시키는 포물선을 그래프로 하는 이차함수  
의 식은 ④  $y = -\frac{1}{4}x^2 - 3$ 이다.

- 10**  $y = (x+2)^2$ 의 그래프는 아래로 볼록한 포물선이고, 축의 방정식이  $x = -2$ 이므로  $x < -2$ 일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.

- 11**  $y = ax^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-4$ 만큼 평행이동한  
그래프이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x+4)^2 (a \neq 0)$ 으로  
놓을 수 있다.

이 그래프가 점  $(0, 5)$ 를 지나므로

$$5=a \times (0+4)^2 \quad \therefore a=\frac{5}{16}$$

즉,  $y=\frac{5}{16}(x+4)^2$ 의 그래프가 점  $(-2, k)$ 를 지나므로

$$k=\frac{5}{16} \times (-2+4)^2=\frac{5}{4}$$

- 12**  $y=a(x-p)^2$ ,  $y=-x^2+4$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는 각각  $(p, 0)$ ,  $(0, 4)$ 이다.

$y=-x^2+4$ 의 그래프가 점  $(p, 0)$ 을 지나므로

$$0=-p^2+4, p^2=4 \quad \therefore p=\pm 2$$

이때  $p>0$ 이므로  $p=2$

즉,  $y=a(x-2)^2$ 의 그래프가 점  $(0, 4)$ 를 지나므로

$$4=a \times (0-2)^2 \quad \therefore a=1$$

$$\therefore ap=1 \times 2=2$$

- 13**  $y=a(x-p)^2+q$ 에서  $x^2$ 의 계수  $a$ 의 값이 같으면 그래프를 평행이동하여 완전히 포괄 수 있다.

각 이차함수의  $x^2$ 의 계수를 구하면 다음과 같다.

ㄱ.  $-2$  ㄴ.  $2$  ㄷ.  $-1$

ㄹ.  $1$  ㅁ.  $-2$

따라서 그래프를 평행이동하여 완전히 포괄 수 있는 것은 ㄱ과 ㅁ이다.

- 14** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

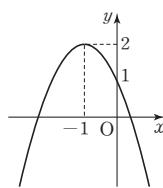
$$y=6(x-p)^2+4+q$$

이 식이  $y=6(x-2)^2+\frac{1}{2}$ 과 일치하므로

$$p=2, 4+q=\frac{1}{2} \text{에서 } q=-\frac{7}{2}$$

$$\therefore pq=2 \times \left(-\frac{7}{2}\right)=-7$$

- 15** ③ 이차함수  $y=-(x+1)^2+2$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같이 모든 사분면을 지난다.



- 16** 이차함수  $y=\frac{1}{5}(x-3)^2+a^2+5a-6$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는  $(3, a^2+5a-6)$

이 점이  $x$ 축 위에 있으므로

$$a^2+5a-6=0, (a+6)(a-1)=0$$

$$\therefore a=-6 \text{ 또는 } a=1$$

이때  $a>0$ 이므로  $a=1$

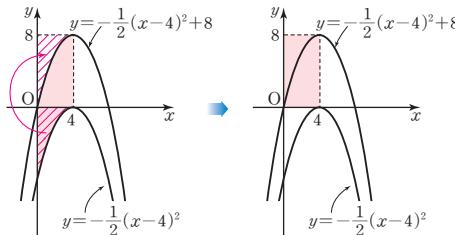
- 17** 주어진 일차함수의 그래프에서  $a>0, b>0$

즉,  $y=a(x+b)^2$ 의 그래프는  $a>0$ 이므로 아래로 볼록한 포물선이고,  $-b<0$ 이므로 꼭짓점  $(-b, 0)$ 은  $x$ 축 위에 있으며  $y$ 축보다 왼쪽에 있다.

따라서  $y=a(x+b)^2$ 의 그래프로 알맞은 것은 ⑤이다.

- 18**  $y=-\frac{1}{2}(x-4)^2+8$ 의 그래프는  $y=-\frac{1}{2}(x-4)^2$ 의 그래프를  $y$ 축의 방향으로 8만큼 평행이동한 것이다.

따라서 다음 그림에서 빛금 친 두 부분의 넓이가 서로 같으므로 색칠한 부분의 넓이는 가로의 길이가 4이고 세로의 길이가 8인 직사각형의 넓이와 같다.



$$\therefore (\text{색칠한 부분의 넓이})=4 \times 8=32$$

### STEP 3 서술형 완성하기

P. 148~149

〈과정은 풀이 참조〉

따라 해보자 유제 1 4

유제 2 -4

연습해 보자 1 6

2 20

3  $\frac{4}{3}$

4 7

#### 따라 해보자

- 유제 1 ① 단계 점 B의  $x$ 좌표를  $t(t>0)$ 라고 하면 점 D의  $x$ 좌표는  $3t$ 이므로

$$B\left(t, \frac{1}{2}t^2\right), D\left(3t, \frac{9}{2}t^2\right)$$

- ② 단계  $\overline{BC}=\overline{CD}$ 이므로  $3t-t=\frac{9}{2}t^2-\frac{1}{2}t^2$

$$4t^2-2t=0, 2t(2t-1)=0$$

$$\therefore t=0 \text{ 또는 } t=\frac{1}{2}$$

$$\text{이때 } t>0 \text{이므로 } t=\frac{1}{2}$$

따라서  $\square ABCD$ 의 한 변의 길이는

$$3t-t=2t=2 \times \frac{1}{2}=1$$

- ③ 단계  $\therefore (\square ABCD \text{의 둘레의 길이})=4 \times 1=4$

채점 기준		
1단계	두 점 B, D의 좌표를 각각 미지수를 사용하여 나타내기	… 30 %
2단계	$\square ABCD$ 의 한 변의 길이 구하기	… 50 %
3단계	$\square ABCD$ 의 둘레의 길이 구하기	… 20 %

- 유제 2 ① 단계 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=-3(x+4)^2-1$$

2단계) 이) 그래프가 점  $(-3, k)$ 를 지나므로

$$k = -3 \times (-3+4)^2 - 1 = -4$$

## 채점 기준

1단계	평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식 구하기	… 50 %
2단계	$k$ 의 값 구하기	… 50 %

## 연습해 보자

1 1단계)  $f(x) = 3x^2 - x + a$ 에서  $f(-1) = 2$ 이므로

$$f(-1) = 3 \times (-1)^2 - (-1) + a = 2$$

$$4 + a = 2 \quad \therefore a = -2$$

2단계) 즉,  $f(x) = 3x^2 - x - 2$ 으로  $f(2) = b$ 에서

$$f(2) = 3 \times 2^2 - 2 - 2 = b \quad \therefore b = 8$$

3단계)  $\therefore a + b = -2 + 8 = 6$

## 채점 기준

1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40 %
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	$a + b$ 의 값 구하기	… 20 %

2 1단계)  $y = 4x^2$ 의 그래프가 점  $(-1, a)$ 를 지나므로

$$a = 4 \times (-1)^2 = 4$$

2단계)  $y = 4x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대칭인 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  $y = -4x^2$

이) 그래프가 점  $(2, b)$ 를 지나므로

$$b = -4 \times 2^2 = -16$$

3단계)  $\therefore a - b = 4 - (-16) = 20$

## 채점 기준

1단계	$a$ 의 값 구하기	… 30 %
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 50 %
3단계	$a - b$ 의 값 구하기	… 20 %

3 1단계)  $y = 2(x - 2p)^2 - 3p^2$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는

$$(2p, -3p^2)$$

2단계) 이) 점이 직선  $y = -\frac{1}{2}x - 4$  위에 있으므로

$$-3p^2 = -\frac{1}{2} \times 2p - 4$$

$$3p^2 - p - 4 = 0, (p+1)(3p-4) = 0$$

$$\therefore p = -1 \text{ 또는 } p = \frac{4}{3}$$

$$\text{이때 } p > 0 \text{이므로 } p = \frac{4}{3}$$

## 채점 기준

1단계	꼭짓점의 좌표 구하기	… 30 %
2단계	$p$ 의 값 구하기	… 70 %

4 1단계)  $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 9$ 의 그래프의 꼭짓점 A의 좌표는

$$A(-2, 9)$$

2단계)  $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 9$ 에  $x=0$ 을 대입하면

$$y = -\frac{1}{2} \times (0+2)^2 + 9 = 7$$

$$\therefore B(0, 7)$$

3단계) 따라서  $\triangle AOB$ 는 밑변의 길이가  $\overline{OB} = 7$ , 높이가 2이므로

$$\triangle AOB = \frac{1}{2} \times 7 \times 2 = 7$$

## 채점 기준

1단계	점 A의 좌표 구하기	… 30 %
2단계	점 B의 좌표 구하기	… 40 %
3단계	$\triangle AOB$ 의 넓이 구하기	… 30 %

## 7. 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프

### 01 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프

P. 154~155

#### 개념 확인

1, 1, 1, 2, 1, 3

**필수 문제 1** (1)  $(2, -1)$ ,  $(0, 3)$ , 그래프는 풀이 참조

(2)  $(-1, \frac{9}{2})$ ,  $(0, 4)$ , 그래프는 풀이 참조

$$(1) y = x^2 - 4x + 3$$

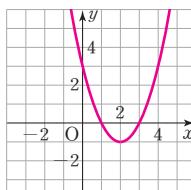
$$= (x^2 - 4x + 4 - 4) + 3$$

$$= (x-2)^2 - 1$$

⇒ 꼭짓점의 좌표:  $(2, -1)$

$y$ 축과 만나는 점의 좌표:

$$(0, 3)$$



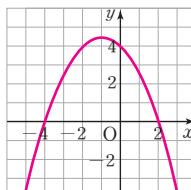
$$(2) y = -\frac{1}{2}x^2 - x + 4$$

$$= -\frac{1}{2}(x^2 + 2x + 1 - 1) + 4$$

$$= -\frac{1}{2}(x+1)^2 + \frac{9}{2}$$

⇒ 꼭짓점의 좌표:  $(-1, \frac{9}{2})$

$y$ 축과 만나는 점의 좌표:  $(0, 4)$



**필수 문제 2** (1)  $-5, -10$  (2)  $0, 15$  (3) 4 (4) 감소

$$y = x^2 + 10x + 15$$

$$= (x^2 + 10x + 25 - 25) + 15$$

$$= (x+5)^2 - 10$$

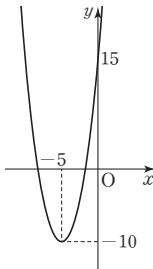
이므로 그래프는 오른쪽 그림과 같다.

(1) 꼭짓점의 좌표는  $(-5, -10)$ 이다.

(2)  $y$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(0, 15)$ 이다.

(3) 제4사분면을 지나지 않는다.

(4)  $x < -5$ 일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.



#### 2-1 ↗, ↘

$$y = -3x^2 + 12x - 8$$

$$= -3(x^2 - 4x + 4 - 4) - 8$$

$$= -3(x-2)^2 + 4$$

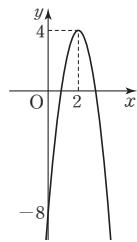
이므로 그래프는 오른쪽 그림과 같다.

ㄱ. 위로 볼록하다.

ㄹ. 제1, 3, 4사분면을 지난다.

ㅁ.  $x > 2$ 일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.

따라서 옳은 것은 ↗, ↘이다.



**필수 문제 3**  $(2, 0), (5, 0)$

$$y = x^2 - 7x + 10 \quad | \quad y = 0 \text{을 대입하면}$$

$$x^2 - 7x + 10 = 0, (x-2)(x-5) = 0$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = 5$$

따라서  $x$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(2, 0), (5, 0)$ 이다.

#### 3-1 $(-1, 0), (4, 0)$

$$y = -2x^2 + 6x + 8 \quad | \quad y = 0 \text{을 대입하면}$$

$$-2x^2 + 6x + 8 = 0$$

$$x^2 - 3x - 4 = 0, (x+1)(x-4) = 0$$

$$\therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 4$$

따라서  $x$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(-1, 0), (4, 0)$ 이다.

#### 3-2 ⑤

$$y = \frac{1}{3}x^2 - x - 6 \quad | \quad y = 0 \text{을 대입하면}$$

$$\frac{1}{3}x^2 - x - 6 = 0, x^2 - 3x - 18 = 0$$

$$(x+3)(x-6) = 0 \quad \therefore x = -3 \text{ 또는 } x = 6$$

따라서 A(-3, 0), B(6, 0) 또는 A(6, 0), B(-3, 0) 이므로  $\overline{AB} = 9$

P. 156

**필수 문제 4** (1) 아래,  $>$  (2) 원,  $>, >$  (3) 위,  $>$

#### 4-1 (1) $a < 0, b > 0, c > 0$ (2) $a > 0, b > 0, c < 0$

(1) 그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$

축이  $y$ 축의 오른쪽에 있으므로  $ab < 0 \quad \therefore b > 0$

$y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 위쪽에 있으므로  $c > 0$

(2) 그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$

축이  $y$ 축의 왼쪽에 있으므로  $ab > 0 \quad \therefore b > 0$

$y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 아래쪽에 있으므로  $c < 0$

### STEP 1 개념 익히기

P. 157~158

1 -15

2 (1)  $x = -3, (-3, -3)$

(2)  $y = 3(x-1)^2 - 7, x = 1, (1, -7)$

(3)  $y = -\frac{1}{4}(x-2)^2 + 6, x = 2, (2, 6)$

3 ④ 4 ②, ④ 5 ③ 6 ③

7 (1) A(2, 9), B(-1, 0), C(5, 0) (2) 27

8 8

$$\begin{aligned} 1 \quad y &= 3x^2 + 12x - 1 \\ &= 3(x^2 + 4x + 4 - 4) - 1 \\ &= 3(x+2)^2 - 13 \end{aligned}$$

이므로  $y = 3x^2 + 12x - 1$ 의 그래프는  $y = 3x^2$ 의 그래프를  $x$  축의 방향으로 -2만큼,  $y$ 축의 방향으로 -13만큼 평행이동한 것이다.

따라서  $m = -2$ ,  $n = -13$ 이므로  
 $m+n = -2 + (-13) = -15$

$$\begin{aligned} 2 \quad (1) \quad y &= -x^2 - 6x - 12 \\ &= -(x^2 + 6x + 9 - 9) - 12 \\ &= -(x+3)^2 - 3 \end{aligned}$$

$\Leftrightarrow$  축의 방정식:  $x = -3$ , 꼭짓점의 좌표:  $(-3, -3)$

$$\begin{aligned} (2) \quad y &= 3x^2 - 6x - 4 \\ &= 3(x^2 - 2x + 1 - 1) - 4 \\ &= 3(x-1)^2 - 7 \end{aligned}$$

$\Leftrightarrow$  축의 방정식:  $x = 1$ , 꼭짓점의 좌표:  $(1, -7)$

$$\begin{aligned} (3) \quad y &= -\frac{1}{4}x^2 + x + 5 \\ &= -\frac{1}{4}(x^2 - 4x + 4 - 4) + 5 \\ &= -\frac{1}{4}(x-2)^2 + 6 \end{aligned}$$

$\Leftrightarrow$  축의 방정식:  $x = 2$ , 꼭짓점의 좌표:  $(2, 6)$

$$\begin{aligned} 3 \quad y &= -x^2 - 2x - 2 \\ &= -(x^2 + 2x + 1 - 1) - 2 \\ &= -(x+1)^2 - 1 \end{aligned}$$

이때 ( $x^2$ 의 계수) =  $-1 < 0$ 이므로 그래프가 위로 볼록하고, 꼭짓점의 좌표는  $(-1, -1)$ ,  $y$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(0, -2)$ 이다.

따라서  $y = -x^2 - 2x - 2$ 의 그래프는 ④이다.

$$\begin{aligned} 4 \quad y &= -\frac{1}{2}x^2 - 5x + \frac{5}{2} \\ &= -\frac{1}{2}(x^2 + 10x + 25 - 25) + \frac{5}{2} \\ &= -\frac{1}{2}(x+5)^2 + 15 \end{aligned}$$

② 꼭짓점의 좌표는  $(-5, 15)$ 이다.

④  $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 -5만큼,  $y$ 축의 방향으로 15만큼 평행이동한 것이다.

5 그레프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$   
 $y$ 축이  $y$ 축의 오른쪽에 있으므로  $ab < 0 \quad \therefore b < 0$   
 $y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 아래쪽에 있으므로  $c < 0$

6 그레프가 위로 볼록하므로  $a < 0$   
 $y$ 축이  $y$ 축의 오른쪽에 있으므로  $ab < 0 \quad \therefore b > 0$   
 $y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 위쪽에 있으므로  $c > 0$

7.  $a < 0, c > 0$ 이므로  $ac < 0$

$b > 0, c > 0$ 이므로  $bc > 0$

$x = 1$ 일 때,  $y > 0$ 이므로  $a+b+c > 0$

$x = -2$ 일 때,  $y < 0$ 이므로  $4a-2b+c < 0$

따라서 옳은 것은 ④, ⑤이다.

$$\begin{aligned} 7 \quad (1) \quad y &= -x^2 + 4x + 5 \\ &= -(x^2 - 4x + 4 - 4) + 5 \\ &= -(x-2)^2 + 9 \end{aligned}$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(2, 9) \quad \therefore A(2, 9)$

또 두 점 B, C는 그래프와  $x$ 축이 만나는 점이므로

$y = -x^2 + 4x + 5$ 에  $y = 0$ 을 대입하면

$$-x^2 + 4x + 5 = 0, x^2 - 4x - 5 = 0$$

$$(x+1)(x-5) = 0 \quad \therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 5$$

$\therefore B(-1, 0), C(5, 0)$

(2)  $\triangle ABC$ 는 밑변의 길이가  $5 - (-1) = 6$ 이고, 높이가 9이므로

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27$$

$$\begin{aligned} 8 \quad y &= x^2 - 2x - 3 \\ &= (x^2 - 2x + 1 - 1) - 3 \\ &= (x-1)^2 - 4 \end{aligned}$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(1, -4) \quad \therefore A(1, -4)$

또 두 점 B, C는 그래프와  $x$ 축이 만나는 점이므로

$y = x^2 - 2x - 3$ 에  $y = 0$ 을 대입하면

$$x^2 - 2x - 3 = 0, (x+1)(x-3) = 0$$

$$\therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 3$$

$\therefore B(-1, 0), C(3, 0)$

따라서  $\triangle ACB$ 는 밑변의 길이가  $3 - (-1) = 4$ 이고, 높이가 4이므로

$$\triangle ACB = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$$

## 02 이차함수의 식 구하기

P. 159

1학년 확인

1, 2, 2, 3, 3, 1, 2,  $3x^2 - 6x + 5$

필수 문제 1  $y = 4x^2 + 24x + 35$

꼭짓점의 좌표가  $(-3, -1)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x+3)^2 - 1$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(-5, 15)$ 를 지나므로

$$15 = a \cdot (-5+3)^2 - 1, 4a = 16 \quad \therefore a = 4$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y = 4(x+3)^2 - 1 = 4x^2 + 24x + 35$$

**1-1 ③**

꼭짓점의 좌표가  $(2, 0)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  
 $y=a(x-2)^2$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(1, -3)$ 을 지나므로

$$-3=a \times (1-2)^2 \quad \therefore a=-3$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-3(x-2)^2=-3x^2+12x-12$$

**1-2 ②**

꼭짓점의 좌표가  $(0, 4)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  
 $y=ax^2+4$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(3, 1)$ 을 지나므로

$$1=a \times 3^2+4, 9a=-3 \quad \therefore a=-\frac{1}{3}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-\frac{1}{3}x^2+4$$

P. 160

**개념 확인**

$$1, 3, 4a, 2, 1, 2, 1, 1, 2x^2-4x+3$$

**필수 문제 ②**

$$y=2x^2-16x+27$$

축의 방정식이  $x=4$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  
 $y=a(x-4)^2+q$ 로 놓자.

이 그래프가 두 점  $(2, 3)$ ,  $(3, -3)$ 을 지나므로

$$3=a \times (2-4)^2+q \quad \therefore 4a+q=3 \quad \cdots ①$$

$$-3=a \times (3-4)^2+q \quad \therefore a+q=-3 \quad \cdots ②$$

①, ②을 연립하여 풀면  $a=2$ ,  $q=-5$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=2(x-4)^2-5=2x^2-16x+27$$

**2-1 -6**

축의 방정식이  $x=-3$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  
 $y=a(x+3)^2+q$ 로 놓자.

이 그래프가 두 점  $(-1, 4)$ ,  $(0, -1)$ 을 지나므로

$$4=a \times (-1+3)^2+q \quad \therefore 4a+q=4 \quad \cdots ①$$

$$-1=a \times (0+3)^2+q \quad \therefore 9a+q=-1 \quad \cdots ②$$

①, ②을 연립하여 풀면  $a=-1$ ,  $q=8$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-(x+3)^2+8=-x^2-6x-1$$

즉,  $a=-1$ ,  $b=-6$ ,  $c=-1$ 이므로

$$a+b-c=-1+(-6)-(-1)=-6$$

**2-2 ④**

축의 방정식이  $x=2$ 이므로 구하는 이차함수의 식을

$y=a(x-2)^2+q$ 로 놓자.

이 그래프가 두 점  $(0, 6)$ ,  $(6, 0)$ 을 지나므로

$$6=a \times (0-2)^2+q \quad \therefore 4a+q=6 \quad \cdots ①$$

$$0=a \times (6-2)^2+q \quad \therefore 16a+q=0 \quad \cdots ②$$

①, ②을 연립하여 풀면  $a=-\frac{1}{2}$ ,  $q=8$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-\frac{1}{2}(x-2)^2+8=-\frac{1}{2}x^2+2x+6$$

P. 161

**개념 확인**

$$2, 2, 2, 2, 3, 1, 3x^2+x+2$$

**필수 문제 ③**

$$y=x^2-4x+4$$

구하는 이차함수의 식을  $y=ax^2+bx+c$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, 4)$ 를 지나므로  $c=4$

즉,  $y=ax^2+bx+4$ 의 그래프가 두 점  $(-1, 9)$ ,  $(1, 1)$ 을 지나므로

$$9=a-b+4 \quad \therefore a-b=5 \quad \cdots ①$$

$$1=a+b+4 \quad \therefore a+b=-3 \quad \cdots ②$$

①, ②을 연립하여 풀면  $a=1$ ,  $b=-4$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=x^2-4x+4$$

**3-1 15**

$y=ax^2+bx+c$ 의 그래프가 점  $(0, 5)$ 를 지나므로  $c=5$

즉,  $y=ax^2+bx+5$ 의 그래프가 두 점  $(1, -1)$ ,  $(2, -3)$ 을 지나므로

$$-1=a+b+5 \quad \therefore a+b=-6 \quad \cdots ①$$

$$-3=4a+2b+5 \quad \therefore 2a+b=-4 \quad \cdots ②$$

①, ②을 연립하여 풀면  $a=2$ ,  $b=-8$

$$\therefore a-b+c=2-(-8)+5=15$$

**3-2 ①**

구하는 이차함수의 식을  $y=ax^2+bx+c$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, -9)$ 을 지나므로  $c=-9$

즉,  $y=ax^2+bx-9$ 의 그래프가 두 점  $(1, -5)$ ,  $(5, -9)$ 를 지나므로

$$-5=a+b-9 \quad \therefore a+b=4 \quad \cdots ①$$

$$-9=25a+5b-9 \quad \therefore 5a+b=0 \quad \cdots ②$$

①, ②을 연립하여 풀면  $a=-1$ ,  $b=5$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-x^2+5x-9$$

P. 162

**개념 확인**

$$1, 2, 4, 2, 2, 1, 2, 2x^2-6x+4$$

**필수 문제 4**  $y=x^2-5x+4$

그래프가  $x$ 축과 두 점  $(1, 0), (4, 0)$ 에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을  $y=a(x-1)(x-4)$ 로 놓자.  
이 그래프가 점  $(3, -2)$ 를 지나므로

$$-2=a \times 2 \times (-1) \quad \therefore a=1$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=(x-1)(x-4)=x^2-5x+4$$

**4-1 -16**

그래프가  $x$ 축과 두 점  $(-5, 0), (2, 0)$ 에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을  $y=a(x+5)(x-2)$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(1, 12)$ 를 지나므로

$$12=a \times 6 \times (-1) \quad \therefore a=-2$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-2(x+5)(x-2)=-2x^2-6x+20$$

즉,  $a=-2, b=-6, c=20$ 이므로

$$a-b-c=-2-(-6)-20=-16$$

**4-2 ③**

그래프가  $x$ 축과 두 점  $(-2, 0), (-1, 0)$ 에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을  $y=a(x+2)(x+1)$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, 4)$ 를 지나므로

$$4=a \times 2 \times 1 \quad \therefore a=2$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=2(x+2)(x+1)=2x^2+6x+4$$

즉,  $a=2, b=6, c=4$ 이므로

$$abc=2 \times 6 \times 4=48$$

**다른 풀이**

$y=ax^2+bx+c$ 의 그래프가 점  $(0, 4)$ 를 지나므로  $c=4$   
즉,  $y=ax^2+bx+4$ 의 그래프가 두 점  $(-2, 0), (-1, 0)$ 을 지나므로

$$0=4a-2b+4 \quad \therefore 2a-b=-2 \quad \cdots ①$$

$$0=a-b+4 \quad \therefore a-b=-4 \quad \cdots ②$$

①, ②을 연립하여 풀면  $a=2, b=6$

$$\therefore abc=2 \times 6 \times 4=48$$

**STEP 1** **쓰쓰 개념 익히기**

P. 163

1 (1)  $y=2x^2-12x+20$       (2)  $y=-x^2-2x+5$

(3)  $y=-x^2+4x+5$       (4)  $y=\frac{1}{2}x^2-\frac{1}{2}x-3$

2 (1)  $y=-2x^2-4x-1$       (2)  $y=3x^2+12x+9$

(3)  $y=-x^2-3x+4$       (4)  $y=\frac{1}{3}x^2-\frac{2}{3}x-1$

3 ①

1 (1) 꼭짓점의 좌표가  $(3, 2)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을

$$y=a(x-3)^2+2$$

이 그래프가 점  $(4, 4)$ 를 지나므로

$$4=a \times (4-3)^2+2 \quad \therefore a=2$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=2(x-3)^2+2=2x^2-12x+20$$

(2) 축의 방정식이  $x=-1$ 이므로 구하는 이차함수의 식을

$$y=a(x+1)^2+q$$

이 그래프가 두 점  $(0, 5), (1, 2)$ 를 지나므로

$$5=a \times (0+1)^2+q \quad \therefore a+q=5 \quad \cdots ①$$

$$2=a \times (1+1)^2+q \quad \therefore 4a+q=2 \quad \cdots ②$$

①, ②을 연립하여 풀면  $a=-1, q=6$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-(x+1)^2+6=-x^2-2x+5$$

(3) 구하는 이차함수의 식을  $y=ax^2+bx+c$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, 5)$ 을 지나므로  $c=5$

즉,  $y=ax^2+bx+5$ 의 그래프가 두 점  $(1, 8), (-1, 0)$ 을 지나므로

$$8=a+b+5 \quad \therefore a+b=3 \quad \cdots ①$$

$$0=a-b+5 \quad \therefore a-b=-5 \quad \cdots ②$$

①, ②을 연립하여 풀면  $a=-1, b=4$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-x^2+4x+5$$

(4) 그래프가  $x$ 축과 두 점  $(-2, 0), (3, 0)$ 에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을  $y=a(x+2)(x-3)$ 으로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, -3)$ 을 지나므로

$$-3=a \times 2 \times (-3) \quad \therefore a=\frac{1}{2}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=\frac{1}{2}(x+2)(x-3)=\frac{1}{2}x^2-\frac{1}{2}x-3$$

2 (1) 꼭짓점의 좌표가  $(-1, 1)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을

$$y=a(x+1)^2+1$$

이 그래프가 점  $(0, -1)$ 을 지나므로

$$-1=a \times (0+1)^2+1 \quad \therefore a=-2$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-2(x+1)^2+1=-2x^2-4x-1$$

(2) 축의 방정식이  $x=-2$ 이므로 구하는 이차함수의 식을

$$y=a(x+2)^2+q$$

이 그래프가 두 점  $(-3, 0), (0, 9)$ 을 지나므로

$$0=a \times (-3+2)^2+q \quad \therefore a+q=0 \quad \cdots ①$$

$$9=a \times (0+2)^2+q \quad \therefore 4a+q=9 \quad \cdots ②$$

①, ②을 연립하여 풀면  $a=3, q=-3$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=3(x+2)^2-3=3x^2+12x+9$$

(3) 구하는 이차함수의 식을  $y=ax^2+bx+c$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, 4)$ 를 지나므로  $c=4$

즉,  $y=ax^2+bx+4$ 의 그래프가 두 점  $(-2, 6), (1, 0)$ 을 지나므로

$$6=4a-2b+4 \quad \therefore 2a-b=1 \quad \cdots \textcircled{1}$$

$$0=a+b+4 \quad \therefore a+b=-4 \quad \cdots \textcircled{2}$$

①, ②을 연립하여 풀면  $a=-1$ ,  $b=-3$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-x^2-3x+4$$

(4) 그래프가  $x$ 축과 두 점  $(-1, 0)$ ,  $(3, 0)$ 에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을  $y=a(x+1)(x-3)$ 으로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, -1)$ 을 지나므로

$$-1=a \times 1 \times (-3) \quad \therefore a=\frac{1}{3}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=\frac{1}{3}(x+1)(x-3)=\frac{1}{3}x^2-\frac{2}{3}x-1$$

#### 다른 풀이

구하는 이차함수의 식을  $y=ax^2+bx+c$ 로 놓으면 그래프가 점  $(0, -1)$ 을 지나므로  $c=-1$

즉,  $y=ax^2+bx-1$ 의 그래프가 두 점  $(-1, 0)$ ,  $(3, 0)$ 을 지나므로

$$0=a-b-1 \quad \therefore a-b=1 \quad \cdots \textcircled{1}$$

$$0=9a+3b-1 \quad \therefore 9a+3b=1 \quad \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{을 연립하여 풀면 } a=\frac{1}{3}, b=-\frac{2}{3}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=\frac{1}{3}x^2-\frac{2}{3}x-1$$

3  $y=-x^2+2x+7$

$$=-(x^2-2x+1-1)+7$$

$$=-(x-1)^2+8$$

에서 꼭짓점의 좌표는  $(1, 8)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  $y=a(x-1)^2+8$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(-2, -10)$ 을 지나므로

$$-10=a \times (-2-1)^2+8$$

$$9a=-18 \quad \therefore a=-2$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-2(x-1)^2+8=-2x^2+4x+6$$

$$(2) y=2x^2-8x+3$$

$$=2(x^2-4x+4-4)+3$$

$$=2(x-2)^2-5$$

이므로  $x=2$ 에서 최솟값은  $-5$ 이고, 최댓값은 없다.

$$(3) y=-x^2-8x-10$$

$$=-(x^2+8x+16-16)-10$$

$$=-(x+4)^2+6$$

이므로  $x=-4$ 에서 최댓값은  $6$ 이고, 최솟값은 없다.

1-1 (1)  $x=-1$ 에서 최솟값은  $-3$ 이고, 최댓값은 없다.

(2)  $x=1$ 에서 최솟값은  $0$ 이고, 최댓값은 없다.

(3)  $x=-1$ 에서 최댓값은  $5$ 이고, 최솟값은 없다.

$$(2) y=7x^2-14x+7$$

$$=7(x^2-2x+1-1)+7$$

$$=7(x-1)^2$$

이므로  $x=1$ 에서 최솟값은  $0$ 이고, 최댓값은 없다.

$$(3) y=-3x^2-6x+2$$

$$=-3(x^2+2x+1-1)+2$$

$$=-3(x+1)^2+5$$

이므로  $x=-1$ 에서 최댓값은  $5$ 이고, 최솟값은 없다.

#### 필수 문제 2 -2

$$y=x^2+4x-m$$

$$=(x^2+4x+4-4)-m$$

$$=(x+2)^2-4-m$$

이므로  $x=-2$ 에서 최솟값은  $-4-m$ 이다.

이때 최솟값이  $-2$ 이므로

$$-4-m=-2 \quad \therefore m=-2$$

#### 2-1 6

$$y=-\frac{1}{4}x^2-2x+1+k$$

$$=-\frac{1}{4}(x^2+8x+16-16)+1+k$$

$$=-\frac{1}{4}(x+4)^2+5+k$$

이므로  $x=-4$ 에서 최댓값은  $5+k$ 이다.

이때 최댓값이  $11$ 이므로

$$5+k=11 \quad \therefore k=6$$

## 03 이차함수의 최댓값과 최솟값

P. 164

#### 개념 확인

- (1) 1, 없다. (2) 없다., 2 (3) 0, 없다.

#### 필수 문제 1

- (1)  $x=4$ 에서 최댓값은  $9$ 이고, 최솟값은 없다.  
(2)  $x=2$ 에서 최솟값은  $-5$ 이고, 최댓값은 없다.  
(3)  $x=-4$ 에서 최댓값은  $6$ 이고, 최솟값은 없다.

P. 165

#### 필수 문제 3

- 8, 8, 8, 64, 2, 72, 2, 72, 2

#### 3-1 최댓값: 100, 두 수: 10, 10

한 수를  $x$ 라 하면 다른 한 수는  $20-x$ 이고,  
두 수의 곱을  $y$ 라고 하면

$$\begin{aligned}y &= x(20-x) = -x^2 + 20x \\&= -(x^2 - 20x + 100 - 100) \\&= -(x-10)^2 + 100\end{aligned}$$

이므로  $x=10$ 에서 최댓값은 100이다.

따라서 두 수의 곱의 최댓값은 100이고, 그때의 두 수는 10, 10이다.

#### 필수 문제 4 (1) 45 m (2) 6초 후

$$\begin{aligned}(1) y &= 30x - 5x^2 \\&= -5(x^2 - 6x + 9 - 9) \\&= -5(x-3)^2 + 45\end{aligned}$$

이므로  $x=3$ 에서 최댓값은 45이다.

따라서 이 공이 가장 높이 올라갔을 때, 지면으로부터의 높이는 45 m이다.

(2) 이 공이 다시 지면으로 떨어지는 것은  $y=0$ 일 때이므로  $0=30x - 5x^2$ 에서

$$x^2 - 6x = 0, x(x-6) = 0$$

$$\therefore x=0 \text{ 또는 } x=6$$

이때  $x>0$ 이므로  $x=6$

따라서 이 공은 쏘아 올린 지 6초 후에 다시 지면에 떨어진다.

#### 4-1 $\frac{45}{4}$ m, 0.5초

$$\begin{aligned}y &= -5x^2 + 5x + 10 \\&= -5\left(x^2 - x + \frac{1}{4} - \frac{1}{4}\right) + 10 \\&= -5\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{45}{4}\end{aligned}$$

이므로  $x=\frac{1}{2}$ 에서 최댓값은  $\frac{45}{4}$ 이다.

따라서 가장 높이 올라갔을 때, 수면으로부터의 높이는  $\frac{45}{4}$  m이고, 그때까지 걸린 시간은  $\frac{1}{2}=0.5$ (초)이다.

$$\begin{aligned}2 \quad ① y &= 4x^2 + 4x + 5 \\&= 4\left(x^2 + x + \frac{1}{4} - \frac{1}{4}\right) + 5 \\&= 4\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + 4\end{aligned}$$

이므로  $x=-\frac{1}{2}$ 에서 최솟값은 4이고, 최댓값은 없다.

$$\begin{aligned}② y &= -2x^2 - 4x - 1 \\&= -2(x^2 + 2x + 1 - 1) - 1 \\&= -2(x+1)^2 + 1\end{aligned}$$

이므로  $x=-1$ 에서 최댓값은 1이고, 최솟값은 없다.

$$\begin{aligned}③ y &= \frac{1}{2}x^2 - 4x - 1 \\&= \frac{1}{2}(x^2 - 8x + 16 - 16) - 1 \\&= \frac{1}{2}(x-4)^2 - 9\end{aligned}$$

이므로  $x=4$ 에서 최솟값은 -9이고, 최댓값은 없다.

$$\begin{aligned}④ y &= -3x^2 - 6x + 3 \\&= -3(x^2 + 2x + 1 - 1) + 3 \\&= -3(x+1)^2 + 6\end{aligned}$$

이므로  $x=-1$ 에서 최댓값은 6이고, 최솟값은 없다.

$$\begin{aligned}⑤ y &= -\frac{2}{3}x^2 + 6x - 1 \\&= -\frac{2}{3}\left(x^2 - 9x + \frac{81}{4} - \frac{81}{4}\right) - 1 \\&= -\frac{2}{3}\left(x - \frac{9}{2}\right)^2 + \frac{25}{2}\end{aligned}$$

이므로  $x=\frac{9}{2}$ 에서 최댓값은  $\frac{25}{2}$ 이고, 최솟값은 없다.

따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

3  $x=2$ 에서 최솟값이 -6이므로 꼭짓점의 좌표는 (2, -6)

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y = \frac{1}{2}(x-2)^2 - 6 = \frac{1}{2}x^2 - 2x - 4$$

이므로  $a=-2, b=-4$

$$\therefore ab = -2 \times (-4) = 8$$

4 한 수를  $x$ 라 하면 다른 한 수는  $x+6$ 이고, 두 수의 곱을  $y$ 라고 하면

$$\begin{aligned}y &= x(x+6) = x^2 + 6x \\&= x^2 + 6x + 9 - 9 \\&= (x+3)^2 - 9\end{aligned}$$

이므로  $x=-3$ 에서 최솟값은 -9이다.

이때 두 수는  $-3, -3+6=3$ 이므로

$$a=-3, b=-9$$

$$\therefore a-b = -3 - (-9) = 6$$

5 꽃밭의 세로의 길이를  $x$ m라 하면 가로의 길이는  $(60-2x)$ m이고,

꽃밭의 넓이를  $y$ m<sup>2</sup>라고 하면

#### STEP 1 꽃밭 개념 익히기

P. 166

$$\begin{array}{ll}1 \quad 1 & 2 \quad ④ \\5 \quad 450 \text{ m}^2 & 6 \quad 500\text{개}, 2000\text{만 원}\end{array}$$

$$1 \quad y = -x^2 - 2x + 1$$

$$= -(x^2 + 2x + 1 - 1) + 1$$

$$= -(x+1)^2 + 2$$

이므로  $x=-1$ 에서 최댓값은 2이다.

따라서  $a=-1, b=2$ 이므로

$$a+b = -1 + 2 = 1$$

$$\begin{aligned}
 y &= x(60 - 2x) = -2x^2 + 60x \\
 &= -2(x^2 - 30x + 225 - 225) \\
 &= -2(x - 15)^2 + 450
 \end{aligned}$$

이므로  $x=15$ 에서 최댓값은 450이다.  
 따라서 이 꽃밭의 최대 넓이는  $450 \text{ m}^2$ 이다.

- ## 6 하루 이익금을 $y$ 만 원이라고 하면

$$\begin{aligned}
 y &= -\frac{1}{100}x^2 + 10x - 500 \\
 &= -\frac{1}{100}(x^2 - 1000x + 250000 - 250000) - 500 \\
 &= -\frac{1}{100}(x - 500)^2 + 2000
 \end{aligned}$$

이므로  $x=500$ 에서 최댓값은 2000이다.

따라서 하루 이익금을 최대로 하려면 500개의 제품을 생산해야 하고, 그때의 하루 이익금은 2000만 원이다.

STEP  
2 탄탄  
단원 디자기

P. 167~169

- 1** ③      **2** ②      **3** ③      **4** ③      **5** ⑤  
**6** 3      **7** ④      **8** ⑤      **9** ⑤      **10** ①  
**11** ②      **12**  $\left(3, -\frac{1}{2}\right)$       **13** ④      **14** ③  
**15** 4      **16** ③      **17** 10 cm      **18** 4초 ½

$$\begin{aligned}
 1 \quad y &= -3x^2 + 2x + 6 \\
 &= -3\left(x^2 - \frac{2}{3}x + \frac{1}{9} - \frac{1}{9}\right) + 6 \\
 &= -3\left(x - \frac{1}{3}\right)^2 + \frac{19}{3} \\
 \text{따라서 } a &= -3, p = \frac{1}{3}, q = \frac{19}{3} \circ \text{므로} \\
 a + p + q &= -3 + \frac{1}{3} + \frac{19}{3} = \frac{11}{3}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 2) \quad & y = 2x^2 - 4x + a \\
 & = 2(x^2 - 2x + 1 - 1) + a \\
 & = 2(x-1)^2 - 2 + a \\
 \text{이므로 꼭짓점의 좌표는 } & (1, -2+a) \\
 \\ 
 & y = -3x^2 + 6x + 3a \\
 & = -3(x^2 - 2x + 1 - 1) + 3a \\
 & = -3(x-1)^2 + 3 + 3a \\
 \text{이므로 꼭짓점의 좌표는 } & (1, 3+3a) \\
 \text{이때 두 그래프의 꼭짓점이 일치하므로 }
 \end{aligned}$$

$$3 \quad y=4x^2-ax+8 \text{의 그래프가 점 } (1, 4) \text{를 지나므로} \\ 4=4 \times 1^2 - a \times 1 + 8 \quad \therefore a=8$$

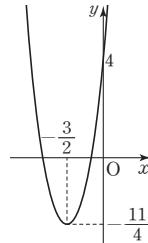
$$\begin{aligned}\therefore y &= 4x^2 - 8x + 8 \\&= 4(x^2 - 2x + 1 - 1) + 8 \\&= 4(x-1)^2 + 4\end{aligned}$$

따라서 축의 방정식은  $x=1$ 이다.

따라서 축의 방정식은  $x=1$ 이다.

$$\begin{aligned} 4 \quad y &= 3x^2 + 9x + 4 \\ &= 3\left(x^2 + 3x + \frac{9}{4} - \frac{9}{4}\right) + 4 \\ &= 3\left(x + \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{11}{4} \end{aligned}$$

이므로 그래프는 오른쪽 그림과 같이 제4사분면을 지나지 않는다.



5  $y = -2x^2 + 4x - 5$   
 $= -2(x^2 - 2x + 1 - 1) - 5$   
 $= -2(x-1)^2 - 3$

- ① 위로 볼록한 포물선이다.
- ② 직선  $x=1$ 을 축으로 한다.
- ③ 꼭짓점의 좌표는  $(1, -3)$ 이다.
- ④  $y$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(0, -5)$ 이다.  
 따라서 옳은 것은 ⑤이다.

$$\begin{aligned}
 y &= 2x^2 + 8x - 5 \\
 &= 2(x^2 + 4x + 4 - 4) - 5 \\
 &= 2(x+2)^2 - 13
 \end{aligned}$$

이 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $m$ 만큼,  $y$ 축의 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의

$$y = 2(x-m+2)^2 - 13 + n \quad \dots \textcircled{⑦}$$

한편,

$$\begin{aligned}
 y &= 2x^2 + 10x + 3 \\
 &= 2\left(x^2 + 5x + \frac{25}{4} - \frac{25}{4}\right) + 3 \\
 &= 2\left(x + \frac{5}{2}\right)^2 - \frac{19}{2} \quad \dots \textcircled{⑧}
 \end{aligned}$$

이고, ⑦과 ⑧의 일치하므로

$$-m+2 = \frac{5}{2}, \quad -13+n = -\frac{19}{2}$$

따라서  $m = -\frac{1}{2}$ ,  $n = \frac{7}{2}$ 이므로

$$m+n = -\frac{1}{2} + \frac{7}{2} = 3$$

7 그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$   
 축이  $y$ 축의 왼쪽에 있으므로  $ab > 0 \quad \therefore b < 0$   
 $y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 위쪽에 있으므로  $c > 0$

8  $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가  
위로 볼록하므로  $a < 0$   
축이  $y$ 축의 오른쪽에 있으므로  $ab < 0 \quad \therefore b > 0$   
 $y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 아래쪽에 있으므로  $c < 0$

따라서  $y=bx^2+cx+a$ 의 그래프는  
 $b>0$ 이므로 아래로 볼록하고,  
 $bc<0$ 이므로 축이  $y$ 축의 오른쪽에 있고,  
 $a<0$ 이므로  $y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 아래쪽에 있다.  
따라서  $y=bx^2+cx+a$ 의 그래프로 알맞은 것은 ⑤이다.

9  $y=x^2-4x-5$

$y=0$ 을 대입하면  $y=-5$

$$\therefore A(0, -5)$$

$y=0$ 을 대입하면  $0=x^2-4x-5$

$$(x+1)(x-5)=0 \quad \therefore x=-1 \text{ 또는 } x=5$$

$$\therefore C(5, 0)$$

한편,

$$y=x^2-4x-5$$

$$=(x^2-4x+4-4)-5$$

$$=(x-2)^2-9$$

이므로  $B(2, -9)$

$$\therefore \square OABC = \triangle OAB + \triangle OBC$$

$$=\frac{1}{2} \times 5 \times 2 + \frac{1}{2} \times 5 \times 9$$

$$=5+\frac{45}{2}=\frac{55}{2}$$

10 조건 ⑨에서  $y=\frac{1}{2}(x+2)^2-6$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는  $(-2, -6)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을

$$y=a(x+2)^2-6$$
으로 놓자.

조건 ⑩에서  $y=-3x^2+x-10$ 의 그래프가  $y$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(0, -10)$

즉,  $y=a(x+2)^2-6$ 의 그래프가 점  $(0, -10)$ 을 지나므로  
 $-10=a \times (0+2)^2-6$

$$4a=-4 \quad \therefore a=-1$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-(x+2)^2-6=-x^2-4x-10$$

11 축의 방정식이  $x=2$ 이므로 구하는 이차함수의 식을

$$y=2(x-2)^2+q$$
로 놓자.

이 그래프가 점  $(1, -3)$ 을 지나므로

$$-3=2 \times (1-2)^2+q \quad \therefore q=-5$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=2(x-2)^2-5=2x^2-8x+3$$

즉,  $a=-8$ ,  $b=3$ 이므로

$$a-b=-8-3=-11$$

12 그래프가  $x$ 축과 두 점  $(2, 0)$ ,  $(4, 0)$ 에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을  $y=a(x-2)(x-4)$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, 4)$ 를 지나므로

$$4=a \times (-2) \times (-4) \quad \therefore a=\frac{1}{2}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=\frac{1}{2}(x-2)(x-4)=\frac{1}{2}x^2-3x+4$$

$$=\frac{1}{2}(x^2-6x+9-9)+4$$

$$=\frac{1}{2}(x-3)^2-\frac{1}{2}$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $\left(3, -\frac{1}{2}\right)$ 이다.

13 ( $x^2$ 의 계수) $>0$ 이면 최솟값을 갖는다.

②  $x=-1$ 에서 최솟값은 0이다.

③  $x=3$ 에서 최솟값은 1이다.

$$④ y=x^2+2x$$

$$=x^2+2x+1-1$$

$$=(x+1)^2-1$$

이므로  $x=-1$ 에서 최솟값은  $-1$ 이다.

따라서 최솟값이  $-1$ 인 것은 ④이다.

14  $y=2x^2-12x$

$$=2(x^2-6x+9-9)$$

$$=2(x-3)^2-18$$

이므로  $x=3$ 에서 최솟값은  $-18$ 이다.

$$\therefore m=-18$$

$$y=-\frac{1}{3}x^2+4x-3$$

$$=-\frac{1}{3}(x^2-12x+36-36)-3$$

$$=-\frac{1}{3}(x-6)^2+9$$

이므로  $x=6$ 에서 최댓값은 9이다.

$$\therefore M=9$$

$$\therefore M+m=9+(-18)=-9$$

15 조건 ⑨에서 구하는 이차함수의 식의  $x^2$ 의 계수는  $-1$ 이다.

조건 ⑩에서 축의 방정식이  $x=1$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  $y=-(x-1)^2+q$ 로 놓자.

조건 ⑪에서 이 그래프가 점  $(0, 3)$ 을 지나므로

$$3=-(0-1)^2+q \quad \therefore q=4$$

따라서 구하는 이차함수의 식은  $y=-(x-1)^2+4$ 이므로  $x=1$ 에서 최댓값은 4이다.

16  $y=-2x^2-4kx+k$

$$=-2(x^2+2kx+k^2-k^2)+k$$

$$=-2(x+k)^2+2k^2+k$$

이므로  $x=-k$ 에서 최댓값은  $2k^2+k$ 이다.

$$\therefore M=2k^2+k$$

$$=2\left(k^2+\frac{1}{2}k+\frac{1}{16}-\frac{1}{16}\right)$$

$$=2\left(k+\frac{1}{4}\right)^2-\frac{1}{8}$$

따라서  $M$ 은  $k=-\frac{1}{4}$ 에서 최솟값이  $-\frac{1}{8}$ 이다.

17  $\overline{BP} = x \text{ cm}$ 라 하면  $\overline{AP} = (15 - x) \text{ cm}$ 이고,

두 도형의 넓이의 합을  $y \text{ cm}^2$ 라고 하면

$$y = (15 - x)^2 + \frac{1}{2} \times x^2$$

$$= \frac{3}{2}x^2 - 30x + 225$$

$$= \frac{3}{2}(x^2 - 20x + 100 - 100) + 225$$

$$= \frac{3}{2}(x - 10)^2 + 75$$

이므로  $x = 10$ 에서 최솟값은 75이다.

따라서 두 도형의 넓이의 합이 최소가 되게 하는  $\overline{BP}$ 의 길이는 10 cm이다.

18  $h = -5t^2 + 40t$

$$= -5(t^2 - 8t + 16 - 16)$$

$$= -5(t - 4)^2 + 80$$

이므로  $t = 4$ 에서 최댓값은 80이다.

즉, 로켓이 최고 높이에 도달하는 데 걸리는 시간은 4초이다.

또 로켓이 지면에 떨어질 때까지 걸리는 시간은

$$0 = -5t^2 + 40t \text{에서 } t(t - 8) = 0$$

$\therefore t = 0$  또는  $t = 8$

이때  $t > 0$ 이므로  $t = 8$

즉, 로켓을 쏘아 올린 지 8초 후에 로켓이 지면에 떨어진다.

따라서 로켓이 최고 높이에 도달한 후 지면에 떨어지는 것은  $8 - 4 = 4$ (초) 후이다.

채점 기준	
1단계	이차함수의 식 구하기 … 70 %
2단계	$k$ 의 값 구하기 … 30 %

유제 2 1단계 삼각형의 밑변의 길이를  $x \text{ cm}$ 라고 하면 높이는  $(30 - x) \text{ cm}$ 이다.

2단계 삼각형의 넓이를  $y \text{ cm}^2$ 라고 하면

$$y = \frac{1}{2}x(30 - x)$$

$$3단계 y = \frac{1}{2}x(30 - x) = -\frac{1}{2}x^2 + 15x$$

$$= -\frac{1}{2}(x^2 - 30x + 225 - 225)$$

$$= -\frac{1}{2}(x - 15)^2 + \frac{225}{2}$$

이므로  $x = 15$ 에서 최댓값은  $\frac{225}{2}$ 이다.

따라서 밑변의 길이가 15 cm일 때, 삼각형의 넓이의 최댓값은  $\frac{225}{2} \text{ cm}^2$ 이다.

채점 기준	
1단계	삼각형의 밑변의 길이와 높이를 각각 미지수를 사용하여 나타내기 … 20 %
2단계	삼각형의 넓이를 구하는 식 세우기 … 20 %
3단계	삼각형의 넓이의 최댓값 구하기 … 60 %

### 연습해 보자

1 1단계  $y = -x^2 + 2x + 8$ 에  $x = 0$ 을 대입하면  $y = 8$   
 $\therefore A(0, 8)$

2단계  $y = -x^2 + 2x + 8$ 에  $y = 0$ 을 대입하면

$$-x^2 + 2x + 8 = 0, x^2 - 2x - 8 = 0$$

$$(x+2)(x-4) = 0 \quad \therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 4$$

$$\therefore B(-2, 0), C(4, 0)$$

3단계 따라서  $\triangle ABC$ 는 밑변의 길이가  $4 - (-2) = 6$ 이고, 높이가 8이다.

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 6 \times 8 = 24$$

채점 기준	
1단계	점 A의 좌표 구하기 … 20 %
2단계	두 점 B, C의 좌표 각각 구하기 … 50 %
3단계	$\triangle ABC$ 의 넓이 구하기 … 30 %

2 1단계 구하는 이차함수의 식을  $y = ax^2 + bx + c$ 로 놓자.  
이 그래프가 점  $(0, 2)$ 를 지나므로  $c = 2$

2단계 즉,  $y = ax^2 + bx + 2$ 의 그래프가 두 점

$$(-1, 3), (3, 5)$$
를 지나므로

$$3 = a - b + 2 \quad \therefore a - b = 1 \quad \text{… ⑦}$$

$$5 = 9a + 3b + 2 \quad \therefore 3a + b = 1 \quad \text{… ⑧}$$

STEP  
3

서술형 완성하기

P. 170~171

〈과정은 풀이 참조〉

파라 해보자 유제 1 60

$$\text{유제 2 } \frac{225}{2} \text{ cm}^2$$

연습해 보자 1 24

$$2 y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}x + 2$$

3 -2

4 1

### 파라 해보자

유제 1 1단계 꼭짓점의 좌표가  $(-3, -4)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x+3)^2 - 4$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(-1, 0)$ 을 지나므로

$$0 = a \times (-1+3)^2 - 4$$

$$4a = 4 \quad \therefore a = 1$$

$$\therefore y = (x+3)^2 - 4$$

2단계 즉,  $y = (x+3)^2 - 4$ 의 그래프가 점  $(5, k)$ 를 지나므로

$$k = (5+3)^2 - 4 = 60$$

㉠, ㉡을 연립하여 풀면

$$a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}$$

3단계 따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}x + 2$$

채점 기준		
1단계	$c$ 의 값 구하기	… 30 %
2단계	$a, b$ 의 값 각각 구하기	… 50 %
3단계	이차함수의 식을 $y = ax^2 + bx + c$ 꼴로 나타내기	… 20 %

3 1단계  $y = -3x^2 + 18x + a$

$$\begin{aligned} &= -3(x^2 - 6x + 9 - 9) + a \\ &= -3(x-3)^2 + 27 + a \end{aligned}$$

2단계 따라서  $x=3$ 에서 최댓값  $27+a$ 를 갖는다.

3단계 이때 최댓값이 25이므로

$$\begin{aligned} 27+a &= 25 \\ \therefore a &= -2 \end{aligned}$$

채점 기준		
1단계	주어진 이차함수를 $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 고치기	… 40 %
2단계	최댓값을 $a$ 를 사용하여 나타내기	… 30 %
3단계	$a$ 의 값 구하기	… 30 %

4 1단계 점 P가 직선  $y = -2x + 4$  위의 점이므로

$$P(a, -2a+4)$$
라고 하자.

2단계  $\triangle POQ$ 의 넓이를  $y$ 라고 하면

$$\begin{aligned} y &= \frac{1}{2} \times a \times (-2a+4) = -a^2 + 2a \\ &= -(a^2 - 2a + 1 - 1) \\ &= -(a-1)^2 + 1 \end{aligned}$$

3단계 따라서  $a=1$ 에서 최댓값은 1이므로

$\triangle POQ$ 의 넓이의 최댓값은 1이다.

채점 기준		
1단계	점 P의 좌표를 $a$ 를 사용하여 나타내기	… 30 %
2단계	$\triangle POQ$ 의 넓이를 $a$ 에 대한 이차함수로 나타내기	… 40 %
3단계	$\triangle POQ$ 의 넓이의 최댓값 구하기	… 30 %

MEMO

MEMO

MEMO

## 1. 제곱근과 실수

## O1 제곱근의 뜻과 성질

P. 7~9

## 쏙쏙 다시 개념 익히기

1 ④, ⑤ 2 ⑤ 3  $-25$  4 ③ 5  $\sqrt{7}$  cm

## 핵심 유형 문제

6 ⑤	7 ④	8 ④	9 15	10 ②, ③
11 ③	12 ⑤	13 $-3$	14 ②	15 ④
16 $\sqrt{42}$ cm	17 $\sqrt{70}$ cm	18 ③		

P. 10~16

## 쏙쏙 다시 개념 익히기

1 ⑤ 2  $\frac{7}{2}$  3  $2a-8$  4 11 5  $\sqrt{0.25}$   
6 25

## 핵심 유형 문제

7 ④	8 $-\sqrt{5^2}$	9 8	10 ⑤	11 ⑤
12 19	13 ⑤	14 ⑤	15 $4a+2b$	
16 ③	17 ④, ⑤	18 ①	19 $b$	20 ③
21 ④	22 ⑤	23 ②	24 ④	25 ③
26 ⑤	27 21	28 100	29 21	30 ②
31 ②	32 10	33 ③	34 ⑤	35 ③
36 6	37 ②, ④	38 ⑤	39 ④	40 ⑤
41 45	42 ②	43 ①	44 2	45 26

## O2 무리수와 실수

P. 17~18

## 쏙쏙 다시 개념 익히기

1 ④ 2  $\sqcup, \sqcap$  3 ③, ④ 4 ③ 5 8

## 핵심 유형 문제

6 ⑤	7 ③	8 ⑤	9 ④, ⑤	10 ②
11 ③				

P. 19~25

## 쏙쏙 다시 개념 익히기

1 P:  $2-\sqrt{5}$ , Q:  $2+\sqrt{13}$ , R:  $9-\sqrt{8}$  2 ④  
3  $\sqcup, \sqcap$  4 ④ 5  $a, b, c$  6 ② 7 1040  
8  $4-\sqrt{10}$  9 ①

## 핵심 유형 문제

10 A: $1-\sqrt{2}$ , B: $1+\sqrt{2}$ , C: $5-\sqrt{2}$ , D: $4+\sqrt{2}$				
11 ③	12 ②, ⑤ 13 $-3+\sqrt{13}$	14 14		
15 $3+4\pi$	16 ②	17 $\sqcup, \sqcap$	18 ④	
19 ⑤	20 ③	21 ②	22 ①	23 $c < a < b$
24 $3+\sqrt{6}$	25 ③	26 점 B, 점 A, 점 C	27 ③	
28 36	29 ②	30 ④	31 ②	32 4
33 ③	34 4.351	35 5.683	36 ③	37 $\sqrt{7}$
38 ②				

P. 26

1-1 $\sqrt{35}$ cm	1-2 $\frac{15}{4}$
2-1 21	2-2 48
3-1 202	3-2 90

## 실전 테스트

P. 27~29

1 ④	2 5	3 $\sqrt{6}$ cm	4 ⑤	5 ③
6 ②	7 ②	8 $a-b$	9 55	10 $176 \text{ m}^2$
11 30	12 9	13 ④	14 $\sqcup, \sqcap, \sqsupseteq$	
15 ④	16 ①	17 7	18 $\sqrt{3}-7$	19 ②
20 ⑤				

## 2. 근호를 포함한 식의 계산

### O1 근호를 포함한 식의 곱셈과 나눗셈

P. 33~36

**똑똑 다시** 개념 익히기

1 ④    2 60    3 12    4 ②    5  $\frac{1}{5}ab$

**핵심 유형** 문제

6 ⑤    7  $-20\sqrt{6}$     8 ②    9 4    10 ④  
 11 16    12  $\sqrt{3}$     13 ⑤    14 6    15 21  
 16 ①    17 ④    18 ③    19 2    20 ㄴ, 근  
 21 18,2504    22 857    23 ④    24 ②  
 25 ④    26 ④

### O2 근호를 포함한 식의 덧셈과 뺄셈

P. 40~45

**똑똑 다시** 개념 익히기

1 ④    2 ①    3  $7\sqrt{3}-8\sqrt{5}$   
 4  $(3+3\sqrt{3})\text{ cm}^2$     5 ②

**핵심 유형** 문제

6 ⑤    7 ⑤    8 ③    9 ④    10  $2+8\sqrt{6}$   
 11 2    12 ④    13  $6-2\sqrt{2}$     14 ⑤  
 15  $2+2\sqrt{3}$     16 -8    17 ④    18  $-\frac{11\sqrt{6}}{6}$   
 19  $\frac{5\sqrt{2}+2}{8}$     20 ②    21 -3    22  $\sqrt{6}-\sqrt{3}$   
 23 ①    24 ①    25 3, -24  
 26  $(24+6\sqrt{35})\text{ cm}^2$     27  $2\sqrt{2}\text{ cm}$     28 ③  
 29 ②    30 ②    31  $\frac{2\sqrt{15}}{3}$     32 ①    33  $6\sqrt{5}$   
 34  $-1+2\sqrt{2}$     35 ④    36 ③  
 37  $3+\sqrt{12}, 5+\sqrt{3}, \sqrt{48}$

P. 37~39

**똑똑 다시** 개념 익히기

1 ㄴ, ㅂ    2 ①    3 ③    4  $4\sqrt{10}\text{ cm}$

**핵심 유형** 문제

5 ③    6 2    7  $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$     8 ④, ⑤    9  $-\frac{1}{15}$   
 10  $\sqrt{5}$     11 ④    12 ④    13  $3\sqrt{3}\text{ cm}^2$   
 14  $16\sqrt{3}\pi\text{ cm}$     15  $\frac{7\sqrt{2}}{2}\text{ cm}$   
 16  $150\sqrt{10}\pi\text{ cm}^3$     17  $3\sqrt{5}\pi\text{ cm}^3$

**실력 UP** 문제

P. 46

1-1  $54\sqrt{2}\text{ cm}^3$     1-2  $\sqrt{41}\text{ cm}$   
 2-1 ①    2-2 6  
 3-1  $6\sqrt{3}+10\sqrt{5}$     3-2 4

**실전 테스트**

P. 47~49

1 ④    2 ②    3  $\frac{9}{2}$     4 ③    5 ⑤  
 6 ⑤    7 ④    8  $-3\sqrt{2}$     9  $6\sqrt{2}\text{ cm}, 14\sqrt{2}\text{ cm}$   
 10 ①    11 ④    12  $2\sqrt{2}-3$     13 1  
 14  $-\frac{2}{3}$     15  $12\sqrt{3}\text{ cm}$     16  $(80+30\sqrt{2})\text{ cm}$   
 17 ④    18 ④    19 ①    20 ⑤

### 3. 다항식의 곱셈

#### O1 곱셈 공식

P. 53~58

**쏙쏙 다시** 개념 익히기

- 1 ①    2 ③    3 ①    4 (1) 2, 10 (2) 1, 2, 13  
 5 36    6 ④

**핵심 유형** 문제

- 7 (1)  $12a^2 - 2ab - 2b^2$  (2)  $3x^2 - 8xy + 4y^2$   
 (3)  $10x^2 - xy - 8x - 2y^2 + 4y$   
 8 ④    9  $a=3, b=2$     10 ③    11  $\frac{3}{4}$   
 12 ⑤    13 ②    14 ②    15 ②    16 ⑤  
 17 248    18 3    19 ⑤    20 2    21 ③  
 22 6    23 ④    24  $\frac{4}{5}$     25  $15x^2 + 17x - 4$   
 26 ④    27 ①    28 ③    29 39    30 -2  
 31  $23x^2 + 30x - 4$     32  $x^2 + 3x - 10$     33 ④  
 34  $a^2 - b^2$     35  $24x^2 - 20x + 4$     36 ④  
 37  $-a^2 + 3ab - 2b^2$     38  $x^2$   
 39  $2A, 2(x-2y), x^2 - 4xy + 4y^2 + 2x - 4y + 1$   
 40  $9xy - 6yz - 3zx$   
 41 (1)  $a^2 + 4ab + 4b^2 + a + 2b - 12$  (2)  $4x^2 - y^2 - 2y - 1$

**핵심 유형** 문제

- 11 ⑤    12 175    13 9    14 ②    15 ①  
 16 ②    17 ③    18  $6 - 4\sqrt{2}$     19 3  
 20 2    21  $20 + 2\sqrt{10}$     22 ④    23 ④  
 24 -3    25 5    26  $-19 - 6\sqrt{10}$   
 27  $4\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$     28 ④    29 36    30 ①  
 31 9    32 65    33 10    34 ③    35 119  
 36 ⑤    37 4    38 ②    39 4    40 ③

P. 65

**실력 UP** 문제

- 1-1  $A=6, B=12, C=-3$  1-2 0  
 2-1  $-a^2 + 3ab - 2b^2$     2-2  $-2x^2 + 7xy - 6y^2$   
 3-1  $x^4 + 8x^3 - x^2 - 68x + 60$  3-2 95

P. 66~67

- 1 5    2 4    3 ③, ⑤    4 ①    5 8  
 6 ④    7  $12 + 4\sqrt{2} - 2\sqrt{5}$     8  $\frac{2 + \sqrt{7}}{3}$     9  $-1 + \sqrt{11}$   
 10 34    11 47    12 ①    13 지호  
 14 (1) 33개 (2)  $33x^2 + 33xy - 66y^2$

### 4. 인수분해

#### O1 인수분해 공식

P. 71~72

#### O2 곱셈 공식의 활용

P. 59~64

**쏙쏙 다시** 개념 익히기

- 1 ④    2 550    3  $-30 - 5\sqrt{2}$     4 ②  
 5  $10 + 5\sqrt{3}$     6 ①    7 ⑤    8 8  
 9 ④    10 9

**쏙쏙 다시** 개념 익히기

- 1 ③    2 ㄱ, ㄷ, ㅁ, ㅂ    3 ⑤    4  $2x + y$   
**핵심 유형** 문제
- 5 ③    6 ③    7 ①    8 ⑤    9 ④  
 10 ㄱ, ㄹ

**똑똑 다시** 개념 익히기

- 1 ③    2 ④    3 ①    4 13    5 ②  
 6 ①    7  $-10, x-2$     8  $4x+3$     9 ①

**핵심 유형** 문제

- 10 ④    11 ④    12 16    13 ②    14 1  
 15 4    16 ②    17 ④    18 ③    19  $-2a+1$   
 20 ①, ⑤ 21  $14x$     22 ④    23 ②    24  $\sqcup, \sqcap$   
 25  $-2$     26 ③    27 ③    28 ⑤    29 ②, ⑤  
 30 12    31  $5x+1$     32  $a=5, b=3$     33 10  
 34  $(x-2)(2x-3)$     35 ①, ④ 36 ②  
 37  $\sqcup, \sqcap, \square$     38 6    39 7    40 ③  
 41  $-16$     42  $(x+5)(2x-3)$     43 1  
 44  $(x-2)(x+4)$     45 ⑤    46 ②  
 47  $(6a-5)m$     48 ⑤    49 5    50  $2x+1$

- 1 ③    2  $\sqcup, \sqcap$     3 ①    4  $3x-4$     5 ③  
 6 ②    7 ④    8 ②    9 ④  
 10  $(x-1)(x+6)$     11  $x+5$     12 ④    13 ②  
 14 ①    15  $-2$     16  $-40\sqrt{6}$     17 ④  
 18 ⑤    19  $-210$

**5. 이차방정식****O1** 이차방정식과 그 해**똑똑 다시** 개념 익히기

- 1 ④    2 ④    3 ④    4 1  
 5 (1) 8 (2)  $-2$

**핵심 유형** 문제

- 6 ④    7 ①    8 ③    9  $x=-3$  또는  $x=2$   
 10 ②    11 ⑤    12  $x=1$  또는  $x=4$     13  $-5$   
 14 ④    15  $-17$     16 ⑤    17 5    18 29  
 19 ④

**O2** 인수분해 공식의 응용**똑똑 다시** 개념 익히기

- 1  $\sqcup, \sqcap$     2 ②    3 ⑤    4  $\sqrt{7}$   
 5  $a=4, b=-6$     6  $a-1$     7  $2x$     8  $x+y+1$   
 9  $x+5$

**핵심 유형** 문제

- 10 ③    11 ①    12 1083    13 4916    14 ①  
 15  $\frac{6}{11}$     16 ①, ④ 17  $2-4\sqrt{2}$     18 ③  
 19 ①    20  $-4\sqrt{5}$     21 40    22 162    23 ②  
 24  $a=4, b=-1$     25 21    26 ③    27 ⑤  
 28  $(x^2+3x-5)(x^2+3x+7)$     29 ④    30 ①, ⑤  
 31 ②    32  $-80$     33 ③    34 ⑤    35 2  
 36  $5-10\sqrt{5}$     37 10    38 ⑤    39 ②  
 40 ①    41 ⑤    42  $x+3$     43  $500\pi \text{ cm}^3$

**실력 UP** 문제

- 1-1 6                          1-2 19  
 2-1 5, 41                          2-2 64  
 3-1  $4a\pi \text{ cm}^2$                           3-2 3 cm

**O2** 이차방정식의 풀이**똑똑 다시** 개념 익히기

- 1 ③    2 8    3  $\frac{14}{3}$     4 ④  
 5  $a=5, x=-5$     6  $x=3$

**핵심 유형** 문제

- 7 ⑤    8 ①, ⑤  
 9 (1)  $x=-1$  또는  $x=10$  (2)  $x=-2$  또는  $x=\frac{1}{3}$   
 10 ⑤    11  $x=-4$  또는  $x=-1$     12  $-3$   
 13 ⑤    14  $x=4$     15 ③    16 ②    17 4  
 18 ③    19 ①    20  $-1$     21  $\frac{14}{9}$     22 35  
 23 ④    24 ②    25 ③    26  $-13$     27  $x=5$

## 속속 대시 개념 익히기

- 1 ③    2 ①    3 22  
**4**  $A = \frac{9}{10}$ ,  $B = \frac{9}{10}$ ,  $C = 21$ ,  $D = -9$     5 7

- 6 ④    7  $a = 3$ ,  $b = 33$     8 ⑤    9 ④

## 핵심 유형 문제

- 10 ④    11 11    12 ④    13 3    14 -9

15  $x = 2 \pm \frac{\sqrt{14}}{2}$     16 ⑤

17 (㉠)  $x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{c}{a} = 0$   
 (㉡)  $x^2 + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a}$   
 (㉢)  $x^2 + \frac{b}{a}x + \left(\frac{b}{2a}\right)^2 = -\frac{c}{a} + \left(\frac{b}{2a}\right)^2$   
 (㉣)  $\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2$   
 (㉤)  $\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

- 18 ①    19 5    20 ④    21 ④    22 ③

23 (1)  $x = 3 \pm \sqrt{13}$  (2)  $x = -2$  또는  $x = 7$     24 -2

- 25 7    26 ③    27 -10    28 ③    29 ①

## 속속 대시 개념 익히기

- 1 ③    2 ①    3 22

4  $A = \frac{9}{10}$ ,  $B = \frac{9}{10}$ ,  $C = 21$ ,  $D = -9$

5 7

- 6 ④    7  $a = 3$ ,  $b = 33$     8 ⑤    9 ④

## 핵심 유형 문제

- 10 ④    11 11    12 ④    13 3    14 -9

15  $x = 2 \pm \frac{\sqrt{14}}{2}$     16 ⑤

17 (㉠)  $x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{c}{a} = 0$   
 (㉡)  $x^2 + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a}$   
 (㉢)  $x^2 + \frac{b}{a}x + \left(\frac{b}{2a}\right)^2 = -\frac{c}{a} + \left(\frac{b}{2a}\right)^2$   
 (㉣)  $\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2$   
 (㉤)  $\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

- 18 ①    19 5    20 ④    21 ④    22 ③

23 (1)  $x = 3 \pm \sqrt{13}$  (2)  $x = -2$  또는  $x = 7$     24 -2

- 25 7    26 ③    27 -10    28 ③    29 ①

## 속속 대시 개념 익히기

- 1 5    2 ④    3 11살    4 ①    5 8  
**6**  $25 \text{ cm}^2$

## 핵심 유형 문제

- 7 ③    8 12명    9 (1)  $(n^2 + 2n)$ 개 (2) 9단계  
**10** 8, 11    11 ④    12 67    13 5, 6    14 32  
**15** ⑤    16 25명    17 ③    18 5월 8일  
**19** ②    20 1초 후    21 ④    22 달, 10.5초  
**23** 7 cm    24 5 cm    25 12 m    26  $(-10 + 5\sqrt{6})$  cm  
**27**  $(5 - \sqrt{7})$  cm    28  $(-5 + 5\sqrt{5})$  cm    29 6 m  
**30** ⑤    31 10초 후    32 6 cm    33  $-1 + \sqrt{5}$   
**34** ③    35 ④    36 12 cm    37 ②

## 실력 UP 문제

1-1 2, 3

2-1  $\frac{3}{2}$

3-1  $(1 + \sqrt{5})$  cm

1-2 7

2-2  $\left(\frac{5}{4}, -\frac{15}{2}\right)$

3-2  $\frac{-3 + 3\sqrt{5}}{2}$  cm

## O3 이차방정식의 활용

## 속속 대시 개념 익히기

- 1 ②    2 ②    3 ⑤    4 ④

5  $x = -5$  또는  $x = 8$

## 핵심 유형 문제

- 6 ④    7 -2    8 -12    9  $2x^2 - 3x - 5 = 0$   
**10** ⑤    11 ④    12 ②    13 ④    14 13  
**15**  $x = -3$  또는  $x = 2$     16  $x = 1$  또는  $x = 3$   
**17** 6    18 ㄱ, ㄴ    19 2    20 ③    21 10  
**22** ⑤    23 ①

## 실전 테스트

- 1 ㄱ, ㄷ    2 ④    3 2    4 ③    5 ④  
**6**  $x = \frac{3}{2}$  또는  $x = 2$     7  $a = -2$ ,  $b = 5$     8 ④, ⑤  
**9** ②    10  $x = 2$     11 ③    12 ⑤    13 ①  
**14**  $x = -1 \pm \sqrt{6}$     15 ⑤    16 ①  
**17**  $-3x^2 + 9x + 30 = 0$     18  $x = -5$  또는  $x = -1$   
**19**  $k > \frac{4}{3}$     20 14    21 ⑤    22 8월 8일    23 30  
**24** ④    25 10 m    26 4    27 250보

## 6. 이차함수와 그 그래프

P. 134~139

### O1 이차함수의 뜻 ~

### O2 이차함수 $y=ax^2$ 의 그래프

P. 125~130

#### ◀◀ 다시 개념 익히기

- 1 ④      2 ②, ⑤      3 ①      4 1      5 ④  
6 ③      7 ③      8 4      9  $y = -\frac{5}{4}x^2$

#### 핵심 유형 문제

- 10 ③      11 △, ⊲ 12 ①      13 ⑤      14 ④  
15 ②, ③ 16 6      17  $\frac{3}{2}$       18 6      19 ②  
20 ①      21  $-2 < a < 0$       22 ③, ④ 23 ④  
24 9      25 ⑤      26 ①, ③ 27 ③      28 1  
29 9      30 ②      31 ③      32 16      33 4  
34 18      35  $\frac{3}{4}$

#### ◀◀ 다시 개념 익히기

- 1 16      2 ②      3 6      4 ④      5 ②  
6 ②      7 ①

#### 핵심 유형 문제

- 8 ④      9 -10      10 ④      11 ④      12 ①  
13 ①      14 ②, ⑤ 15 ③      16 6      17 5  
18 ⑤      19  $\frac{1}{2}$       20  $x=1, (1, -2)$       21 ①  
22 36      23 ③      24 ④      25 ⑤      26 ⑤  
27 ②      28 6      29  $-\frac{1}{4}$       30 16

### O3 이차함수 $y=a(x-p)^2+q$ 의 그래프

P. 131~133

#### ◀◀ 다시 개념 익히기

- 1 (1)  $y = -\frac{1}{2}x^2 + 7$       (2)  $y = \frac{4}{5}(x-2)^2$       (3)  $y = -4\left(x + \frac{1}{3}\right)^2$   
 $x=0$        $x=2$        $x = -\frac{1}{3}$   
 $(0, 7)$        $(2, 0)$        $\left(-\frac{1}{3}, 0\right)$   
 위로 볼록      아래로 볼록      위로 볼록  
 (1)~(3)을 그래프의 폭이 넓은 것부터 차례로 나열하면  
 (1), (2), (3)이다.

- 2 ④      3 -5      4 △, ⊲ 5 12

#### 핵심 유형 문제

- 6 ①      7 ④      8 ④      9 ⑤      10 -2  
11 -1      12 -1      13 ③      14 ②      15 ②, ⑤  
16 ⑤      17 5      18 -2      19 5

#### 실력 UP 문제

P. 140

- 1-1  $\frac{3}{4}$       1-2  $\frac{3}{4}$   
2-1  $\frac{5}{4}$       2-2  $-\frac{2}{3}$   
3-1  $-\frac{5}{4} < a < 0$       3-2 ⑤

#### 실전 테스트

P. 141~143

- 1 ③      2 ③      3 ⑤      4 ①      5 6  
6 ④      7  $(0, -5)$       8 14      9 ②  
10 7      11 ①, ⑤ 12 ⑤      13 ③      14 △, △  
15 (4, 7) 16 ④      17 15 m

## 7. 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프

### O1 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프

P. 147~154

#### 쪽쪽 다시 개념 익히기

- 1  $-9$     2  $-\frac{1}{4}$     3 ①    4 ②    5 ④  
6 ⑤    7 64

#### 핵심 유형 문제

- 8 ⑤    9 ④    10 6    11 ③    12  $-2$   
13 ⑤    14 ↗, ↙ 15 ⑤    16  $-12$     17  $-1$   
18 ①    19 ②    20  $a \geq \frac{5}{9}$     21 4    22 ⑤  
23 ②    24 ③    25 ③    26 ③    27 ④, ⑤  
28 ↗, ↘ 29 0    30 ③    31 1    32 27  
33 ②    34 ③    35 ②    36 ①    37 ②  
38 ③  
39 (1) A(3, 16) (2) B(-1, 0), C(7, 0) (3) 64  
40 16    41 4    42 3    43 ②

## O2 이차함수의 식 구하기

P. 155~157

#### 쪽쪽 다시 개념 익히기

- 1 (1)  $y = -\frac{8}{9}x^2 - \frac{16}{9}x + \frac{28}{9}$     (2)  $y = \frac{3}{2}x^2 - 6x + 5$   
(3)  $y = 3x^2 - 8x + 2$     (4)  $y = -\frac{1}{3}x^2 - 3x - 6$   
2 (1)  $y = x^2 + 6x + 6$     (2)  $y = \frac{1}{2}x^2 - 4x + 10$   
(3)  $y = -\frac{1}{2}x^2 + x$     (4)  $y = -\frac{3}{4}x^2 - 3x + 9$
- 3 3

#### 핵심 유형 문제

- 4 ②    5 ①    6 ⑤    7 6    8 4  
9  $-1$     10 10    11 (1, 7)    12 ④    13 ⑤  
14 ⑤    15 (2, -1)

## O3 이차함수의 최댓값과 최솟값

P. 158~161

#### 쪽쪽 다시 개념 익히기

- 1 ⑤    2 ⑤    3 ②    4 ①    5 9

6 46.7 m

#### 핵심 유형 문제

- 7 ④    8 ④    9  $\frac{25}{4}$     10 ②    11 9  
12 10    13  $a \leq -1$     14  $-5, 5$   
15 ③    16 ③    17  $\frac{4}{3}$     18  $32 \text{ cm}^2$   
19  $196 \text{ cm}^2$     20 ②    21 8    22 ③  
23 14 cm    24 4초 후, 100 m    25 6초    26 550원

## 실력 UP 문제

P. 162

- 1-1 (1, 5)    1-2 (7, 7)  
2-1 36    2-2 9  
3-1  $\frac{7}{4}, k = -\frac{1}{2}$     3-2  $\frac{1}{2}$

## 실전 테스트

P. 163~165

- 1 ④    2 1    3 ②    4 (2, -9)  
5 ②    6 ①, ④    7 2    8 ↗, ↙, ↘  
9  $\frac{3}{2}$     10 ②    11  $-10$     12 1    13 최댓값 3  
14 ④    15  $50 \text{ m}^2$     16  $\frac{45}{4} \text{ m}$     17  $a+b$     18 16 m

## 01 제곱근의 뜻과 성질

P. 7~9

**꼭꼭** **제곱근** 개념 익히기

1 ④, ⑤    2 ⑤    3 -25    4 ③    5  $\sqrt{7}$  cm

**핵심 유형** 문제

6 ⑤    7 ④    8 ④    9 15    10 ②, ③  
 11 ③    12 ⑤    13 -3    14 ②    15 ④  
 16  $\sqrt{42}$  cm    17  $\sqrt{70}$  cm    18 ③

- 1 ②  $(-1)^2=1$ 이므로  $-1$ 은 1의 제곱근이다.  
 ④  $(-4)^2=16$ 의 제곱근은 4,  $-4$ 이다.  
 ⑤ 양수의 제곱근은 항상 2개이고, 그 두 수의 절댓값은 서로 같다.  
 따라서 옳지 않은 것은 ④, ⑤이다.

- 2 ① 9의 제곱근  $\Leftrightarrow$  제곱하여 9가 되는 수(②)  
 $\Leftrightarrow x^2=9$ 를 만족시키는  $x$ 의 값(③)  
 $\Leftrightarrow \pm 3$   
 ④  $\sqrt{81}=9$ 의 제곱근은  $\pm 3$ 이다.  
 ⑤  $\sqrt{9}=3$   
 따라서 그 값이 나머지 넷과 다른 하나는 ⑤이다.

- 3  $(-10)^2=100$ 의 양의 제곱근은  $\sqrt{100}=10$ 이므로  $a=10$   
 $\frac{25}{4}$ 의 음의 제곱근은  $-\sqrt{\frac{25}{4}}=-\frac{5}{2}$ 이므로  $b=-\frac{5}{2}$   
 $\therefore ab=10 \times \left(-\frac{5}{2}\right)=-25$

- 4 ①  $0.001=\frac{1}{1000}=\frac{1}{10^3}$ 은 제곱인 수가 아니다.  
 ②  $0.04=\frac{4}{90}=\frac{2}{45}$ 는 제곱인 수가 아니다.  
 ③  $\pm\sqrt{\frac{25}{144}}=\pm\frac{5}{12}$   
 따라서 제곱근을 근호를 사용하지 않고 나타낼 수 있는 것은 ③이다.

- 5 피타고라스 정리에 의해  $3^2+\overline{BC}^2=4^2$ 이므로  
 $\overline{BC}^2=4^2-3^2=7$   
 이때  $\overline{BC}>0$ 이므로  $\overline{BC}=\sqrt{7}$  (cm)

- 6  $x$ 가 5의 제곱근이므로  $x^2=5$  또는  $x=\pm\sqrt{5}$   
 따라서 옳은 것은 ⑤이다.
- 7 ① 0의 제곱근은 0이다.

- ② 64의 제곱근은  $\pm 8$ 이다.  
 ③ 0.01의 제곱근은  $\pm 0.1$ 이다.  
 ④ 음수의 제곱근은 없다.  
 ⑤  $\frac{1}{15}$ 의 제곱근은  $\pm\sqrt{\frac{1}{15}}$ 이다.  
 따라서 제곱근이 없는 것은 ④이다.

- 8  $a$ 는 13의 제곱근이므로  $a^2=13$   
 $b$ 는 45의 제곱근이므로  $b^2=45$   
 $\therefore a^2+b^2=13+45=58$
- 9  $A=(\pm 4)^2=16$ ,  $B=(\pm 1)^2=1$   
 $\therefore A-B=16-1=15$

- 10 ① 0의 제곱근은 0의 1개이다.  
 ③  $\sqrt{49}=7$ 의 양의 제곱근은  $\sqrt{7}$ 이다.  
 ④ 제곱근 25는  $\sqrt{25}=5$ 이다.  
 ⑤  $-4$ 는 음수이므로 제곱근이 없다.  
 따라서 옳은 것은 ②, ③이다.

- 11 ㄴ.  $\sqrt{16}=4$ 의 제곱근은  $\pm 2$ 이므로 두 제곱근의 합은  
 $2+(-2)=0$   
 ㄷ.  $-5$ 은 음수이므로 제곱근이 없다.  
 ㄹ. 0.09의 제곱근은  $\pm 0.3$ 이다.  
 따라서 옳지 않은 것은 ㄷ, ㄹ이다.

- 12 ① 6의 제곱근  $\Leftrightarrow \pm\sqrt{6}$   
 ② 0.04의 제곱근  $\Leftrightarrow \pm 0.2$   
 ③  $(-3)^2=9$ 의 제곱근  $\Leftrightarrow \pm 3$   
 ④  $\sqrt{25}=5$ 의 제곱근  $\Leftrightarrow \pm\sqrt{5}$   
 ⑤  $\sqrt{\frac{16}{81}}=\frac{4}{9}$ 의 제곱근  $\Leftrightarrow \pm\frac{2}{3}$   
 따라서 옳은 것은 ⑤이다.

- 13  $\sqrt{256}=16$ 의 양의 제곱근은  $\sqrt{16}=4$ 이므로  $m=4$   
 $5.4=\frac{54-5}{9}=\frac{49}{9}$ 의 음의 제곱근은  $-\sqrt{\frac{49}{9}}=-\frac{7}{3}$ 이므로  
 $n=-\frac{7}{3}$   
 $\therefore m+3n=4+3 \times \left(-\frac{7}{3}\right)=-3$

- 14 81의 제곱근은  $\pm 9$ 이고,  
 $a>b$ 이므로  $a=9$ ,  $b=-9$   
 $\therefore \sqrt{a-3b}=\sqrt{9-3 \times (-9)}=\sqrt{36}=6$   
 따라서 6의 제곱근은  $\pm\sqrt{6}$ 이다.

- 15  $\sqrt{\frac{49}{36}}=\frac{7}{6}$ ,  $\sqrt{0.4}=\sqrt{\frac{4}{9}}=\frac{2}{3}$   
 따라서 근호를 사용하지 않고 나타낼 수 없는 수는  
 $\sqrt{12}, \sqrt{0.1}, \sqrt{\frac{9}{250}}, \sqrt{200}$ 의 4개이다.

- 16 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  cm라고 하면

$$x^2 = 42$$

이때  $x > 0$ 이므로  $x = \sqrt{42}$

따라서 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{42}$  cm이다.

- 17 ① 단계 삼각형의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times 20 \times 7 = 70(\text{cm}^2)$$

- ② 단계 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  cm라고 하면

$$x^2 = 70$$

이때  $x > 0$ 이므로  $x = \sqrt{70}$

따라서 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{70}$  cm이다.

채점 기준	
1단계	삼각형의 넓이 구하기
2단계	정사각형의 한 변의 길이 구하기

- 18 (두 땅의 넓이의 합)  $= 2^2 + 3^2 = 13(\text{m}^2)$

새로 만든 땅의 한 변의 길이를  $x$  m라고 하면

$$x^2 = 13$$

이때  $x > 0$ 이므로  $x = \sqrt{13}$

따라서 새로 만든 땅의 한 변의 길이는  $\sqrt{13}$  m이다.

- 3  $2 < a < 6$  일 때,  $2-a < 0$ ,  $6-a > 0$ 이므로

$$\begin{aligned}\sqrt{(2-a)^2} - \sqrt{(6-a)^2} &= -(2-a) - (6-a) \\ &= -2+a-6+a \\ &= 2a-8\end{aligned}$$

- 4  $\sqrt{20x} = \sqrt{2^2 \times 5 \times x}$  가 자연수가 되려면  $x = 5 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

따라서 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은 5이다.

$\sqrt{75+y}$  가 자연수가 되려면  $75+y$ 는 75보다 큰 (자연수)<sup>2</sup> 꼴인 수이어야 하므로

$$75+y = 81, 100, 121, \dots$$

$$\therefore y = 6, 25, 46, \dots$$

따라서 가장 작은 자연수  $y$ 의 값은 6이다.

$$\therefore x+y = 5+6 = 11$$

- 5 (음수) < (양수)이고  $-0.2 = -\frac{1}{5} = -\sqrt{\frac{1}{25}}$ .  $0.7 = \sqrt{0.49}$ 이므로 주어진 수를 크기가 작은 것부터 차례로 나열하면

$$-\sqrt{\frac{1}{7}}, -0.2, \sqrt{0.2}, \sqrt{0.25}, 0.7$$

따라서 네 번째에 오는 수는  $\sqrt{0.25}$ 이다.

- 6  $2 < \sqrt{3x} < 9$ 에서  $\sqrt{4} < \sqrt{3x} < \sqrt{81}$ 이므로

$$4 < 3x < 81 \quad \therefore \frac{4}{3} \left( = 1\frac{1}{3} \right) < x < 27$$

따라서 자연수  $x$ 는 2, 3, 4, ..., 26의 25개이다.

다른 풀이 자연수  $x$ 의 개수 구하기

$$\frac{4}{3} \left( = 1\frac{1}{3} \right) < x < 27 \text{이고 } x \text{는 자연수이므로 } 2 \leq x \leq 26$$

따라서 구하는 자연수  $x$ 의 개수는

$$26-2+1=25(\text{개})$$

$$7 \quad ④ \sqrt{\left(-\frac{5}{16}\right)^2} = \frac{5}{16}$$

$$8 \quad \sqrt{3^2} = 3, \quad -\sqrt{5^2} = -5, \quad -(\sqrt{7})^2 = -7,$$

$$-(-\sqrt{10})^2 = -10, \quad \sqrt{(-13)^2} = 13 \text{이므로}$$

주어진 수를 크기가 작은 것부터 차례로 나열하면

$$-(-\sqrt{10})^2, -(\sqrt{7})^2, -\sqrt{5^2}, \sqrt{3^2}, \sqrt{(-13)^2}$$

따라서 세 번째에 오는 수는  $-\sqrt{5^2}$ 이다.

- 9 ① 단계  $(-\sqrt{9})^2 = 9$ 의 양의 제곱근은 3이므로  $a = 3$

- ② 단계  $\sqrt{(-25)^2} = 25$ 의 음의 제곱근은 -5이므로  $b = -5$

$$\therefore a-b = 3-(-5) = 8$$

채점 기준	
1단계	$a$ 의 값 구하기
2단계	$b$ 의 값 구하기
3단계	$a-b$ 의 값 구하기

- 1 ①, ②, ③, ④ 2      ⑤ -2

따라서 그 값이 나머지 넷과 다른 하나는 ⑤이다.

$$2 \quad (-\sqrt{8})^2 - \sqrt{(-6)^2} + \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2} \times \sqrt{(-3)^2}$$

$$= 8 - 6 + \frac{1}{2} \times 3 = \frac{7}{2}$$

10 ①  $-(\sqrt{3})^2 + \sqrt{(-4)^2} = -3 + 4 = 1$   
 ②  $(-\sqrt{5})^2 - (-\sqrt{2^2}) = 5 - (-2) = 7$

③  $\sqrt{16} \times \sqrt{\left(-\frac{1}{2}\right)^2} = 4 \times \frac{1}{2} = 2$   
 ④  $\sqrt{(-9)^2} \div \sqrt{\frac{9}{4}} = 9 \div \frac{3}{2} = 9 \times \frac{2}{3} = 6$

⑤  $-(-\sqrt{10})^2 \times \sqrt{0.36} = -10 \times 0.6 = -6$   
 따라서 계산 결과가 옳지 않은 것은 ⑤이다.

11  $\sqrt{(-2)^4} \times \sqrt{\left(-\frac{3}{2}\right)^2} \div \left(-\sqrt{\frac{3}{4}}\right)^2 = \sqrt{16} \times \frac{3}{2} \div \frac{3}{4}$   
 $= 4 \times \frac{3}{2} \times \frac{4}{3} = 8$

12  $A = \sqrt{144} + \sqrt{(-5)^2} - \sqrt{(-3)^4}$   
 $= 12 + 5 - 9 = 8$   
 $B = \sqrt{16} + (-\sqrt{11})^2 - (\sqrt{7})^2 \times \sqrt{\left(-\frac{4}{7}\right)^2}$   
 $= 4 + 11 - 7 \times \frac{4}{7} = 11$   
 $\therefore A+B=8+11=19$

13 ①  $-a < 0 \text{인 경우}$   
 $\sqrt{(-a)^2} = -(-a) = a$

②  $3a > 0 \text{인 경우}$

$\sqrt{(3a)^2} = 3a$

③  $-5a < 0 \text{인 경우}$

$\sqrt{(-5a)^2} = -(-5a) = 5a$

④  $3a > 0 \text{인 경우}$

$-\sqrt{9a^2} = -\sqrt{(3a)^2} = -3a$

⑤  $-4a < 0 \text{인 경우}$

$-\sqrt{(-4a)^2} = -\{-(-4a)\} = -4a$

따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

14  $a < 0$  일 때,  $-a > 0$ ,  $5a < 0$ ,  $2a < 0$ 인 경우  
 $\sqrt{(-a)^2} - \sqrt{(5a)^2} + \sqrt{4a^2} = \sqrt{(-a)^2} - \sqrt{(5a)^2} + \sqrt{(2a)^2}$   
 $= -a - (-5a) + (-2a)$   
 $= -a + 5a - 2a$   
 $= 2a$

15  $ab < 0$ 에서  $a, b$ 는 서로 다른 부호이고

$a-b > 0$ 에서  $a > b$ 인 경우  $a > 0$ ,  $b < 0$ 이다.

이때  $4a > 0$ ,  $-3b > 0$ 인 경우

$$\begin{aligned} \sqrt{16a^2} - \sqrt{(-3b)^2} + \sqrt{b^2} &= \sqrt{(4a)^2} - \sqrt{(-3b)^2} + \sqrt{b^2} \\ &= 4a - (-3b) + (-b) \\ &= 4a + 3b - b \\ &= 4a + 2b \end{aligned}$$

16  $\sqrt{a^2} = a$ 에서  $a > 0$   
 $\sqrt{(-b)^2} = -b$ 에서  $-b > 0$ 인 경우  $b < 0$

이 때  $-a < 0$ ,  $3b < 0$ 인 경우  
 $(-\sqrt{a})^2 - \sqrt{(-a)^2} + \sqrt{9b^2} = (-\sqrt{a})^2 - \sqrt{(-a)^2} + \sqrt{(3b)^2}$   
 $= a - \{-(-a)\} + (-3b)$   
 $= a - a - 3b$   
 $= -3b$

17 ①  $a < 0$ 인 경우  $\sqrt{a^2} = -a$   
 ②  $-a > 0$ 인 경우

$-\sqrt{(-a)^2} = -(-a) = a$

③  $a+3 < 0$ 인 경우

$\sqrt{(a+3)^2} = -(a+3) = -a-3$

④  $a+4 > 0$ 인 경우

$-\sqrt{(a+4)^2} = -(a+4) = -a-4$

⑤  $a-1 < 0$ 인 경우

$\sqrt{(a-1)^2} = -(a-1) = -a+1 = 1-a$

따라서 옳은 것은 ④, ⑤이다.

18  $1 < a < 2$  일 때,  $a-1 > 0$ 이고

$2-a > 0$ 에서  $4-2a = 2(2-a) > 0$ 인 경우

$$\begin{aligned} \sqrt{(4-2a)^2} - \sqrt{(a-1)^2} &= 4-2a-(a-1) \\ &= 4-2a-a+1 \\ &= -3a+5 \end{aligned}$$

19 ①  $ab < 0$ 에서  $a, b$ 는 서로 다른 부호이고  
 $a < b$ 인 경우  $a < 0, b > 0$ 이다.

②  $-2a > 0, b-a > 0$ 인 경우

$$\begin{aligned} \sqrt{a^2} - \sqrt{(-2a)^2} + \sqrt{(b-a)^2} &= -a - (-2a) + (b-a) \\ &= -a + 2a + b - a = b \end{aligned}$$

채점 기준		
1단계	$a, b$ 의 부호 각각 구하기	… 20 %
2단계	$-2a, b-a$ 의 부호 각각 구하기	… 20 %
3단계	주어진 식을 간단히 하기	… 60 %

20  $a > b > c > 0$  일 때,  $a-b > 0, b-a < 0, c-a < 0$ 인 경우  
 $\sqrt{(a-b)^2} - \sqrt{(b-a)^2} - \sqrt{(c-a)^2}$   
 $= a-b - \{-(b-a)\} - \{-(c-a)\}$   
 $= a-b + b-a + c-a = c-a$

21  $0 < a < 1$  일 때,  $-a < 0$ 이고

$$\begin{aligned} \frac{1}{a} > 1 \text{에서 } a < 1 < \frac{1}{a} \text{인 경우 } a - \frac{1}{a} < 0, 1 - \frac{1}{a} < 0 \\ \therefore \sqrt{(-a)^2} - \sqrt{\left(a - \frac{1}{a}\right)^2} + \sqrt{\left(1 - \frac{1}{a}\right)^2} &= -(-a) - \left\{ -\left(a - \frac{1}{a}\right) \right\} + \left\{ -\left(1 - \frac{1}{a}\right) \right\} \\ &= a + a - \frac{1}{a} - 1 + \frac{1}{a} \\ &= 2a - 1 \end{aligned}$$

**22** 그래프가 오른쪽 아래로 향하므로  $a < 0$

$y$  절편이 양수이므로  $b > 0$

이때  $3a < 0, -5b < 0, b-a > 0$  이므로

$$\sqrt{(3a)^2} - \sqrt{(-5b)^2} + \sqrt{(b-a)^2}$$

$$= -3a - \{-(-5b)\} + b - a$$

$$= -3a - 5b + b - a$$

$$= -4a - 4b$$

**23**  $\sqrt{28x} = \sqrt{2^2 \times 7 \times x}$  가 자연수가 되려면  $x = 7 \times (\text{자연수})^2$  꼴

이어야 한다.

따라서 두 자리의 자연수  $x$ 는  $7 \times 2^2 = 28, 7 \times 3^2 = 63$ 의 2개

이다.

**24**  $\sqrt{48a} = \sqrt{2^4 \times 3 \times a}$  가 자연수가 되려면  $a = 3 \times (\text{자연수})^2$  꼴

이어야 한다.

이때  $30 \leq a \leq 100$  이므로 자연수  $a$ 의 값은

$$3 \times 4^2 = 48, 3 \times 5^2 = 75$$

따라서 모든 자연수  $a$ 의 값의 합은  $48 + 75 = 123$

**25**  $\sqrt{\frac{72}{5}x} = \sqrt{\frac{2^3 \times 3^2 \times x}{5}}$  가 자연수가 되려면

$x = 2 \times 5 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

따라서 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은  $2 \times 5 = 10$

**26** 직사각형의 넓이가  $60n$ 이므로 정사각형의 넓이도  $60n$ 이다.

이때 정사각형의 한 변의 길이  $\sqrt{60n} = \sqrt{2^2 \times 3 \times 5 \times n}$  이 자연수가 되려면  $n = 3 \times 5 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 하고, 정사각

형의 넓이가 가장 작아야 하므로 자연수  $n$ 의 값은

$$3 \times 5 = 15$$

따라서 넓이가 가장 작은 정사각형의 한 변의 길이는

$$\sqrt{(2 \times 3 \times 5)^2} = 2 \times 3 \times 5 = 30$$

**27**  $\sqrt{\frac{84}{a}} = \sqrt{\frac{2^2 \times 3 \times 7}{a}}$  이 자연수가 되려면  $a$ 는 84의 약수이면

서  $a = 3 \times 7 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

따라서 가장 작은 자연수  $a$ 의 값은  $3 \times 7 = 21$

**28**  $\sqrt{\frac{90}{x}} = \sqrt{\frac{2 \times 3^2 \times 5}{x}}$  가 자연수가 되려면  $x$ 는 90의 약수이면

서  $x = 2 \times 5 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

따라서 모든 자연수  $x$ 의 값은

$$2 \times 5 = 10, 2 \times 5 \times 3^2 = 90$$

이므로 그 합은  $10 + 90 = 100$

**29** (1단계)  $\sqrt{\frac{540}{x}} = \sqrt{\frac{2^2 \times 3^3 \times 5}{x}}$  가 자연수가 되려면  $x$ 는 540

의 약수이면서  $x = 3 \times 5 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

따라서 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은  $3 \times 5 = 15$

(2단계)  $\sqrt{150y} = \sqrt{2 \times 3 \times 5^2 \times y}$  가 자연수가 되려면

$y = 2 \times 3 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

따라서 가장 작은 자연수  $y$ 의 값은  $2 \times 3 = 6$

(3단계)  $\therefore x+y=15+6=21$

채점 기준		
1단계	가장 작은 자연수 $x$ 의 값 구하기	… 40%
2단계	가장 작은 자연수 $y$ 의 값 구하기	… 40%
3단계	$x+y$ 의 값 구하기	… 20%

**30**  $\sqrt{40+x}$  가 자연수가 되려면  $40+x$ 는 40보다 큰 (자연수)<sup>2</sup> 꼴

인 수이어야 하므로

$$40+x=49, 64, 81, \dots$$

$$\therefore x=9, 24, 41, \dots$$

따라서 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은 9이다.

**31**  $\sqrt{27+x}$  가 자연수가 되려면  $27+x$ 는 27보다 큰 (자연수)<sup>2</sup> 꼴

인 수이어야 하므로

$$27+x=36, 49, 64, 81, \dots$$

$$\therefore x=9, 22, 37, 54, \dots$$

따라서 자연수  $x$ 의 값이 아닌 것은 ②이다.

**32** (1단계)  $\sqrt{20+a}$  가 자연수가 되려면  $20+a$ 는 20보다 큰

(자연수)<sup>2</sup> 꼴인 수이어야 하므로

$$20+a=25, 36, 49, \dots$$

$$\therefore a=5, 16, 29, \dots$$

(2단계) 이때  $a+b$ 의 값이 가장 작으면  $a$ 의 값이 가장 작아야 한다.

따라서 가장 작은 자연수  $a$ 의 값은 5이고,

$$\text{그때의 자연수 } b \text{의 값은 } b=\sqrt{20+5}=\sqrt{25}=5$$

(3단계) 따라서  $a+b$ 의 값 중 가장 작은 값은

$$a+b=5+5=10$$

채점 기준		
1단계	가능한 $a$ 의 값 구하기	… 40%
2단계	$a+b$ 의 값이 가장 작아지는 $a, b$ 의 값 각각 구하기	… 40%
3단계	$a+b$ 의 값 중 가장 작은 값 구하기	… 20%

**33**  $\sqrt{17-x}$  가 자연수가 되려면  $17-x$ 는 17보다 작은 (자연수)<sup>2</sup>

꼴인 수이어야 하므로

$$17-x=1, 4, 9, 16$$

$$\therefore x=16, 13, 8, 1$$

따라서 자연수  $x$ 의 값이 아닌 것은 ③이다.

**34**  $\sqrt{29-a}$  가 정수가 되려면  $29-a$ 는 0이거나 29보다 작은

(자연수)<sup>2</sup> 꼴인 수이어야 하므로

$$29-a=0, 1, 4, 9, 16, 25$$

$$\therefore a=29, 28, 25, 20, 13, 4$$

따라서 자연수  $a$ 는 6개이다.

35  $\sqrt{64-3n}$ 이 자연수가 되려면  $64-3n$ 은 64보다 작은 (자연수)<sup>2</sup> 꼴인 수이어야 하므로

$$64-3n=1, 4, 9, 16, 25, 36, 49$$

$$3n=63, 60, 55, 48, 39, 28, 15$$

$$\therefore n=21, 20, \frac{55}{3}, 16, 13, \frac{28}{3}, 5$$

이때  $n$ 이 자연수이므로  $n=5, 13, 16, 20, 21$

따라서  $M=21, m=5$ 이므로

$$M+m=21+5=26$$

36  $\sqrt{\frac{61-x}{2}}$ 가 정수가 되려면  $\frac{61-x}{2}$ 는 0이거나  $\frac{61}{2} (=30.5)$

보다 작은 (자연수)<sup>2</sup> 꼴인 수이어야 하므로

$$\frac{61-x}{2}=0, 1, 4, 9, 16, 25$$

$$61-x=0, 2, 8, 18, 32, 50$$

$$\therefore x=61, 59, 53, 43, 29, 11$$

따라서 자연수  $x$ 는 6개이다.

37 ①  $2 < 3$ 이므로  $\sqrt{2} < \sqrt{3}$       $\therefore \frac{\sqrt{2}}{6} < \frac{\sqrt{3}}{6}$

②  $8 > 7$ 이므로  $\sqrt{8} > \sqrt{7}$       $\therefore -\sqrt{8} < -\sqrt{7}$

③  $4 = \sqrt{16}$ 이고  $16 > 12$ 이므로  $4 > \sqrt{12}$

④  $0.5 = \sqrt{0.25}$ 이고  $0.5 > 0.25$ 이므로  $\sqrt{0.5} > 0.5$

⑤  $\frac{1}{3} = \sqrt{\frac{1}{9}}$ 이고  $\frac{1}{9} > \frac{1}{10}$ 이므로  $\frac{1}{3} > \sqrt{\frac{1}{10}}$

$$\therefore -\frac{1}{3} < -\sqrt{\frac{1}{10}}$$

따라서 옳지 않은 것은 ②, ④이다.

38 (음수)  $< 0 <$  (양수)이고  $-2 = -\sqrt{4}, 4 = \sqrt{16}$ 이므로

주어진 수를 크기가 작은 것부터 차례로 나열하면

$$-\sqrt{6}, -2, 0, \sqrt{15}, 4$$

따라서  $a = -\sqrt{6}, b = 4$ 이므로

$$a^2 + b^2 = (-\sqrt{6})^2 + 4^2 = 22$$

39 ①  $0 < a < 1$

②  $0 < a^2 < a < 1$

③  $a < \sqrt{a} < 1$

④  $\frac{1}{a} > 1$

⑤  $\sqrt{\frac{1}{a}} > 1$

이때  $\frac{1}{a} = \sqrt{\frac{1}{a^2}}$ 이고  $\frac{1}{a^2} > \frac{1}{a}$ 이므로  $\frac{1}{a} > \sqrt{\frac{1}{a}}$

따라서 그 값이 가장 큰 것은 ④이다.

**다른 풀이**

$a = \frac{1}{4}$ 이라고 하면

$$\textcircled{1} \quad a = \frac{1}{4}$$

$$\textcircled{2} \quad a^2 = \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$$

$$\textcircled{3} \quad \sqrt{a} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{1}{a} = 4$$

$$\textcircled{5} \quad \sqrt{\frac{1}{a}} = \sqrt{4} = 2$$

따라서 그 값이 가장 큰 것은 ④이다.

40  $-5 < -\sqrt{2x-1} < -4$ 에서  $4 < \sqrt{2x-1} < 5$ 이므로

$$\sqrt{16} < \sqrt{2x-1} < \sqrt{25}, 16 < 2x-1 < 25$$

$$17 < 2x < 26 \quad \therefore \frac{17}{2} (=8.5) < x < 13$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=9, 10, 11, 12$

따라서 자연수  $x$ 의 값이 아닌 것은 ⑤이다.

41  $4 < \sqrt{x+4} \leq 6$ 에서  $\sqrt{16} < \sqrt{x+4} \leq \sqrt{36}$ 이므로

$$16 < x+4 \leq 36 \quad \therefore 12 < x \leq 32$$

따라서  $M=32, m=13$ 이다

$$M+m=32+13=45$$

42  $\sqrt{6} < x < \sqrt{31}$ 에서  $\sqrt{6} < \sqrt{x^2} < \sqrt{31}$ 이므로  $6 < x^2 < 31$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x^2=9, 16, 25$

따라서 모든 자연수  $x$ 의 값은 3, 4, 5이므로 그 합은  $3+4+5=12$

43  $36 < 40 < 49$ 에서  $\sqrt{36} < \sqrt{40} < \sqrt{49}$ 이므로  $6 < \sqrt{40} < 7$

따라서  $\sqrt{40}$  이하의 자연수 중 가장 큰 수는 6이다

$$M(40)=6$$

$49 < 60 < 64$ 에서  $\sqrt{49} < \sqrt{60} < \sqrt{64}$ 이므로  $7 < \sqrt{60} < 8$

따라서  $\sqrt{60}$  이하의 자연수 중 가장 큰 수는 7이다

$$M(60)=7$$

$$\therefore M(40)+M(60)=6+7=13$$

44 (1단계)  $196 < 224 < 225$ 에서  $\sqrt{196} < \sqrt{224} < \sqrt{225}$ 이므로

$$14 < \sqrt{224} < 15$$

따라서  $\sqrt{224}$  이하의 자연수는 1, 2, ..., 14의 14개이다

$$f(224)=14$$

(2단계)  $144 < 168 < 169$ 에서  $\sqrt{144} < \sqrt{168} < \sqrt{169}$ 이므로

$$12 < \sqrt{168} < 13$$

따라서  $\sqrt{168}$  이하의 자연수는 1, 2, ..., 12의 12개이다

$$f(168)=12$$

$$\textcircled{3} \quad \therefore f(224)-f(168)=14-12=2$$

채점 기준		
1단계	$f(224)$ 의 값 구하기	… 40 %
2단계	$f(168)$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	$f(224)-f(168)$ 의 값 구하기	… 20 %

45  $f(1)=f(2)=f(3)=1,$

$f(4)=f(5)=f(6)=f(7)=f(8)=2,$

$f(9)=f(10)=\cdots=f(15)=3,$

$f(16)=f(17)=\cdots=f(24)=4,$

$f(25)=f(26)=5$ 이다

$$f(1)+f(2)+f(3)+\cdots+f(26)$$

$$=1 \times 3 + 2 \times 5 + 3 \times 7 + 4 \times 9 + 5 \times 2 = 80$$

따라서 자연수  $x$ 의 값은 26이다.

## 02 무리수와 실수

P. 17~18

**똑똑 다시**

**개념 익히기**

1 ④    2 ㄴ, ㄷ    3 ③, ④    4 ③    5 8

**핵심 유형 문제**

6 ⑤    7 ③    8 ⑤    9 ④, ⑤    10 ②

11 ③

1 순환소수가 아닌 무한소수는 무리수이다.

$$\textcircled{1} \sqrt{49}-1=7-1=6 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\textcircled{2} 1.\dot{3} \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\textcircled{3} \sqrt{0.81}=0.9 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\textcircled{5} \frac{24}{4}=6 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

따라서 무리수는 ④이다.

2 ㄱ.  $\sqrt{16}=4 \Leftrightarrow \text{유리수}$

$$\textcircled{1} 2\pi \times 4=8\pi \Leftrightarrow \text{무리수}$$

$$\textcircled{2} \sqrt{5^2+2^2}=\sqrt{29} \Leftrightarrow \text{무리수}$$

따라서 무리수인 것은 ㄴ, ㄷ이다.

3 ① 제곱근 5는  $\sqrt{5}$ 이다.

$$\textcircled{2} 3=\sqrt{9} \text{이고 } 5<9 \text{이므로 } \sqrt{5}<3 \quad \therefore -\sqrt{5}>-3$$

④  $-\sqrt{5}$ 는 무리수이므로 순환소수가 아닌 무한소수로 나타내어진다.

⑤  $-\sqrt{5}$ 는 유리수가 아니므로  $\frac{\text{(정수)}}{\text{(0이 아닌 정수)}}$  꼴로 나타낼 수 없다.

따라서 옳은 것은 ③, ④이다.

4 ㄱ. 무한소수 중 순환소수는 유리수이다.

ㄴ. 근호 안의 수가 어떤 유리수의 제곱이면 유리수이다.

따라서 옳은 것은 ㄷ, 르이다.

5  $-\sqrt{0.09}(-=0.3), 3.14, \frac{16}{4}(=4), 0.\dot{7}\dot{0} \Leftrightarrow \text{유리수}$

따라서 무리수는  $\sqrt{\frac{1}{2}}, -\sqrt{8}$ 의 2개이므로  $x=2$

실수는  $-\sqrt{0.09}, \sqrt{\frac{1}{2}}, 3.14, -\sqrt{8}, \frac{16}{4}, 0.\dot{7}\dot{0}$ 의 6개이므로  $y=6$

$$\therefore x+y=2+6=8$$

6 ④  $\sqrt{49}=7 \Leftrightarrow \text{유리수}$

⑤ 0.232232223… ⇔ 순환소수가 아닌 무한소수(무리수)

따라서 무리수인 것은 ⑤이다.

7 소수로 나타내었을 때 순환소수가 아닌 무한소수가 되는 것은 무리수이다.

$$\sqrt{9}-\sqrt{4}=3-2=1, \sqrt{(-5)^2}=5,$$

$$\sqrt{0.4}=\sqrt{\frac{4}{9}}=\frac{2}{3}, -\sqrt{100}=-10 \Rightarrow \text{유리수}$$

따라서 무리수는  $\sqrt{0.9}, \pi, -\frac{\sqrt{3}}{3}, \sqrt{2}+1$ 의 4개이다.

8  $\sqrt{a}$ 가 유리수이려면  $a$ 가 어떤 유리수의 제곱이어야 한다.

20 이하의 자연수 중에서 어떤 유리수의 제곱인 수는

$$1(=1^2), 4(=2^2), 9(=3^2), 16(=4^2) \text{의 4개이다.}$$

따라서  $\sqrt{a}$ 가 무리수가 되도록 하는 20 이하의 자연수  $a$ 는  $20-4=16$ (개)

9 ① 0은 유리수이다.

유리수이면서 무리수인 수는 없다.

② 무리수는 순환소수가 아닌 무한소수로 나타내어진다.

③ 근호를 사용하여 나타낸 수가 모두 무리수인 것은 아니다.

$\sqrt{4}$ 는 근호를 사용하여 나타낸 수이지만  $\sqrt{4}=2$ 이므로 유리수이다.

④ 무한소수 중 순환소수는 유리수이다.

⑤ 넓이가 9인 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{9}=3$ 이므로 무리수가 아니다.

따라서 옳은 것은 ④, ⑤이다.

10 □에 해당하는 수는 무리수이다.

$$\textcircled{1} \sqrt{\frac{9}{64}}=\frac{3}{8} \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\textcircled{2} \sqrt{0.02} \Leftrightarrow \text{무리수}$$

$$\textcircled{3} 5-\sqrt{4}=5-2=3 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\textcircled{4} \sqrt{0.16}=0.4 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

$$\textcircled{5} -\frac{2}{\sqrt{25}}=-\frac{2}{5} \Leftrightarrow \text{유리수}$$

따라서 □에 해당하는 수는 ②이다.

11 유리수와 무리수를 통틀어 실수라 하고, 유리수이면서 무리수인 수는 없으므로  $a-b$ 의 값은 무리수의 개수와 같다.

$$1.333\cdots=1.\dot{3}, \frac{3}{4}, -\sqrt{36}=-6, \sqrt{\frac{16}{81}}=\frac{4}{9}, 0 \Leftrightarrow \text{유리수}$$

따라서 무리수는  $-\sqrt{4.9}, \sqrt{0.001}, \sqrt{15}$ 의 3개이므로  $a-b=3$

**다른 풀이**

실수는  $1.333\cdots, \frac{3}{4}, -\sqrt{36}, -\sqrt{4.9}, \sqrt{0.001}, \sqrt{\frac{16}{81}}, 0, \sqrt{15}$ 의 8개이므로  $a=8$

유리수는  $1.333\cdots(=1.\dot{3}), \frac{3}{4}, -\sqrt{36}(-=6),$

$$\sqrt{\frac{16}{81}}\left(=\frac{4}{9}\right), 0$$
의 5개이므로  $b=5$

$$\therefore a-b=8-5=3$$

**복습** **개념 익히기**

- 1 P:  $2-\sqrt{5}$ , Q:  $2+\sqrt{13}$ , R:  $9-\sqrt{8}$       2 ④  
 3  $\sqcup$ ,  $\sqcap$  4 ④      5  $a, b, c$  6 ②      7 1040  
 8  $4-\sqrt{10}$  9 ①

**핵심 유형** 문제

- 10 A:  $1-\sqrt{2}$ , B:  $1+\sqrt{2}$ , C:  $5-\sqrt{2}$ , D:  $4+\sqrt{2}$   
 11 ③      12 ②, ⑤ 13  $-3+\sqrt{13}$       14 14  
 15  $3+4\pi$  16 ②      17  $\sqcup$ ,  $\sqcap$ ,  $\sqsubseteq$       18 ④  
 19 ⑤      20 ③      21 ②      22 ①      23  $c < a < b$   
 24  $3+\sqrt{6}$  25 ③      26 점 B, 점 A, 점 C 27 ③  
 28 36      29 ②      30 ④      31 ②      32 4  
 33 ③      34 4,351 35 5,683 36 ③      37  $\sqrt{7}$   
 38 ②

1  $\overline{AP}=\overline{AB}=\sqrt{2^2+1^2}=\sqrt{5}$ 이므로  
 점 P에 대응하는 수는  $2-\sqrt{5}$   
 $\overline{AQ}=\overline{AD}=\sqrt{2^2+3^2}=\sqrt{13}$ 이므로  
 점 Q에 대응하는 수는  $2+\sqrt{13}$   
 $\overline{FR}=\overline{FG}=\sqrt{2^2+2^2}=\sqrt{8}$ 이므로  
 점 R에 대응하는 수는  $9-\sqrt{8}$

2 ①  $\overline{BC}=\sqrt{1^2+1^2}=\sqrt{2}$   
 ②  $\square ABCD=(\sqrt{2})^2=2$   
 ③  $\overline{EF}=\sqrt{1^2+3^2}=\sqrt{10}$ 이므로  
 $\square DEFG=(\sqrt{10})^2=10$   
 ④  $\overline{CP}=\overline{CB}=\sqrt{2}$ 이므로  $P(-3-\sqrt{2})$   
 ⑤  $\overline{EQ}=\overline{EF}=\sqrt{10}$ 이므로  $Q(1+\sqrt{10})$   
 따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

3  $\sqcup$ ,  $\sqrt{2}$ 와  $\sqrt{3}$  사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.  
 르. 수직선은 무리수에 대응하는 점만으로 완전히 매울 수 없다. 유리수와 무리수, 즉 실수에 대응하는 점으로 완전히 매울 수 있다.  
 따라서 옳은 것은  $\sqcup$ ,  $\sqcap$ 이다.

4 ①  $(\sqrt{2}+3)-4=\sqrt{2}-1>0$        $\therefore \sqrt{2}+3>4$   
 ②  $(5-\sqrt{3})-3=2-\sqrt{3}=\sqrt{4}-\sqrt{3}>0$        $\therefore 5-\sqrt{3}>3$   
 ③  $\sqrt{6}<\sqrt{7}$ 이므로 양변에 2를 더하면  
 $\sqrt{6}+2<\sqrt{7}+2$   
 ④  $3>\sqrt{5}$ 이므로 양변에서  $\sqrt{2}$ 를 빼면  
 $3-\sqrt{2}>\sqrt{5}-\sqrt{2}$ , 즉  $3-\sqrt{2}>-\sqrt{2}+\sqrt{5}$   
 ⑤  $4>\sqrt{8}$ 이므로 양변에  $\sqrt{3}$ 을 더하면  
 $4+\sqrt{3}>\sqrt{8}+\sqrt{3}$ , 즉  $4+\sqrt{3}>\sqrt{3}+\sqrt{8}$   
 따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

5  $a-b=(\sqrt{13}+2)-(\sqrt{13}+\sqrt{5})=2-\sqrt{5}=\sqrt{4}-\sqrt{5}<0$   
 $\therefore a < b$   
 $b-c=(\sqrt{13}+\sqrt{5})-(4+\sqrt{5})=\sqrt{13}-4=\sqrt{13}-\sqrt{16}<0$   
 $\therefore b < c$   
 $\therefore a < b < c$   
 즉, 크기가 작은 것부터 차례로 나열하면  $a, b, c$ 이다.

6  $\sqrt{4}<\sqrt{7}<\sqrt{9}$ 이므로  $2<\sqrt{7}<3$        $\therefore -2<\sqrt{7}-4<-1$   
 따라서  $\sqrt{7}-4$ 에 대응하는 점은 점 B이다.

7  $\sqrt{71.4}=8.450$ 이므로  $x=8,450$   
 $\sqrt{74.1}=8.608$ 이므로  $y=74.1$   
 $\therefore 1000x-100y=1000 \times 8,450 - 100 \times 74.1$   
 $=8450-7410=1040$

8  $3<\sqrt{10}<4$ 이므로  $1<\sqrt{10}-2<2$   
 따라서  $\sqrt{10}-2$ 의 정수 부분은 1,  
 소수 부분은  $(\sqrt{10}-2)-1=\sqrt{10}-3$   
 즉,  $a=1, b=\sqrt{10}-3$ 이므로  
 $a-b=1-(\sqrt{10}-3)=4-\sqrt{10}$

9  $2<\sqrt{6}<3$ 이므로  $-3<-\sqrt{6}<-2$   
 $\therefore -5<-2-\sqrt{6}<-4$   
 또  $1<\sqrt{3}<2$ 이므로  $3<2+\sqrt{3}<4$   
 따라서  $-2-\sqrt{6}$ 과  $2+\sqrt{3}$  사이에 있는 모든 정수는  
 $-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$ 이므로 그 합은  $-4$ 이다.

10 왼쪽 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{1^2+1^2}=\sqrt{2}$ 이므로  
 두 점 A, B에 대응하는 수는 각각  $1-\sqrt{2}, 1+\sqrt{2}$   
 오른쪽 정사각형의 대각선의 길이는  $\sqrt{1^2+1^2}=\sqrt{2}$ 이므로  
 두 점 C, D에 대응하는 수는 각각  $5-\sqrt{2}, 4+\sqrt{2}$

11 점 A~E에 대응하는 수는 각각 다음과 같다.  
 A:  $-\sqrt{2}$ , B:  $-2+\sqrt{2}$ , C:  $-1+\sqrt{2}$ , D:  $2-\sqrt{2}$ , E:  $\sqrt{2}$   
 따라서  $-1+\sqrt{2}$ 에 대응하는 점은 C이다.

12 ①  $\overline{AC}=\overline{BD}=\sqrt{1^2+1^2}=\sqrt{2}$   
 ②  $\overline{CP}=\overline{CA}=\sqrt{2}$ 이므로  $P(-1-\sqrt{2})$   
 ③, ④  $\overline{BQ}=\overline{BD}=\sqrt{2}$ 이므로  $Q(-2+\sqrt{2})$   
 ⑤  $\overline{PB}=\overline{PC}-\overline{BC}=\sqrt{2}-1$   
 따라서 옳지 않은 것은 ②, ⑤이다.

13  $\overline{AP}=\overline{AB}=\sqrt{2^2+3^2}=\sqrt{13}$ 이므로  
 점 A에 대응하는 수는  $-3+\sqrt{13}$

14 ①  $\overline{AQ}=\overline{AC}=\sqrt{1^2+3^2}=\sqrt{10}$ 이고  
 점 Q에 대응하는 수가  $4+\sqrt{10}$ 이므로  
 점 A에 대응하는 수는 4  
 ②  $\overline{AP}=\overline{AB}=\sqrt{3^2+1^2}=\sqrt{10}$ 이므로  
 점 P에 대응하는 수는  $4-\sqrt{10}$

(3단계) 따라서  $a=4, b=10$ 이므로

$$a+b=4+10=14$$

채점 기준		
1단계	점 A에 대응하는 수 구하기	… 40%
2단계	점 P에 대응하는 수 구하기	… 40%
3단계	$a+b$ 의 값 구하기	… 20%

- 15  $\overline{AP}$ 의 길이는 원의 둘레의 길이와 같으므로

$$\overline{AP}=2\pi \times \frac{4}{2}=4\pi$$

따라서 점 P에 대응하는 수는  $3+4\pi$

- 16 ② 수직선은 유리수와 무리수, 즉 실수에 대응하는 점들로 완전히 매울 수 있다.

- 17 ㄱ.  $1 < \sqrt{2} < 2 < \sqrt{7} < 3$ 이므로  $\sqrt{2}$ 와  $\sqrt{7}$  사이에 있는 정수는 2의 1개뿐이다.

ㄹ. 모든 무리수는 수직선 위에 나타낼 수 있다.

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ, ㄷ이다.

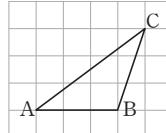
- 18 선우: 1과  $\sqrt{2}$  사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.

따라서 바르게 말한 학생은 자연, 창민이다.

- 19 오른쪽 그림과 같이 한 눈금의 길이가 1인 모눈종이 위에  $\triangle ABC$ 를 그리면

$$\overline{AB}=\boxed{3}, \overline{BC}=\sqrt{1^2+3^2}=\boxed{\sqrt{10}},$$

$$\overline{CA}=\sqrt{4^2+3^2}=\boxed{5}$$



이때 삼각형의 두 변의 길이의 합은 나머지 한 변의 길이보다 크므로  $\overline{AB}+\overline{BC} > \overline{CA}$

즉,  $3+\sqrt{10} > 5$

- 20 ①  $(\sqrt{7}-1)-2=\sqrt{7}-3=\sqrt{7}-\sqrt{9}<0$

$$\therefore \sqrt{7}-1 < \boxed{2}$$

- ②  $\sqrt{2}<\sqrt{3}$ 이므로 양변에  $\sqrt{5}$ 를 더하면

$$\sqrt{5}+\sqrt{2} < \boxed{\sqrt{5}+\sqrt{3}}$$

- ③  $4>3$ 이므로 양변에서  $\sqrt{8}$ 을 빼면

$$4-\sqrt{8} > \boxed{3-\sqrt{8}}$$

- ④  $(\sqrt{10}-3)-1=\sqrt{10}-4=\sqrt{10}-\sqrt{16}<0$

$$\therefore \sqrt{10}-3 < \boxed{1}$$

- ⑤  $\sqrt{\frac{1}{3}}>\sqrt{\frac{1}{4}}$ 에서  $-\sqrt{\frac{1}{3}}<-\sqrt{\frac{1}{4}}$ 이므로

$$\text{양변에서 } 5 \text{를 빼면 } -\sqrt{\frac{1}{3}}-5 < \boxed{-\sqrt{\frac{1}{4}}-5}$$

따라서 부등호의 방향이 나머지 넷과 다른 하나는 ⑤이다.

- 21 ㄱ.  $(\sqrt{3}+4)-6=\sqrt{3}-2=\sqrt{3}-\sqrt{4}<0$

$$\therefore \sqrt{3}+4<6$$

ㄴ.  $\sqrt{2}<\sqrt{5}$ 이므로 양변에 2를 더하면

$$2+\sqrt{2}<2+\sqrt{5}$$

ㄷ.  $3>\sqrt{8}$ 에서  $-3<-\sqrt{8}$ 이므로 양변에  $\sqrt{10}$ 을 더하면

$$\sqrt{10}-3<\sqrt{10}-\sqrt{8}$$

ㄹ.  $\sqrt{\frac{1}{7}}<\sqrt{\frac{1}{6}}$ 에서  $-\sqrt{\frac{1}{7}}>-\sqrt{\frac{1}{6}}$ 이므로

$$\text{양변에 } 3 \text{을 더하면 } 3-\sqrt{\frac{1}{7}}>3-\sqrt{\frac{1}{6}}$$

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄹ이다.

- 22  $a-b=(3-\sqrt{2})-2=1-\sqrt{2}<0$

$$\therefore a < b$$

$$b-c=2-\sqrt{10}=\sqrt{4}-\sqrt{10}<0$$

$$\therefore b < c$$

$$\therefore a < b < c$$

- 23 ①  $a=\sqrt{5}+2, b=\sqrt{5}+\sqrt{7}$ 에서

$2<\sqrt{7}$ 이므로 양변에  $\sqrt{5}$ 를 더하면  $\sqrt{5}+2<\sqrt{5}+\sqrt{7}$

$$\therefore a < b$$

- ②  $a-c=(\sqrt{5}+2)-3$

$$=\sqrt{5}-1=\sqrt{5}-\sqrt{1}>0$$

$$\therefore a > c$$

- ③  $c < a < b$

채점 기준		
1단계	$a, b$ 의 대소 비교하기	… 40%
2단계	$a, c$ 의 대소 비교하기	… 40%
3단계	$a, b, c$ 의 대소 비교하기	… 20%

- 24  $-1-\sqrt{6}$ 은 음수이고  $\sqrt{3}+\sqrt{6}, 3+\sqrt{6}, 7$ 은 양수이다.

$$\sqrt{3}+\sqrt{6}, 3+\sqrt{6} \text{에서}$$

$\sqrt{3}<3$ 이므로 양변에  $\sqrt{6}$ 을 더하면  $\sqrt{3}+\sqrt{6}<3+\sqrt{6}$

또  $(3+\sqrt{6})-7=\sqrt{6}-4=\sqrt{6}-\sqrt{16}<0$ 이므로

$$3+\sqrt{6}<7$$

따라서 크기가 큰 것부터 차례로 나열하면

$$7, 3+\sqrt{6}, \sqrt{3}+\sqrt{6}, -1-\sqrt{6}$$

이므로 두 번째에 오는 수는  $3+\sqrt{6}$ 이다.

- 25  $\sqrt{49}<\sqrt{50}<\sqrt{64}$ 이므로  $7<\sqrt{50}<8$

따라서  $\sqrt{50}$ 에 대응하는 점이 있는 구간은 ③이다.

- 26  $\sqrt{4}<\sqrt{8}<\sqrt{9}$ 이므로  $2<\sqrt{8}<3 \Rightarrow$  점 B

$$\sqrt{1}<\sqrt{3}<\sqrt{4} \text{이므로 } 1<\sqrt{3}<2$$

$$-2<-\sqrt{3}<-1$$

$$\therefore -1<1-\sqrt{3}<0 \Rightarrow$$
 점 A

$$\sqrt{4}<\sqrt{6}<\sqrt{9} \text{이므로 } 2<\sqrt{6}<3$$

$$\therefore 3<\sqrt{6}+1<4 \Rightarrow$$
 점 C

따라서  $\sqrt{8}, 1-\sqrt{3}, \sqrt{6}+1$ 에 대응하는 점은 차례로 점 B, 점 A, 점 C이다.

27 ①  $\sqrt{1} < \sqrt{3} < \sqrt{4}$  이므로  $1 < \sqrt{3} < 2$   
 $\therefore -4 < -5 + \sqrt{3} < -3 \Rightarrow$  점 A

②  $\sqrt{1} < \sqrt{3} < \sqrt{4}$  이므로  $1 < \sqrt{3} < 2$   
 $\therefore -2 < -\sqrt{3} < -1 \Rightarrow$  점 B

③  $\sqrt{1} < \sqrt{2} < \sqrt{4}$  이므로  $1 < \sqrt{2} < 2$   
 $\therefore 0 < -1 + \sqrt{2} < 1$

④  $\sqrt{9} < \sqrt{10} < \sqrt{16}$  이므로  $3 < \sqrt{10} < 4$   
 $\therefore 2 < -1 + \sqrt{10} < 3 \Rightarrow$  점 D

⑤  $\sqrt{4} < \sqrt{6} < \sqrt{9}$  이므로  $2 < \sqrt{6} < 3$   
 $\therefore 4 < 2 + \sqrt{6} < 5 \Rightarrow$  점 E

따라서 주어진 수에 대응하는 점이 바르게 짹 지어지지 않은 것은 ③이다.

28  $\sqrt{41} + \sqrt{144} = \sqrt{41} + 12$

이때  $\sqrt{36} < \sqrt{41} < \sqrt{49}$ , 즉  $6 < \sqrt{41} < 7$  이므로

$18 < \sqrt{41} + 12 < 19$

따라서 수직선에서  $\sqrt{41} + \sqrt{144}$ 에 대응하는 점은 두 정수 18, 19에 각각 대응하는 두 점 사이에 있으므로

$n=18 \quad \therefore 2n=2 \times 18=36$

29  $3=\sqrt{9}, 4=\sqrt{16}$  이므로 3과 4 사이에 있는 수는

$\sqrt{15}, \sqrt{9.8}, \sqrt{\frac{41}{3}}$ 의 3개이다.

30  $\sqrt{4} < \sqrt{5} < \sqrt{9}$  이므로  $2 < \sqrt{5} < 3$  이고

$\sqrt{16} < \sqrt{18} < \sqrt{25}$  이므로  $4 < \sqrt{18} < 5$  이다.

①  $\pi=3.14 \cdots$  이므로  $\sqrt{5} < \pi < \sqrt{18}$

②  $\sqrt{5}+0.1 < 3.1$  이므로  $\sqrt{5} < \sqrt{5}+0.1 < \sqrt{18}$

③  $\sqrt{5} < \sqrt{10} < \sqrt{18}$

④  $2 < \sqrt{5} < 3$  이므로

$-1 < \sqrt{5}-3 < 0, -\frac{1}{2} < \frac{\sqrt{5}-3}{2} < 0$

$\therefore \frac{\sqrt{5}-3}{2} < \sqrt{5}$

⑤  $\frac{\sqrt{5}+\sqrt{18}}{2}$  은  $\sqrt{5}$ 와  $\sqrt{18}$ 의 평균이므로

$\sqrt{5} < \frac{\sqrt{5}+\sqrt{18}}{2} < \sqrt{18}$

따라서  $\sqrt{5}$ 와  $\sqrt{18}$  사이에 있는 수가 아닌 것은 ④이다.

31  $\sqrt{1} < \sqrt{3} < \sqrt{4}$  이므로  $1 < \sqrt{3} < 2$  이고

$\sqrt{9} < \sqrt{10} < \sqrt{16}$  이므로  $3 < \sqrt{10} < 4$  이다.

①  $\sqrt{3}+0.5 < 2.5$  이므로  $\sqrt{3} < \sqrt{3}+0.5 < \sqrt{10}$

②  $-4 < -\sqrt{10} < -3$  이므로  $0 < 4-\sqrt{10} < 1$

$\therefore 4-\sqrt{10} < \sqrt{3}$

③  $\frac{\sqrt{3}+\sqrt{10}}{2}$  은  $\sqrt{3}$ 과  $\sqrt{10}$ 의 평균이므로

$\sqrt{3} < \frac{\sqrt{3}+\sqrt{10}}{2} < \sqrt{10}$

④  $\sqrt{3}$ 과  $\sqrt{10}$  사이에 있는 정수는 2, 3의 2개이다.

따라서 옳지 않은 것은 ②이다.

32 ① 단계  $\sqrt{4} < \sqrt{7} < \sqrt{9}$  이므로  $2 < \sqrt{7} < 3$

$-3 < -\sqrt{7} < -2 \quad \therefore -1 < 2-\sqrt{7} < 0$

② 단계  $\sqrt{4} < \sqrt{6} < \sqrt{9}$  이므로  $2 < \sqrt{6} < 3$

$3 < 1+\sqrt{6} < 4$

③ 단계 따라서  $2-\sqrt{7}$ 과  $1+\sqrt{6}$  사이에 있는 정수는 0, 1, 2, 3의 4개이다.

채점 기준		
1단계	$2-\sqrt{7}$ 의 값의 범위 구하기	… 40 %
2단계	$1+\sqrt{6}$ 의 값의 범위 구하기	… 40 %
3단계	두 수 $2-\sqrt{7}$ 과 $1+\sqrt{6}$ 사이에 있는 정수의 개수 구하기	… 20 %

33  $1 < \sqrt{3} < 2$  이므로  $a+1 < a+\sqrt{3} < a+2$

즉,  $a+\sqrt{3}$ 보다 큰 정수 중 가장 작은 수는  $a+2$ 이다.

이때 주어진 부등식을 만족시키는 정수  $n$ 이 4개이므로

$n=a+2, a+3, a+4, a+5$

또  $-2 < -\sqrt{3} < -1$  이므로  $b-2 < b-\sqrt{3} < b-1$

즉,  $b-\sqrt{3}$ 보다 작은 정수 중 가장 큰 수는  $b-2$ 이다.

따라서  $a+5=b-2$  이어야 하므로

$b-a=5+2=7$

34  $\sqrt{4.65}=2.156$  이므로  $a=2.156$

$\sqrt{4.82}=2.195$  이므로  $b=2.195$

$\therefore a+b=2.156+2.195=4.351$

35  $\sqrt{31.2}=5.586$  이므로  $a=31.2$

$\sqrt{33.4}=5.779$  이므로  $b=33.4$

$\therefore \sqrt{\frac{a+b}{2}}=\sqrt{\frac{31.2+33.4}{2}}=\sqrt{32.3}=5.683$

36  $1 < \sqrt{3} < 2$  이므로

$\sqrt{3}$ 의 정수 부분은 1, 소수 부분은  $\sqrt{3}-1$

즉,  $a=1, b=\sqrt{3}-1$  이므로

$2a+b=2 \times 1 + (\sqrt{3}-1)=1+\sqrt{3}$

37 ① 단계  $2 < \sqrt{7} < 3$  이므로  $-3 < -\sqrt{7} < -2$

$\therefore 2 < 5-\sqrt{7} < 3$

따라서  $5-\sqrt{7}$ 의 정수 부분은 2 이므로

$a=2$

② 단계  $7 < 5+\sqrt{7} < 8$  이므로

$5+\sqrt{7}$ 의 정수 부분은 7,

소수 부분은  $(5+\sqrt{7})-7=\sqrt{7}-2$

즉,  $b=\sqrt{7}-2$

③ 단계  $\therefore a+b=2+(\sqrt{7}-2)=\sqrt{7}$

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40 %
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	$a+b$ 의 값 구하기	… 20 %

38  $2 < \sqrt{5} < 3$  이므로

$\sqrt{5}$ 의 정수 부분은 2, 소수 부분은  $\sqrt{5} - 2$

$$\text{즉}, a = \sqrt{5} - 2 \quad \therefore \sqrt{5} = a + 2 \quad \cdots \textcircled{7}$$

$$-3 < -\sqrt{5} < -2 \text{이므로 } 2 < 5 - \sqrt{5} < 3$$

따라서  $5 - \sqrt{5}$ 의 정수 부분은 2이므로 소수 부분은

$$(5 - \sqrt{5}) - 2 = 3 - \sqrt{5}$$

$$= 3 - (a + 2) (\because \textcircled{7})$$

$$= 1 - a$$

$\sqrt{81+a}$ 가 가장 작은 정수가 되려면  $81+a$ 는 81보다 큰 (자연수)<sup>2</sup> 꼴의 수 중에서 가장 작은 수이어야 하므로

$$81+a=100 \quad \therefore a=19$$

$\sqrt{225-b}$ 가 가장 큰 정수가 되려면  $225-b$ 는 225보다 작은 (자연수)<sup>2</sup> 꼴의 수 중에서 가장 큰 수이어야 하므로

$$225-b=196 \quad \therefore b=29$$

$$\therefore a+b=19+29=48$$

**주의**  $a, b$ 가 자연수이므로  $81+a=81, 225-b=225$ 일 수 없다. 따라서  $81+a=100, 225-b=196$ 이어야 한다.

### 실력 UP 문제

P. 26

1-1  $\sqrt{35}$  cm

1-2  $\frac{15}{4}$

2-1 21

2-2 48

3-1 202

3-2 90

1-1 조건 (가)에서 색종이 A의 한 변의 길이는  $\sqrt{9}=3$ (cm)

조건 (나)에서 색종이 B의 한 변의 길이는  $3 \times \frac{5}{3}=5$ (cm)이므로 넓이는  $5^2=25$ (cm<sup>2</sup>)

따라서 조건 (다)에서 색종이 C의 넓이는  $25 \times \frac{7}{5}=35$ (cm<sup>2</sup>)이므로 한 변의 길이는  $\sqrt{35}$  cm이다.

1-2 조건 (가)에서 색종이 A의 한 변의 길이는  $\sqrt{4}=2$ (cm)

조건 (나)에서 색종이 B의 한 변의 길이는  $2 \times \frac{3}{2}=3$ (cm)이므로 넓이는  $3^2=9$ (cm<sup>2</sup>)

따라서 조건 (다)에서 색종이 C의 넓이는  $9 \times \frac{5}{3}=15$ (cm<sup>2</sup>)이므로 색종이 A의 넓이의  $15 \times \frac{1}{4}=\frac{15}{4}$ (배)이다.

$$\therefore x=\frac{15}{4}$$

2-1  $\sqrt{71-a}-\sqrt{b+13}$ 을 계산한 결과가 가장 큰 자연수가 되려면  $\sqrt{71-a}$ 는 가장 큰 자연수,  $\sqrt{b+13}$ 은 가장 작은 자연수이어야 한다.

$\sqrt{71-a}$ 가 가장 큰 자연수가 되려면  $71-a$ 는 71보다 작은 (자연수)<sup>2</sup> 꼴의 수 중에서 가장 큰 수이어야 하므로

$$71-a=64 \quad \therefore a=7$$

$\sqrt{b+13}$ 이 가장 작은 자연수가 되려면  $b+13$ 은 13보다 큰 (자연수)<sup>2</sup> 꼴의 수 중에서 가장 작은 수이어야 하므로

$$b+13=16 \quad \therefore b=3$$

$$\therefore ab=7 \times 3=21$$

2-2  $\sqrt{81+a}-\sqrt{225-b}$ 를 계산한 결과가 가장 작은 정수가 되려면  $\sqrt{81+a}$ 는 가장 작은 정수,  $\sqrt{225-b}$ 는 가장 큰 정수이어야 한다.

3-1 무리수에 대응하는 점은

$$1 \text{과 } 2 (= \sqrt{4}) \text{ 사이에 } 4-1-1=2(\text{개}) \Rightarrow (2 \times 1)\text{개}$$

$$2 (= \sqrt{4}) \text{와 } 3 (= \sqrt{9}) \text{ 사이에 } 9-4-1=4(\text{개}) \Rightarrow (2 \times 2)\text{개}$$

$$3 (= \sqrt{9}) \text{과 } 4 (= \sqrt{16}) \text{ 사이에 } 16-9-1=6(\text{개}) \Rightarrow (2 \times 3)\text{개}$$

⋮

이므로  $n$ 과  $n+1$  사이에는  $2n$ 개이다.

따라서 101과 102 사이에 있는 자연수의 양의 제곱근 중 무리수에 대응하는 점의 개수는

$$2 \times 101=202(\text{개})$$

**다른 풀이**

$$101=\sqrt{101^2}=\sqrt{10201}, 102=\sqrt{102^2}=\sqrt{10404}$$

이므로 구하는 점의 개수는

$$10404-10201-1=202(\text{개})$$

3-2 순환소수가 아닌 무한소수는 무리수이므로 무리수에 대응하는 점은

$$1 \text{과 } 2 (= \sqrt{4}) \text{ 사이에 } 4-1-1=2(\text{개}) \Rightarrow (2 \times 1)\text{개}$$

$$2 (= \sqrt{4}) \text{와 } 3 (= \sqrt{9}) \text{ 사이에 } 9-4-1=4(\text{개}) \Rightarrow (2 \times 2)\text{개}$$

$$3 (= \sqrt{9}) \text{과 } 4 (= \sqrt{16}) \text{ 사이에 } 16-9-1=6(\text{개}) \Rightarrow (2 \times 3)\text{개}$$

⋮

이므로  $n$ 과  $n+1$  사이에는  $2n$ 개이다.

이때 100번째 점에 대응하는 수는  $\sqrt{100}=10$ 이므로 9와 10 사이에 있는 자연수의 양의 제곱근 중 무리수에 대응하는 점의 개수는  $2 \times 9=18(\text{개})$

따라서 구하는 점의 개수는

$$2(1+2+3+\dots+9)=2 \times 45=90(\text{개})$$

### 실전 테스트

P. 27~29

1 ④    2 5    3  $\sqrt{6}$  cm    4 ⑤    5 ③

6 ②    7 ②    8  $a-b$     9 55    10  $176 \text{ m}^2$

11 30    12 9    13 ④    14 그, 뉘, 르

15 ④    16 ①    17 7    18  $\sqrt{3}-7$  19 ②

20 ⑤

1  $x$ 가 양수  $a$ 의 제곱근이므로  $x^2=a$  또는  $x=\pm\sqrt{a}$ 이다.

2  $\sqrt{81}=9$ 의 양의 제곱근은 3이므로  $a=3$

$$(-\sqrt{4})^2=4 \text{의 음의 제곱근은 } -2 \text{이므로 } b=-2$$

$$\therefore a-b=3-(-2)=5$$

3 처음 정사각형의 넓이는  $48\text{ cm}^2$ 이고, 정사각형을 한 번 접으면 그 넓이는 전 단계 정사각형의 넓이의  $\frac{1}{2}$ 이 되므로 [1단계]~[3단계]에서 생기는 정사각형의 넓이는 각각 다음과 같다.

$$[1\text{단계}] 48 \times \frac{1}{2} = 24(\text{cm}^2), [2\text{단계}] 24 \times \frac{1}{2} = 12(\text{cm}^2)$$

$$[3\text{단계}] 12 \times \frac{1}{2} = 6(\text{cm}^2)$$

따라서 [3단계]에서 생기는 정사각형의 한 변의 길이를  $x\text{ cm}$ 라고 하면  $x^2=6$

$$\text{이때 } x > 0 \text{이므로 } x = \sqrt{6}$$

따라서 [3단계]에서 생기는 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{6}\text{ cm}$ 이다.

4 ①  $-1$ 은 음수이므로 제곱근이 없다.

② 제곱근 4는  $\sqrt{4}=2$ 이다.

③  $\sqrt{25}=5$ 의 제곱근은  $\pm\sqrt{5}$ 이고, 제곱근 5는  $\sqrt{5}$ 이다.

④  $(-6)^2=36$ 의 제곱근은  $\pm 6$ 이다.

⑤  $\sqrt{(-7)^2}=7$ 의 제곱근은  $\pm\sqrt{7}$ 이다.

따라서 옳은 것은 ⑤이다.

5  $\sqrt{\overbrace{1+3}^{2\text{개}}}=\sqrt{4}=\sqrt{2^2}=2$

$$\sqrt{\overbrace{1+3+5}^{3\text{개}}}= \sqrt{9}=\sqrt{3^2}=3$$

$$\sqrt{\overbrace{1+3+5+7}^{4\text{개}}}= \sqrt{16}=\sqrt{4^2}=4$$

⋮

$$\therefore \sqrt{\overbrace{1+3+5+7+\cdots+17+19}^{10\text{개}}}=\sqrt{10^2}=10$$

다른 풀이

$$\begin{aligned} &\sqrt{1+3+5+7+\cdots+17+19} \\ &= \sqrt{(1+19)+(3+17)+\cdots+(9+11)} \\ &= \sqrt{20 \times 5} = \sqrt{100} = 10 \end{aligned}$$

6  $-\sqrt{225} \div \sqrt{(-3)^2} + \sqrt{\frac{1}{16}} \times (-\sqrt{8})^2$

$$= -15 \div 3 + \frac{1}{4} \times 8 = -3$$

7  $\neg. x < -1$ 이면  $x+1 < 0, x-1 < 0$ 이므로

$$A = -(x+1) - \{-(x-1)\}$$

$$= -x-1+x-1 = -2$$

$\neg. -1 < x < 1$ 이면  $x+1 > 0, x-1 < 0$ 이므로

$$A = x+1 - \{-(x-1)\}$$

$$= x+1+x-1 = 2x$$

$\therefore x > 1$ 이면  $x+1 > 0, x-1 > 0$ 이므로

$$A = x+1 - (x-1)$$

$$= x+1-x+1 = 2$$

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ이다.

8  $ab < 0$ 에서  $a, b$ 는 서로 다른 부호이고

$a-b > 0$ 에서  $a > b$ 이므로  $a > 0, b < 0$ 이다.

이때  $-2a < 0, 2b-a < 0, 3b < 0$ 이므로

$$\sqrt{(-2a)^2} - \sqrt{(2b-a)^2} + \sqrt{9b^2}$$

$$= \sqrt{(-2a)^2} - \sqrt{(2b-a)^2} + \sqrt{(3b)^2}$$

$$= -(-2a) - \{-(2b-a)\} + (-3b)$$

$$= 2a + 2b - a - 3b = a - b$$

9  $a+b=48k$  ( $k$ 는 상수)라고 하면  $\sqrt{a+b}=\sqrt{48k}$

$\sqrt{48k}=\sqrt{2^4 \times 3 \times k}$  가 자연수가 되려면

$k=3\times(\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

즉,  $a+b=48k=144 \times (\text{자연수})^2$ 이고,  $a, b$ 는 두 자리의 자연수이므로  $a+b=144$ 이어야 한다.

따라서 이를 만족시키는 두 자리의 자연수  $a, b$ 의 순서쌍  $(a, b)$ 는  $(45, 99), (46, 98), (47, 97), \dots, (99, 45)$ 의 55개이다.

10 정사각형 A의 한 변의 길이는  $\sqrt{20x}\text{ m}$

이때  $\sqrt{20x}=\sqrt{2^2 \times 5 \times x}$  가 자연수가 되려면

$x=5 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 하므로

$$x=5, 20, 45, 80, 125, \dots$$

… ①

정사각형 B의 한 변의 길이는  $\sqrt{109-x}\text{ m}$

이때  $\sqrt{109-x}$  가 자연수가 되려면  $109-x$ 는 109보다 작은  $(\text{자연수})^2$  꼴인 수이어야 하므로

$$109-x=1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100$$

$$\therefore x=108, 105, 100, 93, 84, 73, 60, 45, 28, 9$$

… ②

①, ②을 모두 만족시키는  $x$ 의 값은 45이므로

정사각형 A의 한 변의 길이는

$$\sqrt{20x}=\sqrt{20 \times 45}=\sqrt{900}=30(\text{m})$$

정사각형 B의 한 변의 길이는

$$\sqrt{109-x}=\sqrt{109-45}=\sqrt{64}=8(\text{m})$$

$$\therefore (\text{직사각형 C의 넓이})=8 \times (30-8)=176(\text{m}^2)$$

11 ①  $\text{단계}$  주어진 수 중 음수는  $-\sqrt{5}, -3, -\sqrt{11}$ 이고

$$5 < 9 < 11$$
이므로  $\sqrt{5} < 3 < \sqrt{11}$

$$-\sqrt{11} < -3 < -\sqrt{5} \quad \therefore a = -\sqrt{11}$$

②  $\text{단계}$  양수는  $\sqrt{19}, \sqrt{(-4)^2}, \sqrt{\frac{7}{2}}$  이고

$$\frac{7}{2} < 16 < 19$$
이므로  $\sqrt{\frac{7}{2}} < \sqrt{(-4)^2} < \sqrt{19}$

$$\therefore b = \sqrt{19}$$

(3단계)  $\therefore a^2 + b^2 = (-\sqrt{11})^2 + (\sqrt{19})^2 = 11 + 19 = 30$

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40%
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 40%
3단계	$a^2 + b^2$ 의 값 구하기	… 20%

12  $5 < \sqrt{3x} \leq 6$ 에서  $\sqrt{25} < \sqrt{3x} \leq \sqrt{36}$ 이므로  
 $25 < 3x \leq 36 \quad \therefore \frac{25}{3} \left(= 8\frac{1}{3}\right) < x \leq 12$

$\therefore x = 9, 10, 11, 12 \quad \dots \textcircled{①}$

$\sqrt{45} \leq x < \sqrt{90}$ 에서  $\sqrt{45} \leq \sqrt{x^2} < \sqrt{90}$ 이므로  
 $45 \leq x^2 < 90$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x^2 = 49, 64, 81$

$\therefore x = 7, 8, 9 \quad \dots \textcircled{②}$

따라서 ①, ②에 의해 두 부등식을 동시에 만족시키는 자연수  $x$ 의 값은 9이다.

13 □에 해당하는 수는 무리수이다.

① 0.1  $\Rightarrow$  유리수,  $\sqrt{2} \Rightarrow$  무리수

②  $-\sqrt{16} = -4 \Rightarrow$  유리수,  $\pi \Rightarrow$  무리수

③  $\sqrt{1.\overline{7}} = \sqrt{\frac{16}{9}} = \frac{4}{3}, \sqrt{(-5)^2} = 5 \Rightarrow$  유리수

⑤  $\sqrt{\frac{1}{36}} = \frac{1}{6} \Rightarrow$  유리수,  $2\pi \Rightarrow$  무리수

따라서 무리수로만 짝 지어진 것은 ④이다.

14  $\neg. \overline{EF} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$

$\neg. \overline{AP} = \overline{AD} = \sqrt{1^2 + 3^2} = \sqrt{10}$ 이므로

점 P에 대응하는 수는  $1 - \sqrt{10}$

$\neg. \overline{EQ} = \overline{EF} = \sqrt{2}$ 이므로

점 Q에 대응하는 수는  $5 + \sqrt{2}$

근.  $1 - \sqrt{10}$ 과  $5 + \sqrt{2}$  사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ, ㄹ이다.

15 ①  $(\sqrt{3}+1)-2=\sqrt{3}-1>0$

$\therefore \sqrt{3}+1>2$

②  $(\sqrt{13}+2)-6=\sqrt{13}-4=\sqrt{13}-\sqrt{16}<0$

$\therefore \sqrt{13}+2<6$

③  $\sqrt{\frac{1}{5}} > \sqrt{\frac{1}{6}}$ 이므로  $-\sqrt{\frac{1}{5}} < -\sqrt{\frac{1}{6}}$

양변에 7을 더하면

$$7 - \sqrt{\frac{1}{5}} < 7 - \sqrt{\frac{1}{6}}$$

④  $4 > \sqrt{15}$ 이므로 양변에  $\sqrt{3}$ 을 더하면

$$\sqrt{3} + 4 > \sqrt{3} + \sqrt{15}$$

⑤  $\sqrt{10} < \sqrt{11}$ 이므로 양변에  $\sqrt{6}$ 을 더하면

$$\sqrt{6} + \sqrt{10} < \sqrt{6} + \sqrt{11}$$

따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

16 (i)  $\sqrt{4} < \sqrt{5} < \sqrt{9}$ 이므로  $2 < \sqrt{5} < 3$

$$-3 < -\sqrt{5} < -2 \quad \therefore -2 < 1 - \sqrt{5} < -1$$

(ii)  $\sqrt{9} < \sqrt{11} < \sqrt{16}$ 이므로  $3 < \sqrt{11} < 4$

(iii)  $\sqrt{1} < \sqrt{2} < \sqrt{4}$ 이므로  $1 < \sqrt{2} < 2$

$$-2 < -\sqrt{2} < -1 \quad \therefore -1 < 1 - \sqrt{2} < 0$$

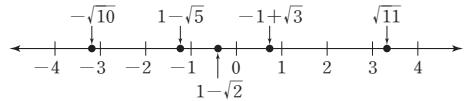
(iv)  $\sqrt{9} < \sqrt{10} < \sqrt{16}$ 이므로  $3 < \sqrt{10} < 4$

$$\therefore -4 < -\sqrt{10} < -3$$

(v)  $\sqrt{1} < \sqrt{3} < \sqrt{4}$ 이므로  $1 < \sqrt{3} < 2$

$$\therefore 0 < -1 + \sqrt{3} < 1$$

(i)~(v)에 의해 주어진 수를 수직선 위의 점에 각각 대응시키면 다음 그림과 같다.



따라서 원쪽에서 두 번째에 위치하는 수는  $1 - \sqrt{5}$ 이다.

17  $2 < \sqrt{5} < 3$ 이므로  $-3 < -\sqrt{5} < -2$

$$\therefore -6 < -3 - \sqrt{5} < -5$$

$1 < \sqrt{3} < 2$ 이므로  $-2 < -\sqrt{3} < -1$

$$\therefore 1 < 3 - \sqrt{3} < 2$$

따라서  $-3 - \sqrt{5}$ 와  $3 - \sqrt{3}$  사이에 있는 정수는  $-5, -4, -3, -2, -1, 0, 1$ 의 7개이다.

18  $1 < \sqrt{3} < 2$ 에서  $6 < 5 + \sqrt{3} < 7$ 이므로

$5 + \sqrt{3}$ 의 정수 부분은 6,

소수 부분은  $(5 + \sqrt{3}) - 6 = \sqrt{3} - 1$

즉,  $a = 6, b = \sqrt{3} - 1$ 이므로

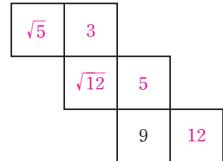
$$b - a = (\sqrt{3} - 1) - 6 = \sqrt{3} - 7$$

19  $9 < \textcircled{④}$ 이므로 ④에 적힌 수는 12이고,

④과 마주 보는 면이 ④이므로 ④에 적힌 수는  $\sqrt{12}$ 이다.

참고 정육면체의 전개도에서 각 면에

적힌 수는 오른쪽 그림과 같다.



20  $5 \leq \sqrt{x^2 + y^2} < 6$ 이므로  $25 \leq x^2 + y^2 < 36$

$x, y$ 가 자연수이므로 부등식을 만족시키는  $x, y$ 의 값을 순서쌍  $(x, y)$ 로 나타내면

- (1, 5), (2, 5), (3, 4), (3, 5), (4, 3), (4, 4), (5, 1), (5, 2), (5, 3)

이때  $x+y$ 의 값은 6, 7, 8이므로 가장 큰 값은 8이다.

## 01

## 근호를 포함한 식의 곱셈과 나눗셈

P. 33~36

쪽지 **개념 익히기**

1 ④      2 60      3 12      4 ②      5  $\frac{1}{5}ab$

핵심 **유형** 문제

6 ⑤      7  $-20\sqrt{6}$       8 ②      9 4      10 ④  
 11 16      12  $\sqrt{3}$       13 ⑤      14 6      15 21  
 16 ①      17 ④      18 ③      19 2      20 ↗, ←  
 21 18,2504      22 857      23 ④      24 ②  
 25 ④      26 ④

1 ①  $\sqrt{2}\sqrt{14}=\sqrt{28}=\sqrt{2^2 \times 7}=2\sqrt{7}$   
 ②  $-\sqrt{8} \times \sqrt{3}=-\sqrt{24}=-\sqrt{2^2 \times 2 \times 3}=-2\sqrt{6}$   
 ③  $2\sqrt{10} \div \sqrt{5}=\frac{2\sqrt{10}}{\sqrt{5}}=2\sqrt{2}$   
 ⑤  $\sqrt{0.48}=\sqrt{\frac{48}{100}}=\sqrt{\frac{12}{25}}=\sqrt{\frac{2^2 \times 3}{5^2}}=\frac{\sqrt{2^2 \times 3}}{\sqrt{5^2}}=\frac{2\sqrt{3}}{5}$

따라서 옳은 것은 ④이다.

2  $\sqrt{126}=\sqrt{3^2 \times 14}=3\sqrt{14}$  이므로  $a=3$   
 $3\sqrt{7}=\sqrt{3^2 \times 7}=\sqrt{63}$  이므로  $b=63$   
 $\therefore b-a=63-3=60$

3  $\sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{4} \times \sqrt{5} \times \sqrt{6} \times \sqrt{7}=\sqrt{2 \times 3 \times 2^2 \times 5 \times (2 \times 3) \times 7}$   
 $=\sqrt{2^2 \times 2^2 \times 3^2 \times 5 \times 7}$   
 $=(2 \times 2 \times 3) \times \sqrt{5 \times 7}=12\sqrt{35}$   
 $\therefore a=12$

4 ①  $\sqrt{57200}=\sqrt{5.72 \times 10000}=100\sqrt{5.72}$   
 $=100 \times 2.392=239.2$   
 ②  $\sqrt{5720}=\sqrt{57.2 \times 100}=10\sqrt{57.2}$   
 $=10 \times 7.563=75.63$   
 ③  $\sqrt{0.572}=\sqrt{\frac{57.2}{100}}=\frac{\sqrt{57.2}}{10}=\frac{7.563}{10}=0.7563$   
 ④  $\sqrt{0.00572}=\sqrt{\frac{57.2}{10000}}=\frac{\sqrt{57.2}}{100}=\frac{7.563}{100}=0.07563$   
 ⑤  $\sqrt{0.000572}=\sqrt{\frac{5.72}{10000}}=\frac{\sqrt{5.72}}{100}=\frac{2.392}{100}=0.02392$   
 따라서 옳지 않은 것은 ②이다.

5  $\sqrt{0.84}=\sqrt{\frac{84}{100}}=\sqrt{\frac{2^2 \times 3 \times 7}{10^2}}$   
 $=\frac{2\sqrt{3}\sqrt{7}}{10}=\frac{1}{5}\sqrt{3}\sqrt{7}=\frac{1}{5}ab$

6 ②  $(-\sqrt{3}) \times (-\sqrt{12})=\sqrt{3 \times 12}=\sqrt{36}=6$

⑤  $5\sqrt{3} \times 2\sqrt{7}=(5 \times 2)\sqrt{3 \times 7}=10\sqrt{21}$

따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

7  $5\sqrt{2} \times 4\sqrt{5} \times \left(-\sqrt{\frac{3}{5}}\right)=-20\sqrt{2 \times 5 \times \frac{3}{5}}=-20\sqrt{6}$

8  $2\sqrt{3} \times 3\sqrt{2} \times \sqrt{a}=6\sqrt{3 \times 2 \times a}=6\sqrt{6a}$  이므로  
 $6a=42 \quad \therefore a=7$

9  $\sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{a} \times \sqrt{12} \times \sqrt{2a}=\sqrt{2 \times 3 \times a \times 12 \times 2a}$   
 $=\sqrt{(12a)^2}=12a \quad (\because a>0)$   
 이므로  $12a=48 \quad \therefore a=4$

10 ④  $(-\sqrt{45}) \div \sqrt{5}=-\frac{\sqrt{45}}{\sqrt{5}}=-\sqrt{\frac{45}{5}}=-\sqrt{9}=-3$

11  $\frac{\sqrt{70}}{\sqrt{5}}=\sqrt{\frac{70}{5}}=\sqrt{14}$  이므로  $a=14$

$\frac{\sqrt{35}}{\sqrt{20}} \div \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{8}}=\frac{\sqrt{35}}{\sqrt{20}} \times \frac{\sqrt{8}}{\sqrt{7}}=\sqrt{\frac{35}{20} \times \frac{8}{7}}=\sqrt{2}$  이므로  $b=2$   
 $\therefore a+b=14+2=16$

12  $\frac{\sqrt{15}}{\sqrt{2}} \div \frac{\sqrt{20}}{\sqrt{6}} \div \sqrt{\frac{18}{24}}=\frac{\sqrt{15}}{\sqrt{2}} \div \frac{\sqrt{20}}{\sqrt{6}} \div \frac{\sqrt{18}}{\sqrt{24}}$   
 $=\frac{\sqrt{15}}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{20}} \times \frac{\sqrt{24}}{\sqrt{18}}$   
 $=\sqrt{\frac{15}{2} \times \frac{6}{20} \times \frac{24}{18}}=\sqrt{3}$

13  $3x \div \frac{1}{x}=3\sqrt{3} \div \frac{1}{\sqrt{3}}=3\sqrt{3} \times \sqrt{3}=9$   
 따라서  $3x$ 는  $\frac{1}{x}$ 의 9배이다.

14  $6\sqrt{3}=\sqrt{6^2 \times 3}=\sqrt{108}$  이므로  $a=108$   
 $\sqrt{135}=\sqrt{3^2 \times 15}=3\sqrt{15}$  이므로  $b=3$   
 $\therefore \sqrt{\frac{a}{b}}=\sqrt{\frac{108}{3}}=\sqrt{36}=\sqrt{6^2}=6$

15 ①  $\sqrt{20+3a}=7\sqrt{2}$ 에서  
 $\sqrt{20+3a}=\sqrt{7^2 \times 2}=\sqrt{98}$  이므로

$20+3a=98, 3a=78$

$\therefore a=26$

②  $3\sqrt{30-2b}=6\sqrt{5}$ 에서

$\sqrt{30-2b}=2\sqrt{5}=\sqrt{2^2 \times 5}=\sqrt{20}$  이므로

$30-2b=20, 2b=10$

$\therefore b=5$

③  $\therefore a-b=26-5=21$

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40%
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 40%
3단계	$a-b$ 의 값 구하기	… 20%

16  $\sqrt{\frac{h}{4.9}}$ 에  $h=245$ 를 대입하면

$$\sqrt{\frac{245}{4.9}} = \sqrt{\frac{2450}{49}} = \sqrt{50} = \sqrt{5^2 \times 2} = 5\sqrt{2}$$

따라서 먹이가 지면에 닿을 때까지 걸리는 시간은  $5\sqrt{2}$ 초이다.

17  $\neg. \sqrt{\frac{7}{25}} = \sqrt{\frac{7}{5^2}} = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{5^2}} = \frac{\sqrt{7}}{5}$

$$\neg. \sqrt{\frac{3}{100}} = \sqrt{\frac{3}{10^2}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{10^2}} = \frac{\sqrt{3}}{10}$$

$$\neg. \sqrt{\frac{28}{18}} = \sqrt{\frac{14}{9}} = \sqrt{\frac{14}{3^2}} = \frac{\sqrt{14}}{\sqrt{3^2}} = \frac{\sqrt{14}}{3}$$

$$\therefore \sqrt{0.24} = \sqrt{\frac{24}{100}} = \sqrt{\frac{6}{25}} = \sqrt{\frac{6}{5^2}} = \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{5^2}} = \frac{\sqrt{6}}{5}$$

따라서 옳은 것은  $\neg, \neg, \neg$ 이다.

18  $\sqrt{0.005} = \sqrt{\frac{50}{10000}} = \frac{\sqrt{50}}{100} = \frac{5\sqrt{2}}{100} = \frac{\sqrt{2}}{20}$

$$\therefore k = \frac{1}{20}$$

19  $\frac{\sqrt{3}}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{18}} = \sqrt{\frac{3}{18}} = \sqrt{\frac{1}{6}}$ 이므로  $a = \frac{1}{6}$

$$\frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{20}} = \sqrt{\frac{2}{20}} = \sqrt{\frac{1}{10}}$$
이므로  $b = \frac{1}{10}$

$$\therefore 6a + 10b = 6 \times \frac{1}{6} + 10 \times \frac{1}{10} = 2$$

20  $\neg. \sqrt{0.034} = \sqrt{\frac{3.4}{100}} = \frac{\sqrt{3.4}}{10} = \frac{1.844}{10} = 0.1844$

$$\neg. \sqrt{0.34} = \sqrt{\frac{34}{100}} = \frac{\sqrt{34}}{10}$$

$$\neg. \sqrt{340} = \sqrt{3.4 \times 100} = 10\sqrt{3.4}$$

$$= 10 \times 1.844 = 18.44$$

$$\therefore \sqrt{3400} = \sqrt{34 \times 100} = 10\sqrt{34}$$

따라서  $\sqrt{3.4}$ 의 값을 이용하여 그 값을 구할 수 없는 것은  $\neg, \neg$ 이다.

21  $\sqrt{0.314} = \sqrt{\frac{31.4}{100}} = \frac{\sqrt{31.4}}{10} = \frac{5.604}{10} = 0.5604$

$$\sqrt{313} = \sqrt{3.13 \times 100} = 10\sqrt{3.13}$$

$$= 10 \times 1.769 = 17.69$$

$$\therefore \sqrt{0.314} + \sqrt{313} = 0.5604 + 17.69 = 18.2504$$

22  $\sqrt{a} = 29.27 = 2.927 \times 10$

$$= \sqrt{8.57} \times 10$$

$$= \sqrt{8.57} \times \sqrt{100} = \sqrt{857}$$

$$\therefore a = 857$$

23  $\sqrt{580} = \sqrt{1.45 \times 400} = 20\sqrt{1.45}$   
 $= 20 \times 1.204 = 24.08$

24  $\sqrt{108} = \sqrt{2^2 \times 3^3} = \sqrt{2^2} \times \sqrt{3^3}$   
 $= (\sqrt{2})^2 \times (\sqrt{3})^3 = a^2 b^3$

25  $\sqrt{80} = \sqrt{4^2 \times 5} = 4\sqrt{5} = 4y$   
 $\sqrt{0.6} = \sqrt{\frac{6}{10}} = \sqrt{\frac{3}{5}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}} = \frac{x}{y}$   
 $\therefore \sqrt{80} - \sqrt{0.6} = 4y - \frac{x}{y}$

26 ①  $\sqrt{2400} = \sqrt{24 \times 100} = 10\sqrt{24} = 10b$   
②  $\sqrt{3840} = \sqrt{1600 \times 2.4} = 40\sqrt{2.4} = 40a$   
③  $\sqrt{0.024} = \sqrt{\frac{2.4}{100}} = \frac{\sqrt{2.4}}{10} = \frac{1}{10}a$   
④  $\sqrt{0.096} = \sqrt{\frac{9.6}{100}} = \sqrt{\frac{4 \times 2.4}{100}} = \frac{2}{10}\sqrt{2.4} = \frac{1}{5}a$   
⑤  $\sqrt{0.0024} = \sqrt{\frac{24}{10000}} = \frac{\sqrt{24}}{100} = \frac{1}{100}b$   
따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

P. 37~39

## ▶▶▶ 개념 익히기

1  $\neg, \neg, \neg$     2 ①    3 ③    4  $4\sqrt{10}$  cm

## ▶▶▶ 학습 유형 문제

5 ③	6 2	7 $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$	8 ④, ⑤	9 $-\frac{1}{15}$
10 $\sqrt{5}$	11 ④	12 ④	13 $3\sqrt{3}$ cm <sup>2</sup>	
14 $16\sqrt{3}\pi$ cm	15 $\frac{7\sqrt{2}}{2}$ cm			
16 $150\sqrt{10}\pi$ cm <sup>3</sup>	17 $3\sqrt{5}\pi$ cm <sup>3</sup>			

1  $\neg. \frac{3}{\sqrt{7}} = \frac{3 \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{3\sqrt{7}}{7}$   
 $\neg. \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{5} \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{10}}{2}$   
 $\neg. \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{3} \times \sqrt{5}}{2\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{15}}{10}$   
 $\neg. \frac{4}{5\sqrt{2}} = \frac{4 \times \sqrt{2}}{5\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{4\sqrt{2}}{10} = \frac{2\sqrt{2}}{5}$   
 $\neg. \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{3}\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{2} \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{10}}{5}$   
 $\neg. \frac{4}{\sqrt{3}\sqrt{8}} = \frac{4}{\sqrt{3} \times 2\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{6}} = \frac{2 \times \sqrt{6}}{\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \frac{2\sqrt{6}}{6} = \frac{\sqrt{6}}{3}$   
따라서 옳은 것은  $\neg, \neg$ 이다.

2  $\frac{3\sqrt{6}}{\sqrt{48}} = \frac{3\sqrt{6}}{4\sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{2}}{4}$  이므로  $a = \frac{3}{4}$   
 $\frac{3}{\sqrt{54}} = \frac{3}{3\sqrt{6}} = \frac{1}{\sqrt{6}} = \frac{\sqrt{6}}{6}$  이므로  $b = \frac{1}{6}$   
 $\frac{\sqrt{8}}{3\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{2}}{3\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{10}}{15}$  이므로  $c = \frac{2}{15}$   
 $\therefore abc = \frac{3}{4} \times \frac{1}{6} \times \frac{2}{15} = \frac{1}{60}$

3  $\frac{3\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \div \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{8}}{\sqrt{15}} = \frac{3\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{6}} \times \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{15}}$   
 $= 6\sqrt{\frac{3}{2} \times \frac{5}{6} \times \frac{2}{15}}$   
 $= \frac{6}{\sqrt{6}} = \sqrt{6}$

4 원뿔의 높이를  $h$  cm라고 하면

$$\frac{1}{3} \times \pi \times (3\sqrt{6})^2 \times h = 72\sqrt{10}\pi$$
 $18h = 72\sqrt{10} \quad \therefore h = \frac{72\sqrt{10}}{18} = 4\sqrt{10}$

따라서 원뿔의 높이는  $4\sqrt{10}$  cm이다.

5  $\frac{3\sqrt{a}}{4\sqrt{6}} = \frac{3\sqrt{a} \times \sqrt{6}}{4\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \frac{3\sqrt{6a}}{24} = \frac{\sqrt{6a}}{8}$  이므로  
 $\frac{\sqrt{6a}}{8} = \frac{\sqrt{10}}{8}, 6a = 10 \quad \therefore a = \frac{5}{3}$

6 ① 단계  $\frac{2\sqrt{5}}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{5} \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{15}}{3}$  이므로  
 $a = \frac{2}{3}$   
 ② 단계  $\frac{6}{\sqrt{75}} = \frac{6}{5\sqrt{3}} = \frac{6 \times \sqrt{3}}{5\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{6\sqrt{3}}{15} = \frac{2\sqrt{3}}{5}$  이므로  
 $b = 3$   
 ③ 단계  $\therefore ab = \frac{2}{3} \times 3 = 2$

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40%
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 40%
3단계	$ab$ 의 값 구하기	… 20%

7  $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{2} \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6}}{3}, \frac{2}{3} = \frac{\sqrt{4}}{3}$   
 $\frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3} = \frac{\sqrt{12}}{3}, \sqrt{3} = \frac{3\sqrt{3}}{3} = \frac{\sqrt{27}}{3}$   
 $\therefore \frac{\sqrt{2}}{3} < \frac{2}{3} < \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} < \frac{2}{\sqrt{3}} < \sqrt{3}$

따라서 크기가 작은 것부터 차례로 나열할 때, 세 번째에 오는 수는  $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$ 이다.

8 ①  $\frac{5}{\sqrt{2}} \times \frac{4\sqrt{3}}{7} = \frac{20\sqrt{3}}{7\sqrt{2}} = \frac{20\sqrt{6}}{14} = \frac{10\sqrt{6}}{7}$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} \quad 4\sqrt{12} \div (-2\sqrt{3}) &= 8\sqrt{3} \times \left(-\frac{1}{2\sqrt{3}}\right) = -4 \\ \textcircled{3} \quad 5\sqrt{2} \times \sqrt{27} \div \sqrt{3} &= 5\sqrt{2} \times 3\sqrt{3} \times \frac{1}{\sqrt{3}} = 15\sqrt{2} \\ \textcircled{4} \quad 3\sqrt{12} \div \sqrt{6} \times \sqrt{2} &= 6\sqrt{3} \times \frac{1}{\sqrt{6}} \times \sqrt{2} = 6 \\ \textcircled{5} \quad 3\sqrt{2} \div \sqrt{\frac{5}{8}} \times \sqrt{40} &= 3\sqrt{2} \div \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{8}} \times \sqrt{40} \\ &= 3\sqrt{2} \times \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}} \times 2\sqrt{10} = 24\sqrt{2} \end{aligned}$$

따라서 옳지 않은 것은 ④, ⑤이다.

9  $\frac{4}{3\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{200}}{8} \div (-\sqrt{50}) = \frac{4}{3\sqrt{5}} \times \frac{10\sqrt{2}}{8} \times \left(-\frac{1}{5\sqrt{2}}\right)$   
 $= -\frac{1}{3\sqrt{5}} = -\frac{\sqrt{5}}{15}$   
 $\therefore a = -\frac{1}{15}$

$\sqrt{6}$		$\sqrt{30}$
$\frac{\sqrt{5}}{5}$		⑦
A	$\sqrt{3}$	B

위의 사각형에서  $\sqrt{6} \times \frac{\sqrt{5}}{5} \times A = 2\sqrt{15}$  이므로

$$\begin{aligned} A &= 2\sqrt{15} \div \sqrt{6} \div \frac{\sqrt{5}}{5} \\ &= 2\sqrt{15} \times \frac{1}{\sqrt{6}} \times \frac{5}{\sqrt{5}} \\ &= \frac{10}{\sqrt{2}} = 5\sqrt{2} \end{aligned}$$

또  $5\sqrt{2} \times \sqrt{3} \times B = 2\sqrt{15}$  이므로

$$\begin{aligned} B &= 2\sqrt{15} \div 5\sqrt{2} \div \sqrt{3} \\ &= 2\sqrt{15} \times \frac{1}{5\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \\ &= \frac{2\sqrt{5}}{5\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{10}}{10} = \frac{\sqrt{10}}{5} \end{aligned}$$

따라서  $\sqrt{30} \times ⑦ \times \frac{\sqrt{10}}{5} = 2\sqrt{15}$  이므로

$$\begin{aligned} ⑦ &= 2\sqrt{15} \div \frac{\sqrt{10}}{5} \div \sqrt{30} \\ &= 2\sqrt{15} \times \frac{5}{\sqrt{10}} \times \frac{1}{\sqrt{30}} \\ &= \frac{10}{\sqrt{20}} = \frac{10}{2\sqrt{5}} = \frac{5}{\sqrt{5}} = \sqrt{5} \end{aligned}$$

11 정사각형 ABCD의 한 변의 길이를  $x$  cm라고 하면 피타고라스 정리에 의해  
 $x^2 + x^2 = 6^2, x^2 = 18$   
 $\therefore x = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$  ( $\because x > 0$ )  
 $\therefore (\square ABCD의 둘레의 길이) = 4 \times 3\sqrt{2} = 12\sqrt{2}$  (cm)

12 (직사각형의 넓이) =  $4\sqrt{3} \times 2\sqrt{27}$   
 $= 4\sqrt{3} \times 6\sqrt{3} = 72(\text{cm}^2)$

정사각형의 한 변의 길이를  $a \text{ cm}$ 라고 하면 넓이가  $72 \text{ cm}^2$  이므로

$$a^2 = 72 \quad \therefore a = \sqrt{72} = 6\sqrt{2} (\because a > 0)$$

따라서 정사각형의 한 변의 길이는  $6\sqrt{2} \text{ cm}$ 이다.

13  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{BD} = \overline{CD}$ 이므로

$$\angle ADB = \angle ADC = 90^\circ$$

직각삼각형 ABD에서  $\overline{BD} = \frac{1}{2}\overline{BC} = 2(\text{cm})$ 이므로

$$\overline{AD} = \sqrt{4^2 - 2^2} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}(\text{cm})$$

$\overline{AC}$ 와  $\overline{DE}$ 의 교점을 점 H라고 하면

$$\angle AHD = 180^\circ - (\angle DAH + \angle ADH)$$

$$= 180^\circ - (30^\circ + 60^\circ) = 90^\circ$$

직각삼각형 ADH에서  $\overline{DH} = \frac{1}{2}\overline{DE} = \sqrt{3}(\text{cm})$ 이므로

$$\overline{AH} = \sqrt{(2\sqrt{3})^2 - (\sqrt{3})^2} = \sqrt{9} = 3(\text{cm})$$

$$\therefore \triangle ADE = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 3 = 3\sqrt{3}(\text{cm}^2)$$

#### 다른 풀이

정삼각형 ABC에서  $\overline{AB} = 4 \text{ cm}$ 이므로

$$\overline{AD} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 4 = 2\sqrt{3}(\text{cm})$$

즉,  $\triangle ADE$ 는 한 변의 길이가  $2\sqrt{3} \text{ cm}$ 인 정삼각형이므로

$$\triangle ADE = \frac{\sqrt{3}}{4} \times (2\sqrt{3})^2 = 3\sqrt{3}(\text{cm}^2)$$

14 주어진 두 원의 넓이의 합과 넓이가 같은 원의 반지름의 길이를  $r \text{ cm}$ 라고 하면

$$\pi r^2 = \pi \times (4\sqrt{5})^2 + \pi \times (4\sqrt{7})^2$$

$$\pi r^2 = 192\pi, r^2 = 192$$

$$\therefore r = \sqrt{192} = 8\sqrt{3} (\because r > 0)$$

$$\therefore (\text{원의 둘레의 길이}) = 2\pi \times 8\sqrt{3} = 16\sqrt{3}\pi(\text{cm})$$

15 직육면체의 높이를  $h \text{ cm}$ 라고 하면 직육면체의 부피는

$$4\sqrt{3} \times 2\sqrt{5} \times h = 28\sqrt{30}$$

$$8\sqrt{15}h = 28\sqrt{30}$$

$$\therefore h = \frac{28\sqrt{30}}{8\sqrt{15}} = \frac{7\sqrt{2}}{2}$$

따라서 직육면체의 높이는  $\frac{7\sqrt{2}}{2} \text{ cm}$ 이다.

16 밑면인 원의 반지름의 길이를  $r \text{ cm}$ 라고 하면

$$2\pi r = 10\sqrt{2}\pi \quad \therefore r = \frac{10\sqrt{2}}{2} = 5\sqrt{2}$$

$$\therefore (\text{원기둥의 부피}) = \pi \times (5\sqrt{2})^2 \times 3\sqrt{10}$$
 $= 150\sqrt{10}\pi(\text{cm}^3)$

17 (1단계) 밑면의 반지름의 길이를  $r \text{ cm}$ 라고 하면

$$r = \sqrt{(4\sqrt{3})^2 - (3\sqrt{5})^2} = \sqrt{3}$$

(2단계)  $\therefore (\text{원뿔의 부피}) = \frac{1}{3} \times \pi \times (\sqrt{3})^2 \times 3\sqrt{5}$   
 $= 3\sqrt{5}\pi(\text{cm}^3)$

채점 기준		
1단계	원뿔의 밑면의 반지름의 길이 구하기	… 40%
2단계	원뿔의 부피 구하기	… 60%

## 02 근호를 포함한 식의 덧셈과 뺄셈

P. 40~45

### 쪽지 대시 개념 익히기

1 ④ 2 ① 3  $7\sqrt{3} - 8\sqrt{5}$

4  $(3+3\sqrt{3}) \text{ cm}^2$  5 ②

### 핵심 유형 문제

6 ⑤ 7 ⑤ 8 ③ 9 ④ 10  $2+8\sqrt{6}$

11 2 12 ④ 13  $6-2\sqrt{2}$  14 ⑤

15  $2+2\sqrt{3}$  16 -8 17 ④ 18  $-\frac{11\sqrt{6}}{6}$

19  $\frac{5\sqrt{2}+2}{8}$  20 ② 21 -3 22  $\sqrt{6}-\sqrt{3}$

23 ① 24 ① 25 3, -24

26  $(24+6\sqrt{35}) \text{ cm}^2$  27  $2\sqrt{2} \text{ cm}$  28 ③

29 ② 30 ② 31  $\frac{2\sqrt{15}}{3}$  32 ① 33  $6\sqrt{5}$

34  $-1+2\sqrt{2}$  35 ④ 36 ③

37  $3+\sqrt{12}, 5+\sqrt{3}, \sqrt{48}$

1  $2\sqrt{6} - \frac{35}{\sqrt{5}} - \sqrt{54} + \sqrt{80} = 2\sqrt{6} - 7\sqrt{5} - 3\sqrt{6} + 4\sqrt{5}$

$$= -3\sqrt{5} - \sqrt{6}$$

따라서  $a = -3, b = -1$ 이므로

$$ab = -3 \times (-1) = 3$$

2  $A \div \sqrt{3} + \sqrt{2}B = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{27}}{\sqrt{3}} + \sqrt{2}(\sqrt{8} - 3)$

$$= \sqrt{2} + 3 + (4 - 3\sqrt{2})$$
 $= 7 - 2\sqrt{2}$

3  $(9 - 5\sqrt{15}) \div \sqrt{3} - \sqrt{15} \left( \sqrt{3} - \frac{4}{\sqrt{5}} \right)$

$$= \frac{9 - 5\sqrt{15}}{\sqrt{3}} - 5\sqrt{5} - \sqrt{45} + 4\sqrt{3}$$

$$= 3\sqrt{3} - 5\sqrt{5} - 3\sqrt{5} + 4\sqrt{3}$$

$$= 7\sqrt{3} - 8\sqrt{5}$$

4 (사다리꼴의 넓이)  $= \frac{1}{2} \times (\sqrt{6} + \sqrt{18}) \times \sqrt{6}$   
 $= \frac{1}{2} \times (\sqrt{6} + 3\sqrt{2}) \times \sqrt{6}$   
 $= \frac{1}{2} \times (6 + 3\sqrt{12})$   
 $= \frac{1}{2} \times (6 + 6\sqrt{3})$   
 $= 3 + 3\sqrt{3}(\text{cm}^2)$

5  $\sqrt{2}(a+4\sqrt{2}) - \sqrt{3}(\sqrt{3}a+\sqrt{6}) = a\sqrt{2} + 8 - 3a - 3\sqrt{2}$   
 $= 8 - 3a + (a-3)\sqrt{2}$   
 ① 식이 유리수가 되려면 무리수 부분이 0이어야 하므로  
 $a-3=0 \quad \therefore a=3$

- 6 ①  $\sqrt{5} + \sqrt{2} \neq \sqrt{7}$   
 ②  $5\sqrt{3} - 2\sqrt{3} = (5-2)\sqrt{3} = 3\sqrt{3} \neq 3$   
 ③  $4\sqrt{3} + 2\sqrt{2} \neq 6\sqrt{5}$   
 ④  $\sqrt{10} - 1 \neq 3$   
 ⑤  $3\sqrt{6} - 5\sqrt{6} = (3-5)\sqrt{6} = -2\sqrt{6}$   
 따라서 옳은 것은 ⑤이다.

7  $A = 5\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - \sqrt{3} = (5+2-1)\sqrt{3} = 6\sqrt{3}$   
 $B = 2\sqrt{7} - 4\sqrt{7} + 5\sqrt{7} = (2-4+5)\sqrt{7} = 3\sqrt{7}$   
 $\therefore AB = 6\sqrt{3} \times 3\sqrt{7} = 18\sqrt{21}$

8  $\frac{1}{x} - x = \frac{1}{\sqrt{5}} - \sqrt{5} = \frac{\sqrt{5}}{5} - \sqrt{5} = -\frac{4\sqrt{5}}{5}$

9  $2 = \sqrt{4} \Rightarrow \sqrt{4} > \sqrt{3} \Rightarrow 2 - \sqrt{3} > 0$   
 $3 = \sqrt{9}, 2\sqrt{3} = \sqrt{12} \Rightarrow \sqrt{9} < \sqrt{12} \Rightarrow 3 - 2\sqrt{3} < 0$   
 $\therefore \sqrt{(2-\sqrt{3})^2} + \sqrt{(3-2\sqrt{3})^2} = 2 - \sqrt{3} + \{-(3-2\sqrt{3})\}$   
 $= 2 - \sqrt{3} - 3 + 2\sqrt{3}$   
 $= -1 + \sqrt{3}$

$-3 + \sqrt{24}$	$C$	$1 + \sqrt{96}$
$A$	$\sqrt{6}$	
$-1 - 2\sqrt{6}$	$B$	

위의 그림에서 대각선에 있는 세 수의 합은

$$(1 + \sqrt{96}) + \sqrt{6} + (-1 - 2\sqrt{6}) \\ = 1 + 4\sqrt{6} + \sqrt{6} - 1 - 2\sqrt{6} \\ = 3\sqrt{6}$$

$$(-3 + \sqrt{24}) + A + (-1 - 2\sqrt{6}) = 3\sqrt{6} \Rightarrow A = 3\sqrt{6}$$

$$A = 3\sqrt{6} - (-3 + \sqrt{24}) - (-1 - 2\sqrt{6})$$

$$= 3\sqrt{6} + 3 - 2\sqrt{6} + 1 + 2\sqrt{6} \\ = 4 + 3\sqrt{6}$$

$$(-3 + \sqrt{24}) + C + (1 + \sqrt{96}) = 3\sqrt{6} \Rightarrow C = 3\sqrt{6} - (-3 + \sqrt{24}) - (1 + \sqrt{96})$$

$$= 3\sqrt{6} + 3 - 2\sqrt{6} - 1 - 4\sqrt{6} \\ = 2 - 3\sqrt{6}$$

$$(2 - 3\sqrt{6}) + \sqrt{6} + B = 3\sqrt{6} \Rightarrow B = 3\sqrt{6} - (2 - 3\sqrt{6}) - \sqrt{6} \\ = 3\sqrt{6} - 2 + 3\sqrt{6} - \sqrt{6} \\ = -2 + 5\sqrt{6} \\ \therefore A + B = (4 + 3\sqrt{6}) + (-2 + 5\sqrt{6}) = 2 + 8\sqrt{6}$$

11  $7\sqrt{5} + \sqrt{72} - \sqrt{45} - \sqrt{32} = 7\sqrt{5} + 6\sqrt{2} - 3\sqrt{5} - 4\sqrt{2}$   
 $= 2\sqrt{2} + 4\sqrt{5}$

따라서  $a=2, b=4$ 므로  
 $3a-b=3\times 2-4=2$

12  $a\sqrt{\frac{6b}{a}} + b\sqrt{\frac{24a}{b}} = \sqrt{a^2 \times \frac{6b}{a}} + \sqrt{b^2 \times \frac{24a}{b}}$   
 $= \sqrt{6ab} + \sqrt{24ab}$   
 $= \sqrt{6 \times 2} + \sqrt{24 \times 2}$   
 $= 2\sqrt{3} + 4\sqrt{3} = 6\sqrt{3}$

13  $(2\sqrt{27} + 3\sqrt{6}) \div \sqrt{3} - 5\sqrt{2} = \frac{6\sqrt{3} + 3\sqrt{6}}{\sqrt{3}} - 5\sqrt{2}$   
 $= 6 + 3\sqrt{2} - 5\sqrt{2}$   
 $= 6 - 2\sqrt{2}$

14  $\sqrt{32} - 2\sqrt{24} - \sqrt{2}(1 + 2\sqrt{3}) = 4\sqrt{2} - 4\sqrt{6} - \sqrt{2} - 2\sqrt{6}$   
 $= 3\sqrt{2} - 6\sqrt{6}$

따라서  $a=3, b=-6$ 므로  
 $a-b=3-(-6)=9$

15 ①  $A = \sqrt{8}\left(\sqrt{6} - \frac{3}{\sqrt{2}}\right)$   
 $= 2\sqrt{2}\left(\sqrt{6} - \frac{3}{\sqrt{2}}\right)$   
 $= 2\sqrt{12} - 6 = 4\sqrt{3} - 6$   
 ②  $B = \frac{2}{\sqrt{3}}(\sqrt{48} - 3)$   
 $= \frac{2}{\sqrt{3}}(4\sqrt{3} - 3)$   
 $= 8 - 2\sqrt{3}$

③  $\therefore A+B = (4\sqrt{3}-6)+(8-2\sqrt{3}) = 2+2\sqrt{3}$

채점 기준		
1단계	$A$ 의 값 구하기	… 40%
2단계	$B$ 의 값 구하기	… 40%
3단계	$A+B$ 의 값 구하기	… 20%

16  $\sqrt{3}A - \sqrt{5}B = \sqrt{3}(\sqrt{5} - \sqrt{3}) - \sqrt{5}(\sqrt{5} + \sqrt{3})$   
 $= \sqrt{15} - 3 - 5 - \sqrt{15} = -8$

17  $\frac{12+3\sqrt{6}}{\sqrt{3}} = \frac{(12+3\sqrt{6}) \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}}$   
 $= \frac{12\sqrt{3}+9\sqrt{2}}{3} = 4\sqrt{3}+3\sqrt{2}$

따라서  $a=4, b=3$ 므로  
 $a-b=4-3=1$

$$\begin{aligned}
 18 \quad & \frac{\sqrt{12}-\sqrt{2}}{\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{27}+\sqrt{8}}{\sqrt{2}} \\
 &= \frac{2\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\sqrt{3}} - \frac{3\sqrt{3}+2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \\
 &= \frac{(2\sqrt{3}-\sqrt{2})\times\sqrt{3}}{\sqrt{3}\times\sqrt{3}} - \frac{(3\sqrt{3}+2\sqrt{2})\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}} \\
 &= \frac{6-\sqrt{6}}{3} - \frac{3\sqrt{6}+4}{2} \\
 &= 2 - \frac{\sqrt{6}}{3} - \frac{3\sqrt{6}}{2} - 2 \\
 &= -\frac{2\sqrt{6}}{6} - \frac{9\sqrt{6}}{6} = -\frac{11\sqrt{6}}{6}
 \end{aligned}$$

(다른 풀이)

$$\begin{aligned}
 & \frac{\sqrt{12}-\sqrt{2}}{\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{27}+\sqrt{8}}{\sqrt{2}} = 2 - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} - \frac{3\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - 2 \\
 &= -\frac{\sqrt{6}}{3} - \frac{3\sqrt{6}}{2} \\
 &= -\frac{2\sqrt{6}}{6} - \frac{9\sqrt{6}}{6} \\
 &= -\frac{11\sqrt{6}}{6}
 \end{aligned}$$

19  $5 < \sqrt{32} < 6$  이므로  $\sqrt{32}$ 의 정수 부분은 5,  
소수 부분은  $\sqrt{32} - 5 = 4\sqrt{2} - 5$ 이다.

따라서  $a=5$ ,  $b=4\sqrt{2}-5$ 이므로

$$\begin{aligned}
 \frac{a+\sqrt{2}}{b+5} &= \frac{5+\sqrt{2}}{(4\sqrt{2}-5)+5} = \frac{5+\sqrt{2}}{4\sqrt{2}} \\
 &= \frac{(5+\sqrt{2})\times\sqrt{2}}{4\sqrt{2}\times\sqrt{2}} = \frac{5\sqrt{2}+2}{8}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 20 \quad & \frac{3}{4\sqrt{3}} - 2\sqrt{6} \div \frac{8\sqrt{2}}{3} + \frac{\sqrt{3}}{4} = \frac{3\sqrt{3}}{12} - 2\sqrt{6} \times \frac{3}{8\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{3}}{4} \\
 &= \frac{\sqrt{3}}{4} - \frac{3\sqrt{3}}{4} + \frac{\sqrt{3}}{4} \\
 &= -\frac{\sqrt{3}}{4}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 21 \quad & 4\sqrt{2}(\sqrt{3}-1) - 2\sqrt{3}\left(\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{6}}\right) = 4\sqrt{6} - 4\sqrt{2} - 2\sqrt{6} - \frac{2}{\sqrt{2}} \\
 &= 4\sqrt{6} - 4\sqrt{2} - 2\sqrt{6} - \sqrt{2} \\
 &= -5\sqrt{2} + 2\sqrt{6}
 \end{aligned}$$

따라서  $a=-5$ ,  $b=2$ 이므로

$$a+b=-5+2=-3$$

$$\begin{aligned}
 22 \quad & \text{1단계 } A = \sqrt{18} + 2 = 3\sqrt{2} + 2 \\
 & \text{2단계 } B = \sqrt{3}A - 2\sqrt{6} = \sqrt{3}(3\sqrt{2} + 2) - 2\sqrt{6} \\
 &= 3\sqrt{6} + 2\sqrt{3} - 2\sqrt{6} \\
 &= \sqrt{6} + 2\sqrt{3} \\
 &\text{3단계 } \therefore C = 2\sqrt{6} - \frac{B}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{6} - \frac{\sqrt{6} + 2\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \\
 &= 2\sqrt{6} - \sqrt{3} - \sqrt{6} \\
 &= \sqrt{6} - \sqrt{3}
 \end{aligned}$$

채점 기준		
1단계	$A$ 의 값 구하기	… 20%
2단계	$B$ 의 값 구하기	… 40%
3단계	$C$ 의 값 구하기	… 40%

$$\begin{aligned}
 23 \quad & \sqrt{8} - a\sqrt{2} + \sqrt{16} - \sqrt{32} = 2\sqrt{2} - a\sqrt{2} + 4 - 4\sqrt{2} \\
 &= 4 + (-a-2)\sqrt{2}
 \end{aligned}$$

이 식이 유리수가 되려면 무리수 부분이 0이어야 하므로  
 $-a-2=0 \quad \therefore a=-2$

$$\begin{aligned}
 24 \quad & \frac{3-\sqrt{48}}{\sqrt{3}} + a\sqrt{3}(\sqrt{12}-2) = \frac{3-4\sqrt{3}}{\sqrt{3}} + a\sqrt{3}(2\sqrt{3}-2) \\
 &= \sqrt{3}-4+6a-2a\sqrt{3} \\
 &= 6a-4+(1-2a)\sqrt{3}
 \end{aligned}$$

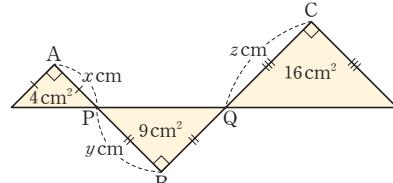
이 식이 유리수가 되려면 무리수 부분이 0이어야 하므로  
 $1-2a=0 \quad \therefore a=\frac{1}{2}$

$$\begin{aligned}
 25 \quad & \sqrt{6}(3-2\sqrt{6}) - a(\sqrt{6}+4) = 3\sqrt{6} - 12 - a\sqrt{6} - 4a \\
 &= -12 - 4a + (3-a)\sqrt{6}
 \end{aligned}$$

이 식이 유리수가 되려면 무리수 부분이 0이어야 하므로  
 $3-a=0 \quad \therefore a=3$   
 이때 주어진 식의 값은  
 $-12 - 4 \times 3 = -24$

$$\begin{aligned}
 26 \quad & (\text{밑넓이}) = (\sqrt{5} + \sqrt{7}) \times \sqrt{7} = \sqrt{35} + 7(\text{cm}^2) \\
 & (\text{옆넓이}) = 2\{(\sqrt{5} + \sqrt{7}) + \sqrt{7}\} \times \sqrt{5} \\
 &= 2\sqrt{5}(\sqrt{5} + 2\sqrt{7}) \\
 &= 10 + 4\sqrt{35}(\text{cm}^2) \\
 &\therefore (\text{겉넓이}) = 2(\sqrt{35} + 7) + 10 + 4\sqrt{35} \\
 &= 2\sqrt{35} + 14 + 10 + 4\sqrt{35} \\
 &= 24 + 6\sqrt{35}(\text{cm}^2)
 \end{aligned}$$

27



위의 그림과 같이  $\overline{AP}=x$  cm,  $\overline{BP}=y$  cm,  $\overline{CQ}=z$  cm라고 하면

$$\frac{1}{2}x^2 = 4 \text{에서 } x^2 = 8 \quad \therefore x = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

$$\frac{1}{2}y^2 = 9 \text{에서 } y^2 = 18 \quad \therefore y = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$$

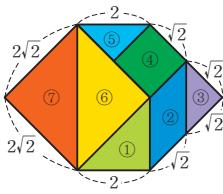
$$\frac{1}{2}z^2 = 16 \text{에서 } z^2 = 32 \quad \therefore z = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$$

$$\begin{aligned}
 &\therefore \overline{BC} - \overline{AB} = (3\sqrt{2} + 4\sqrt{2}) - (2\sqrt{2} + 3\sqrt{2}) \\
 &= 2\sqrt{2}(\text{cm})
 \end{aligned}$$

**28** 각 조각의 변의 길이는 오른쪽 그림과 같으므로

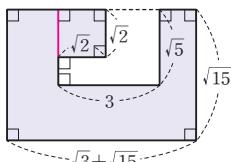
(둘레의 길이)

$$=2\sqrt{2}+2\sqrt{2}+2+\sqrt{2}+\sqrt{2} \\ +\sqrt{2}+\sqrt{2}+2 \\ =4+8\sqrt{2}$$



**29** 오른쪽 그림과 같이 보조선을 그어 도형의 넓이를 구하면

$$(\sqrt{3}+\sqrt{15}) \times \sqrt{15}-3 \times \sqrt{5} \\ +\sqrt{2} \times \sqrt{2} \\ =3\sqrt{5}+15-3\sqrt{5}+2=17$$



따라서 주어진 도형과 넓이가 같은 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{17}$ 이다.

**30**  $\triangle ABC \sim \triangle PQR$  이고, 닮음비는  $\sqrt{10} : 2\sqrt{5} = \sqrt{2} : 2$  이므로  $(\sqrt{2} + \sqrt{5}) : x = \sqrt{2} : 2$ ,  $\sqrt{2}x = 2(\sqrt{2} + \sqrt{5})$

$$\therefore x = \frac{2\sqrt{2} + 2\sqrt{5}}{\sqrt{2}} = \frac{4 + 2\sqrt{10}}{2} = 2 + \sqrt{10}$$

**31** 전체 넓이가 240이므로 가장 큰 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{240} = 4\sqrt{15}$

두 직사각형 A와 E는 넓이가 같으므로

$$A\text{의 가로의 길이는 } 4\sqrt{15} \times \frac{1}{2} = 2\sqrt{15}$$

이때 A의 넓이가 40이므로 A의 세로의 길이는

$$40 \div 2\sqrt{15} = \frac{40}{2\sqrt{15}} = \frac{20}{\sqrt{15}} = \frac{20\sqrt{15}}{15} = \frac{4\sqrt{15}}{3}$$

정사각형 C의 넓이가 60이므로

$$C\text{의 한 변의 길이는 } \sqrt{60} = 2\sqrt{15}$$

따라서 직사각형 B의 세로의 길이는

$$4\sqrt{15} - \left( \frac{4\sqrt{15}}{3} + 2\sqrt{15} \right) = 4\sqrt{15} - \frac{10\sqrt{15}}{3} = \frac{2\sqrt{15}}{3}$$

**32**  $\overline{PA} = \overline{PQ} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$  이므로  $a = -2 - \sqrt{2}$

$$\overline{RB} = \overline{RS} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$$
 이므로  $b = 1 + \sqrt{2}$

$$\therefore a - b = (-2 - \sqrt{2}) - (1 + \sqrt{2}) \\ = -2 - \sqrt{2} - 1 - \sqrt{2} = -3 - 2\sqrt{2}$$

**33**  $\overline{AP} = \overline{AB} = \sqrt{2^2 + 1^2} = \sqrt{5}$  이므로  $a = 1 - \sqrt{5}$

$$\overline{AQ} = \overline{AC} = \sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}$$
 이므로  $b = 1 + \sqrt{5}$

$$\therefore \sqrt{5}a + 5b = \sqrt{5}(1 - \sqrt{5}) + 5(1 + \sqrt{5}) \\ = \sqrt{5} - 5 + 5 + 5\sqrt{5} = 6\sqrt{5}$$

**34**  $\overline{BP} = \overline{BD} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$  이므로

점 P에 대응하는 수는  $-1 - \sqrt{2}$

$$\overline{AQ} = \overline{AC} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$$
 이므로

점 Q에 대응하는 수는  $-2 + \sqrt{2}$

$$\therefore \overline{PQ} = (-2 + \sqrt{2}) - (-1 - \sqrt{2}) \\ = -2 + \sqrt{2} + 1 + \sqrt{2} = -1 + 2\sqrt{2}$$

**35** ①  $2\sqrt{3} - (\sqrt{2} + \sqrt{3}) = 2\sqrt{3} - \sqrt{2} - \sqrt{3}$

$$= \sqrt{3} - \sqrt{2} > 0$$

$$\therefore 2\sqrt{3} > \sqrt{2} + \sqrt{3}$$

$$\textcircled{2} 4\sqrt{2} - (1 + 2\sqrt{2}) = 4\sqrt{2} - 1 - 2\sqrt{2}$$

$$= 2\sqrt{2} - 1 = \sqrt{8} - 1 > 0$$

$$\therefore 4\sqrt{2} > 1 + 2\sqrt{2}$$

$$\textcircled{3} 3\sqrt{2} - (5 - \sqrt{2}) = 3\sqrt{2} - 5 + \sqrt{2}$$

$$= 4\sqrt{2} - 5 = \sqrt{32} - \sqrt{25} > 0$$

$$\therefore 3\sqrt{2} > 5 - \sqrt{2}$$

$$\textcircled{4} (2\sqrt{3} - 1) - (3\sqrt{2} - 1) = 2\sqrt{3} - 1 - 3\sqrt{2} + 1$$

$$= 2\sqrt{3} - 3\sqrt{2} = \sqrt{12} - \sqrt{18} < 0$$

$$\therefore 2\sqrt{3} - 1 < 3\sqrt{2} - 1$$

$$\textcircled{5} (4\sqrt{6} - 2\sqrt{5}) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6}) = 4\sqrt{6} - 2\sqrt{5} - \sqrt{5} - 2\sqrt{6}$$

$$= 2\sqrt{6} - 3\sqrt{5} = \sqrt{24} - \sqrt{45} < 0$$

$$\therefore 4\sqrt{6} - 2\sqrt{5} < \sqrt{5} + 2\sqrt{6}$$

따라서 옳은 것은 ④이다.

**36**  $a - b = (3\sqrt{2} - 2) - 1 = 3\sqrt{2} - 3 = \sqrt{18} - \sqrt{9} > 0$

$$\therefore a > b$$

$$a - c = (3\sqrt{2} - 2) - (2\sqrt{5} - 2) = 3\sqrt{2} - 2 - 2\sqrt{5} + 2$$

$$= 3\sqrt{2} - 2\sqrt{5} = \sqrt{18} - \sqrt{20} < 0$$

$$\therefore a < c$$

$$\therefore b < a < c$$

**37** ①단계  $(5 + \sqrt{3}) - (3 + \sqrt{12}) = 5 + \sqrt{3} - 3 - 2\sqrt{3}$

$$= 2 - \sqrt{3} = \sqrt{4} - \sqrt{3} > 0$$

$$\therefore 5 + \sqrt{3} > 3 + \sqrt{12}$$

$$\textcircled{2} \text{단계} \quad (5 + \sqrt{3}) - \sqrt{48} = 5 + \sqrt{3} - 4\sqrt{3}$$

$$= 5 - 3\sqrt{3} = \sqrt{25} - \sqrt{27} < 0$$

$$\therefore 5 + \sqrt{3} < \sqrt{48}$$

$$\textcircled{3} \text{단계} \quad \therefore 3 + \sqrt{12} < 5 + \sqrt{3} < \sqrt{48}$$

즉, 크기가 작은 것부터 차례로 나열하면

$$3 + \sqrt{12}, 5 + \sqrt{3}, \sqrt{48}$$

채점 기준

1단계	5 + $\sqrt{3}$ 과 3 + $\sqrt{12}$ 의 대소 비교하기	… 40 %
-----	--	--------

2단계	5 + $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{48}$ 의 대소 비교하기	… 40 %
-----	--	--------

3단계	주어진 세 수를 크기가 작은 것부터 차례로 나열하기	… 20 %
-----	------------------------------	--------

### 실력 UP 문제

P. 46

1-1  $54\sqrt{2} \text{ cm}^3$

1-2  $\sqrt{41} \text{ cm}$

2-1 ①

2-2 6

3-1  $6\sqrt{3} + 10\sqrt{5}$

3-2 4

1-1  $\triangle EFG$ 에서  $\overline{EG} = \sqrt{9^2 + 3^2} = \sqrt{90} = 3\sqrt{10}$ (cm)

$\triangle AEG$ 는  $\angle AEG = 90^\circ$ 인 직각삼각형이므로

$$\overline{AE} = \sqrt{(7\sqrt{2})^2 - (3\sqrt{10})^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$
(cm)

$$\therefore (\text{직육면체의 부피}) = 9 \times 3 \times 2\sqrt{2} = 54\sqrt{2}$$
(cm<sup>3</sup>)

1-2  $\triangle EFG$ 에서  $\overline{EG} = \sqrt{(2\sqrt{6})^2 + (\sqrt{5})^2} = \sqrt{29}$ (cm)

직육면체의 높이를  $h$  cm라고 하면 부피가  $12\sqrt{10}$  cm<sup>3</sup>이므로  $2\sqrt{6} \times \sqrt{5} \times h = 12\sqrt{10}$

$$2\sqrt{30}h = 12\sqrt{10} \quad \therefore h = \frac{12\sqrt{10}}{2\sqrt{30}} = \frac{6}{\sqrt{3}} = 2\sqrt{3}$$
(cm)

따라서  $\triangle AEG$ 에서

$$\overline{AG} = \sqrt{(\sqrt{29})^2 + (2\sqrt{3})^2} = \sqrt{41}$$
(cm)

2-1  $\sqrt{80} = 4\sqrt{5}$ 이므로  $\sqrt{a} + \sqrt{b} = 4\sqrt{5}$

이때  $a, b$ 는 자연수이므로  $\sqrt{a} = m\sqrt{5}, \sqrt{b} = n\sqrt{5}$  ( $m, n$ 은 자연수) 꼽아어야 한다.

즉,  $m\sqrt{5} + n\sqrt{5} = 4\sqrt{5}$ 에서  $m+n=4$

$$m=1, n=3$$
일 때,  $\sqrt{a}=\sqrt{5}, \sqrt{b}=3\sqrt{5}=\sqrt{45}$

$$m=2, n=2$$
일 때,  $\sqrt{a}=2\sqrt{5}=\sqrt{20}, \sqrt{b}=2\sqrt{5}=\sqrt{20}$

$$m=3, n=1$$
일 때,  $\sqrt{a}=3\sqrt{5}=\sqrt{45}, \sqrt{b}=\sqrt{5}$

따라서 순서쌍  $(a, b)$ 는  $(5, 45), (20, 20), (45, 5)$ 의 3개이다.

2-2  $\sqrt{98} = 7\sqrt{2}$ 이므로  $\sqrt{a} + \sqrt{b} = 7\sqrt{2}$

이때  $a, b$ 는 자연수이므로  $\sqrt{a} = m\sqrt{2}, \sqrt{b} = n\sqrt{2}$  ( $m, n$ 은 자연수) 꼽아야 한다.

즉,  $m\sqrt{2} + n\sqrt{2} = 7\sqrt{2}$ 에서  $m+n=7$

$$m=1, n=6$$
일 때,  $\sqrt{a}=\sqrt{2}, \sqrt{b}=6\sqrt{2}=\sqrt{72}$

$$m=2, n=5$$
일 때,  $\sqrt{a}=2\sqrt{2}=\sqrt{8}, \sqrt{b}=5\sqrt{2}=\sqrt{50}$

$$m=3, n=4$$
일 때,  $\sqrt{a}=3\sqrt{2}=\sqrt{18}, \sqrt{b}=4\sqrt{2}=\sqrt{32}$

$$m=4, n=3$$
일 때,  $\sqrt{a}=4\sqrt{2}=\sqrt{32}, \sqrt{b}=3\sqrt{2}=\sqrt{18}$

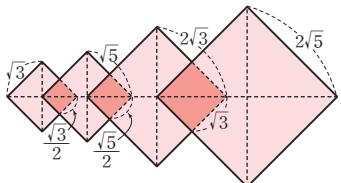
$$m=5, n=2$$
일 때,  $\sqrt{a}=5\sqrt{2}=\sqrt{50}, \sqrt{b}=2\sqrt{2}=\sqrt{8}$

$$m=6, n=1$$
일 때,  $\sqrt{a}=6\sqrt{2}=\sqrt{72}, \sqrt{b}=\sqrt{2}$

따라서 순서쌍  $(a, b)$ 는  $(2, 72), (8, 50), (18, 32),$

$(32, 18), (50, 8), (72, 2)$ 의 6개이다.

3-1



위의 그림과 같이 넓이가 각각 3, 5, 12, 20인 정사각형의 한 변의 길이는 차례로

$$\sqrt{3}, \sqrt{5}, \sqrt{12}(=2\sqrt{3}), \sqrt{20}(=2\sqrt{5})$$

이때 겹치는 부분인 정사각형의 한 변의 길이는 차례로

$$\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{\sqrt{5}}{2}, \frac{2\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}$$

$\therefore$  (둘레의 길이)

=(처음 네 정사각형의 둘레의 길이)

-(겹치는 부분인 세 정사각형의 둘레의 길이)

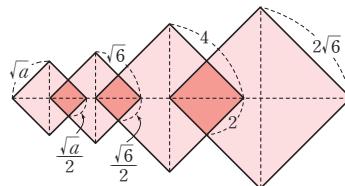
$$=4 \times (\sqrt{3} + \sqrt{5} + 2\sqrt{3} + 2\sqrt{5}) - 4 \times \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2} + \sqrt{3}\right)$$

$$=4 \times (3\sqrt{3} + 3\sqrt{5}) - 4 \times \left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}\right)$$

$$=12\sqrt{3} + 12\sqrt{5} - 6\sqrt{3} - 2\sqrt{5}$$

$$=6\sqrt{3} + 10\sqrt{5}$$

3-2



위의 그림과 같이 넓이가 각각  $a, 6, 16, 24$ 인 정사각형의 한 변의 길이는 차례로

$$\sqrt{a}, \sqrt{6}, \sqrt{16}(=4), \sqrt{24}(=2\sqrt{6})$$

이때 겹치는 부분인 정사각형의 한 변의 길이는 차례로

$$\frac{\sqrt{a}}{2}, \frac{\sqrt{6}}{2}, \frac{4}{2} = 2$$

$\therefore$  (둘레의 길이)

=(처음 네 정사각형의 둘레의 길이)

-(겹치는 부분인 세 정사각형의 둘레의 길이)

$$=4 \times (\sqrt{a} + \sqrt{6} + 4 + 2\sqrt{6}) - 4 \times \left(\frac{\sqrt{a}}{2} + \frac{\sqrt{6}}{2} + 2\right)$$

$$=4 \times (\sqrt{a} + 3\sqrt{6} + 4) - (2\sqrt{a} + 2\sqrt{6} + 8)$$

$$=4\sqrt{a} + 12\sqrt{6} + 16 - 2\sqrt{a} - 2\sqrt{6} - 8$$

$$=2\sqrt{a} + 10\sqrt{6} + 8$$

따라서  $2\sqrt{a} + 10\sqrt{6} + 8 = 12 + 10\sqrt{6}$ 이므로

$$2\sqrt{a} + 8 = 12, 2\sqrt{a} = 4$$

$$\sqrt{a} = 2 \quad \therefore a = 2^2 = 4$$

### 실전 테스트

P. 47~49

1 ④

2 ②

3  $\frac{9}{2}$

4 ③

5 ⑤

6 ⑤

7 ④

8  $-3\sqrt{2}$

9  $6\sqrt{2}$  cm,  $14\sqrt{2}$  cm

10 ①

11 ④

12  $2\sqrt{2}-3$

13 1

14  $-\frac{2}{3}$

15  $12\sqrt{3}$  cm

16  $(80+30\sqrt{2})$  cm

17 ④

18 ④

19 ①

20 ⑤

1 ④  $\sqrt{5} \div \sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{5} \div \frac{1}{\sqrt{2}} = \sqrt{5} \times \sqrt{2} = \sqrt{10}$

2  $\sqrt{2} \times \sqrt{5} \times \sqrt{a} \times \sqrt{5a} \times \sqrt{50} = \sqrt{2 \times 5 \times a \times 5a \times 50}$   
 $= \sqrt{(50a)^2} = 50a$  ( $a > 0$ )  
 이므로  $50a = 250 \quad \therefore a = 5$

3  $\sqrt{2.43} = \sqrt{\frac{243}{100}} = \frac{9\sqrt{3}}{10}$   
 즉,  $\sqrt{2.43}$ 은  $\sqrt{3}$ 의  $\frac{9}{10}$ 배이므로  $A = \frac{9}{10}$   
 $\sqrt{0.08} = \sqrt{\frac{8}{100}} = \frac{2\sqrt{2}}{10} = \frac{\sqrt{2}}{5}$   
 즉,  $\sqrt{0.08}$ 은  $\sqrt{2}$ 의  $\frac{1}{5}$ 배이므로  $B = \frac{1}{5}$   
 $\therefore A \div B = \frac{9}{10} \div \frac{1}{5} = \frac{9}{10} \times 5 = \frac{9}{2}$

4 ①  $\sqrt{0.03} = \sqrt{\frac{3}{100}} = \frac{\sqrt{3}}{10} = \frac{1.732}{10} = 0.1732$   
 ②  $\sqrt{0.27} = \sqrt{\frac{27}{100}} = \frac{3\sqrt{3}}{10} = \frac{3 \times 1.732}{10} = 0.5196$   
 ③  $\sqrt{0.3} = \sqrt{\frac{30}{100}} = \frac{\sqrt{30}}{10}$   
 ④  $\sqrt{12} = 2\sqrt{3} = 2 \times 1.732 = 3.464$   
 ⑤  $\sqrt{300} = 10\sqrt{3} = 10 \times 1.732 = 17.32$   
 따라서  $\sqrt{3}$ 의 값을 이용하여 그 값을 구할 수 없는 것은 ③이다.

5  $\sqrt{22000} = \sqrt{55 \times 400} = 20\sqrt{55}$   
 $= 20 \times 7.416 = 148.32$

6  $\sqrt{140} = \sqrt{2^2 \times 5 \times 7} = 2\sqrt{5}\sqrt{7} = 2ab$

7  $\frac{5}{\sqrt{18}} = \frac{5}{3\sqrt{2}} = \frac{5\sqrt{2}}{6}$  이므로  $a = \frac{5}{6}$   
 $\frac{1}{2\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{6}$  이므로  $b = \frac{1}{6}$   
 $\therefore a - b = \frac{5}{6} - \frac{1}{6} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$

8  $8\sqrt{3} \times \left(-\frac{3}{\sqrt{2}}\right) \div 2\sqrt{12} = 8\sqrt{3} \times \left(-\frac{3}{\sqrt{2}}\right) \times \frac{1}{2\sqrt{12}}$   
 $= 8\sqrt{3} \times \left(-\frac{3}{\sqrt{2}}\right) \times \frac{1}{4\sqrt{3}}$   
 $= -\frac{6}{\sqrt{2}} = -3\sqrt{2}$

9 ① 사다리꼴의 윗변, 아랫변의 길이를 각각  $3a$  cm,  $7a$  cm ( $a > 0$ )라고 하자.  
 ② 사다리꼴의 높이가  $\sqrt{200}$  cm이고, 넓이가  $200 \text{ cm}^2$  이므로  
 $\frac{1}{2} \times (3a + 7a) \times \sqrt{200} = 200$ ,  $5a = \sqrt{200}$   
 $\therefore a = \frac{\sqrt{200}}{5} = \frac{10\sqrt{2}}{5} = 2\sqrt{2}$

3단계 따라서 사다리꼴의 윗변의 길이는  $3 \times 2\sqrt{2} = 6\sqrt{2}$ (cm), 아랫변의 길이는  $7 \times 2\sqrt{2} = 14\sqrt{2}$ (cm)이다.

채점 기준		
1단계	사다리꼴의 윗변, 아랫변의 길이를 문자로 나타내기	… 20 %
2단계	문자의 값 구하기	… 50 %
3단계	사다리꼴의 윗변과 아랫변의 길이 각각 구하기	… 30 %

10  $8\sqrt{3} - \sqrt{24} - \sqrt{12} + \frac{\sqrt{54}}{3} = 8\sqrt{3} - 2\sqrt{6} - 2\sqrt{3} + \frac{3\sqrt{6}}{3}$   
 $= 8\sqrt{3} - 2\sqrt{6} - 2\sqrt{3} + \sqrt{6}$   
 $= 6\sqrt{3} - \sqrt{6}$

11  $\sqrt{\frac{b}{a}} - \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} - \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \frac{b-a}{\sqrt{ab}}$   
 $= \frac{35}{\sqrt{7}} = \frac{35\sqrt{7}}{7} = 5\sqrt{7}$

12  $7 < \sqrt{50} < 8$  이므로  $\sqrt{50}$ 의 정수 부분은 7이다.  
 $\therefore f(50) = \sqrt{50} - 7 = 5\sqrt{2} - 7$   
 $4 < \sqrt{18} < 5$  이므로  $\sqrt{18}$ 의 정수 부분은 4이다.  
 $\therefore f(18) = \sqrt{18} - 4 = 3\sqrt{2} - 4$   
 $\therefore f(50) - f(18) = (5\sqrt{2} - 7) - (3\sqrt{2} - 4)$   
 $= 5\sqrt{2} - 7 - 3\sqrt{2} + 4$   
 $= 2\sqrt{2} - 3$

13  $\frac{2-\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - \sqrt{2}(3-2\sqrt{3}) = \frac{(2-\sqrt{3})\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}} - 3\sqrt{2} + 2\sqrt{6}$   
 $= \frac{2\sqrt{2}-\sqrt{6}}{2} - 3\sqrt{2} + 2\sqrt{6}$   
 $= \sqrt{2} - \frac{\sqrt{6}}{2} - 3\sqrt{2} + 2\sqrt{6}$   
 $= -2\sqrt{2} + \frac{3\sqrt{6}}{2}$

따라서  $a = -2$ ,  $b = \frac{3}{2}$  이므로

$$a + 2b = -2 + 2 \times \frac{3}{2} = 1$$

14  $\sqrt{12} \left(\frac{1}{\sqrt{6}} + \sqrt{3}\right) - \frac{a}{\sqrt{2}}(\sqrt{8} - 3) = \sqrt{2} + \sqrt{36} - \sqrt{4}a + \frac{3a}{\sqrt{2}}$   
 $= \sqrt{2} + 6 - 2a + \frac{3a\sqrt{2}}{2}$   
 $= (6-2a) + \left(1 + \frac{3a}{2}\right)\sqrt{2}$

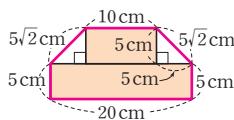
이 식이 유리수가 되려면 무리수 부분이 0이어야 하므로

$$1 + \frac{3a}{2} = 0, \quad \frac{3a}{2} = -1 \quad \therefore a = -\frac{2}{3}$$

15  $\overline{AB} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$ (cm),  $\overline{AD} = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$ (cm)  
 $\therefore (\square ABCD의 둘레의 길이) = 2 \times (2\sqrt{3} + 4\sqrt{3})$   
 $= 2 \times 6\sqrt{3} = 12\sqrt{3}$ (cm)

- 16** 끈이 지나는 상자의 한가운데를 수직으로 자른 단면은 오른쪽 그림과 같다.

이때 이 도형의 둘레의 길이는  
 $10+5\sqrt{2}+5+20+5+5\sqrt{2}=40+10\sqrt{2}$ (cm)  
 따라서 필요한 끈의 전체 길이는  
 $2 \times (40+10\sqrt{2})+10\sqrt{2}=80+20\sqrt{2}+10\sqrt{2}$   
 $=80+30\sqrt{2}$ (cm)



- 17**  $\overline{AQ}=\overline{AC}=\sqrt{1^2+1^2}=\sqrt{2}$ (③),  $\overline{BP}=\overline{BD}=\sqrt{1^2+1^2}=\sqrt{2}$ ○  
 므로

- ①  $P(4-\sqrt{2})$   
 ②  $Q(3+\sqrt{2})$   
 ④  $\overline{PA}=\overline{PB}-\overline{AB}=\sqrt{2}-1$   
 ⑤  $\overline{PQ}=(3+\sqrt{2})-(4-\sqrt{2})=-1+2\sqrt{2}$

따라서 옳은 것은 ④이다.

- 18** ①  $(\sqrt{5}+\sqrt{10})-(3+\sqrt{5})=\sqrt{5}+\sqrt{10}-3-\sqrt{5}$   
 $=\sqrt{10}-3=\sqrt{10}-\sqrt{9}>0$   
 $\therefore \sqrt{5}+\sqrt{10}>3+\sqrt{5}$   
 ②  $(2\sqrt{3}+1)-(\sqrt{3}+3)=2\sqrt{3}+1-\sqrt{3}-3$   
 $=\sqrt{3}-2=\sqrt{3}-\sqrt{4}<0$   
 $\therefore 2\sqrt{3}+1<\sqrt{3}+3$

$$\begin{aligned} ③ (5-\sqrt{3})-(2+\sqrt{3}) &= 5-\sqrt{3}-2-\sqrt{3} \\ &= 3-2\sqrt{3}=\sqrt{9}-\sqrt{12}<0 \end{aligned}$$

$$\therefore 5-\sqrt{3}<2+\sqrt{3}$$

$$\begin{aligned} ④ (\sqrt{7}+2)-(2\sqrt{7}-1) &= \sqrt{7}+2-2\sqrt{7}+1 \\ &= 3-\sqrt{7}=\sqrt{9}-\sqrt{7}>0 \end{aligned}$$

$$\therefore \sqrt{7}+2>2\sqrt{7}-1$$

$$\begin{aligned} ⑤ (\sqrt{2}+1)-(2\sqrt{2}-1) &= \sqrt{2}+1-2\sqrt{2}+1 \\ &= 2-\sqrt{2}=\sqrt{4}-\sqrt{2}>0 \end{aligned}$$

$$\therefore \sqrt{2}+1>2\sqrt{2}-1$$

따라서 옳은 것은 ④이다.

- 19** 새로운 정사각형의 넓이는

$$(20\sqrt{3})^2+(30\sqrt{3})^2=1200+2700=3900(\text{cm}^2)$$

새로운 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  cm라고 하면

$$x^2=3900$$

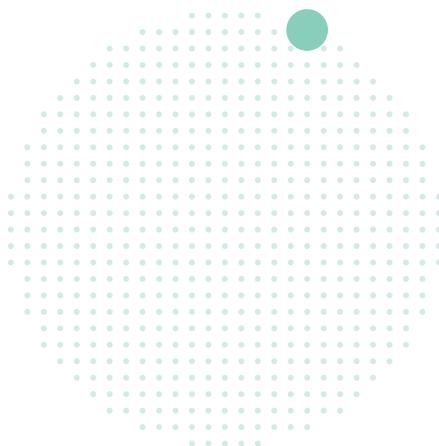
$$\therefore x=\sqrt{3900}=10\sqrt{39}(\because x>0)$$

따라서 새로 만들어진 정사각형의 한 변의 길이는  $10\sqrt{39}$  cm이다.

- 20**  $\sqrt{27}=\sqrt{x}-\sqrt{3}$ ○ 므로  $3\sqrt{3}=\sqrt{x}-\sqrt{3}$

$$\sqrt{x}=3\sqrt{3}+\sqrt{3}=4\sqrt{3}=\sqrt{48}$$

$$\therefore x=48$$



# 01 곱셈 공식

P. 53~58

## 복습 단계 개념 익히기

- 1 ①    2 ③    3 ①    4 (1) 2, 10 (2) 1, 2, 13  
5 36    6 ④

## 핵심 유형 문제

- 7 (1)  $12a^2 - 2ab - 2b^2$  (2)  $3x^2 - 8xy + 4y^2$   
(3)  $10x^2 - xy - 8x - 2y^2 + 4y$   
8 ④    9  $a=3, b=2$     10 ③    11  $\frac{3}{4}$   
12 ⑤    13 ②    14 ②    15 ②    16 ⑤  
17 248    18 3    19 ⑤    20 2    21 ③  
22 6    23 ④    24  $\frac{4}{5}$     25  $15x^2 + 17x - 4$   
26 ④    27 ①    28 ③    29 39    30 -2  
31  $23x^2 + 30x - 4$     32  $x^2 + 3x - 10$     33 ④  
34  $a^2 - b^2$     35  $24x^2 - 20x + 4$     36 ④  
37  $-a^2 + 3ab - 2b^2$     38  $x^2$   
39  $2A, 2(x-2y), x^2 - 4xy + 4y^2 + 2x - 4y + 1$   
40  $9xyz - 6yz - 3zx$   
41 (1)  $a^2 + 4ab + 4b^2 + a + 2b - 12$  (2)  $4x^2 - y^2 - 2y - 1$

1  $(ax-y)(2x-6y-1)$ 에서

$xy$ 항이 나오는 부분만 전개하면

$$ax \times (-6y) + (-y) \times 2x = (-6a-2)xy \text{으로 } -6a-2=16, -6a=18 \quad \therefore a=-3$$

2  $(a-2b)^2 = a^2 - 4ab + 4b^2$

①  $(a+2b)^2 = a^2 + 4ab + 4b^2$

$$\begin{aligned} ② (-a-2b)^2 &= (-a)^2 - 2 \times (-a) \times 2b + (2b)^2 \\ &= a^2 + 4ab + 4b^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ③ (-a+2b)^2 &= (-a)^2 + 2 \times (-a) \times 2b + (2b)^2 \\ &= a^2 - 4ab + 4b^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ④ -(a-2b)^2 &= -(a^2 - 4ab + 4b^2) \\ &= -a^2 + 4ab - 4b^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ⑤ -(-a+2b)^2 &= -(a^2 - 4ab + 4b^2) \\ &= -a^2 + 4ab - 4b^2 \end{aligned}$$

따라서  $(a-2b)^2$ 과 전개식이 같은 것은 ③이다.

## 다른 풀이

$$\begin{aligned} ② (-a-2b)^2 &= \{-(a+2b)\}^2 = (a+2b)^2 \\ &= a^2 + 4ab + 4b^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ③ (-a+2b)^2 &= \{-(a-2b)\}^2 = (a-2b)^2 \\ &= a^2 - 4ab + 4b^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3 \quad \left(\frac{1}{4}a + \frac{5}{3}b\right)\left(\frac{1}{4}a - \frac{5}{3}b\right) &= \left(\frac{1}{4}a\right)^2 - \left(\frac{5}{3}b\right)^2 \\ &= \frac{1}{16}a^2 - \frac{25}{9}b^2 \\ &= \frac{1}{16} \times 32 - \frac{25}{9} \times 9 \\ &= 2 - 25 = -23 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4 \quad (1) (x-\boxed{A})(x-8) &= x^2 - (A+8)x + 8A \\ &= x^2 - \boxed{B}x + 16 \end{aligned}$$

이므로  $A+8=B, 8A=16$

$$\therefore A=2, B=2+8=10$$

$$(2) (5x+\boxed{A})(\boxed{B}x-3) = 5Bx^2 + (-15+AB)x - 3A \\ = 10x^2 - \boxed{C}x - 3$$

이므로  $5B=10, -15+AB=-C, 3A=3$

$$\therefore A=1, B=2, C=-(15+1 \times 2)=13$$

$$\begin{aligned} 5 \quad (4x-y)(5x+6y) - (x-4y)(2x+3y) &= 20x^2 + 19xy - 6y^2 - (2x^2 - 5xy - 12y^2) \\ &= 20x^2 + 19xy - 6y^2 - 2x^2 + 5xy + 12y^2 \\ &= 18x^2 + 24xy + 6y^2 \end{aligned}$$

따라서  $A=18, B=24, C=6$ 으로  
 $A+B-C=18+24-6=36$

$$\begin{aligned} 6 \quad (\text{색칠한 직사각형의 넓이}) &= (3a+2b)(4a-b) \\ &= 12a^2 + 5ab - 2b^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 7 \quad (1) (3a+b)(4a-2b) &= 12a^2 - 6ab + 4ab - 2b^2 \\ &= 12a^2 - 2ab - 2b^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) (x-2y)(3x-2y) &= 3x^2 - 2xy - 6xy + 4y^2 \\ &= 3x^2 - 8xy + 4y^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) (2x-y)(5x+2y-4) &= 10x^2 + 4xy - 8x - 5xy - 2y^2 + 4y \\ &= 10x^2 - xy - 8x - 2y^2 + 4y \end{aligned}$$

8  $(x+3y-5)(3x-2y+1)$ 에서

$x^2$ 항이 나오는 부분만 전개하면

$$x \times 3x = 3x^2$$

$xy$ 항이 나오는 부분만 전개하면

$$x \times (-2y) + 3y \times 3x = 7xy$$

따라서  $x^2$ 의 계수는 3,  $xy$ 의 계수는 7으로  $x^2$ 의 계수와  $xy$ 의 계수의 합은  $3+7=10$

9  $(ax+4y-2)(x-y+b)$ 에서

$xy$ 항이 나오는 부분만 전개하면

$$\begin{aligned} ax \times (-y) + 4y \times x &= (-a+4)xy \text{으로 } ax+4y=1 \\ \therefore a=3 \end{aligned}$$

$x$ 의 계수가 나오는 부분만 전개하면  
 $ax \times b - 2 \times x = (ab - 2)x$ 이므로  
 $ab - 2 = 4, ab = 6$   
 $a = 3$ 을 대입하면  $3b = 6 \quad \therefore b = 2$

10 ③  $(2x - 3)^2 = (2x)^2 - 2 \times 2x \times 3 + 3^2$   
 $= 4x^2 - 12x + 9$

11 ①  $(x - a)^2 = x^2 - 2ax + a^2 = x^2 - bx + \frac{1}{16}$ 이므로  
 $-2a = -b, a^2 = \frac{1}{16}$

②  $a > 0$ 이므로  $a = \frac{1}{4}$   
 $b = 2a = 2 \times \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$

③  $a + b = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} = \frac{3}{4}$

채점 기준		
1단계	$a, b$ 의 관계식 구하기	… 40 %
2단계	$a, b$ 의 값 각각 구하기	… 40 %
3단계	$a+b$ 의 값 구하기	… 20 %

12  $(3x + A)^2 = 9x^2 + 6Ax + A^2 = 9x^2 + Bx + 16$ 이므로  
 $6A = B, A^2 = 16$   
 $\therefore A = 4, B = 6 \times 4 = 24$   
 또는  $A = -4, B = 6 \times (-4) = -24$

13 ②  $(-3+x)(-3-x) = (-3)^2 - x^2$   
 $= 9 - x^2$   
 ③  $(-4a+6)(4a+6) = (6-4a)(6+4a)$   
 $= 6^2 - (4a)^2$   
 $= 36 - 16a^2$   
 ④  $(-a-b)(a-b) = (-b-a)(-b+a)$   
 $= (-b)^2 - a^2$   
 $= b^2 - a^2$   
 ⑤  $\left(a + \frac{1}{4}\right)\left(\frac{1}{4} - a\right) = \left(\frac{1}{4} + a\right)\left(\frac{1}{4} - a\right)$   
 $= \left(\frac{1}{4}\right)^2 - a^2$   
 $= \frac{1}{16} - a^2$

따라서 옳지 않은 것은 ②이다.

14  $(ax+2y)(2y-ax) = (2y+ax)(2y-ax)$   
 $= (2y)^2 - (ax)^2 = 4y^2 - a^2x^2$   
 $= -a^2x^2 + 4y^2 = -\frac{1}{25}x^2 + 4y^2$   
 이므로  $a^2 = \frac{1}{25}$   
 이 때  $a > 0$ 이므로  $a = \frac{1}{5}$

15 ①  $(x+y)(x-y) = x^2 - y^2$   
 ②  $(x+y)(-x-y) = -(x+y)(x+y)$   
 $= -(x^2 + 2xy + y^2)$   
 $= -x^2 - 2xy - y^2$   
 ③  $(-x+y)(-x-y) = (-x)^2 - y^2$   
 $= x^2 - y^2$   
 ④  $-(x+y)(-x+y) = (x+y)(x-y)$   
 $= x^2 - y^2$   
 ⑤  $-(x-y)(-x-y) = (x-y)(x+y)$   
 $= x^2 - y^2$

따라서 전개식이 나머지 넷과 다른 하나는 ②이다.

16  $(a-3)(a+3)(a^2+9) = (a^2-9)(a^2+9)$   
 $= a^4 - 81$

17 ①  $(x-2)(x+2)(x^2+4)(x^4+16)$   
 $= (x^2-4)(x^2+4)(x^4+16)$   
 $= (x^4-16)(x^4+16)$   
 $= x^8 - 256$

② 따라서  $a = 8, b = 256$ 이므로

③  $b - a = 256 - 8 = 248$

채점 기준		
1단계	주어진 식을 전개하기	… 60 %
2단계	$a, b$ 의 값 각각 구하기	… 20 %
3단계	$b - a$ 의 값 구하기	… 20 %

18  $\left(x - \frac{1}{2}y\right)\left(x + \frac{1}{5}y\right) = x^2 + \left(-\frac{1}{2} + \frac{1}{5}\right)xy - \frac{1}{10}y^2$   
 $= x^2 - \frac{3}{10}xy - \frac{1}{10}y^2$   
 따라서  $a = -\frac{3}{10}, b = -\frac{1}{10}$ 이므로  
 $\frac{a}{b} = a \div b = -\frac{3}{10} \div \left(-\frac{1}{10}\right)$   
 $= -\frac{3}{10} \times (-10) = 3$

19 ①  $(x+6)(x-2) = x^2 + \boxed{4}x - 12$   
 ②  $(x-8)(x+4) = x^2 - \boxed{4}x - 32$   
 ③  $(x+1)(x+4) = x^2 + 5x + \boxed{4}$   
 ④  $(x+y)(x-5y) = x^2 - \boxed{4}xy - 5y^2$   
 ⑤  $(x-y)(x-4y) = x^2 - \boxed{5}xy + 4y^2$

따라서 □ 안에 알맞은 수가 나머지 넷과 다른 하나는 ⑤이다.

20  $(x-6)(x+a) = x^2 + (-6+a)x - 6a$   
 이 때  $x$ 의 계수가 상수항의  $\frac{1}{3}$ 배이므로  
 $-6+a = -6a \times \frac{1}{3}, -6+a = -2a$   
 $3a = 6 \quad \therefore a = 2$

**21**  $(x+A)(x+B) = x^2 + (A+B)x + AB$   
 $= x^2 + Cx - 12$

이므로  $A+B=C$ ,  $AB=-12$

이때  $AB=-12$ 를 만족시키는 정수  $A$ ,  $B$ 의 순서쌍  
 $(A, B)$ 와 그때의  $A+B$ 의 값을 각각 구하면 다음과 같다.

$(A, B)$	$A+B$
$(1, -12), (-12, 1)$	-11
$(2, -6), (-6, 2)$	-4
$(3, -4), (-4, 3)$	-1
$(4, -3), (-3, 4)$	1
$(6, -2), (-2, 6)$	4
$(12, -1), (-1, 12)$	11

따라서  $C$ 의 값이 될 수 있는 것은

-11, -4, -1, 1, 4, 11

**22**  $\left(3x + \frac{3}{5}y\right)\left(2x - \frac{1}{3}y\right) = 6x^2 + \left(-1 + \frac{6}{5}\right)xy - \frac{1}{5}y^2$   
 $= 6x^2 + \frac{1}{5}xy - \frac{1}{5}y^2$

따라서  $a=6$ ,  $b=\frac{1}{5}$ ,  $c=-\frac{1}{5}$ 이므로

$$a+b+c=6+\frac{1}{5}+\left(-\frac{1}{5}\right)=6$$

**23**  $(2x+a)(bx-5) = 2bx^2 + (-10+ab)x - 5a$   
 $= -14x^2 + cx + 15$

이므로  $2b=-14$ ,  $-10+ab=c$ ,  $-5a=15$

$$\therefore a=-3, b=-7, c=-10+(-3)\times(-7)=11$$
 $\therefore a-b+c=-3-(-7)+11=15$

**24**  $(6x+1)(4x-a) = 24x^2 + (-6a+4)x - a$   
 이때  $x$ 의 계수와 상수항이 같으므로

$$-6a+4=-a, -5a=-4 \quad \therefore a=\frac{4}{5}$$

**25**  $(3x+a)(x-5) = 3x^2 + (-15+a)x - 5a$   
 $= 3x^2 - 11x - 20$

이므로  $-15+a=-11$ ,  $-5a=-20$   $\therefore a=4$

따라서 바르게 계산한 식은

$$(3x+4)(5x-1)=15x^2+17x-4$$

**26** ①  $(-x+y)^2 = x^2 - 2xy + y^2$   
 ②  $(2x-5y)^2 = 4x^2 - 20xy + 25y^2$   
 ③  $\left(-x+\frac{1}{3}\right)\left(-x-\frac{1}{3}\right) = x^2 - \frac{1}{9}$   
 ⑤  $(2x+1)(3x-1) = 6x^2 + x - 1$   
 따라서 옳은 것은 ④이다.

**27** ①  $(x-2)^2 = x^2 - \boxed{4}x + 4$   
 ②  $(-a+3b)^2 = a^2 - 6ab + \boxed{9}b^2$

③  $(x-8)(x+3) = x^2 - \boxed{5}x - 24$

④  $(2x-3)(4x+1) = 8x^2 - \boxed{10}x - 3$

⑤  $(2a+b)(3a-5b) = \boxed{6}a^2 - 7ab - 5b^2$

따라서 □ 안에 알맞은 수가 가장 작은 것은 ①이다.

**28**  $(3x+2y)(3x-2y) - (x-2y)^2$   
 $= 9x^2 - 4y^2 - (x^2 - 4xy + 4y^2)$   
 $= 9x^2 - 4y^2 - x^2 + 4xy - 4y^2$   
 $= 8x^2 + 4xy - 8y^2$

**29**  $(3x+5)(x+4) - 2(x-1)(x+5)$   
 $= 3x^2 + 17x + 20 - 2(x^2 + 4x - 5)$   
 $= 3x^2 + 17x + 20 - 2x^2 - 8x + 10$   
 $= x^2 + 9x + 30$

따라서  $x$ 의 계수는 9, 상수항은 30이므로  $x$ 의 계수와 상수항의 합은  $9+30=39$

**30** ① 단계  $2(x+a)^2 + (3x-1)(4-x)$   
 $= 2(x^2 + 2ax + a^2) + (-3x^2 + 13x - 4)$   
 $= 2x^2 + 4ax + 2a^2 - 3x^2 + 13x - 4$   
 $= -x^2 + (4a+13)x + 2a^2 - 4$

② 단계 이때  $x$ 의 계수가 17이므로

$$4a+13=17, 4a=4 \quad \therefore a=1$$

③ 단계 따라서 상수항은

$$2a^2 - 4 = 2 \times 1^2 - 4 = -2$$

채점 기준		
1단계	주어진 식 계산하기	… 40 %
2단계	$a$ 의 값 구하기	… 30 %
3단계	상수항 구하기	… 30 %

**31** 전개도를 접어서 만든 정육면체에서 마주 보는 면에 적힌 식은 각각  $4x-1$ 과  $4x+1$ ,  $x+6$ 과  $x+7$ ,  $3x-5$ 와  $2x+9$ 이므로

$$A+B+C$$

$$= (4x-1)(4x+1) + (x+6)(x+7) + (3x-5)(2x+9)$$

$$= 16x^2 - 1 + x^2 + 13x + 42 + 6x^2 + 17x - 45$$

$$= 23x^2 + 30x - 4$$

**32** (직사각형의 넓이)  $= (x+5)(x-2)$   
 $= x^2 + 3x - 10$

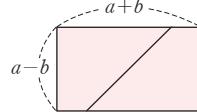
**33** (직사각형의 넓이)  $= (a-b)(a+b)$   
 $= a^2 - b^2$

이므로 처음 정사각형의 넓이  $a^2$ 에서  $b^2$ 만큼 줄어든다.

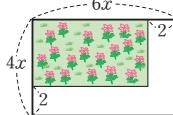
**34** 오른쪽 그림에서

$$(직사각형의 넓이) = (a+b)(a-b)$$

$$= a^2 - b^2$$

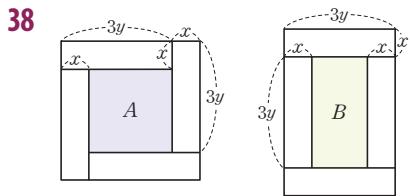


- 35 길을 제외한 정원의 넓이는 오른쪽 그림의 정원의 넓이와 같으므로  
 $(6x-2)(4x-2)=24x^2-20x+4$



36 (밑넓이) =  $(4x+1)(3x+2)$   
 $= 12x^2 + 11x + 2$   
 (옆넓이) =  $2(4x+1)(3x-2) + 2(3x+2)(3x-2)$   
 $= 2(12x^2 - 5x - 2) + 2(9x^2 - 4)$   
 $= 24x^2 - 10x - 4 + 18x^2 - 8$   
 $= 42x^2 - 10x - 12$   
 $\therefore$  (겉넓이) =  $2(12x^2 + 11x + 2) + (42x^2 - 10x - 12)$   
 $= 24x^2 + 22x + 4 + 42x^2 - 10x - 12$   
 $= 66x^2 + 12x - 8$

- 37 색칠한 직사각형의 가로의 길이는  $a-b$ 이므로  
 작은 정사각형의 한 변의 길이는  $a-b$   
 따라서 색칠한 직사각형의 세로의 길이는  
 $b-(a-b)=b-a+b=-a+2b$ 이므로  
 (색칠한 직사각형의 넓이) =  $(a-b)(-a+2b)$   
 $= -a^2 + 3ab - 2b^2$



넓이가 A인 직사각형의 가로의 길이는  $3y-x$ , 세로의 길이는  $3y-x$ 이므로

$$A = (3y-x)^2 = 9y^2 - 6xy + x^2$$

넓이가 B인 직사각형의 가로의 길이는  $3y-2x$ , 세로의 길이는  $3y$ 이므로

$$B = (3y-2x) \times 3y = 9y^2 - 6xy$$

$$\therefore A - B = (9y^2 - 6xy + x^2) - (9y^2 - 6xy)$$
 $= 9y^2 - 6xy + x^2 - 9y^2 + 6xy = x^2$

다른 풀이

$$\begin{aligned} A &= (x+3y)^2 - 4 \times x \times 3y \\ &= x^2 + 6xy + 9y^2 - 12xy \\ &= x^2 - 6xy + 9y^2 \\ B &= 3y(2x+3y) - 4 \times x \times 3y \\ &= 6xy + 9y^2 - 12xy \\ &= 9y^2 - 6xy \\ \therefore A - B &= (x^2 - 6xy + 9y^2) - (9y^2 - 6xy) \\ &= x^2 - 6xy + 9y^2 - 9y^2 + 6xy = x^2 \end{aligned}$$

- 39  $x-2y=A$ 로 놓으면

$$\begin{aligned} (x-2y+1)^2 &= (A+1)^2 = A^2 + \boxed{2A} + 1 \\ &= (x-2y)^2 + \boxed{2(x-2y)} + 1 \\ &= \boxed{x^2 - 4xy + 4y^2 + 2x - 4y + 1} \end{aligned}$$

- 40  $3y-z=A$ 로 놓으면

$$\begin{aligned} (4x+3y-z)(-x+3y-z) &= (4x+A)(-x+A) \\ &= -4x^2 + 3Ax + A^2 \\ &= -4x^2 + 3(3y-z)x + (3y-z)^2 \\ &= -4x^2 + 9y^2 + z^2 + \boxed{9xy - 6yz - 3zx} \end{aligned}$$

- 41 (1)  $a+2b=A$ 로 놓으면

$$\begin{aligned} (a+2b-3)(a+2b+4) &= (A-3)(A+4) \\ &= A^2 + A - 12 \\ &= (a+2b)^2 + (a+2b) - 12 \\ &= a^2 + 4ab + 4b^2 + a + 2b - 12 \end{aligned}$$

- (2)  $y+1=A$ 로 놓으면

$$\begin{aligned} (-2x+y+1)(-2x-y-1) &= (-2x+y+1)\{-2x-(y+1)\} \\ &= (-2x+A)(-2x-A) \\ &= 4x^2 - A^2 \\ &= 4x^2 - (y+1)^2 \\ &= 4x^2 - (y^2 + 2y + 1) \\ &= 4x^2 - y^2 - 2y - 1 \end{aligned}$$

## 02 곱셈 공식의 활용

P. 59~64

똑똑 대비 개념 익히기

1 ④ 2 550 3  $-30 - 5\sqrt{2}$  4 ②

5  $10 + 5\sqrt{3}$  6 ① 7 ⑤ 8 8

9 ④ 10 9

핵심 유형 문제

11 ⑤ 12 175 13 9 14 ② 15 ①

16 ② 17 ③ 18  $6 - 4\sqrt{2}$  19 3

20 2 21  $20 + 2\sqrt{10}$  22 ④ 23 ④

24 -3 25 5 26  $-19 - 6\sqrt{10}$

27  $4\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$  28 ④ 29 36 30 ①

31 9 32 65 33 10 34 ③ 35 119

36 ⑤ 37 4 38 ② 39 4 40 ③

1  $1003^2 = (1000+3)^2$

$= 1000^2 + 2 \times 1000 \times 3 + 3^2 = 1000^2 + a + 3^2$

이므로  $a = 2 \times 1000 \times 3 = 6000$

$$5.7 \times 6.3 = (6 - 0.3)(6 + 0.3) \\ = 6^2 - 0.3^2 = b^2 - 0.3^c$$

이므로  $b=6, c=2$

$$\therefore a+b+c = 6000 + 6 + 2 = 6008$$

$$2 \quad \frac{547 \times 553 + 9}{550} = \frac{(550-3)(550+3) + 9}{550} \\ = \frac{550^2 - 3^2 + 9}{550} \\ = \frac{550^2}{550} = 550$$

$$3 \quad (\sqrt{2}+3)(2\sqrt{2}-5) - (3\sqrt{2}+1)^2 \\ = \{4 + (-5+6)\sqrt{2} - 15\} - (18 + 6\sqrt{2} + 1) \\ = (-11 + \sqrt{2}) - (19 + 6\sqrt{2}) \\ = -11 + \sqrt{2} - 19 - 6\sqrt{2} \\ = -30 - 5\sqrt{2}$$

$$4 \quad \frac{2}{4-\sqrt{11}} - \frac{4}{4+\sqrt{11}} \\ = \frac{2(4+\sqrt{11})}{(4-\sqrt{11})(4+\sqrt{11})} - \frac{4(4-\sqrt{11})}{(4+\sqrt{11})(4-\sqrt{11})} \\ = \frac{8+2\sqrt{11}}{5} - \frac{16-4\sqrt{11}}{5} \\ = \frac{-8+6\sqrt{11}}{5} = -\frac{8}{5} + \frac{6}{5}\sqrt{11}$$

따라서  $a = -\frac{8}{5}, b = \frac{6}{5}$  이므로  
 $a+b = -\frac{8}{5} + \frac{6}{5} = -\frac{2}{5}$

$$5 \quad 1 < \sqrt{3} < 2 \text{에서 } -2 < -\sqrt{3} < -1 \text{이므로} \\ 5 < 7 - \sqrt{3} < 6$$

따라서  $7 - \sqrt{3}$ 의 정수 부분은 5,  
소수 부분은  $(7 - \sqrt{3}) - 5 = 2 - \sqrt{3}$ 이다.  
즉,  $a=5, b=2-\sqrt{3}$ 이므로

$$\frac{a}{b} = \frac{5}{2-\sqrt{3}} = \frac{5(2+\sqrt{3})}{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})} = 10 + 5\sqrt{3}$$

$$6 \quad x^2 + y^2 = (x+y)^2 - 2xy \\ = 3^2 - 2 \times (-2) = 13$$

$$\therefore \frac{y}{x} + \frac{x}{y} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = -\frac{13}{2}$$

$$7 \quad x = \frac{1}{1+\sqrt{2}} = \frac{1-\sqrt{2}}{(1+\sqrt{2})(1-\sqrt{2})} = -(1-\sqrt{2}) = -1+\sqrt{2}$$

$$y = \frac{1}{1-\sqrt{2}} = \frac{1+\sqrt{2}}{(1-\sqrt{2})(1+\sqrt{2})} = -(1+\sqrt{2}) = -1-\sqrt{2}$$

$$\therefore x^2 + xy + y^2 \\ = (x+y)^2 - xy \\ = \{(-1+\sqrt{2}) + (-1-\sqrt{2})\}^2 - (-1+\sqrt{2})(-1-\sqrt{2}) \\ = (-2)^2 - (-1) = 5$$

$$8 \quad \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 4 \\ = 2^2 + 4 = 8$$

$$9 \quad x = 2 + \sqrt{3} \text{에서 } x - 2 = \sqrt{3}$$

양변을 제곱하면  $(x-2)^2 = (\sqrt{3})^2$   
 $x^2 - 4x + 4 = 3, x^2 - 4x = -1$   
 $\therefore x^2 - 4x + 11 = -1 + 11 = 10$

(다른 풀이)

$$x = 2 + \sqrt{3} \text{을 } x^2 - 4x + 11 \text{에 대입하면} \\ x^2 - 4x + 11 = (2 + \sqrt{3})^2 - 4(2 + \sqrt{3}) + 11 \\ = 4 + 4\sqrt{3} + 3 - 8 - 4\sqrt{3} + 11 = 10$$

$$10 \quad x \neq 0 \text{이므로 } x^2 - 2x - 1 = 0 \text{의 양변을 } x \text{로 나누면} \\ x - 2 - \frac{1}{x} = 0 \quad \therefore x - \frac{1}{x} = 2 \\ \therefore x^2 + 3 + \frac{1}{x^2} = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2 + 3 \\ = 2^2 + 5 = 9$$

$$11 \quad ① 104^2 = (100+4)^2 \text{이므로} \\ (a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 (b > 0)$$

을 이용하는 것이 가장 편리하다.

$$② 96^2 = (100-4)^2 \text{이므로} \\ (a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2 (b > 0)$$

을 이용하는 것이 가장 편리하다.

$$③ 19.7 \times 20.3 = (20-0.3)(20+0.3) \text{이므로} \\ (a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

을 이용하는 것이 가장 편리하다.

$$④ 102 \times 103 = (100+2)(100+3) \text{이므로} \\ (x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

를 이용하는 것이 가장 편리하다.

$$⑤ 98 \times 102 = (100-2)(100+2) \text{이므로} \\ (a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

을 이용하는 것이 가장 편리하다.

따라서 적절하지 않은 것은 ⑤이다.

$$12 \quad 89 \times 87 - 88 \times 86 \\ = (90-1)(90-3) - (90-2)(90-4) \\ = 90^2 - 4 \times 90 + 3 - (90^2 - 6 \times 90 + 8) \\ = 2 \times 90 - 5 \\ = 180 - 5 = 175$$

$$13 \quad \begin{aligned} &\text{1단계} \quad \frac{4083^2 - 4077 \times 4089}{4073^2 - 4071 \times 4075} \\ &= \frac{4083^2 - (4083-6)(4083+6)}{4073^2 - (4073-2)(4073+2)} \\ &\text{2단계} \quad \frac{4083^2 - (4083^2 - 6^2)}{4073^2 - (4073^2 - 2^2)} \\ &= \frac{6^2}{2^2} = \frac{36}{4} = 9 \end{aligned}$$

채점 기준		
1단계	주어진 식 변형하기	… 50 %
2단계	주어진 식 계산하기	… 50 %

14  $500 = A$ 로 놓으면

$$\begin{aligned} 498^2 + 1996 &= (A-2)^2 + 4A - 4 \\ &= A^2 - 4A + 4 + 4A - 4 \\ &= A^2 = 500^2 \\ &= 250000 = 25 \times 10^4 \end{aligned}$$

따라서  $a=25$ ,  $b=4$ 이므로

$$a-b=25-4=21$$

15  $2-1=1$ 이므로 주어진 식에  $(2-1)$ 을 곱해도 계산 결과가 같다. 즉,

$$\begin{aligned} (2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\ &= (2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\ &= (2^2-1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\ &= (2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\ &= (2^8-1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\ &= (2^{16}-1)(2^{16}+1) \\ &= 2^{32}-1 \end{aligned}$$

16 ①  $(2\sqrt{3}+3)^2=12+12\sqrt{3}+9=21+12\sqrt{3}$

$$\begin{aligned} ② (5\sqrt{3}+\sqrt{2})(4\sqrt{3}-\sqrt{2}) &= 60+(-5+4)\sqrt{6}-2 \\ &= 58-\sqrt{6} \end{aligned}$$

$$③ (\sqrt{7}+3)(\sqrt{7}-3)=7-9=-2$$

$$\begin{aligned} ④ (\sqrt{5}+2)(\sqrt{5}-7) &= 5+(2-7)\sqrt{5}-14 \\ &= -9-5\sqrt{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ⑤ (\sqrt{8}-\sqrt{12})^2 &= 8-2\sqrt{96}+12 \\ &= 8-8\sqrt{6}+12=20-8\sqrt{6} \end{aligned}$$

따라서 옳은 것은 ②이다.

17  $(a-3\sqrt{3})(3-2\sqrt{3})=3a+(-2a-9)\sqrt{3}+18$   
 $= (3a+18)-(2a+9)\sqrt{3}$   
 $= 15-b\sqrt{3}$

이므로  $3a+18=15$ ,  $2a+9=b$

$$\therefore a=-1, b=2 \times (-1)+9=7$$

$$\therefore a+b=-1+7=6$$

18  $1 < \sqrt{2} < 2$ 에서  $-2 < -\sqrt{2} < -1$ 이므로

$$3 < 5-\sqrt{2} < 4$$

따라서  $5-\sqrt{2}$ 의 정수 부분은 3,

소수 부분은  $(5-\sqrt{2})-3=2-\sqrt{2}$

즉,  $a=2-\sqrt{2}$ 이므로

$$a^2=(2-\sqrt{2})^2=6-4\sqrt{2}$$

19 (1단계)  $(2+2\sqrt{3})(a-3\sqrt{3})=2a+(-6+2a)\sqrt{3}-18$   
 $= (2a-18)+(-6+2a)\sqrt{3}$

2단계 이 식이 유리수가 되려면 무리수 부분이 0이어야 하므로

$$-6+2a=0, 2a=6 \quad \therefore a=3$$

채점 기준		
1단계	주어진 식 간단히 하기	… 50 %
2단계	$a$ 의 값 구하기	… 50 %

$$\begin{aligned} 20 (2-\sqrt{5})^{10}(2+\sqrt{5})^{11} &= \{(2-\sqrt{5})(2+\sqrt{5})\}^{10}(2+\sqrt{5}) \\ &= \{2^2-(\sqrt{5})^2\}^{10}(2+\sqrt{5}) \\ &= (-1)^{10}(2+\sqrt{5}) \\ &= 2+\sqrt{5} \end{aligned}$$

따라서  $a=2$ ,  $b=1$ 이므로

$$ab=2 \times 1=2$$

21 오른쪽 그림과 같이 보조선을 그으면

(정사각형 A의 넓이)

$$=(\sqrt{2}+\sqrt{5})^2$$

$$=2+2\sqrt{10}+5$$

$$=7+2\sqrt{10}$$

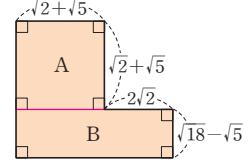
(직사각형 B의 넓이)

$$=(\sqrt{2}+\sqrt{5}+2\sqrt{2})(\sqrt{18}-\sqrt{5})$$

$$=(3\sqrt{2}+\sqrt{5})(3\sqrt{2}-\sqrt{5})$$

$$=18-5=13$$

$$\therefore (\text{넓이})=(7+2\sqrt{10})+13=20+2\sqrt{10}$$



22 ①  $\frac{3}{\sqrt{2}}=\frac{3 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}}=\frac{3\sqrt{2}}{2}$

$$\text{② } \frac{1}{\sqrt{5}-2}=\frac{\sqrt{5}+2}{(\sqrt{5}-2)(\sqrt{5}+2)}=\sqrt{5}+2$$

$$\text{③ } \frac{1}{\sqrt{7}+\sqrt{5}}=\frac{\sqrt{7}-\sqrt{5}}{(\sqrt{7}+\sqrt{5})(\sqrt{7}-\sqrt{5})}=\frac{\sqrt{7}-\sqrt{5}}{2}$$

$$\text{④ } \frac{2}{2-\sqrt{2}}=\frac{2(2+\sqrt{2})}{(2-\sqrt{2})(2+\sqrt{2})}=\frac{2(2+\sqrt{2})}{2}=2+\sqrt{2}$$

$$\text{⑤ } \frac{5}{\sqrt{7}+2\sqrt{3}}=\frac{5(\sqrt{7}-2\sqrt{3})}{(\sqrt{7}+2\sqrt{3})(\sqrt{7}-2\sqrt{3})}=\frac{5(\sqrt{7}-2\sqrt{3})}{-5}=-(\sqrt{7}-2\sqrt{3})=-\sqrt{7}+2\sqrt{3}$$

따라서 옳은 것은 ④이다.

23  $y=\frac{1}{x}=\frac{1}{8+3\sqrt{7}}=\frac{8-3\sqrt{7}}{(8+3\sqrt{7})(8-3\sqrt{7})}=8-3\sqrt{7}$

$$\therefore x+y=(8+3\sqrt{7})+(8-3\sqrt{7})=16$$

24  $\frac{2\sqrt{3}+3\sqrt{2}}{2\sqrt{3}-3\sqrt{2}}=\frac{(2\sqrt{3}+3\sqrt{2})^2}{(2\sqrt{3}-3\sqrt{2})(2\sqrt{3}+3\sqrt{2})}$   
 $=\frac{30+12\sqrt{6}}{-6}=-5-2\sqrt{6}$

따라서  $a=-5$ ,  $b=-2$ 이므로

$$a-b=-5-(-2)=-3$$

**25** 
$$\begin{aligned} & \frac{\sqrt{7}-\sqrt{3}}{\sqrt{7}+\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{7}+\sqrt{3}}{\sqrt{7}-\sqrt{3}} \\ &= \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{3})^2}{(\sqrt{7}+\sqrt{3})(\sqrt{7}-\sqrt{3})} + \frac{(\sqrt{7}+\sqrt{3})^2}{(\sqrt{7}-\sqrt{3})(\sqrt{7}+\sqrt{3})} \\ &= \frac{10-2\sqrt{21}}{4} + \frac{10+2\sqrt{21}}{4} \\ &= \frac{20}{4} = 5 \end{aligned}$$

**26**  $\overline{AP} = \overline{AB} = \sqrt{3^2 + 1^2} = \sqrt{10}$  이므로  
 점 P에 대응하는 수는  $-3 + \sqrt{10}$       $\therefore a = -3 + \sqrt{10}$   
 $\overline{AQ} = \overline{AD} = \sqrt{1^2 + 3^2} = \sqrt{10}$  이므로  
 점 Q에 대응하는 수는  $-3 - \sqrt{10}$       $\therefore b = -3 - \sqrt{10}$   
 $\therefore \frac{b}{a} = \frac{-3-\sqrt{10}}{-3+\sqrt{10}} = \frac{(-3-\sqrt{10})^2}{(-3+\sqrt{10})(-3-\sqrt{10})}$   
 $= -(9+6\sqrt{10}+10) = -19-6\sqrt{10}$

**27** 사다리꼴의 높이를  $h$ 라고 하면

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2} \times (\sqrt{3} + 2\sqrt{2}) \times h = 5 \\ & \therefore h = 5 \times \frac{2}{\sqrt{3} + 2\sqrt{2}} = \frac{10 \times (\sqrt{3} - 2\sqrt{2})}{(\sqrt{3} + 2\sqrt{2})(\sqrt{3} - 2\sqrt{2})} \\ & = \frac{10 \times (\sqrt{3} - 2\sqrt{2})}{-5} = -2(\sqrt{3} - 2\sqrt{2}) \\ & = 4\sqrt{2} - 2\sqrt{3} \end{aligned}$$

즉, 사다리꼴의 높이는  $4\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$ 이다.

**28** 
$$\begin{aligned} & \frac{1}{F(1)} + \frac{1}{F(2)} + \frac{1}{F(3)} + \cdots + \frac{1}{F(24)} \\ &= \frac{1}{1+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{4}} + \cdots + \frac{1}{\sqrt{24}+\sqrt{25}} \\ &= \frac{1-\sqrt{2}}{(1+\sqrt{2})(1-\sqrt{2})} + \frac{\sqrt{2}-\sqrt{3}}{(\sqrt{2}+\sqrt{3})(\sqrt{2}-\sqrt{3})} \\ & \quad + \frac{\sqrt{3}-\sqrt{4}}{(\sqrt{3}+\sqrt{4})(\sqrt{3}-\sqrt{4})} + \cdots + \frac{\sqrt{24}-\sqrt{25}}{(\sqrt{24}+\sqrt{25})(\sqrt{24}-\sqrt{25})} \\ &= -(1-\sqrt{2}) - (\sqrt{2}-\sqrt{3}) - (\sqrt{3}-\sqrt{4}) - \cdots - (\sqrt{24}-\sqrt{25}) \\ &= (\cancel{\sqrt{2}}-1) + (\cancel{\sqrt{3}}-\cancel{\sqrt{2}}) + (\cancel{\sqrt{4}}-\cancel{\sqrt{3}}) + \cdots + (\cancel{\sqrt{25}}-\cancel{\sqrt{24}}) \\ &= -1 + \sqrt{25} \\ &= -1 + 5 = 4 \end{aligned}$$

**29**  $(x+y)^2 = (x-y)^2 + 4xy$   
 $= (-2\sqrt{6})^2 + 4 \times 3 = 36$

**30**  $a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab$ 에서  
 $10 = 4^2 - 2ab, 2ab = 6 \quad \therefore ab = 3$   
 $\therefore \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{b+a}{ab} = \frac{4}{3}$

**31** **1단계**  $(x+2)(y+2) = 4$ 에서  
 $xy + 2(x+y) + 4 = 4$

이때  $xy = -2$  이므로  
 $-2 + 2(x+y) = 0, 2(x+y) = 2$   
 $\therefore x+y = 1$   
**2단계**  $\therefore (x-y)^2 = (x+y)^2 - 4xy$   
 $= 1^2 - 4 \times (-2) = 9$

채점 기준		
1단계	$x+y$ 의 값 구하기	… 50 %
2단계	$(x-y)^2$ 의 값 구하기	… 50 %

**32** 
$$\begin{aligned} x &= \frac{1}{4+\sqrt{15}} = \frac{4-\sqrt{15}}{(4+\sqrt{15})(4-\sqrt{15})} = 4-\sqrt{15} \\ y &= \frac{1}{4-\sqrt{15}} = \frac{4+\sqrt{15}}{(4-\sqrt{15})(4+\sqrt{15})} = 4+\sqrt{15} \\ \therefore x^2 + 3xy + y^2 &= (x+y)^2 + xy \\ &= \{(4-\sqrt{15}) + (4+\sqrt{15})\}^2 + (4-\sqrt{15})(4+\sqrt{15}) \\ &= 8^2 + 1 = 65 \end{aligned}$$

**33** 두 정사각형의 둘레의 길이의 합이  $40$  이므로  
 $4x + 4y = 40 \quad \therefore x+y = 10$   
 두 정사각형의 넓이의 합이  $80$  이므로  
 $x^2 + y^2 = 80$   
 $x^2 + y^2 = (x+y)^2 - 2xy$ 에서  
 $80 = 10^2 - 2xy, 2xy = 20$   
 $\therefore xy = 10$

**34** 
$$\begin{aligned} a^2 + \frac{1}{a^2} &= \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2 \\ &= (2\sqrt{7})^2 - 2 = 26 \end{aligned}$$

**35** 
$$\begin{aligned} x^2 + \frac{1}{x^2} &= \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2 \\ &= 3^2 + 2 = 11 \\ \therefore x^4 + \frac{1}{x^4} &= \left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right)^2 - 2 \\ &= 11^2 - 2 = 119 \end{aligned}$$

**36**  $x \neq 0$  이므로  $x^2 = 5x + 1$ 의 양변을  $x$ 로 나누면  
 $x = 5 + \frac{1}{x} \quad \therefore x - \frac{1}{x} = 5$   
 $\therefore x^2 - 10 + \frac{1}{x^2} = x^2 + \frac{1}{x^2} - 10$   
 $= \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2 - 10$   
 $= 5^2 - 8 = 17$

**37**  $x \neq 0$  이므로  $x^2 - 2x - 1 = 0$ 의 양변을  $x$ 로 나누면  
 $x - 2 - \frac{1}{x} = 0 \quad \therefore x - \frac{1}{x} = 2$   
 $x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2 = 2^2 + 2 = 6$

$$\begin{aligned}\therefore 2x^2 - 4x + \frac{4}{x} + \frac{2}{x^2} &= 2\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) - 4\left(x - \frac{1}{x}\right) \\ &= 2 \times 6 - 4 \times 2 = 4\end{aligned}$$

**38**  $x = \frac{2}{\sqrt{3}+1} = \frac{2(\sqrt{3}-1)}{(\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-1)} = \sqrt{3}-1$ 에서  
 $x+1=\sqrt{3}$   
 양변을 제곱하면  $(x+1)^2=(\sqrt{3})^2$   
 $x^2+2x+1=3, x^2+2x=2$   
 $\therefore x^2+2x-5=2-5=-3$

**39** **1단계**  $x=5+2\sqrt{6}$ 에서  $x-5=2\sqrt{6}$   
 양변을 제곱하면  $(x-5)^2=(2\sqrt{6})^2$   
 $x^2-10x+25=24$   
 $\therefore x^2-10x=-1$   
**2단계**  $\therefore \sqrt{x^2-10x+17}=\sqrt{-1+17}$   
 $=\sqrt{16}=4$

채점 기준		
1단계	$x^2-10x$ 의 값 구하기	… 70 %
2단계	$\sqrt{x^2-10x+17}$ 의 값 구하기	… 30 %

**40**  $2 < \sqrt{5} < 3$ 에서  $-3 < -\sqrt{5} < -2$ 므로  
 $1 < 4 - \sqrt{5} < 2$   
 따라서  $4 - \sqrt{5}$ 의 정수 부분은 1,  
 소수 부분은  $(4 - \sqrt{5}) - 1 = 3 - \sqrt{5}$ 이다.  
 즉,  $a = 3 - \sqrt{5}$ 에서  $a - 3 = -\sqrt{5}$   
 양변을 제곱하면  $(a-3)^2=(-\sqrt{5})^2$   
 $a^2 - 6a + 9 = 5, a^2 - 6a = -4$   
 $\therefore a^2 - 6a + 5 = -4 + 5 = 1$

**실력 UP** 문제

P. 65

**1-1**  $A=6, B=12, C=-3$     **1-2** 0

**2-1**  $-a^2+3ab-2b^2$     **2-2**  $-2x^2+7xy-6y^2$

**3-1**  $x^4+8x^3-x^2-68x+60$     **3-2** 95

**1-1** 민준이가 전개한 식은

$$\begin{aligned}(x+A)(x+2) &= x^2 + (A+2)x + 2A \\ &= x^2 + 8x + B\end{aligned}$$

이므로  $A+2=8, 2A=B$ 

$\therefore A=6, B=2 \times 6=12$

송이가 전개한 식은

$$\begin{aligned}(x-2)(Cx+1) &= Cx^2 + (1-2C)x - 2 \\ &= Cx^2 + 7x - 2\end{aligned}$$

이므로  $1-2C=7, -2C=6 \quad \therefore C=-3$

**1-2** 영서가 전개한 식은  
 $(5x+1)(5x+A)=25x^2+(5A+5)x+A$   
 $=25x^2-5x+B$

이므로  $5A+5=-5, A=B$ 

$\therefore A=-2, B=-2$

진아가 전개한 식은

$$\begin{aligned}(Cx-4)(2x-4) &= 2Cx^2 + (-4C-8)x + 16 \\ &= 2Cx^2 - 24x + 16\end{aligned}$$

이므로  $-4C-8=-24, -4C=-16$ 

$\therefore C=4$

$\therefore A+B+C=(-2)+(-2)+4=0$

**2-1**  $\overline{BF}=\overline{AB}=b$ 으로  
 $\overline{FC}=\overline{BC}-\overline{BF}=\overline{AD}-\overline{BF}=a-b$   
 $\overline{DG}=\overline{HG}=\overline{FC}=a-b$ 으로  
 $\overline{GC}=\overline{DC}-\overline{DG}=\overline{AB}-\overline{DG}$   
 $=b-(a-b)$   
 $=b-a+b$   
 $=-a+2b$   
 $\therefore \square HFCG=\overline{FC} \times \overline{GC}$   
 $=(a-b)(-a+2b)$   
 $=-a^2+3ab-2b^2$

**2-2**  $\overline{BF}=\overline{AB}=y$ 으로  
 $\overline{FC}=\overline{BC}-\overline{BF}=\overline{AD}-\overline{BF}=x-y$   
 $\overline{DG}=\overline{HG}=\overline{FC}=x-y$ 으로  
 $\overline{GC}=\overline{DC}-\overline{DG}=\overline{AB}-\overline{DG}$   
 $=y-(x-y)$   
 $=y-x+y$   
 $=-x+2y$   
 $\overline{JG}=\overline{GC}=-x+2y$ 으로  
 $\overline{HJ}=\overline{HG}-\overline{JG}=\overline{FC}-\overline{JG}$   
 $=x-y-(-x+2y)$   
 $=x-y+x-2y$   
 $=2x-3y$   
 $\therefore \square HFJG=\overline{HJ} \times \overline{JI}=\overline{HJ} \times \overline{GC}$   
 $=(2x-3y)(-x+2y)$   
 $=-2x^2+7xy-6y^2$

**3-1**  $(x-1)(x-2)(x+5)(x+6)$   
 $=\{(x-1)(x+5)\}\{(x-2)(x+6)\}$   
 $=(x^2+4x-5)(x^2+4x-12)$   
 $=(A-5)(A-12) \quad \leftarrow x^2+4x=A$ 로 놀기  
 $=A^2-17A+60$   
 $=(x^2+4x)^2-17(x^2+4x)+60 \quad \leftarrow A=x^2+4x$ 를 대입하기  
 $=x^4+8x^3+16x^2-17x^2-68x+60$   
 $=x^4+8x^3-x^2-68x+60$

**참고** 네 개의 일차식의 곱은 공통부분을 만들기 위해 두 일차식의 상수항의 합이 같아지도록 둘씩 짹 지어 전개한다.

**3-2**  $(x+1)(x+4)(x-3)(x-6)$   
 $=\{(x+1)(x-3)\}\{(x+4)(x-6)\}$   
 $=(x^2-2x-3)(x^2-2x-24) \quad \leftarrow x^2-2x=A \text{로 놓기}$   
 $=(A-3)(A-24)$   
 $=A^2-27A+72$   
 $=(x^2-2x)^2-27(x^2-2x)+72 \quad \leftarrow A=x^2-2x \text{를 대입하기}$   
 $=x^4-4x^3+4x^2-27x^2+54x+72$   
 $=x^4-4x^3-23x^2+54x+72$   
 따라서  $a=-23, b=72$ 이므로  
 $b-a=72-(-23)=95$

$$\begin{aligned} &= \frac{1}{2}(3^4-1)(3^4+1) \\ &= \frac{1}{2}(3^8-1) \\ &\therefore a=8 \end{aligned}$$

**6**  $(a\sqrt{7}+3)(2\sqrt{7}-1)=14a+(-a+6)\sqrt{7}-3$   
 $= (14a-3)+(-a+6)\sqrt{7}$   
 이 식이 유리수이려면 무리수 부분이 0이어야 하므로  
 $-a+6=0 \quad \therefore a=6$   
 따라서  $a=6$ 일 때, 주어진 식의 값은  
 $14a-3=14 \times 6 - 3 = 81$

**7**  $\overline{AP}=\overline{AD}=\sqrt{2^2+1^2}=\sqrt{5}$ 이므로  
 점 P에 대응하는 수는  $1-\sqrt{5} \quad \therefore a=1-\sqrt{5}$   
 $\overline{AQ}=\overline{AE}=\sqrt{1^2+1^2}=\sqrt{2}$ 이므로  
 점 Q에 대응하는 수는  $1+\sqrt{2} \quad \therefore b=1+\sqrt{2}$   
 $\therefore a^2+2b^2=(1-\sqrt{5})^2+2(1+\sqrt{2})^2$   
 $= (1-2\sqrt{5}+5)+2(1+2\sqrt{2}+2)$   
 $= 6-2\sqrt{5}+6+4\sqrt{2}$   
 $= 12+4\sqrt{2}-2\sqrt{5}$

**8**  $\frac{9}{4+\sqrt{7}}=\frac{9(4-\sqrt{7})}{(4+\sqrt{7})(4-\sqrt{7})}$   
 $=\frac{9(4-\sqrt{7})}{9}=4-\sqrt{7}$   
 이때  $2<\sqrt{7}<3$ 에서  $-3<-\sqrt{7}<-2$ 이므로  
 $1<4-\sqrt{7}<2$   
 따라서  $4-\sqrt{7}$ 의 정수 부분은 1,  
 소수 부분은  $(4-\sqrt{7})-1=3-\sqrt{7}$ 이다.

즉,  $a=1, b=3-\sqrt{7}$ 이므로  
 $\frac{1}{a-b}=\frac{1}{1-(3-\sqrt{7})}=\frac{1}{-2+\sqrt{7}}$   
 $=\frac{-2-\sqrt{7}}{(-2+\sqrt{7})(-2-\sqrt{7})}$   
 $=\frac{-2-\sqrt{7}}{-3}=\frac{2+\sqrt{7}}{3}$

**9**  $f(1)+f(2)+f(3)+\cdots+f(10)$   
 $=\frac{1}{\sqrt{2}+1}+\frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{2}}+\frac{1}{\sqrt{4}+\sqrt{3}}+\cdots+\frac{1}{\sqrt{11}+\sqrt{10}}$   
 $=\frac{\sqrt{2}-1}{(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)}+\frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{(\sqrt{3}+\sqrt{2})(\sqrt{3}-\sqrt{2})}$   
 $+\frac{\sqrt{4}-\sqrt{3}}{(\sqrt{4}+\sqrt{3})(\sqrt{4}-\sqrt{3})}+\cdots+\frac{\sqrt{11}-\sqrt{10}}{(\sqrt{11}+\sqrt{10})(\sqrt{11}-\sqrt{10})}$   
 $= (\sqrt{2}-1)+(\sqrt{3}-\sqrt{2})+(\sqrt{4}-\sqrt{3})+\cdots+(\sqrt{11}-\sqrt{10})$   
 $= -1+\sqrt{11}$

**10** (1단계)  $x=\frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}-1}=\frac{(\sqrt{2}+1)^2}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)}$   
 $= 2+2\sqrt{2}+1=3+2\sqrt{2}$

### 실전 테스트

P. 66~67

- |            |                            |                          |                  |     |
|------------|----------------------------|--------------------------|------------------|-----|
| 1 5        | 2 4                        | 3 ③, ⑤                   | 4 ①              | 5 8 |
| 6 ④        | 7 $12+4\sqrt{2}-2\sqrt{5}$ | 8 $\frac{2+\sqrt{7}}{3}$ | 9 $-1+\sqrt{11}$ |     |
| 10 34      | 11 47                      | 12 ①                     | 13 지호            |     |
| 14 (1) 33개 | (2) $33x^2+33xy-66y^2$     |                          |                  |     |

**1**  $(ax-4y)(2x+5y+3)$ 에서  
 $xy$ 항이 나오는 부분만 전개하면  
 $ax \times 5y - 4y \times 2x = (5a-8)xy$ 이므로  
 $5a-8=17, 5a=25 \quad \therefore a=5$

**2**  $(5x+2y)(Ax-y)=5Ax^2+(-5+2A)xy-2y^2$   
 $= 15x^2+Bxy-2y^2$   
 이므로  $5A=15, -5+2A=B$   
 $\therefore A=3, B=-5+2 \times 3=1$   
 $\therefore A+B=3+1=4$

**3** ①  $(-x-3y)^2=x^2+6xy+9y^2$   
 ②  $\left(x-\frac{1}{2}\right)^2=x^2-x+\frac{1}{4}$   
 ④  $(x+5)(x-8)=x^2-3x-40$   
 따라서 옳은 것은 ③, ⑤이다.

**4** (색칠한 직사각형의 넓이)  $=(a+b)(a-2b)$   
 $=a^2-ab-2b^2$

**5**  $\frac{1}{2}(3-1)=1$ 이므로 주어진 식에  $\frac{1}{2}(3-1)$ 을 곱해도 계산 결과가 같다. 즉,  
 $(3+1)(3^2+1)(3^4+1)$   
 $=\frac{1}{2}(3-1)(3+1)(3^2+1)(3^4+1)$   
 $=\frac{1}{2}(3^2-1)(3^2+1)(3^4+1)$

$$y = \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+1} = \frac{(\sqrt{2}-1)^2}{(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)} \\ = 2 - 2\sqrt{2} + 1 = 3 - 2\sqrt{2}$$

**[2단계]**  $\therefore \frac{x}{y} + \frac{y}{x}$

$$= \frac{x^2 + y^2}{xy} \\ = \frac{(3+2\sqrt{2})^2 + (3-2\sqrt{2})^2}{(3+2\sqrt{2})(3-2\sqrt{2})} \\ = \frac{9+12\sqrt{2}+8+9-12\sqrt{2}+8}{3^2-(2\sqrt{2})^2} = 34$$

다른 풀이

**[2단계]**  $\therefore \frac{x}{y} + \frac{y}{x}$

$$= \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{(x+y)^2 - 2xy}{xy} \\ = \frac{\{(3+2\sqrt{2}) + (3-2\sqrt{2})\}^2 - 2(3+2\sqrt{2})(3-2\sqrt{2})}{(3+2\sqrt{2})(3-2\sqrt{2})} \\ = 6^2 - 2 = 34$$

채점 기준		
1단계	$x, y$ 의 분모를 각각 유리화하기	… 40%
2단계	$\frac{x}{y} + \frac{y}{x}$ 의 값 구하기	… 60%

**11**  $x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = (\sqrt{5})^2 - 2 = 3$

$$x^4 + \frac{1}{x^4} = \left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right)^2 - 2 = 3^2 - 2 = 7$$

$$\therefore x^8 + \frac{1}{x^8} = \left(x^4 + \frac{1}{x^4}\right)^2 - 2 = 7^2 - 2 = 47$$

**12**  $x = \frac{1}{2\sqrt{6}-5} = \frac{2\sqrt{6}+5}{(2\sqrt{6}-5)(2\sqrt{6}+5)} = -2\sqrt{6}-5$ 에서

$$x+5 = -2\sqrt{6}$$

$$\text{양변을 제곱하면 } (x+5)^2 = (-2\sqrt{6})^2$$

$$x^2 + 10x + 25 = 24, x^2 + 10x = -1$$

$$\therefore x^2 + 10x - 3 = -1 - 3 = -4$$

**13**  $(x-2)^2 = x^2 - 4x + 4$

$$(-x+2)^2 = x^2 - 4x + 4 \text{이므로 } \rightarrow \text{방향으로 이동}$$

$$-(x+2)^2 = -x^2 - 4x - 4 \text{이므로 } \downarrow \text{방향으로 이동}$$

$$(-x-2)^2 = x^2 + 4x + 4 \text{이므로 } \downarrow \text{방향으로 이동}$$

$$(2-x)^2 = x^2 - 4x + 4 \text{이므로 } \rightarrow \text{방향으로 이동}$$

따라서 다영이가 출구에서 만나는 친구는 지호이다.

**14** 앞, 오른쪽 옆, 위에서 본 것을 합하여 입체도형을 그리면 오른쪽 그림과 같다.

(1) 1층, 2층, 3층, 4층, 5층에 놓

인 상자는 각각 25개, 3개,

2개, 2개, 1개이므로

입체도형 전체를 이루는 상자는

$$25 + 3 + 2 + 2 + 1 = 33(\text{개})$$

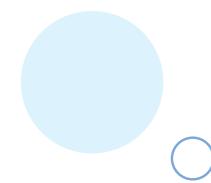
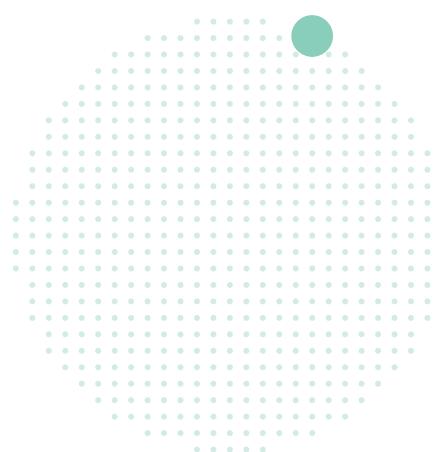
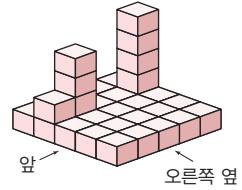
$$(2) (\text{상자 한 개의 부피}) = (x+2y) \times (x-y) \times 1$$

$$= x^2 + xy - 2y^2$$

$$\therefore (\text{입체도형의 부피}) = 33 \times (\text{상자 한 개의 부피})$$

$$= 33(x^2 + xy - 2y^2)$$

$$= 33x^2 + 33xy - 66y^2$$



## 01

## 인수분해 공식

P. 71~72

## 복습 대비 개념 익히기

1 ③    2 ㄱ, ㄷ, ㅁ, ㅂ    3 ⑤    4  $2x+y$

## 핵심 유형 문제

5 ③    6 ③    7 ①    8 ⑤    9 ④  
10 ㄱ, ㄹ

1 ③  $x^3y$ 와  $2xy^2$ 의 공통인 인수는  $xy$ 이다.

2  $2x(3x+1)(3x-1) = \underline{2} \times \underline{(3x+1)} \times \underline{x} \times \underline{(3x-1)}$   
 $= \underline{2} \times \underline{x} \times \underline{(9x^2-1)}$

따라서  $2x(3x+1)(3x-1)$ 의 인수인 것은 ㄱ, ㄷ, ㅁ, ㅂ이다.

3  $5x^2y - 10xy^2 = 5xy(x-2y)$  이므로  $a=5$ 이다.

4  $6x^2 + 3xy = 3x(\underline{2x+y})$

$(2x+y)(2x-y) - (2x+y) = (\underline{2x+y})(2x-y-1)$

따라서 두 다항식의 일차 이상의 공통인 인수는  $2x+y$ 이다.

6  $x(x+2)(x-2) = \underline{x} \times \underline{(x+2)} \times \underline{(x-2)}$   
 $= \underline{(x-2)} \times \underline{(x^2+2x)}$

따라서  $x(x+2)(x-2)$ 의 인수가 아닌 것은 ㄷ, ㄹ이다.

7 ①  $2 - (x-5) = 2 - x + 5 = -x + 7$

8 ①  $2xy + y^2 = y(2x+y)$

②  $4a^2 - 2a = 2a(2a-1)$

③  $m^2 - 3m = m(m-3)$

④  $-3x^2 + 6x = -3x(x-2)$

따라서 인수분해한 것이 옳은 것은 ⑤이다.

9  $x^3 - x^2y = \underline{x^2}(\underline{x-y}) = \underline{x} \times \underline{x}(\underline{x-y})$

따라서  $x^3 - x^2y$ 의 인수가 아닌 것은 ④  $x(x+y)$ 이다.

10 ㄱ.  $abc - 2abc^2 = abc(1-2c)$

ㄴ.  $a^2bx - a^2y = a^2(bx-y)$

ㄷ.  $a^2b^2 + ac = a(ab^2+c)$

ㄹ.  $abx^2 - abx + abc = ab(x^2 - x + c)$

따라서  $ab$ 를 인수로 갖는 것은 ㄱ, ㄹ이다.

P. 73~80

## 복습 대비 개념 익히기

1 ③    2 ④    3 ①    4 13    5 ②  
6 ①    7  $-10, x-2$     8  $4x+3$     9 ①

## 핵심 유형 문제

10 ④    11 ④    12 16    13 ②    14 1  
15 4    16 ②    17 ④    18 ③    19  $-2a+1$   
20 ①, ⑤ 21  $14x$     22 ④    23 ②    24 ㄴ, ㄷ  
25  $-2$     26 ③    27 ③    28 ⑤    29 ②, ⑤  
30 12    31  $5x+1$     32  $a=5, b=3$     33 10  
34  $(x-2)(2x-3)$     35 ①, ④ 36 ②  
37 ㄴ, ㅁ, ㅂ    38 6    39 7    40 ③  
41  $-16$     42  $(x+5)(2x-3)$     43 1  
44  $(x-2)(x+4)$     45 ⑤    46 ②  
47  $(6a-5)m$     48 ⑤    49 5    50  $2x+1$

1 ①  $x^2 - 16x + 64 = (x-8)^2$

②  $9y^2 + 6y + 1 = (3y+1)^2$

④  $3x^2 + 30x + 75 = 3(x^2 + 10x + 25) = 3(x+5)^2$

⑤  $49x^2 - 28xy + 4y^2 = (7x-2y)^2$

따라서 완전제곱식으로 인수분해할 수 없는 것은 ③이다.

2  $16x^2 - 56xy + Ay^2 = (4x)^2 - 2 \times 4x \times 7y + Ay^2$  이므로  
 $A = 7^2 = 49$

3  $64x^2 - 81 = (8x+9)(8x-9)$

따라서  $a=8, b=8, c=-9$  이므로  
 $a+b+c=8+8+(-9)=7$ 

4  $x^2 + 5x - 36 = (x+9)(x-4)$   
이때  $a > b$  이므로  $a=9, b=-4$   
 $\therefore a-b=9-(-4)=13$

5  $3x^2 + ax - 4 = (3x+b)(cx+2)$   
 $= 3cx^2 + (6+bc)x + 2b$

이므로  $3=3c, a=6+bc, -4=2b$ 따라서  $b=-2, c=1, a=6+(-2) \times 1=4$  이므로  
 $abc=4 \times (-2) \times 1=-8$ 

6  $x^2 - x - 12 = (x+3)(\underline{x-4})$   
 $2x^2 - 5x - 12 = (\underline{x-4})(2x+3)$   
따라서 두 다항식의 공통인 인수는 ①  $x-4$ 이다.

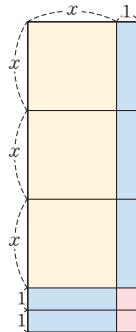
7  $x^2 + 3x + a$ 의 다른 한 인수를  $x+m$  ( $m$ 은 상수)으로 놓으면  
 $x^2 + 3x + a = (x+5)(x+m)$   
 $= x^2 + (5+m)x + 5m$

이므로  $3=5+m$ ,  $a=5m$

$\therefore m=-2$ ,  $a=5 \times (-2)=-10$

따라서 다른 한 인수는  $x-2$ 이다.

- 8 새로 만든 직사각형의 넓이는 주어진 10개의 직사각형의 넓이의 합과 같으므로  
 $3x^2+5x+2=(x+1)(3x+2)$   
 따라서 새로 만든 직사각형의 이웃하는 두 변의 길이는 각각  $x+1$ ,  $3x+2$ 이므로 가로의 길이와 세로의 길이의 합은  
 $(x+1)+(3x+2)=4x+3$



- 9 정훈이는 상수항을 바르게 보았으므로  
 $2(x-1)(3x+5)=2(3x^2+2x-5)=6x^2+4x-10$   
 에서 처음 이차식의 상수항은  $-10$ 이다.  
 세린이는  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로  
 $(2x+1)(3x+2)=6x^2+7x+2$   
 에서 처음 이차식의  $x$ 의 계수는  $7$ 이다.  
 따라서 처음 이차식은  $6x^2+7x-10$ 이므로 이 식을 바르게  
 인수분해하면  
 $6x^2+7x-10=(x+2)(6x-5)$

- 10 ③  $4x^2-8xy+4y^2=4(x^2-2xy+y^2)=4(x-y)^2$   
 ④  $16a^2+24ab+9b^2=(4a+3b)^2$   
 따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

- 11  $25x^2-30x+9=(5x-3)^2$   
 따라서  $25x^2-30x+9$ 의 인수인 것은 ④  $5x-3$ 이다.

- 12 ①  $ax^2+12x+b=(2x+c)^2$   
 $=4x^2+4cx+c^2$   
 ②  $a=4$ ,  $12=4c$ ,  $b=c^2$ 이므로  
 $a=4$ ,  $c=3$ ,  $b=3^2=9$   
 ③  $\therefore a+b+c=4+9+3=16$

채점 기준		
1단계	우변의 식 정리하기	… 30%
2단계	$a$ , $b$ , $c$ 의 값 각각 구하기	… 50%
3단계	$a+b+c$ 의 값 구하기	… 20%

- 13 ①  $x^2-16x+\square=x^2-2 \times x \times 8+\square$ 이므로  
 $\square=8^2=64 \Leftrightarrow$  절댓값은 64  
 ②  $x^2+20x+\square=x^2+2 \times x \times 10+\square$ 이므로  
 $\square=10^2=100 \Leftrightarrow$  절댓값은 100  
 ③  $4x^2+\square x+25=(2x)^2+\square x+(\pm 5)^2$ 이므로  
 $\square=2 \times 2 \times (\pm 5)=\pm 20 \Leftrightarrow$  절댓값은 20  
 ④  $x^2+\square x+196=x^2+\square x+(\pm 14)^2$ 이므로  
 $\square=2 \times 1 \times (\pm 14)=\pm 28 \Leftrightarrow$  절댓값은 28

⑤  $36x^2+\square x+1=(6x)^2+\square x+(\pm 1)^2$ 이므로

$\square=2 \times 6 \times (\pm 1)=\pm 12 \Leftrightarrow$  절댓값은 12

따라서 절댓값이 가장 큰 것은 ②이다.

- 14  $9x^2+12x+A=(3x)^2+2 \times 3x \times 2+A$ 이므로  
 $A=2^2=4$   
 $x^2+Bx+\frac{9}{4}=x^2+Bx+(\pm \frac{3}{2})^2$ 이므로  
 $B=2 \times 1 \times (\pm \frac{3}{2})=\pm 3$   
 이 때  $B>0$ 이므로  $B=3$   
 $\therefore A-B=4-3=1$

15  $(2x-1)(2x+3)+k=4x^2+4x-3+k$   
 $= (2x)^2+2 \times 2x \times 1-3+k$   
 이 식이 완전제곱식이 되려면  
 $-3+k=1^2 \quad \therefore k=4$

- 16  $9x^2+(m-1)xy+25y^2=(3x)^2+(m-1)xy+(\pm 5y)^2$   
 이므로  $m-1=2 \times 3 \times (\pm 5)=\pm 30$   
 $\therefore m=31$  또는  $m=-29$   
 따라서 모든 상수  $m$ 의 값의 합은  
 $31+(-29)=2$

17  $a<0$ ,  $b>0$ 일 때,  $a-b<0$ 이므로  
 $\sqrt{a^2}-\sqrt{a^2-2ab+b^2}=\sqrt{a^2}-\sqrt{(a-b)^2}$   
 $=-a-\{-(a-b)\}$   
 $=-a+a-b=-b$

18  $0 < x < 1$ 일 때,  $0 < x < 1 < \frac{1}{x}$ 이므로  
 $-2x < 0$ ,  $x-\frac{1}{x} < 0$ ,  $x+\frac{1}{x} > 0$ 이고,  
 $\left(x+\frac{1}{x}\right)^2-4=x^2+\frac{1}{x^2}-2=\left(x-\frac{1}{x}\right)^2$ ,  
 $\left(x-\frac{1}{x}\right)^2+4=x^2+\frac{1}{x^2}+2=\left(x+\frac{1}{x}\right)^2$ 이므로  
 $\sqrt{(-2x)^2}+\sqrt{\left(x+\frac{1}{x}\right)^2-4}-\sqrt{\left(x-\frac{1}{x}\right)^2+4}$   
 $=\sqrt{(-2x)^2}+\sqrt{\left(x-\frac{1}{x}\right)^2}-\sqrt{\left(x+\frac{1}{x}\right)^2}$   
 $=-(-2x)+\left\{-\left(x-\frac{1}{x}\right)\right\}-\left(x+\frac{1}{x}\right)$   
 $=2x-x+\frac{1}{x}-x-\frac{1}{x}=0$

19  $\sqrt{x}=a-1$ 의 양변을 제곱하면  
 $x=(a-1)^2=a^2-2a+1$ 이므로  
 $\sqrt{x-4a+8}-\sqrt{x+6a+3}$   
 $=\sqrt{a^2-2a+1-4a+8}-\sqrt{a^2-2a+1+6a+3}$   
 $=\sqrt{a^2-6a+9}-\sqrt{a^2+4a+4}$   
 $=\sqrt{(a-3)^2}-\sqrt{(a+2)^2}$

이때  $1 < a < 3$ 에서  $a - 3 < 0$ ,  $a + 2 > 0$ 이므로

$$\begin{aligned}(\text{주어진 식}) &= \sqrt{(a-3)^2} - \sqrt{(a+2)^2} \\&= -(a-3) - (a+2) \\&= -a+3-a-2 \\&= -2a+1\end{aligned}$$

**20** ②  $100x^2 - 9 = (10x+3)(10x-3)$   
 ③  $-4x^2 + y^2 = y^2 - 4x^2 = (y+2x)(y-2x)$   
 ④  $a^2 - \frac{1}{9}b^2 = \left(a + \frac{1}{3}b\right)\left(a - \frac{1}{3}b\right)$

따라서 인수분해한 것이 옳은 것은 ①, ⑤이다.

**21**  $49x^2 - 16 = (7x+4)(7x-4)$   
 따라서 두 일차식은  $7x+4$ ,  $7x-4$ 이므로  
 $(7x+4) + (7x-4) = 14x$

**22**  $x^8 - 1 = (x^4 + 1)(x^4 - 1)$   
 $= (x^4 + 1)(x^2 + 1)(x^2 - 1)$   
 $= (x^4 + 1)(x^2 + 1)(x + 1)(x - 1)$

따라서  $x^8 - 1$ 의 인수가 아닌 것은 ④이다.

**23**  $x^2 + 4xy - 12y^2 = (x - 2y)(x + 6y)$

**24** ㄱ.  $x^2 + x - 6 = (x - 2)(x + 3)$   
 ㄴ.  $x^2 + 3x + 2 = (x + 1)(x + 2)$   
 ㄷ.  $x^2 - 5x - 14 = (x + 2)(x - 7)$   
 ㄹ.  $x^2 - 7x + 10 = (x - 2)(x - 5)$   
 따라서  $x + 2$ 를 인수로 갖는 다항식은 ㄴ, ㄷ이다.

**25** ①  $x^2 + Ax - 6 = (x + B)(x + 3)$   
 $= x^2 + (B + 3)x + 3B$   
 ②  $A = B + 3$ ,  $-6 = 3B$ 이므로  
 $B = -2$ ,  $A = -2 + 3 = 1$   
 ③  $\therefore AB = 1 \times (-2) = -2$

채점 기준		
1단계	우변의 식 정리하기	… 30 %
2단계	$A$ , $B$ 의 값 각각 구하기	… 50 %
3단계	$AB$ 의 값 구하기	… 20 %

**26**  $(x+4)(x-6) - 8x = x^2 - 2x - 24 - 8x$   
 $= x^2 - 10x - 24$   
 $= (x+2)(x-12)$

**27**  $x^2 + kx + 6 = (x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$ 에서  
 $k = a + b$ ,  $ab = 6$   
 이때  $ab = 6$ 을 만족시키는 정수  $a$ ,  $b$ 의 순서쌍 ( $a$ ,  $b$ )는  
 $(-6, -1)$ ,  $(-3, -2)$ ,  $(-2, -3)$ ,  $(-1, -6)$ ,  
 $(1, 6)$ ,  $(2, 3)$ ,  $(3, 2)$ ,  $(6, 1)$   
 따라서  $k (= a + b)$ 의 값이 될 수 있는 수는  $-7$ ,  $-5$ ,  $5$ ,  $7$ 이다.

**28** ⑤  $4x^2 + 3xy - y^2 = (x + y)(4x - y)$

**29**  $6x^2 - 5x - 6 = (\underline{2x-3})(\underline{3x+2})$   
 따라서  $6x^2 - 5x - 6$ 의 인수는 ②, ⑤이다.

**30**  $12x^2 - 17xy - 5y^2 = (3x - 5y)(4x + y)$ 이므로  
 $a = 3$ ,  $b = -5$ ,  $c = 4$   
 $\therefore a - b + c = 3 - (-5) + 4 = 12$

**31** ①  $6x^2 + 7x - 20 = (2x + 5)(3x - 4)$   
 ② 즉, 두 일차식은  $2x + 5$ ,  $3x - 4$ 이다.  
 ③ 따라서 두 일차식의 합은  
 $(2x + 5) + (3x - 4) = 5x + 1$

채점 기준		
1단계	주어진 식을 인수분해하기	… 60 %
2단계	두 일차식 구하기	… 20 %
3단계	두 일차식의 합 구하기	… 20 %

**32**  $8x^2 + (3a - 1)x - 15 = (2x + 5)(4x - b)$   
 $= 8x^2 + (-2b + 20)x - 5b$

이므로  $3a - 1 = -2b + 20$ ,  $-15 = -5b$   
 $\therefore b = 3$   
 $3a = -2b + 21$ 에서  $3a = -2 \times 3 + 21 = 15$   
 $\therefore a = 5$

**33** 곱해서 3이 되는 두 자연수는 1과 3이고,  
 곱해서 -2가 되는 두 정수는 1과 -2, -1과 2이므로  
 정수  $k$ 의 값을 모두 구하면

$$\begin{array}{ll} \text{(i)} & \begin{array}{r} 1 \xrightarrow{-2} -2 \xrightarrow{+} + \end{array} \begin{array}{r} 3 \\ -2 \xrightarrow{+} + \end{array} \\ & \begin{array}{r} 1 \xrightarrow{+} + \end{array} \begin{array}{r} -6 \\ 1 \xrightarrow{+} + \end{array} \\ & \begin{array}{r} 1 \end{array} \quad \begin{array}{r} -5 \end{array} \\ \text{(ii)} & \begin{array}{r} 1 \xrightarrow{-2} -2 \xrightarrow{+} + \end{array} \begin{array}{r} -6 \\ 1 \xrightarrow{+} + \end{array} \\ & \begin{array}{r} 1 \end{array} \quad \begin{array}{r} -5 \end{array} \\ \text{(iii)} & \begin{array}{r} 1 \xrightarrow{-1} -1 \xrightarrow{+} + \end{array} \begin{array}{r} -3 \\ 2 \xrightarrow{+} + \end{array} \\ & \begin{array}{r} -1 \end{array} \quad \begin{array}{r} 5 \end{array} \\ \text{(iv)} & \begin{array}{r} 1 \xrightarrow{2} 2 \xrightarrow{-1} -1 \xrightarrow{+} + \end{array} \begin{array}{r} 6 \\ -1 \xrightarrow{+} + \end{array} \\ & \begin{array}{r} -1 \end{array} \quad \begin{array}{r} 5 \end{array} \end{array}$$

(i)~(iv)에 의해 가능한 정수  $k$ 의 값 중 가장 큰 수는 5이고,  
 가장 작은 수는 -5이므로 그 차는  $5 - (-5) = 10$

**34** 주어진 그래프가 두 점  $(0, -6)$ ,  $(3, 0)$ 을 지나므로  
 $(기울기) = \frac{0 - (-6)}{3 - 0} = 2$

즉, 기울기가 2이고  $y$ 절편이 -6이므로 직선의 방정식은  
 $y = 2x - 6$

따라서  $a = 2$ ,  $b = -6$ 이므로

$$ax^2 - 7x - b = 2x^2 - 7x + 6 = (x - 2)(2x - 3)$$

**35** ②  $x^2y - 2xy^2 = xy(x - 2y)$

③  $\frac{x^2}{4} - y^2 = \left(\frac{x}{2} + y\right)\left(\frac{x}{2} - y\right)$

⑤  $a(x+y) - 4(x+y) = (x+y)(a-4)$

따라서 인수분해한 것이 옳은 것은 ①, ④이다.

- 36** ①  $3x^2 - 75 = 3(x^2 - 25) = 3(x+5)(x-\boxed{5})$   
 ②  $4a^2 - 49 = (2a+\boxed{7})(2a-7)$   
 ③  $8x^2 - 2x - 3 = (2x+1)(4x-\boxed{3})$   
 ④  $3x^2 - 18x + 27 = 3(x^2 - 6x + 9) = \boxed{3}(x-3)^2$   
 ⑤  $4ab^2 - 4ab + a = a(4b^2 - 4b + 1) = a(2b-\boxed{1})^2$
- 따라서 □ 안에 알맞은 수가 가장 큰 것은 ②이다.

- 37** ㄱ.  $x^2 - x = x(x-1)$   
 ㄴ.  $x^4 - 1 = (x^2 + 1)(x^2 - 1) = (x^2 + 1)(x+1)(x-1)$   
 ㄷ.  $x^2 - 2x + 1 = (x-1)^2$   
 ㄹ.  $x^2 + 4x - 5 = (x-1)(x+5)$   
 ㅁ.  $2x^2 + 7x + 5 = (\underline{x+1})(2x+5)$   
 ㅂ.  $3x^2 + 2x - 1 = (\underline{x+1})(3x-1)$
- 따라서  $x+1$ 을 인수로 갖는 것은 ㄴ, ㅁ, ㅂ이다.

- 38**  $4x^2 - 100y^2 = 4(x^2 - 25y^2) = 4(x+5y)(x-5y)$   
 $x^2 - xy - 20y^2 = (x+4y)(\underline{x-5y})$   
 따라서 두 다항식의 공통인 인수가  $x-5y$ 이므로  
 $a=1, b=-5$   
 $\therefore a-b=1-(-5)=6$

- 39**  $2x^2 + ax + 6$ 의 다른 한 인수를  $x+m$  ( $m$ 은 상수)으로 놓으면  
 $2x^2 + ax + 6 = (2x+3)(x+m)$   
 $= 2x^2 + (2m+3)x + 3m$   
 이므로  $a=2m+3, 6=3m$   
 $\therefore m=2, a=2\times 2+3=7$

- 40**  $x^2 - 9x + a$ 의 다른 한 인수를  $x+m$  ( $m$ 은 상수)으로 놓으면  
 $x^2 - 9x + a = (x-4)(x+m)$   
 $= x^2 + (-4+m)x - 4m$   
 이므로  $-9 = -4+m, a = -4m$   
 $\therefore m = -5, a = -4 \times (-5) = 20$   
 $3x^2 + bx - 8$ 의 다른 한 인수를  $3x+n$  ( $n$ 은 상수)으로 놓으면  
 $3x^2 + bx - 8 = (x-4)(3x+n)$   
 $= 3x^2 + (n-12)x - 4n$   
 이므로  $b=n-12, -8=-4n$   
 $\therefore n=2, b=2-12=-10$   
 $\therefore a+b=20+(-10)=10$

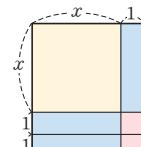
- 41**  $x^2 + 2x - 35 = (\underline{x-5})(x+7)$   
 $2x^2 - 7x - 15 = (x-5)(2x+3)$   
 위의 두 다항식의 공통인 인수는  $x-5$ 이므로  
 $3x^2 + ax + 5$ 도  $x-5$ 를 인수로 갖는다.  
 $3x^2 + ax + 5$ 의 다른 한 인수를  $3x+m$  ( $m$ 은 상수)으로 놓으면  
 $3x^2 + ax + 5 = (x-5)(3x+m)$   
 $= 3x^2 + (m-15)x - 5m$   
 이므로  $a=m-15, 5=-5m$   
 $\therefore m=-1, a=-1-15=-16$

- 42** 연주는  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로  
 $(x+4)(2x-1) = 2x^2 + 7x - 4$   
 에서 처음 이차식의  $x$ 의 계수는 7이다.  
 해준이는 상수항을 바르게 보았으므로  
 $(x-3)(2x+5) = 2x^2 - x - 15$   
 에서 처음 이차식의 상수항은 -15이다.  
 따라서 처음 이차식은  $2x^2 + 7x - 15$ 이므로 이 식을 바르게  
 인수분해하면  
 $2x^2 + 7x - 15 = (x+5)(2x-3)$

- 43** 민서는 상수항을 바르게 보았으므로  
 $(x-1)(x-12) = x^2 - 13x + 12$   
 에서 처음 이차식의 상수항은 12이다.  
 나현이는  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로  
 $(x+2)(x-9) = x^2 - 7x - 18$   
 에서 처음 이차식의  $x$ 의 계수는 -7이다.  
 따라서 처음 이차식은  $x^2 - 7x + 12$ 이므로 이 식을 바르게  
 인수분해하면  
 $x^2 - 7x + 12 = (x-3)(x-4)$   
 이때  $a > b$ 이므로  $a = -3, b = -4$   
 $\therefore a-b = -3 - (-4) = 1$

- 44** 진아는  $x$ 의 계수와 상수항을 바르게 보았으므로  
 $2(x-1)(3x+4) = 6x^2 + 2x - 8$   
 에서 처음 이차식의  $x$ 의 계수는 2, 상수항은 -8이다.  
 준희는  $x^2$ 의 계수와  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로  
 $(x+1)^2 = x^2 + 2x + 1$   
 에서 처음 이차식의  $x^2$ 의 계수는 1,  $x$ 의 계수는 2이다.  
 따라서 처음 이차식은  $x^2 + 2x - 8$ 이므로 이 식을 바르게  
 인수분해하면  
 $x^2 + 2x - 8 = (x-2)(x+4)$

- 45** 새로 만든 직사각형의 넓이는 주어진 6개  
 의 대수막대의 넓이의 합과 같으므로  
 $x^2 + 3x + 2 = (x+1)(x+2)$   
 따라서 새로 만든 직사각형의 이웃하는 두  
 변의 길이는 각각  $x+1, x+2$ 이므로 새로  
 만든 직사각형의 둘레의 길이는  
 $2 \times \{(x+1) + (x+2)\} = 2(2x+3) = 4x+6$



- 46** 직사각형의 넓이가  $6x^2 + 11x + 4$ 이므로  
 $6x^2 + 11x + 4 = (2x+1)(3x+4)$   
 이때 직사각형의 가로의 길이가  $3x+4$ 이므로 세로의 길이는  
 $2x+1$ 이다.

- 47** (확장한 거실의 넓이)  $= (12a^2 + 4a - 21) + (4a + 6)$   
 $= 12a^2 + 8a - 15$   
 $= (2a+3)(6a-5)(m^2)$

이때 확장한 거실의 가로의 길이가  $(2a+3)$  m이므로 세로의 길이는  $(6a-5)$  m이다.

$$\begin{aligned} 48 \quad (\text{색칠한 부분의 넓이}) &= \pi \left( \frac{17a}{2} \right)^2 - \pi \left( \frac{5b}{2} \right)^2 \\ &= \pi \left\{ \left( \frac{17a}{2} \right)^2 - \left( \frac{5b}{2} \right)^2 \right\} \\ &= \pi \left( \frac{17a}{2} + \frac{5b}{2} \right) \left( \frac{17a}{2} - \frac{5b}{2} \right) \\ &= \frac{1}{4} \pi (17a+5b)(17a-5b) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 49 \quad \text{두 정사각형의 둘레의 길이의 합이 } 80 \text{이므로 } 4x+4y=80, 4(x+y)=80 \quad \therefore x+y=20 \\ \text{두 정사각형의 넓이의 차가 } 100 \text{이므로 } x^2-y^2=100 \quad (\because x>y) \\ (x+y)(x-y)=100, 20(x-y)=100 \quad \therefore x-y=5 \\ \text{따라서 두 정사각형의 한 변의 길이의 차는 } 5 \text{이다.} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 50 \quad (\text{도형 A의 넓이}) &= (3x)^2 - \frac{1}{2} \times \{(2x+1)+3\} \times x - 3 \times 1 \\ &= 9x^2 - (x+2)x - 3 \\ &= 8x^2 - 2x - 3 \\ &= (4x-3)(2x+1) \end{aligned}$$

이때 두 도형 A, B의 넓이가 서로 같고 도형 B의 가로의 길이가  $4x-3$ 이므로 도형 B의 세로의 길이는  $2x+1$ 이다.

## 02 인수분해 공식의 응용

P. 81~87

### 쪽쪽 DDU 개념 익히기

- |   |                            |         |        |              |
|---|----------------------------|---------|--------|--------------|
| 1 | $\square$ , $\blacksquare$ | 2 ②     | 3 ⑤    | 4 $\sqrt{7}$ |
| 5 | $a=4$ , $b=-6$             | 6 $a-1$ | 7 $2x$ | 8 $x+y+1$    |
| 9 | $x+5$                      |         |        |              |

### 핵심 유형 문제

- |                           |                 |                  |                          |      |
|---------------------------|-----------------|------------------|--------------------------|------|
| 10 ③                      | 11 ①            | 12 1083          | 13 4916                  | 14 ① |
| 15 $\frac{6}{11}$         | 16 ①, ④         | 17 $2-4\sqrt{2}$ |                          | 18 ③ |
| 19 ①                      | 20 $-4\sqrt{5}$ | 21 40            | 22 162                   | 23 ② |
| 24 $a=4$ , $b=-1$         | 25 21           | 26 ③             | 27 ⑤                     |      |
| 28 $(x^2+3x-5)(x^2+3x+7)$ | 29 ④            | 30 ①, ⑤          |                          |      |
| 31 ②                      | 32 $-80$        | 33 ③             | 34 ⑤                     | 35 2 |
| 36 $5-10\sqrt{5}$         | 37 10           | 38 ⑤             | 39 ②                     |      |
| 40 ①                      | 41 ⑤            | 42 $x+3$         | 43 $500\pi \text{ cm}^3$ |      |

$$\begin{aligned} 1 \quad \square. 12.5^2 - 12.5 + 0.5^2 &= 12.5^2 - 2 \times 12.5 \times 0.5 + 0.5^2 \\ &= (12.5-0.5)^2 \\ &= 12^2 = 144 \end{aligned}$$

근.  $39^2 - 9 = (39+3)(39-3) = 1512$   
따라서 옳지 않은 것은  $\square$ ,  $\blacksquare$ 이다.

$$\begin{aligned} 2 \quad \frac{3051 \times 3052 + 3051}{3052^2 - 1} &= \frac{3051 \times (3052+1)}{(3052+1)(3052-1)} \\ &= \frac{3051 \times 3053}{3053 \times 3051} = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3 \quad x = \frac{2-\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}} &= \frac{(2-\sqrt{3})^2}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})} = 7-4\sqrt{3} \\ y = \frac{2+\sqrt{3}}{2-\sqrt{3}} &= \frac{(2+\sqrt{3})^2}{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})} = 7+4\sqrt{3} \\ \therefore x^2 + 2xy + y^2 &= (x+y)^2 \\ &= (7-4\sqrt{3}+7+4\sqrt{3})^2 \\ &= 14^2 = 196 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4 \quad \frac{x^2-3x-10}{x+2} &= \frac{(x+2)(x-5)}{x+2} \\ &= x-5 \\ &= \sqrt{7}+5-5=\sqrt{7} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 5 \quad x-2=A \text{로 놓으면} \\ (x-2)^2 - 2(2-x) - 24 &= (x-2)^2 + 2(x-2) - 24 \\ &= A^2 + 2A - 24 \\ &= (A-4)(A+6) \\ &= (x-2-4)(x-2+6) \\ &= (x-6)(x+4) \end{aligned}$$

이때  $a>b$ 이므로  $a=4$ ,  $b=-6$

$$\begin{aligned} 6 \quad ab+a-b-1 &= a(b+1)-(b+1)=(\underline{a-1})(b+1) \\ a^3-a^2b-a+b &= a^2(a-b)-(a-b) \\ &= (\underline{a^2-1})(a-b) \\ &= (\underline{a+1})(\underline{a-1})(a-b) \end{aligned}$$

따라서 두 다항식의 일차 이상의 공통인 인수는  $a-1$ 이다.

$$\begin{aligned} 7 \quad x^2 - y^2 + 14y - 49 &= x^2 - (y^2 - 14y + 49) \\ &= x^2 - (y-7)^2 \\ &= (x+y-7)\{x-(y-7)\} \\ &= (x+y-7)(x-y+7) \end{aligned}$$

따라서 두 일차식은  $x+y-7$ ,  $x-y+7$ 으로  
 $(x+y-7)+(x-y+7)=2x$

$$\begin{aligned} 8 \quad x^2 - y^2 + 5x + 3y + 4 &= x^2 + 5x - (y^2 - 3y - 4) \\ &= x^2 + 5x - (y+1)(y-4) \\ &= \{x+(y+1)\}\{x-(y-4)\} \\ &= (x+y+1)(x-y+4) \end{aligned}$$

$\therefore A=x+y+1$

**9** (도형 A의 넓이)  $= (3x+7)^2 - 4(x+1)^2$   
 $= (3x+7)^2 - 2^2(x+1)^2$   
 $= (3x+7+2x+2)(3x+7-2x-2)$   
 $= (5x+9)(x+5)$

이때 두 도형 A, B의 넓이가 서로 같고, 도형 B의 가로의 길이가  $5x+9$ 이므로 도형 B의 세로의 길이는  $x+5$ 이다.

**10**  $163^2 - 162^2 = (163+162)(163-162) \leftarrow \begin{matrix} a^2 - b^2 \\ \text{이용} \end{matrix} = (a+b)(a-b)$   
 $= 325$

따라서 주어진 식을 계산할 때, 이용하면 가장 편리한 인수 분해 공식은 ③이다.

**11**  $196 \times 2.08 - 98 \times 3.16 = 2 \times 98 \times 2.08 - 98 \times 3.16$   
 $= 98(2 \times 2.08 - 3.16)$   
 $= 98(4.16 - 3.16) = 98$

**12**  $1080 \times 1086 + 9 = 1080 \times (1080+6) + 9$   
 $= 1080^2 + 6 \times 1080 + 9$   
 $= (1080+3)^2 = 1083^2$

따라서 구하는 자연수는 1083이다.

**13**  $A = 72.5^2 - 5 \times 72.5 + 2.5^2$   
 $= 72.5^2 - 2 \times 72.5 \times 2.5 + 2.5^2$   
 $= (72.5 - 2.5)^2$   
 $= 70^2 = 4900$   
 $B = \sqrt{34^2 - 30^2}$   
 $= \sqrt{(34+30)(34-30)}$   
 $= \sqrt{64 \times 4} = \sqrt{256} = 16$   
 $\therefore A+B = 4900 + 16 = 4916$

**14**  $1^2 - 2^2 + 3^2 - 4^2 + 5^2 - 6^2 + 7^2 - 8^2 + 9^2 - 10^2$   
 $= (1^2 - 2^2) + (3^2 - 4^2) + (5^2 - 6^2) + (7^2 - 8^2) + (9^2 - 10^2)$   
 $= (1+2)(1-2) + (3+4)(3-4) + (5+6)(5-6)$   
 $+ (7+8)(7-8) + (9+10)(9-10)$   
 $= -3 - 7 - 11 - 15 - 19$   
 $= -55$

**15** (1단계)  $\left(1 - \frac{1}{2^2}\right) \left(1 - \frac{1}{3^2}\right) \left(1 - \frac{1}{4^2}\right) \times \cdots \times \left(1 - \frac{1}{10^2}\right) \left(1 - \frac{1}{11^2}\right)$   
 $= \left(1 - \frac{1}{2}\right) \left(1 + \frac{1}{2}\right) \left(1 - \frac{1}{3}\right) \left(1 + \frac{1}{3}\right) \left(1 - \frac{1}{4}\right) \left(1 + \frac{1}{4}\right) \times \cdots \times \left(1 - \frac{1}{10}\right) \left(1 + \frac{1}{10}\right) \left(1 - \frac{1}{11}\right) \left(1 + \frac{1}{11}\right)$   
(2단계)  $= \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{4}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{5}{4} \times \cdots \times \frac{9}{10} \times \frac{11}{10} \times \frac{10}{11} \times \frac{12}{11}$   
 $= \frac{1}{2} \times \frac{12}{11} = \frac{6}{11}$

채점 기준		
1단계	주어진 식을 인수분해하기	… 60%
2단계	계산하기	… 40%

**16**  $2^{16} - 1 = (2^8 + 1)(2^8 - 1)$   
 $= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^4 - 1)$   
 $= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^2 + 1)(2^2 - 1)$   
 $= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^2 + 1)(2 + 1)(2 - 1)$   
 $= 257 \times 17 \times 5 \times 3 \times 1$   
④  $95 = 5 \times 19$ 은  $2^{16} - 1$ 의 약수가 아니다.  
따라서  $2^{16} - 1$ 의 약수가 아닌 것은 ①, ④이다.

**17**  $x = \frac{1}{\sqrt{2}-1} = \frac{\sqrt{2}+1}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} = \sqrt{2}+1$   
 $\therefore x^2 - 6x + 5 = (x-1)(x-5)$   
 $= (\sqrt{2}+1-1)(\sqrt{2}+1-5)$   
 $= \sqrt{2}(\sqrt{2}-4) = 2 - 4\sqrt{2}$

**18**  $x^2 - y^2 = (x+y)(x-y)$   
 $= (\sqrt{7}-2+\sqrt{7}+2)\{(\sqrt{7}-2)-(\sqrt{7}+2)\}$   
 $= 2\sqrt{7} \times (-4) = -8\sqrt{7}$

**19**  $\frac{4x-12y}{x^2-6xy+9y^2} = \frac{4(x-3y)}{(x-3y)^2} = \frac{4}{x-3y}$   
 $= \frac{4}{(1+2\sqrt{2})-3(-1+2\sqrt{2})}$   
 $= \frac{1}{1-\sqrt{2}} = \frac{1+\sqrt{2}}{(1-\sqrt{2})(1+\sqrt{2})}$   
 $= -1 - \sqrt{2}$

**20** (1단계)  $\overline{AP} = \overline{AB} = \sqrt{2^2 + 1^2} = \sqrt{5}$ 이므로  
점 P에 대응하는 수는  $-1 + \sqrt{5}$   
 $\therefore a = -1 + \sqrt{5}$   
 $\overline{AQ} = \overline{AB} = \sqrt{5}$ 이므로  
점 Q에 대응하는 수는  $-1 - \sqrt{5}$   
 $\therefore b = -1 - \sqrt{5}$   
(2단계)  $\therefore a^2 - b^2$   
 $= (a+b)(a-b)$   
 $= \{(-1 + \sqrt{5}) + (-1 - \sqrt{5})\}$   
 $\times \{(-1 + \sqrt{5}) - (-1 - \sqrt{5})\}$   
 $= -2 \times 2\sqrt{5} = -4\sqrt{5}$

채점 기준		
1단계	$a, b$ 의 값 각각 구하기	… 50%
2단계	$a^2 - b^2$ 의 값 계산하기	… 50%

**21**  $x^2 - y^2 = (x+y)(x-y) = \sqrt{10}(x+y) = 20$ 이므로  
 $x+y = \frac{20}{\sqrt{10}} = 2\sqrt{10}$   
 $\therefore x^2 + 2xy + y^2 = (x+y)^2 = (2\sqrt{10})^2 = 40$

**22**  $(2a+1)(b+1)=2ab+2a+b+1$   
 $=4+2a+b+1=14$

이므로  $2a+b=9$   
 $\therefore 4a^3b+4a^2b^2+ab^3=ab(4a^2+4ab+b^2)$   
 $=ab(2a+b)^2$   
 $=2 \times 9^2=162$

**23**  $x-y=A$ 로 놓으면

$$(x-y)(x-y+2)-15=A(A+2)-15  
= A^2+2A-15  
=(A-3)(A+5)  
=(x-y-3)(x-y+5)$$

따라서 주어진 식의 인수인 것은 ②이다.

**24**  $3x-2=A, x+1=B$ 로 놓으면

$$(3x-2)^2-(x+1)^2  
=A^2-B^2  
=(A+B)(A-B)  
=(3x-2+x+1)\{(3x-2)-(x+1)\}  
=(4x-1)(2x-3)  
\therefore a=4, b=-1$$

**25**  $x+1=A, x-3=B$ 로 놓으면

$$(x+1)^2-9(x+1)(x-3)+20(x-3)^2  
=A^2-9AB+20B^2  
=(A-4B)(A-5B)  
=\{(x+1)-4(x-3)\}\{(x+1)-5(x-3)\}  
=(-3x+13)(-4x+16)  
=4(x-4)(3x-13)$$

따라서  $a=4, b=-4, c=-13$ 으로  
 $a-b-c=4-(-4)-(-13)=21$

**26**  $2 < \sqrt{5} < 3$ 으로  $\sqrt{5}$ 의 소수 부분  $x=\sqrt{5}-2$

$x-3=A$ 로 놓으면  
 $(x-3)^2+10(x-3)+25=A^2+10A+25$   
 $=(A+5)^2$   
 $=(x-3+5)^2=(x+2)^2$   
 $=(\sqrt{5}-2+2)^2$   
 $=(\sqrt{5})^2=5$

**27**  $(x-5)(x-3)(x+1)(x+3)+36$   
 $=\{(x-5)(x+3)\}\{(x-3)(x+1)\}+36$   
 $=(x^2-2x-15)(x^2-2x-3)+36$   
 $=(A-15)(A-3)+36 \quad \leftarrow x^2-2x=A$ 로 놓기  
 $=A^2-18A+81$   
 $=(A-9)^2$   
 $=x^2-2x-9^2 \quad \leftarrow A=x^2-2x$ 를 대입하기

따라서  $a=-2, b=-9$ 으로  
 $ab=(-2) \times (-9)=18$

**28**  $x(x+1)(x+2)(x+3)-35$   
 $=\{x(x+3)\}\{(x+1)(x+2)\}-35$   
 $=(x^2+3x)(x^2+3x+2)-35$   
 $=A(A+2)-35 \quad \leftarrow x^2+3x=A$ 로 놓기  
 $=A^2+2A-35$   
 $=(A-5)(A+7)$   
 $=(x^2+3x-5)(x^2+3x+7) \quad \leftarrow A=x^2+3x$ 를 대입하기

**29**  $(x+1)(x+2)(x+5)(x+6)-12$   
 $=\{(x+1)(x+6)\}\{(x+2)(x+5)\}-12$   
 $=(x^2+7x+6)(x^2+7x+10)-12$   
 $=(A+6)(A+10)-12 \quad \leftarrow x^2+7x=A$ 로 놓기  
 $=A^2+16A+48$   
 $=(A+12)(A+4)$   
 $=(x^2+7x+12)(x^2+7x+4) \quad \leftarrow A=x^2+7x$ 를 대입하기  
 $=(x+3)(x+4)(x^2+7x+4)$

**30**  $x^2y-4+x^2-4y=x^2y+x^2-4y-4$   
 $=x^2(y+1)-4(y+1)$   
 $=(x^2-4)(y+1)$   
 $=(x+2)(x-2)(y+1)$

따라서 주어진 식의 인수가 아닌 것은 ①, ⑤이다.

**다른 풀이**

$$x^2y-4+x^2-4y=x^2y-4y+x^2-4  
=y(x^2-4)+(x^2-4)  
=(x^2-4)(y+1)  
=(x+2)(x-2)(y+1)$$

따라서 주어진 식의 인수가 아닌 것은 ①, ⑤이다.

**31**  $x^3-3x^2-25x+75=x^2(x-3)-25(x-3)$   
 $=x(x-3)(x^2-25)$   
 $=x(x-3)(x+5)(x-5)$

따라서 세 일차식은  $x-3, x+5, x-5$ 으로  
 $(x-3)+(x+5)+(x-5)=3x-3$

**32**  $\overline{AP}=\overline{AB}=\sqrt{3^2+1^2}=\sqrt{10}$ 으로  
점 P에 대응하는 수는  $-1-\sqrt{10}$   
 $\therefore a=-1-\sqrt{10}$   
 $\overline{AQ}=\overline{AC}=\sqrt{1^2+3^2}=\sqrt{10}$ 으로  
점 Q에 대응하는 수는  $-1+\sqrt{10}$   
 $\therefore b=-1+\sqrt{10}$   
 $\therefore a^3-a^2b-ab^2+b^3$   
 $=a^2(a-b)-b^2(a-b)$   
 $=(a-b)(a^2-b^2)$   
 $=(a-b)(a+b)(a-b)$   
 $=(a-b)^2(a+b)$   
 $=\{(-1-\sqrt{10})-(-1+\sqrt{10})\}^2$   
 $\times \{(-1-\sqrt{10})+(-1+\sqrt{10})\}$   
 $=(-2\sqrt{10})^2 \times (-2)=-80$

33  $x^2 - y^2 - 5x - 5y = (x^2 - y^2) - 5(x + y)$   
 $= (x + y)(x - y) - 5(x + y)$   
 $= (x + y)(x - y - 5)$   
 $= 4 \times (11 - 5) = 24$

34  $4x^2 - y^2 - 6y - 9 = 4x^2 - (y^2 + 6y + 9)$   
 $= (2x)^2 - (y + 3)^2$   
 $= (2x + y + 3)(2x - y - 3)$

따라서 주어진 식의 인수인 것은 ⑤이다.

35  $25x^2 - 10xy - 4 + y^2 = (25x^2 - 10xy + y^2) - 4$   
 $= (5x - y)^2 - 2^2$   
 $= (5x - y + 2)(5x - y - 2)$

따라서  $a = 5, b = -1, c = -2$ 므로  
 $a + b + c = 5 + (-1) + (-2) = 2$

36 ① 단계  $x = \frac{1}{\sqrt{5}+2} = \frac{\sqrt{5}-2}{(\sqrt{5}+2)(\sqrt{5}-2)} = \sqrt{5}-2$   
 $y = \frac{1}{\sqrt{5}-2} = \frac{\sqrt{5}+2}{(\sqrt{5}-2)(\sqrt{5}+2)} = \sqrt{5}+2$   
 ② 단계  $\therefore x^2 - 2x + 1 - y^2$   
 $= (x-1)^2 - y^2$   
 $= (x+y-1)(x-y-1)$   
 ③ 단계  $= \{(\sqrt{5}-2) + (\sqrt{5}+2) - 1\}$   
 $\quad \times \{(\sqrt{5}-2) - (\sqrt{5}+2) - 1\}$   
 $= (2\sqrt{5}-1) \times (-5)$   
 $= 5 - 10\sqrt{5}$

채점 기준		
1단계	$x, y$ 의 분모를 각각 유리화하기	… 30%
2단계	주어진 식을 인수분해하기	… 40%
3단계	주어진 식의 값 구하기	… 30%

37  $a^2 - b^2 - 4a + 4 = (a^2 - 4a + 4) - b^2$   
 $= (a-2)^2 - b^2$   
 $= (a+b-2)(a-b-2)$   
 $= (-2-2) \times (a-b-2)$   
 즉,  $-4(a-b-2) = -32$ 므로  $a-b-2=8$   
 $\therefore a-b=10$

38  $x^2 + xy - 5x - 3y + 6 = (x-3)y + x^2 - 5x + 6$   
 $= (x-3)y + (x-2)(x-3)$   
 $= (x-3)(x+y-2)$

39  $3y^2 + 3xy - x + 2y - 1 = (3y-1)x + 3y^2 + 2y - 1$   
 $= (3y-1)x + (y+1)(3y-1)$   
 $= (3y-1)(x+y+1)$

따라서 두 일차식은  $3y-1, x+y+1$ 으로  
 $(3y-1) + (x+y+1) = x+4y$

40  $x^2 + xy - 6y^2 + 3x - y + 2$   
 $= x^2 + (y+3)x - (6y^2 + y - 2)$   
 $= x^2 + (y+3)x - (2y-1)(3y+2)$   
 $= (x-2y+1)(x+3y+2)$   
 따라서  $a = -2, b = 3, c = 2$ 므로  
 $a+b-c = -2+3-2 = -1$

41 (남은 종이의 넓이)  $= 59^2 - 41^2$   
 $= (59+41)(59-41)$   
 $= 100 \times 18 = 1800$

42  $x^3 + x^2y - 9x - 9y = x^2(x+y) - 9(x+y)$   
 $= (x+y)(x^2 - 9)$   
 $= (x+y)(x+3)(x-3)$

이때 직육면체의 가로의 길이가  $x+y$ , 세로의 길이가  $x-3$  이므로 높이는  $x+3$ 이다.

43 (화장지의 부피)  $= \pi \times 7.5^2 \times 10 - \pi \times 2.5^2 \times 10$   
 $= 10\pi(7.5^2 - 2.5^2)$   
 $= 10\pi(7.5+2.5)(7.5-2.5)$   
 $= 10\pi \times 10 \times 5 = 500\pi(\text{cm}^3)$

### 실력 UP 문제

P. 88

- |                          |          |
|--------------------------|----------|
| 1-1 6                    | 1-2 19   |
| 2-1 5, 41                | 2-2 64   |
| 3-1 $4a\pi \text{ cm}^2$ | 3-2 3 cm |

1-1  $n^2 + 2n - 35 = (n-5)(n+7)$

자연수  $n$ 에 대하여 이 식이 소수가 되려면  $n-5, n+7$ 의 값 중 하나는 1이어야 한다.

이때  $n-5 < n+7$ 므로  $n-5=1 \quad \therefore n=6$

1-2  $n^2 + 2n - 80 = (n-8)(n+10)$

자연수  $n$ 에 대하여 이 식이 소수가 되려면  $n-8, n+10$ 의 값 중 하나는 1이어야 한다.

이때  $n-8 < n+10$ 므로  $n-8=1 \quad \therefore n=9$

따라서 구하는 소수는

$$\begin{aligned} n^2 + 2n - 80 &= (n-8)(n+10) \\ &= (9-8)(9+10) = 19 \end{aligned}$$

2-1  $3^8 - 1 = (3^4 + 1)(3^4 - 1)$

$$\begin{aligned} &= (3^4 + 1)(3^2 + 1)(3^2 - 1) \\ &= (3^4 + 1)(3^2 + 1)(3 + 1)(3 - 1) \\ &= 82 \times 10 \times 4 \times 2 \\ &= 2^5 \times 5 \times 41 \end{aligned}$$

따라서  $3^8 - 1$ 은 두 홀수 5, 41로 나누어떨어진다.

$$\begin{aligned}
 2-2 \quad & 2^{20}-1=(2^{10}+1)(2^{10}-1) \\
 & =(2^{10}+1)(2^5+1)(2^5-1) \\
 & =1025 \times 33 \times 31 \\
 & =5^2 \times 41 \times 3 \times 11 \times 31 \\
 & =5^2 \times 3 \times 11 \times 31 \times 41
 \end{aligned}$$

따라서  $2^{20}-1$ 은 30보다 크고 40보다 작은 두 자연수 31과 33으로 나누어떨어진다.  
 $\therefore 31+33=64$

3-1  $\overline{BD}$ 를 지름으로 하는 원의 반지름의 길이를  $r$  cm라고 하면

$$2\pi r=a\pi \text{에서 } r=\frac{a}{2} \quad \therefore \overline{BD}=2r=a(\text{cm})$$

$$\overline{AD}=\overline{CD}=4 \text{ cm} \text{이므로}$$

$\overline{AB}, \overline{BC}$ 를 지름으로 하는 원의 반지름의 길이는 각각  $\frac{a+4}{2}$  cm,  $\frac{a-4}{2}$  cm이다.

$\therefore$  (색칠한 부분의 넓이)

$$\begin{aligned}
 & =\left(\frac{a+4}{2}\right)^2\pi-\left(\frac{a-4}{2}\right)^2\pi \\
 & =\left(\frac{a+4}{2}+\frac{a-4}{2}\right)\left(\frac{a+4}{2}-\frac{a-4}{2}\right)\pi \\
 & =4a\pi(\text{cm}^2)
 \end{aligned}$$

3-2  $\overline{AD}$ 를 지름으로 하는 원의 반지름의 길이를  $r$  cm라고 하면

$$2\pi r=12\pi \text{에서 } r=6 \quad \therefore \overline{AD}=12 \text{ cm}$$

$$\overline{CD}=\overline{BD}=a \text{ cm} \text{라고 하면}$$

$\overline{AB}, \overline{AC}$ 를 지름으로 하는 원의 반지름의 길이는 각각

$$\frac{12+a}{2} \text{ cm}, \frac{12-a}{2} \text{ cm} \text{이고 색칠한 부분의 넓이가}$$

$36\pi \text{ cm}^2$ 이므로

$$\begin{aligned}
 & \left(\frac{12+a}{2}\right)^2\pi-\left(\frac{12-a}{2}\right)^2\pi=36\pi \\
 & \left(\frac{12+a}{2}+\frac{12-a}{2}\right)\left(\frac{12+a}{2}-\frac{12-a}{2}\right)=36
 \end{aligned}$$

$$12a=36 \quad \therefore a=3$$

따라서  $\overline{CD}$ 의 길이는 3 cm이다.

### 실전 테스트

P. 89~91

- |                 |           |                  |          |     |
|-----------------|-----------|------------------|----------|-----|
| 1 ③             | 2 ④, ⑤    | 3 ①              | 4 $3x-4$ | 5 ③ |
| 6 ②             | 7 ④       | 8 ②              | 9 ④      |     |
| 10 $(x-1)(x+6)$ | 11 $x+5$  | 12 ④             | 13 ②     |     |
| 14 ①            | 15 $-2$   | 16 $-40\sqrt{6}$ | 17 ④     |     |
| 18 ⑤            | 19 $-210$ |                  |          |     |

1  $2x^2y-3x^2y^2=x^2y(2-3y)$

따라서 주어진 식의 인수가 아닌 것은 ③이다.

$$\begin{aligned}
 2 \quad & \neg. x^2-8x+16=(x-4)^2 \\
 & \sqcup. 4x^2-12x+9=(2x-3)^2 \\
 & \sqcap. 2x^2+4xy+2y^2=2(x^2+2xy+y^2)=2(x+y)^2 \\
 & \square. a^2+5a+\frac{25}{4}=\left(a+\frac{5}{2}\right)^2
 \end{aligned}$$

따라서 완전제곱식으로 인수분해되지 않는 것은 ㄹ, ㅂ이다.

3  $x^2+ax+36=x^2+ax+(\pm 6)^2$ 이므로

$$a=2 \times 1 \times (\pm 6)=\pm 12$$

이때  $a>0$ 이므로  $a=12$

$$4x^2+\frac{4}{3}xy+by^2=(2x)^2+2 \times 2x \times \frac{1}{3}y+by^2$$

$$b=\left(\frac{1}{3}\right)^2=\frac{1}{9}$$

$$\therefore 3ab=3 \times 12 \times \frac{1}{9}=4$$

4  $\frac{1}{2} < x < 3$  일 때,  $2x-1>0, x-3<0$ 이므로

$$\sqrt{4x^2-4x+1}-\sqrt{(x+3)^2-12x}$$

$$=\sqrt{(2x-1)^2}-\sqrt{x^2+6x+9-12x}$$

$$=\sqrt{(2x-1)^2}-\sqrt{x^2-6x+9}$$

$$=\sqrt{(2x-1)^2}-\sqrt{(x-3)^2}$$

$$=2x-1-\{-(x-3)\}$$

$$=2x-1+x-3$$

$$=3x-4$$

5  $ax^2-16y^2=(bx+4y)(7x+cy)$

$$=7bx^2+(bc+28)xy+4cy^2$$

이므로  $a=7b, 0=bc+28, -16=4c$

$$\therefore c=-4$$

$$0=-4b+28 \text{에서 } b=7, a=7 \times 7=49$$

$$\therefore a+b+c=49+7+(-4)=52$$

6  $(x-3)(x+5)-9=x^2+2x-15-9$

$$=x^2+2x-24$$

$$=(x+6)(x-4)$$

따라서  $a=6, b=4$ 이므로

$$x^2+ax+2b=x^2+6x+8=(x+2)(x+4)$$

7  $3x^2+(a+12)xy+8y^2=(3x+by)(cx+4y)$

$$=3cx^2+(12+bc)xy+4by^2$$

이므로  $3=3c, a+12=12+bc, 8=4b$

$$\therefore c=1, b=2, a=2 \times 1=2$$

$$\therefore a+b+c=2+2+1=5$$

8 ②  $-9x^2+y^2=y^2-9x^2$

$$=(y+3x)(y-3x)$$

$$=(3x+y)(-3x+y)$$

9  $x^2+ax-8$ 의 다른 한 인수를  $x+m$  ( $m$ 은 상수)으로 놓으면  
 $x^2+ax-8=(x-2)(x+m)$   
 $=x^2+(-2+m)x-2m$

이므로  $a=-2+m$ ,  $-8=-2m$

$\therefore m=4$ ,  $a=-2+4=2$

$2x^2-3x+b$ 의 다른 한 인수를  $2x+n$  ( $n$ 은 상수)으로 놓으면

$$2x^2-3x+b=(x-2)(2x+n)$$
 $=2x^2+(n-4)x-2n$

이므로  $-3=n-4$ ,  $b=-2n$

$\therefore n=1$ ,  $b=-2 \times 1=-2$

$\therefore a-b=2-(-2)=4$

10 ① 단계 헤리는 상수항을 바르게 보았으므로

$$(x-2)(x+3)=x^2+x-6$$

에서 처음 이차식의 상수항은  $-6$ 이다.

② 단계 상우는  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로

$$(x+1)(x+4)=x^2+5x+4$$

에서 처음 이차식의  $x$ 의 계수는  $5$ 이다.

③ 단계 따라서 처음 이차식은  $x^2+5x-6$ 이므로 이 식을 바르게 인수분해하면

$$x^2+5x-6=(x-1)(x+6)$$

채점 기준		
1단계	처음 이차식의 상수항 구하기	… 30%
2단계	처음 이차식의 $x$ 의 계수 구하기	… 30%
3단계	처음 이차식을 바르게 인수분해하기	… 40%

11 ①의 넓이는  $x^2+10x+21=(x+3)(x+7)$

이때 ②의 세로의 길이가  $x+7$ 이므로 가로의 길이는  $x+3$ 이다.

$$\therefore (①의 둘레의 길이)=2 \times \{(x+3)+(x+7)\}$$
 $=2(2x+10)=4x+20$

따라서 ④의 한 변의 길이는

$$(4x+20) \div 4=x+5$$

12  $\sqrt{9 \times 11^2 - 9 \times 22 + 9} = \sqrt{9(11^2 - 2 \times 11 \times 1 + 1^2)}$

 $=\sqrt{9(11-1)^2}$ 
 $=\sqrt{9 \times 10^2}=\sqrt{900}=30$

13  $x^2-y^2+2=(x+y)(x-y)+2$

 $=2(x+y)+2=12$

$2(x+y)=10 \quad \therefore x+y=5$

14  $2x-3y=A$ 로 놓으면

$$(2x-3y)(2x-3y+5)-24=A(A+5)-24$$
 $=A^2+5A-24$ 
 $=(A-3)(A+8)$ 
 $=(2x-3y-3)(2x-3y+8)$

15 ① 단계  $4x^2-4xy+y^2-9=(4x^2-4xy+y^2)-9$   
 $= (2x-y)^2-3^2$   
 $= (2x-y+3)(2x-y-3)$

② 단계 이때  $b > d$ 이므로

$$a=-1, b=3, c=-1, d=-3$$

③ 단계  $\therefore a+b+c+d=-1+3+(-1)+(-3)$   
 $=-2$

채점 기준		
1단계	주어진 식의 좌변을 인수분해하기	… 60%
2단계	$a, b, c, d$ 의 값 각각 구하기	… 20%
3단계	$a+b+c+d$ 의 값 구하기	… 20%

16  $x^3y-xy^3-2x^2+2y^2$   
 $=xy(x^2-y^2)-2(x^2-y^2)$   
 $= (x^2-y^2)(xy-2)$   
 $= (x+y)(x-y)(xy-2)$   
 $= \{(5+2\sqrt{6})+(5-2\sqrt{6})\} \{(5+2\sqrt{6})-(5-2\sqrt{6})\}$   
 $\times \{(5+2\sqrt{6})(5-2\sqrt{6})-2\}$   
 $=10 \times 4\sqrt{6} \times (1-2)$   
 $=-40\sqrt{6}$

17 (색칠한 부분의 넓이)  $= \pi \times 15.5^2 \times \frac{120}{360} - \pi \times 6.5^2 \times \frac{120}{360}$   
 $= \frac{\pi}{3} (15.5^2 - 6.5^2)$   
 $= \frac{\pi}{3} (15.5+6.5)(15.5-6.5)$   
 $= \frac{\pi}{3} \times 22 \times 9$   
 $= 66\pi (\text{cm}^2)$

18 서로 다른 주사위 두 개를 동시에 던질 때 일어날 수 있는 모든 경우의 수는

$$6 \times 6 = 36$$

$x^2+px+q$ 가  $x$ 의 계수가 1이고 상수항이 정수인 두 일차식의 곱, 즉  $(x+a)(x+b)$  ( $a, b$ 는 정수)로 인수분해되려면  $p=a+b$ ,  $q=ab$  ( $1 \leq p \leq 6$ ,  $1 \leq q \leq 6$ ) 이어야 하므로 이를 만족시키는  $p, q$ 의 순서쌍 ( $p, q$ )는  $(2, 1), (3, 2), (4, 3), (4, 4), (5, 4), (5, 6), (6, 5)$ 의 7가지이다.

따라서 구하는 확률은  $\frac{7}{36}$ 이다.

19 로봇은 1단계에서  $+1^2$ , 2단계에서  $-2^2$ , 3단계에서  $+3^2$ , 4단계에서  $-4^2$ , … 씩 수직선 위를 움직이므로 20단계에서 로봇의 위치에 대응하는 수는  
 $1^2-2^2+3^2-4^2+\cdots+19^2-20^2$   
 $= (1+2)(1-2)+(3+4)(3-4)$   
 $\quad \quad \quad +\cdots+(19+20)(19-20)$   
 $= -(1+2+3+4+\cdots+19+20)$   
 $= -210$

## 01

## 이차방정식과 그 해

P. 95~97

步步 **D1** 개념 익히기

1 ④    2 ④    3 ④    4 1

5 (1) 8 (2) -2

## 핵심 유형 문제

6 ④    7 ①    8 ③    9  $x = -3$  또는  $x = 2$   
 10 ②    11 ⑤    12  $x = 1$  또는  $x = 4$     13 -5  
 14 ④    15 -17    16 ⑤    17 5    18 29  
 19 ④

- 1 ①  $x^2 + x + 1 \Rightarrow$  등식이 아니므로 이차방정식이 아니다.  
 ②  $x^2 + \frac{1}{2}x + 4 = x^2$ 에서  $\frac{1}{2}x + 4 = 0 \Rightarrow$  일차방정식  
 ③  $x + 1 = 0 \Rightarrow$  일차방정식  
 ④  $(x-1)(x-2) = 0$ 에서  $x^2 - 3x + 2 = 0 \Rightarrow$  이차방정식  
 ⑤  $x^2 - 2x = 0 \Rightarrow$  이차방정식이 아니다.  
 따라서 이차방정식인 것은 ④이다.

2  $2x^2 + x - 1 = a(x-3)^2$ 에서  
 $2x^2 + x - 1 = ax^2 - 6ax + 9a$   
 $\therefore (2-a)x^2 + (1+6a)x - 1 - 9a = 0$   
 이때  $x^2$ 의 계수가 0이 아니어야 하므로  
 $2-a \neq 0 \quad \therefore a \neq 2$

3 ①  $(-1)^2 - 2 \times (-1) + 1 \neq 0$   
 ②  $(-7)^2 - 3 \times (-7) - 28 \neq 0$   
 ③  $2 \times (-5)^2 - 10 \times (-5) \neq 0$   
 ④  $2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 - 5 \times \frac{1}{2} + 2 = 0$   
 ⑤  $3 \times (-2)^2 + 7 \times (-2) - 2 \neq 0$   
 따라서 [ ] 안의 수가 주어진 이차방정식의 해인 것은 ④이다.

4  $x^2 + ax - 2 = 0$ 에  $x=2$ 를 대입하면  
 $2^2 + a \times 2 - 2 = 0, 2a + 2 = 0 \quad \therefore a = -1$   
 $2x^2 - 3x + b = 0$ 에  $x=2$ 를 대입하면  
 $2 \times 2^2 - 3 \times 2 + b = 0, b + 2 = 0 \quad \therefore b = -2$   
 $\therefore a - b = -1 - (-2) = 1$

5  $x^2 + 2x - 4 = 0$ 에  $x=a$ 를 대입하면  $a^2 + 2a - 4 = 0$   
 (1)  $a^2 + 2a - 4 = 0$ 에서  $a^2 + 2a = 4$   
 $\therefore a^2 + 2a + 4 = 4 + 4 = 8$   
 (2)  $a \neq 0$ 이므로  $a^2 + 2a - 4 = 0$ 의 양변을  $a$ 로 나누면  
 $a + 2 - \frac{4}{a} = 0 \quad \therefore a - \frac{4}{a} = -2$

6  $\neg 2x^2 + 5 = 0 \Rightarrow$  이차방정식  
 $\neg x^2 = x - 2$ 에서  $x^2 - x + 2 = 0 \Rightarrow$  이차방정식  
 $\neg x(x-1) = x^2$ 에서  $x^2 - x = x^2$   
 $\therefore -x = 0 \Rightarrow$  일차방정식  
 $\neg x^3 + 2x^2 + 1 = x^3 - x$ 에서  $2x^2 + x + 1 = 0 \Rightarrow$  이차방정식  
 $\neg x^2(x+1) = -x^2$ 에서  $x^3 + x^2 = -x^2 \therefore x^3 + 2x^2 = 0 \Rightarrow$  이차방정식이 아니다.  
 $\neg (1+x)(1-x) = x^2$ 에서  $1 - x^2 = x^2 \therefore -2x^2 + 1 = 0 \Rightarrow$  이차방정식  
 따라서 이차방정식이 아닌 것은 ②, ③이다.

7  $(2x-1)(3x+2) = x(5x-6)$ 에서  
 $6x^2 + x - 2 = 5x^2 - 6x \quad \therefore x^2 + 7x - 2 = 0$   
 따라서  $a=7, b=-2$ 이므로  
 $a+b=7+(-2)=5$

8  $(ax-1)(x+4) = 3x^2$ 에서  
 $ax^2 + (4a-1)x - 4 = 3x^2$   
 $(a-3)x^2 + (4a-1)x - 4 = 0$   
 이때  $x^2$ 의 계수가 0이 아니어야 하므로  
 $a-3 \neq 0 \quad \therefore a \neq 3$

9  $x = -3$ 일 때,  $(-3)^2 + (-3) - 6 = 0$   
 $x = -2$ 일 때,  $(-2)^2 + (-2) - 6 \neq 0$   
 $x = -1$ 일 때,  $(-1)^2 + (-1) - 6 \neq 0$   
 $x = 0$ 일 때,  $0^2 + 0 - 6 \neq 0$   
 $x = 1$ 일 때,  $1^2 + 1 - 6 \neq 0$   
 $x = 2$ 일 때,  $2^2 + 2 - 6 = 0$   
 따라서 주어진 이차방정식의 해는  $x = -3$  또는  $x = 2$ 이다.

10 ① 이차방정식이 아니다.  
 ②  $x^2 - 2x - 3 = 0$ 에  $x=3$ 을 대입하면  
 $3^2 - 2 \times 3 - 3 = 0$   
 ③ 이차방정식이 아니다.  
 ④  $x^2 - 2x - 10 = 0$ 에  $x=3$ 을 대입하면  
 $3^2 - 2 \times 3 - 10 \neq 0$   
 ⑤  $x^2 - 2x - 6 = x + 12$ 에서  $x^2 - 3x - 18 = 0$   
 $x=3$ 을 대입하면  $3^2 - 3 \times 3 - 18 \neq 0$   
 따라서 주어진 조건을 만족시키는 방정식은 ②이다.

11 ①  $4 \times (4+3) \neq 4$   
 ②  $4^2 + 6 \times 4 \neq 4 - 4$   
 ③  $4^2 + 2 \times 4 - 8 \neq 0$   
 ④  $(2 \times 4 + 1)(4 \times 4 - 1) \neq 0$   
 ⑤  $(4-2)^2 = 4$   
 따라서  $x=4$ 를 해로 갖는 이차방정식은 ⑤이다.

12  $3x-3 \leq x+5$ 에서  $2x \leq 8 \quad \therefore x \leq 4$

$x=1$ 일 때,  $1^2 - 5 \times 1 + 4 = 0$

$x=2$ 일 때,  $2^2 - 5 \times 2 + 4 \neq 0$

$x=3$ 일 때,  $3^2 - 5 \times 3 + 4 \neq 0$

$x=4$ 일 때,  $4^2 - 5 \times 4 + 4 = 0$

따라서 주어진 이차방정식의 해는  $x=1$  또는  $x=4$ 이다.

13  $3x^2 + ax - 2 = 0$ 에  $x=2$ 를 대입하면

$3 \times 2^2 + a \times 2 - 2 = 0$

$2a + 10 = 0 \quad \therefore a = -5$

14  $ax^2 - (a-3)x + a - 17 = 0$ 에  $x=-3$ 을 대입하면

$a \times (-3)^2 - (a-3) \times (-3) + a - 17 = 0$

$13a - 26 = 0 \quad \therefore a = 2$

15 ① 단계  $x^2 - x + a = 0$ 에  $x = -2$ 를 대입하면

$(-2)^2 - (-2) + a = 0$

$6 + a = 0 \quad \therefore a = -6$

② 단계  $5x^2 + bx - a = 0$ 에  $a = -6$ ,  $x = 1$ 을 대입하면

$5 \times 1^2 + b \times 1 - (-6) = 0$

$b + 11 = 0 \quad \therefore b = -11$

③ 단계  $\therefore a + b = -6 + (-11) = -17$

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40 %
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	$a+b$ 의 값 구하기	… 20 %

16 ①  $x^2 - 3x + 6 = 0$ 에  $x=a$ 를 대입하면

$a^2 - 3a + 6 = 0 \quad \therefore a^2 - 3a = -6$

②  $a^2 - 3a = -6$ 의 양변에  $6a$ 를 더하면  $a^2 + 3a = 6a - 6$

③  $a^2 - 3a + 6 = 0$ 의 양변에 2를 곱하면  $2a^2 - 6a + 12 = 0$

④  $a^2 - 3a + 6 = 0$ 의 양변에  $a$ 를 곱하면  $a^3 - 3a^2 + 6a = 0$

⑤  $a^2 - 3a + 6 = 0$ 에서  $a \neq 0$ 이므로 양변을  $a$ 로 나누면

$a - 3 + \frac{6}{a} = 0 \quad \therefore a + \frac{6}{a} = 3$

따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

17  $x^2 + x - 3 = 0$ 에  $x=a$ 를 대입하면

$a^2 + a - 3 = 0 \quad \therefore a^2 + a = 3$

$2x^2 - 3x - 6 = 0$ 에  $x=b$ 를 대입하면

$2b^2 - 3b - 6 = 0 \quad \therefore 2b^2 - 3b = 6$

$$\begin{aligned} \therefore 2a^2 + 2a - 2b^2 + 3b + 5 &= 2(a^2 + a) - (2b^2 - 3b) + 5 \\ &= 2 \times 3 - 6 + 5 = 5 \end{aligned}$$

18  $x^2 + 5x - 1 = 0$ 에  $x=a$ 를 대입하면  $a^2 + 5a - 1 = 0$

$a \neq 0$ 이므로 양변을  $a$ 로 나누면

$a + 5 - \frac{1}{a} = 0 \quad \therefore a - \frac{1}{a} = -5$

$\therefore (a + \frac{1}{a})^2 = (a - \frac{1}{a})^2 + 4 = (-5)^2 + 4 = 29$

19  $x^2 - 4x + 1 = 0$ 에  $x=a$ 를 대입하면

$a^2 - 4a + 1 = 0$

$a \neq 0$ 이므로 양변을  $a$ 로 나누면

$a - 4 + \frac{1}{a} = 0 \quad \therefore a + \frac{1}{a} = 4$

$$\begin{aligned} \therefore a^2 + a + \frac{1}{a} + \frac{1}{a^2} &= \left(a + \frac{1}{a}\right) + \left(a^2 + \frac{1}{a^2}\right) \\ &= \left(a + \frac{1}{a}\right) + \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2 \\ &= 4 + 4^2 - 2 = 18 \end{aligned}$$

## 02 이차방정식의 풀이

P. 98~101

### 쪽별 단원

### 개념 익히기

1 ③ 2 8 3  $\frac{14}{3}$  4 ④

5  $a=5$ ,  $x=-5$  6  $x=3$

### 핵심 유형 문제

7 ⑤ 8 ①, ⑤

9 (1)  $x=-1$  또는  $x=10$  (2)  $x=-2$  또는  $x=\frac{1}{3}$

10 ⑤ 11  $x=-4$  또는  $x=-1$  12 -3

13 ⑤ 14  $x=4$  15 ③ 16 ② 17 4

18 ③ 19 ① 20 -1 21  $\frac{14}{9}$  22 35

23 ④ 24 ② 25 ③ 26 -13 27  $x=5$

1 주어진 이차방정식의 해를 각각 구하면 다음과 같다.

①  $x=0$  또는  $x=\frac{2}{3}$

②  $x=0$  또는  $x=-\frac{2}{3}$

③  $x=-2$  또는  $x=-\frac{2}{3}$

④  $x=-2$  또는  $x=\frac{2}{3}$

⑤  $x=2$  또는  $x=-\frac{2}{3}$

따라서 해가  $x=-2$  또는  $x=-\frac{2}{3}$ 인 것은 ③이다.

2  $2x^2 - 11x + 15 = 0$ 에서  $(2x-5)(x-3) = 0$

$\therefore x = \frac{5}{2}$  또는  $x=3$

이때  $a > b$ 이므로  $a=3$ ,  $b=\frac{5}{2}$

$\therefore a+2b=3+2 \times \frac{5}{2}=8$

**3**  $3x^2 + ax - a = 0$  에서  $x = -2$  를 대입하면  
 $3 \times (-2)^2 + a \times (-2) - a = 0$   
 $12 - 3a = 0 \quad \therefore a = 4$   
 즉,  $3x^2 + 4x - 4 = 0$  이므로  $(x+2)(3x-2) = 0$   
 $\therefore x = -2$  또는  $x = \frac{2}{3}$

따라서  $b = \frac{2}{3}$  이므로  $a+b = 4 + \frac{2}{3} = \frac{14}{3}$

**4**  $x^2 - 4 = 0$  에서  $(x+2)(x-2) = 0$   
 $\therefore x = -2$  또는  $x = 2$   
 ↱.  $x(x-2) = -1$  에서  $x^2 - 2x + 1 = 0$   
 $(x-1)^2 = 0 \quad \therefore x = 1$   
 ↲.  $2(5x-1)^2 = 8$  에서  $25x^2 - 10x + 1 = 4$   
 $25x^2 - 10x - 3 = 0, (5x+1)(5x-3) = 0$   
 $\therefore x = -\frac{1}{5}$  또는  $x = \frac{3}{5}$   
 ↳.  $x^2 = -12(x+3)$  에서  $x^2 + 12x + 36 = 0$   
 $(x+6)^2 = 0 \quad \therefore x = -6$   
 ☐.  $2x^2 + 2x = (x-3)^2$  에서  $2x^2 + 2x = x^2 - 6x + 9$   
 $x^2 + 8x - 9 = 0, (x+9)(x-1) = 0$   
 $\therefore x = -9$  또는  $x = 1$   
 ↣.  $3x^2 - 12x = -12$  에서  $x^2 - 4x + 4 = 0$   
 $(x-2)^2 = 0 \quad \therefore x = 2$   
 따라서 중근을 갖는 것은 ↱, ↳, ↣ 이다.

**5**  $x^2 + 2ax + 4a + 5 = 0$  이 중근을 가지므로  
 $4a + 5 = \left(\frac{2a}{2}\right)^2, a^2 - 4a - 5 = 0$   
 $(a+1)(a-5) = 0 \quad \therefore a = -1$  또는  $a = 5$   
 이때  $a > 0$  이므로  $a = 5$   
 따라서  $x^2 + 10x + 25 = 0$  이므로  $(x+5)^2 = 0$   
 $\therefore x = -5$

**6**  $x^2 + 3x - 18 = 0$  에서  $(x+6)(x-3) = 0$   
 $\therefore x = -6$  또는  $x = 3$   
 $2x^2 - 9x + 9 = 0$  에서  $(2x-3)(x-3) = 0$   
 $\therefore x = \frac{3}{2}$  또는  $x = 3$   
 따라서 두 이차방정식의 공통인 근은  $x = 3$  이다.

**7**  $(x+5)(x+1) = 0$  에서  $x+5=0$  또는  $x+1=0$   
 $\therefore x = -5$  또는  $x = -1$

**8** ①  $x=0$  또는  $x=3 \Rightarrow 0+3=3$   
 ②  $x=-2$  또는  $x=-1 \Rightarrow -2+(-1)=-3$   
 ③  $x=-4$  또는  $x=1 \Rightarrow -4+1=-3$   
 ④  $x=\frac{1}{3}$  또는  $x=2 \Rightarrow \frac{1}{3}+2=\frac{7}{3}$   
 ⑤  $x=\frac{1}{2}$  또는  $x=\frac{5}{2} \Rightarrow \frac{1}{2}+\frac{5}{2}=3$   
 따라서 두 근의 합이 3인 것은 ①, ⑤이다.

**9** (1)  $x^2 - 9x - 10 = 0$  에서  $(x+1)(x-10) = 0$   
 $\therefore x = -1$  또는  $x = 10$   
 (2)  $3x^2 + 5x - 2 = 0$  에서  $(x+2)(3x-1) = 0$   
 $\therefore x = -2$  또는  $x = \frac{1}{3}$

**10**  $6x^2 - 11x - 30 = 0$  에서  $(2x+3)(3x-10) = 0$   
 $\therefore x = -\frac{3}{2}$  또는  $x = \frac{10}{3}$

따라서 두 근 사이에 있는 정수는  $-1, 0, 1, 2, 3$  의 5개이다.

**11**  $x^2 = 3x + 10$  에서  $x^2 - 3x - 10 = 0$   
 $(x+2)(x-5) = 0 \quad \therefore x = -2$  또는  $x = 5$   
 이때  $a > b$  이므로  $a = 5, b = -2$   
 따라서  $x^2 + 5x + 4 = 0$  이므로  $(x+4)(x+1) = 0$   
 $\therefore x = -4$  또는  $x = -1$

**12** (1단계)  $(k-2)x^2 + (k^2+k)x + 20 - 4k = 0$  에  $x = -2$  를 대입하면  
 $(k-2) \times (-2)^2 + (k^2+k) \times (-2) + 20 - 4k = 0$   
 $-2k^2 - 2k + 12 = 0$   
 (2단계)  $k^2 + k - 6 = 0, (k+3)(k-2) = 0$   
 $\therefore k = -3$  또는  $k = 2$   
 (3단계) 이때  $k = 2$  이면 이차방정식이 되지 않으므로  
 $k = -3$

채점 기준		
1단계	이차방정식 세우기	… 30 %
2단계	이차방정식 풀기	… 30 %
3단계	$k$ 의 값 구하기	… 40 %

**13**  $y = ax + 1$  에  $x = a-2, y = -a^2 + 5a + 5$  를 대입하면  
 $-a^2 + 5a + 5 = a(a-2) + 1$   
 $2a^2 - 7a - 4 = 0, (2a+1)(a-4) = 0$   
 $\therefore a = -\frac{1}{2}$  또는  $a = 4$   
 이때 일차함수  $y = ax + 1$  의 그래프가 제4사분면을 지나지 않으므로  $a > 0$  이어야 한다.  
 $\therefore a = 4$

**14** (1단계)  $x^2 - 10x + a = 0$  에  $x = 6$  을 대입하면  
 $6^2 - 10 \times 6 + a = 0$   
 $-24 + a = 0 \quad \therefore a = 24$   
 (2단계) 즉,  $x^2 - 10x + 24 = 0$  이므로  
 $(x-4)(x-6) = 0 \quad \therefore x = 4$  또는  $x = 6$   
 (3단계) 따라서 다른 한 근은  $x = 4$  이다.

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40 %
2단계	이차방정식 풀기	… 40 %
3단계	다른 한 근 구하기	… 20 %

15  $3x^2 - 8x + 2a = 0$  에서  $x=3$ 을 대입하면

$$3 \times 3^2 - 8 \times 3 + 2a = 0$$

$$3 + 2a = 0 \quad \therefore a = -\frac{3}{2}$$

즉,  $3x^2 - 8x - 3 = 0$  이므로  $(3x+1)(x-3) = 0$

$$\therefore x = -\frac{1}{3} \text{ 또는 } x = 3$$

$$\text{따라서 } b = -\frac{1}{3} \text{ 이므로 } ab = -\frac{3}{2} \times \left(-\frac{1}{3}\right) = \frac{1}{2}$$

16  $x^2 + x - 42 = 0$ 에서  $(x+7)(x-6) = 0$

$$\therefore x = -7 \text{ 또는 } x = 6$$

두 근 중 큰 근이  $x = 6$ 이므로

$$x^2 - ax - 12 = 0$$
 에서  $x = 6$ 을 대입하면

$$6^2 - a \times 6 - 12 = 0$$

$$-6a + 24 = 0 \quad \therefore a = 4$$

즉,  $x^2 - 4x - 12 = 0$  이므로  $(x+2)(x-6) = 0$

$$\therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 6$$

따라서 다른 한 근은  $x = -2$ 이다.

17  $x^2 + ax - 6 = 0$  에서  $x = -3$ 을 대입하면

$$(-3)^2 + a \times (-3) - 6 = 0$$

$$3 - 3a = 0 \quad \therefore a = 1$$

즉,  $x^2 + x - 6 = 0$  이므로  $(x+3)(x-2) = 0$

$$\therefore x = -3 \text{ 또는 } x = 2$$

따라서 다른 한 근은  $x = 2$ 이다.

$$3x^2 - 8x + b = 0$$
 에서  $x = 2$ 를 대입하면

$$3 \times 2^2 - 8 \times 2 + b = 0$$

$$-4 + b = 0 \quad \therefore b = 4$$

$$\therefore ab = 1 \times 4 = 4$$

18  $(a-2)x^2 + a^2x + 4 = 0$  에서  $x = -1$ 을 대입하면

$$(a-2) \times (-1)^2 + a^2 \times (-1) + 4 = 0$$

$$a^2 - a - 2 = 0, (a+1)(a-2) = 0$$

$$\therefore a = -1 \text{ 또는 } a = 2$$

이때  $a = 2$ 이면 이차방정식이 되지 않으므로  $a = -1$

즉,  $-3x^2 + x + 4 = 0$  이므로  $3x^2 - x - 4 = 0$

$$(x+1)(3x-4) = 0 \quad \therefore x = -1 \text{ 또는 } x = \frac{4}{3}$$

따라서 다른 한 근은  $x = \frac{4}{3}$ 이다.

19 ①  $x^2 = 1$ 에서  $x^2 - 1 = 0$

$$(x+1)(x-1) = 0 \quad \therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 1$$

②  $x^2 = 14x - 49$ 에서  $x^2 - 14x + 49 = 0$

$$(x-7)^2 = 0 \quad \therefore x = 7$$

③  $9x^2 - 12x + 4 = 0$ 에서

$$(3x-2)^2 = 0 \quad \therefore x = \frac{2}{3}$$

④  $-8x + 16 = -x^2$ 에서  $x^2 - 8x + 16 = 0$

$$(x-4)^2 = 0 \quad \therefore x = 4$$

⑤  $x^2 - 16x = -64$ 에서  $x^2 - 16x + 64 = 0$

$$(x-8)^2 = 0 \quad \therefore x = 8$$

따라서 중근을 갖지 않는 것은 ①이다.

20  $x^2 - x + \frac{1}{4} = 0$ 에서  $\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 = 0 \quad \therefore x = \frac{1}{2}$

$$4x^2 + 12x + 9 = 0$$
에서  $(2x+3)^2 = 0 \quad \therefore x = -\frac{3}{2}$

따라서  $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{3}{2}$ 이므로

$$a+b = \frac{1}{2} + \left(-\frac{3}{2}\right) = -1$$

21  $x^2 + \frac{4}{3}x + 2 - a = 0$ 이 중근을 가지므로

$$2 - a = \left(\frac{4}{3} \times \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{4}{9} \quad \therefore a = \frac{14}{9}$$

22  $2x^2 - 20x + a = 0, \text{ 즉 } x^2 - 10x + \frac{a}{2} = 0$ 이 중근을 가지므로

$$\frac{a}{2} = \left(-\frac{10}{2}\right)^2 = 25 \quad \therefore a = 50$$

따라서  $x^2 - 10x + 25 = 0$ 이므로  $(x-5)^2 = 0 \quad \therefore x = 5$

$$\therefore b = 5$$

$$\therefore a - 3b = 50 - 3 \times 5 = 35$$

23  $4x^2 - mx + 16 = 0, \text{ 즉 } x^2 - \frac{m}{4}x + 4 = 0$ 이 중근을 가지므로

$$4 = \left(-\frac{m}{4} \times \frac{1}{2}\right)^2, m^2 = 256 \quad \therefore m = \pm 16$$

(i)  $m = 16$ 일 때,

$$4x^2 - 16x + 16 = 0, x^2 - 4x + 4 = 0$$

$$(x-2)^2 = 0 \quad \therefore x = 2$$

(ii)  $m = -16$ 일 때,

$$4x^2 + 16x + 16 = 0, x^2 + 4x + 4 = 0$$

$$(x+2)^2 = 0 \quad \therefore x = -2$$

(i), (ii)에 의해 양수인 중근을 갖도록 하는  $m$ 의 값은 16이다.

24 모든 경우의 수는  $6 \times 6 = 36$

$$x^2 + ax + b = 0$$
이 중근을 가지려면

$$b = \left(\frac{a}{2}\right)^2 = \frac{a^2}{4} \quad \therefore a^2 = 4b$$

따라서  $a^2 = 4b$ 를 만족시키는  $a, b$ 의 순서쌍 ( $a, b$ )는

(2, 1), (4, 4)의 2가지이므로 구하는 확률은

$$\frac{2}{36} = \frac{1}{18}$$

25  $2x^2 - 15x + a = 0$ 에서  $x = 4$ 를 대입하면

$$2 \times 4^2 - 15 \times 4 + a = 0$$

$$-28 + a = 0 \quad \therefore a = 28$$

$$x^2 - bx - 24 = 0$$
에서  $x = 4$ 를 대입하면

$$4^2 - b \times 4 - 24 = 0$$

$$-8 - 4b = 0 \quad \therefore b = -2$$

$$\therefore a + b = 28 + (-2) = 26$$

26  $x^2 - 3x - 4 = 0$ 에서  $(x+1)(x-4) = 0$

$$\therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 4$$

$$2x^2 - 3x - 20 = 0$$
에서  $(2x+5)(x-4) = 0$

$$\therefore x = -\frac{5}{2} \text{ 또는 } x = 4$$

따라서 공통인 근이  $x=4$ 므로  $3x^2 + ax + 4 = 0$ 에 대입하면

$$3 \times 4^2 + a \times 4 + 4 = 0$$

$$52 + 4a = 0 \quad \therefore a = -13$$

27 ①단계  $x^2 + 6x + k = 0$ 의 중근을 가지므로

$$k = \left(\frac{6}{2}\right)^2 = 9$$

②단계  $x^2 + (1-k)x + 15 = 0$ 에서  $x^2 - 8x + 15 = 0$

$$(x-3)(x-5) = 0 \quad \therefore x = 3 \text{ 또는 } x = 5$$

$$2x^2 - (2k-9)x - 5 = 0$$
에서  $2x^2 - 9x - 5 = 0$

$$(2x+1)(x-5) = 0 \quad \therefore x = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } x = 5$$

③단계 따라서 두 이차방정식의 공통인 근은  $x=5$ 이다.

채점 기준		
1단계	$k$ 의 값 구하기	… 30%
2단계	두 이차방정식 풀기	… 60%
3단계	공통인 근 구하기	… 10%

P. 102~106

### 핵심 유형 개념 익히기

1 ③    2 ①    3 22

4  $A = \frac{9}{10}$ ,  $B = \frac{9}{10}$ ,  $C = 21$ ,  $D = -9$     5 7

6 ④    7  $a=3$ ,  $b=33$     8 ⑤    9 ④

### 핵심 유형 문제

10 ④    11 11    12 ④    13 3    14 -9

15  $x = 2 \pm \frac{\sqrt{14}}{2}$     16 ⑤

17 ⑦)  $x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{c}{a} = 0$     ⑧)  $x^2 + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a}$

$$\text{⑨) } x^2 + \frac{b}{a}x + \left(\frac{b}{2a}\right)^2 = -\frac{c}{a} + \left(\frac{b}{2a}\right)^2$$

$$\text{⑩) } \left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 = -\frac{c}{a} + \frac{b^2}{4a^2}$$

18 ①    19 5    20 ④    21 ④    22 ③

23 (1)  $x = 3 \pm \sqrt{13}$  (2)  $x = -2$  또는  $x = 7$     24 -2

25 7    26 ③    27 -10    28 ③    29 ①

1  $6(x+a)^2 = 18$ 에서  $(x+a)^2 = 3$

$$x+a = \pm\sqrt{3} \quad \therefore x = -a \pm \sqrt{3}$$

따라서  $-a \pm \sqrt{3} = 2 \pm \sqrt{b}$ 으로  $-a=2$ ,  $3=b$

즉,  $a=-2$ ,  $b=3$ 으로  $a+b=-2+3=1$

2  $2(x-3)^2 = k-4$ 에서  $(x-3)^2 = \frac{k-4}{2}$

이 이차방정식이 서로 다른 두 근을 가지려면

$$\frac{k-4}{2} > 0 \quad \therefore k > 4$$

따라서 정수  $k$ 의 값이 될 수 없는 것은 ④ 4이다.

3  $x^2 + x - 5 = 0$ 에서  $x^2 + x = 5$

$$x^2 + x + \frac{1}{4} = 5 + \frac{1}{4} \quad \therefore \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{21}{4}$$

따라서  $p = \frac{1}{2}$ ,  $q = \frac{21}{4}$ 으로

$$2p + 4q = 2 \times \frac{1}{2} + 4 \times \frac{21}{4} = 1 + 21 = 22$$

4  $5x^2 + 9x + 3 = 0$ 에서

$$x^2 + \frac{9}{5}x + \frac{3}{5} = 0, x^2 + \frac{9}{5}x = -\frac{3}{5}$$

$$x^2 + \frac{9}{5}x + \left(\frac{9}{10}\right)^2 = -\frac{3}{5} + \left(\frac{9}{10}\right)^2$$

$$\left(x + \frac{9}{10}\right)^2 = -\frac{60}{100} + \frac{81}{100} = \frac{21}{100}$$

$$x + \frac{9}{10} = \pm \frac{\sqrt{21}}{10}$$

$$\therefore x = \frac{-9 \pm \sqrt{21}}{10}$$

따라서  $A = \frac{9}{10}$ ,  $B = \frac{9}{10}$ ,  $C = 21$ ,  $D = -9$ 이다.

5  $x^2 - 6x + a = 0$ 에서  $x^2 - 6x = -a$

$$x^2 - 6x + 9 = -a + 9, (x-3)^2 = -a + 9$$

$$x-3 = \pm \sqrt{-a+9} \quad \therefore x = 3 \pm \sqrt{-a+9}$$

따라서  $-a+9=2$ 으로  $a=7$

6  $x = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 9 \times (-1)}}{9}$

$$= \frac{3 \pm \sqrt{18}}{9} = \frac{1 \pm \sqrt{2}}{3}$$

$$\text{이때 } p > q \text{으로 } p = \frac{1+\sqrt{2}}{3}, q = \frac{1-\sqrt{2}}{3}$$

$$\therefore p-q = \frac{1+\sqrt{2}}{3} - \frac{1-\sqrt{2}}{3} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

7  $x = \frac{-(-a) \pm \sqrt{(-a)^2 - 4 \times 2 \times (-3)}}{2 \times 2} = \frac{a \pm \sqrt{a^2 + 24}}{4}$

$$\text{따라서 } \frac{a \pm \sqrt{a^2 + 24}}{4} = \frac{3 \pm \sqrt{b}}{4} \text{으로}$$

$$a=3, b=a^2+24=3^2+24=33$$

8  $\frac{1}{5}x^2 - 0.4x - \frac{1}{3} = 0$ 의 양변에 15를 곱하면

$$3x^2 - 6x - 5 = 0$$

$$\therefore x = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 3 \times (-5)}}{3} \\ = \frac{3 \pm \sqrt{24}}{3} = \frac{3 \pm 2\sqrt{6}}{3}$$

따라서  $A=3$ ,  $B=6$ 이므로  $AB=3 \times 6=18$

- 9**  $x-2=A$ 로 놓으면  $A^2-2A-24=0$   
 $(A+4)(A-6)=0 \quad \therefore A=-4$  또는  $A=6$   
 즉,  $x-2=-4$  또는  $x-2=6$   
 $\therefore x=-2$  또는  $x=8$

- 10**  $3x^2-24=0$ 에서  $3x^2=24$   
 $x^2=8 \quad \therefore x=\pm\sqrt{8}=\pm 2\sqrt{2}$

- 11**  $(x-A)^2=B$ 에서  
 $x-A=\pm\sqrt{B} \quad \therefore x=A\pm\sqrt{B}$   
 따라서  $A=-2$ ,  $B=13$ 이므로  
 $A+B=-2+13=11$

- 12** ↗  $a=-3$ 일 때,  $(2x-3)^2=8$ 이므로 서로 다른 두 근을 갖는다.  
 ↘  $a=5$ 일 때,  $(2x-3)^2=0$ 이므로 중근을 갖는다.  
 ↛  $a=1$ 일 때,  $(2x-3)^2=4$ ,  $2x-3=\pm 2$   
 $2x=1$  또는  $2x=5$   
 $\therefore x=\frac{1}{2}$  또는  $x=\frac{5}{2}$   
 따라서 옳은 것은 ↗, ↛이다.

- 13**  $(x+5)^2=3k$ 에서  $x+5=\pm\sqrt{3k} \quad \therefore x=-5\pm\sqrt{3k}$   
 이때 해가 모두 정수가 되려면  $\sqrt{3k}$ 가 정수이어야 한다.  
 즉,  $3k$ 는 0이거나 (자연수)<sup>2</sup> 꼴인 수이어야 하므로  
 $3k=0, 1, 4, 9, \dots \quad \therefore k=0, \frac{1}{3}, \frac{4}{3}, 3, \dots$   
 따라서 가장 작은 자연수  $k$ 의 값은 3이다.

- 14**  $(x-1)(x-3)=6$ 에서  $x^2-4x+3=6$ ,  $x^2-4x=3$   
 $x^2-4x+4=3+4 \quad \therefore (x-2)^2=7$   
 따라서  $a=-2$ ,  $b=7$ 이므로  
 $a-b=-2-7=-9$

- 15** (1단계)  $2x^2-8x+1=0$ 에서  
 $x^2-4x+\frac{1}{2}=0$ ,  $x^2-4x=-\frac{1}{2}$   
 $x^2-4x+4=-\frac{1}{2}+4$ ,  $(x-2)^2=\frac{7}{2}$   
 (2단계)  $x-2=\pm\sqrt{\frac{7}{2}}=\pm\frac{\sqrt{14}}{2}$   
 $\therefore x=2\pm\frac{\sqrt{14}}{2}$

채점 기준		
1단계	이차방정식을 완전제곱식 꼴로 나타내기	… 50%
2단계	이차방정식 풀기	… 50%

- 16**  $3x^2-10x+a=0$ 에서  
 $3x^2-10x=-a$ ,  $x^2-\frac{10}{3}x=-\frac{a}{3}$   
 $x^2-\frac{10}{3}x+\frac{25}{9}=-\frac{a}{3}+\frac{25}{9}$ ,  $\left(x-\frac{5}{3}\right)^2=\frac{25-3a}{9}$   
 $x-\frac{5}{3}=\pm\frac{\sqrt{25-3a}}{3} \quad \therefore x=\frac{5\pm\sqrt{25-3a}}{3}$   
 따라서  $\frac{5\pm\sqrt{25-3a}}{3}=\frac{b\pm\sqrt{13}}{3}$ 이므로  
 $5=b$ ,  $25-3a=13 \quad \therefore a=4$ ,  $b=5$   
 $\therefore a+b=4+5=9$

- 18**  $x=\frac{-3\pm\sqrt{3^2-4\times 1\times 1}}{2\times 1}=\frac{-3\pm\sqrt{5}}{2}$   
 따라서  $A=-3$ ,  $B=5$ 이므로  
 $A-B=-3-5=-8$

- 19**  $x=-(-3)\pm\sqrt{(-3)^2-1\times 2}=3\pm\sqrt{7}$   
 이때  $2<\sqrt{7}<3$ 이므로  $5<3+\sqrt{7}<6$   
 $-3<-\sqrt{7}<-2$ 이므로  $0<3-\sqrt{7}<1$   
 따라서 두 근 사이에 있는 정수는 1, 2, 3, 4, 5의 5개이다.

- 20**  $x=\frac{-(-7)\pm\sqrt{(-7)^2-4\times a\times (-3)}}{2a}=\frac{7\pm\sqrt{49+12a}}{2a}$   
 따라서  $\frac{7\pm\sqrt{49+12a}}{2a}=\frac{7\pm\sqrt{b}}{4}$ 이므로  
 $2a=4$ ,  $49+12a=b \quad \therefore a=2$ ,  $b=49+12\times 2=73$   
 $\therefore a+b=2+73=75$

- 21**  $x^2+2x-k=0$ 이 중근을 가지므로  
 $-k=\left(\frac{2}{2}\right)^2=1 \quad \therefore k=-1$   
 $(1-k)x^2-4x+1=0$ 에서  $2x^2-4x+1=0$   
 $\therefore x=\frac{-(-2)\pm\sqrt{(-2)^2-2\times 1}}{2}=\frac{2\pm\sqrt{2}}{2}$

- 22**  $y=ax-5$ 이  $x=2a+3$ ,  $y=a-2$ 를 대입하면  
 $a-2=a(2a+3)-5$ ,  $2a^2+2a-3=0$   
 $\therefore a=\frac{-1\pm\sqrt{1^2-2\times (-3)}}{2}=\frac{-1\pm\sqrt{7}}{2}$   
 따라서 모든 상수  $a$ 의 값의 합은  
 $\frac{-1+\sqrt{7}}{2}+\frac{-1-\sqrt{7}}{2}=-1$

- 23** (1)  $(x-2)^2=2(x+4)$ 에서  
 $x^2-4x+4=2x+8$ ,  $x^2-6x-4=0$   
 $\therefore x=3\pm\sqrt{13}$   
 (2)  $(x-3)(2x+1)-x^2=11$ 에서  
 $2x^2-5x-3-x^2=11$ ,  $x^2-5x-14=0$   
 $(x+2)(x-7)=0$   
 $\therefore x=-2$  또는  $x=7$

24  $x^2 + 0.3x - 0.1 = 0$ 의 양변에 10을 곱하면

$$10x^2 + 3x - 1 = 0, (2x+1)(5x-1) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } x = \frac{1}{5}$$

이때  $\alpha < \beta$ 이므로  $\alpha = -\frac{1}{2}, \beta = \frac{1}{5}$

$$\therefore 2\alpha - 5\beta = 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right) - 5 \times \frac{1}{5} = -2$$

25  $\frac{x(x-3)}{4} = \frac{x^2-4}{6}$ 의 양변에 12를 곱하면

$$3x(x-3) = 2(x^2-4)$$

$$3x^2 - 9x = 2x^2 - 8, x^2 - 9x + 8 = 0$$

$$(x-1)(x-8) = 0 \quad \therefore x=1 \text{ 또는 } x=8$$

따라서 두 근의 차는

$$8-1=7$$

26  $\frac{1}{2}x^2 - 2x + \frac{1}{3} = 0$ 의 양변에 6을 곱하면

$$3x^2 - 12x + 2 = 0 \quad \therefore x = \frac{6 \pm \sqrt{30}}{3}$$

이때  $5 < \sqrt{30} < 6$ 이므로  $\frac{11}{3} < \frac{6+\sqrt{30}}{3} < 4$

$$-6 < -\sqrt{30} < -5 \text{이므로 } 0 < \frac{6-\sqrt{30}}{3} < \frac{1}{3}$$

따라서 두 근 사이에 있는 정수는 1, 2, 3의 3개이다.

27 ①단계  $2x - \frac{x^2-1}{3} = 0.5(x-1)$ 의 양변에 6을 곱하면

$$12x - 2(x^2-1) = 3(x-1)$$

$$12x - 2x^2 + 2 = 3x - 3, 2x^2 - 9x - 5 = 0$$

$$(2x+1)(x-5) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } x = 5$$

②단계 이때 정수인 근은  $x=5$

③단계 따라서  $x^2 - 3x + k = 0$ 에  $x=5$ 를 대입하면

$$5^2 - 3 \times 5 + k = 0$$

$$10 + k = 0 \quad \therefore k = -10$$

#### 채점 기준

1단계	이차방정식 풀기	… 60%
2단계	정수인 근 구하기	… 10%
3단계	$k$ 의 값 구하기	… 30%

28  $2x+1=A$ 로 놓으면  $0.5A^2 - \frac{2}{5}A = 0.1$

양변에 10을 곱하면  $5A^2 - 4A = 1$

$$5A^2 - 4A - 1 = 0, (5A+1)(A-1) = 0$$

$$\therefore A = -\frac{1}{5} \text{ 또는 } A = 1$$

즉,  $2x+1 = -\frac{1}{5}$  또는  $2x+1 = 1$

$$\therefore x = -\frac{3}{5} \text{ 또는 } x = 0$$

따라서 음수인 해는  $x = -\frac{3}{5}$ 이다.

29  $2x-y=A$ 로 놓으면  $A(A+4)=5$

$$A^2 + 4A - 5 = 0, (A+5)(A-1) = 0$$

$$\therefore A = -5 \text{ 또는 } A = 1$$

즉,  $2x-y = -5$  또는  $2x-y = 1$

이때  $2x < y$ 에서  $2x-y < 0$ 이므로

$$2x-y = -5$$

## 03 이차방정식의 활용

P. 107~110

◀▶ 다시 개념 익히기

1 ② 2 ② 3 ⑤ 4 ④

5  $x=-5$  또는  $x=8$

◀▶ 문제

6 ④ 7 -2 8 -12 9  $2x^2 - 3x - 5 = 0$

10 ⑤ 11 ④ 12 ② 13 ④ 14 13

15  $x=-3$  또는  $x=2$  16  $x=1$  또는  $x=3$

17 6 18 7, 19 2 20 ③ 21 10

22 ⑤ 23 ①

1 두 근이 -4, 2이고  $x^2$ 의 계수가 2인 이차방정식은

$$2(x+4)(x-2) = 0, 2(x^2+2x-8) = 0$$

$$\therefore 2x^2 + 4x - 16 = 0$$

따라서  $a=4, b=-16$ 이므로

$$a+b=4+(-16)=-12$$

2 두 근이 -1, 5이고  $x^2$ 의 계수가 1인 이차방정식은

$$(x+1)(x-5) = 0 \quad \therefore x^2 - 4x - 5 = 0$$

$$\therefore a=-4, b=5$$

따라서 이차방정식  $x^2 + 5x + 4 = 0$ 에서

$$(x+4)(x+1) = 0$$

$$\therefore x = -4 \text{ 또는 } x = -1$$

3 ①  $x^2 = 4$ 에서  $x^2 - 4 = 0$ 이므로

$$0^2 - 4 \times 1 \times (-4) = 16 > 0 \Leftrightarrow \text{서로 다른 두 근}$$

$$② (-5)^2 - 4 \times 1 \times (-3) = 37 > 0 \Leftrightarrow \text{서로 다른 두 근}$$

$$③ x(x-6) = 9 \text{에서 } x^2 - 6x - 9 = 0 \text{이므로}$$

$$(-3)^2 - 1 \times (-9) = 18 > 0 \Leftrightarrow \text{서로 다른 두 근}$$

$$④ (-6)^2 - 1 \times 0 = 36 > 0 \Leftrightarrow \text{서로 다른 두 근}$$

$$⑤ 4^2 - 1 \times 17 = -1 < 0 \Leftrightarrow \text{근이 없다.}$$

따라서 근의 개수가 나머지 넷과 다른 하나는 ⑤이다.

4  $2x^2 - 4x + 3k - 1 = 0$  서로 다른 두 근을 가지므로  
 $(-2)^2 - 2 \times (3k - 1) > 0, 6 - 6k > 0$   
 $-6k > -6 \quad \therefore k < 1$

5 미래는  $-2, 5$ 를 해로 얻었으므로 미래가 푼 이차방정식은  
 $(x+2)(x-5)=0 \quad \therefore x^2 - 3x - 10 = 0$   
 이때 미래는 일차항의 계수를 바르게 보았으므로 처음 이차방정식의  $x$ 의 계수는  $-3$ 이다.

$$\begin{aligned} \therefore a &= -3 \\ \text{준호는 } -8, 5 \text{를 해로 얻었으므로 준호가 푼 이차방정식은} \\ (x+8)(x-5) &= 0 \quad \therefore x^2 + 3x - 40 = 0 \\ \text{이때 준호는 상수항을 바르게 보았으므로 처음 이차방정식의 상수항은 } -40 \text{이다.} \\ \therefore b &= -40 \\ \text{따라서 처음 이차방정식은 } x^2 - 3x - 40 &= 0 \text{으로} \\ (x+5)(x-8) &= 0 \\ \therefore x &= -5 \text{ 또는 } x = 8 \end{aligned}$$

6 두 근이  $-\frac{1}{2}, \frac{1}{3}$ 이고  $x^2$ 의 계수가 6인 이차방정식은  
 $6\left(x+\frac{1}{2}\right)\left(x-\frac{1}{3}\right)=0, 6\left(x^2+\frac{1}{6}x-\frac{1}{6}\right)=0$   
 $\therefore 6x^2+x-1=0$

7 1단계 두 근이  $\frac{1}{5}, -\frac{1}{2}$ 이고  $x^2$ 의 계수가 10인 이차방정식은  
 $10\left(x-\frac{1}{5}\right)\left(x+\frac{1}{2}\right)=0, 10\left(x^2+\frac{3}{10}x-\frac{1}{10}\right)=0$   
 $\therefore 10x^2+3x-1=0$   
2단계 따라서  $-a=3, -b=-1$ 으로  
 $a=-3, b=1$   
3단계  $\therefore a+b=-3+1=-2$

채점 기준		
1단계	이차방정식 구하기	… 60%
2단계	$a, b$ 의 값 각각 구하기	… 20%
3단계	$a+b$ 의 값 구하기	… 20%

8 중근이 1이고  $x^2$ 의 계수가 4인 이차방정식은  
 $4(x-1)^2=0 \quad \therefore 4x^2 - 8x + 4 = 0$   
 따라서  $p=-8, q=4$ 으로  
 $p-q=-8-4=-12$

9  $2x^2+x-6=0$ 에서  $(x+2)(2x-3)=0$   
 $\therefore x=-2$  또는  $x=\frac{3}{2}$   
 따라서  $-2+1=-1, \frac{3}{2}+1=\frac{5}{2}$ 를 두 근으로 하고  $x^2$ 의 계수가 2인 이차방정식은  
 $2(x+1)\left(x-\frac{5}{2}\right)=0, 2\left(x^2-\frac{3}{2}x-\frac{5}{2}\right)=0$   
 $\therefore 2x^2-3x-5=0$

10 두 근이  $-2, 3$ 이고  $x^2$ 의 계수가 1인 이차방정식은  
 $(x+2)(x-3)=0, x^2-x-6=0$   
 $\therefore a=-1, b=6$

따라서 이차방정식  $6x^2-x-5=0$ 에서  
 $(6x+5)(x-1)=0 \quad \therefore x=-\frac{5}{6}$  또는  $x=1$   
 따라서 두 근의 차는  $1 - \left(-\frac{5}{6}\right) = \frac{11}{6}$

11  $9x^2-6x+k=0$ , 즉  $x^2-\frac{2}{3}x+\frac{k}{9}=0$  중근을 가지므로  
 $\frac{k}{9}=\left(-\frac{1}{3}\right)^2=\frac{1}{9} \quad \therefore k=1$   
 따라서 1, 1+2=3을 두 근으로 하고  $x^2$ 의 계수가 1인 이차방정식은  
 $(x-1)(x-3)=0 \quad \therefore x^2-4x+3=0$

12 두 근을  $\alpha, \alpha+5$ 라고 하면  $x^2$ 의 계수가 1이므로  
 $(x-\alpha)(x-(\alpha+5))=0$   
 $\therefore x^2-(2\alpha+5)x+\alpha(\alpha+5)=0$   
 이때  $2\alpha+5=3$ 으로  $\alpha=-1$   
 $\therefore m=\alpha(\alpha+5)=-1 \times (-1+5)=-4$

13 두 근을  $k, 3k$  ( $k \neq 0$ )라고 하면  
 $3k-k=4 \quad \therefore k=2$   
 따라서 주어진 이차방정식의 두 근은 2, 6이므로  
 $\frac{1}{2}(x-2)(x-6)=0, \frac{1}{2}(x^2-8x+12)=0$   
 $\therefore \frac{1}{2}x^2-4x+6=0$   
 따라서  $a=-4, b=6$ 으로  
 $a+b=-4+6=2$

14 두 근을  $k, 4k$  ( $k \neq 0$ )라고 하면  
 $(x-k)(x-4k)=0 \quad \therefore x^2-5kx+4k^2=0$   
 이때  $4k^2=4a$ 므로  $k^2=a$   
 또  $5k=a+6$ 므로  $a=k^2$ 를 대입하면  
 $5k=k^2+6, k^2-5k+6=0$   
 $(k-2)(k-3)=0 \quad \therefore k=2$  또는  $k=3$   
 따라서  $a=2^2=4$  또는  $a=3^2=9$ 으로  
 모든 상수  $a$ 의 값의 합은  $4+9=13$

15 은수는  $-1, 6$ 을 해로 얻었으므로 은수가 푼 이차방정식은  
 $(x+1)(x-6)=0 \quad \therefore x^2-5x-6=0$   
 이때 은수는 상수항을 바르게 보았으므로 처음 이차방정식의 상수항은  $-6$ 이다.  
 선희는  $-4, 3$ 을 해로 얻었으므로 선희가 푼 이차방정식은  
 $(x+4)(x-3)=0 \quad \therefore x^2+x-12=0$   
 이때 선희는  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로 처음 이차방정식의  $x$ 의 계수는 1이다.  
 따라서 처음 이차방정식은  $x^2+x-6=0$ 으로  
 $(x+3)(x-2)=0 \quad \therefore x=-3$  또는  $x=2$

- 16 ① 단계  $x^2 + Ax + B = 0$ 의  $x$ 의 계수와 상수항을 서로 바꾸면

$$x^2 + Bx + A = 0$$

이 이차방정식의 해가  $x = -4$  또는  $x = 1$ 이므로

$$(x+4)(x-1) = 0, x^2 + 3x - 4 = 0$$

$$\therefore B = 3, A = -4$$

② 단계 따라서 처음 이차방정식은  $x^2 - 4x + 3 = 0$

$$③ 단계 (x-1)(x-3) = 0$$

$$\therefore x = 1 \text{ 또는 } x = 3$$

채점 기준		
1단계	$A, B$ 의 값 각각 구하기	… 50%
2단계	처음 이차방정식 구하기	… 20%
3단계	처음 이차방정식의 해 구하기	… 30%

- 17 지우는  $-1, 2$ 를 해로 얻었으므로 지우가 푼 이차방정식은  $(x+1)(x-2) = 0 \quad \therefore x^2 - x - 2 = 0$

이때 지우는 상수항을 바르게 보았으므로 처음 이차방정식의 상수항은  $-2$ 이다.

$$\therefore b = -2$$

예나는  $-2 \pm \sqrt{3}$ 을 해로 얻었으므로 예나가 푼 이차방정식은  $\{x - (-2 + \sqrt{3})\} \{x - (-2 - \sqrt{3})\} = 0$

$$\therefore x^2 + 4x + 1 = 0$$

이때 예나는  $x$ 의 계수를 바르게 보았으므로 처음 이차방정식의  $x$ 의 계수는  $4$ 이다.

$$\therefore a = 4$$

$$\therefore a - b = 4 - (-2) = 6$$

- 18  $\neg. 0^2 - 4 \times 9 \times (-2) = 72 > 0 \Rightarrow$  서로 다른 두 근

$$\neg. 3^2 - 4 \times 2 \times (-1) = 17 > 0 \Rightarrow$$
 서로 다른 두 근

$$\neg. (-5)^2 - 1 \times 25 = 0 \Rightarrow$$
 중근

$$\neg. (-5)^2 - 4 \times 1 \times 8 = -7 < 0 \Rightarrow$$
 근이 없다.

따라서 서로 다른 두 근을 갖는 것은  $\neg, \neg$ 이다.

- 19  $3x^2 + 5x = 1$ 에서  $3x^2 + 5x - 1 = 0$ 이므로

$$5^2 - 4 \times 3 \times (-1) = 37 > 0$$

따라서 서로 다른 두 근을 가지므로  $a = 2$

$$2x^2 - x = 3(x-7)$$
에서  $2x^2 - 4x + 21 = 0$ 이므로

$$(-2)^2 - 2 \times 21 = -38 < 0$$

따라서 근이 없으므로  $b = 0$

$$\therefore a + b = 2 + 0 = 2$$

- 20  $\neg. 2x^2 - 8x + 8 = 0$ 에서  $x^2 - 4x + 4 = 0$ 이므로

$$(-2)^2 - 1 \times 4 = 0 \Rightarrow$$
 중근

$$\neg. 2x^2 - 8x + 4 = 0$$
에서  $x^2 - 4x + 2 = 0$ 이므로

$$(-2)^2 - 1 \times 2 = 2 > 0 \Rightarrow$$
 서로 다른 두 근

$$\neg. 2x^2 - 8x + m = 0$$
에서  $m < 0$ 이면

$$(-4)^2 - 2 \times m = 16 - 2m > 0 \Rightarrow$$
 서로 다른 두 근

따라서 옳은 것은  $\neg, \neg$ 이다.

- 21  $x^2 + 8x + 2k - 4 = 0$ 의 해를 가지려면

$$4^2 - 1 \times (2k - 4) \geq 0$$

$$20 - 2k \geq 0, -2k \geq -20$$

$$\therefore k \leq 10$$

따라서 가장 큰 정수  $k$ 의 값은  $10$ 이다.

- 22  $x^2 + (2k-1)x + k^2 + 3 = 0$ 의 해가 없으므로

$$(2k-1)^2 - 4 \times 1 \times (k^2 + 3) < 0$$

$$4k^2 - 4k + 1 - 4k^2 - 12 < 0$$

$$-4k - 11 < 0, -4k < 11$$

$$\therefore k > -\frac{11}{4}$$

따라서  $k$ 의 값이 될 수 있는 것은 ⑤  $-\frac{5}{2}$ 이다.

- 23  $9x^2 + 12x + 2k - 5 = 0$ 이 중근을 가지므로

$$6^2 - 9 \times (2k - 5) = 0, 18k = 81 \quad \therefore k = \frac{9}{2}$$

따라서  $9x^2 + 12x + 4 = 0$ 이므로

$$(3x+2)^2 = 0 \quad \therefore x = -\frac{2}{3}$$

$$\text{즉, } p = -\frac{2}{3} \text{이므로}$$

$$kp = \frac{9}{2} \times \left(-\frac{2}{3}\right) = -3$$

다른 풀이

$$9x^2 + 12x + 2k - 5 = 0 \text{에서 } x^2 + \frac{4}{3}x + \frac{2k-5}{9} = 0$$

이 이차방정식이 중근을 가지므로

$$\frac{2k-5}{9} = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}, 2k - 5 = 4 \quad \therefore k = \frac{9}{2}$$

P. 111~116

쪽지 대시 개념 익히기

1 5      2 ④      3 11살      4 ①      5 8

6 25 cm<sup>2</sup>

핵심 유형 문제

7 ③      8 12명      9 (1)  $(n^2 + 2n)$ 개    (2) 9단계

10 8, 11    11 ④    12 67    13 5, 6    14 32

15 ⑤    16 25명    17 ③    18 5월 8일

19 ②    20 1초 후    21 ④    22 달, 10.5초

23 7 cm    24 5 cm    25 12 m    26  $(-10 + 5\sqrt{6})$  cm

27  $(5 - \sqrt{7})$  cm    28  $(-5 + 5\sqrt{5})$  cm    29 6 m

30 ⑤    31 10초 후    32 6 cm    33  $-1 + \sqrt{5}$

34 ③    35 ④    36 12 cm    37 ②

1 어떤 자연수를  $x$ 라고 하면

$$x^2 = 3x + 10, x^2 - 3x - 10 = 0$$

$$(x+2)(x-5) = 0 \quad \therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 5$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x = 5$

따라서 어떤 자연수는 5이다.

2 연속하는 세 자연수를  $x-1, x, x+1$ 이라고 하면

$$(x+1)^2 = (x-1)^2 + x^2 - 12, x^2 - 4x - 12 = 0$$

$$(x+2)(x-6) = 0 \quad \therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 6$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x = 6$

따라서 연속하는 세 자연수는 5, 6, 7이므로 그 합은  $5+6+7=18$

3 누나의 나이를  $x$ 살이라고 하면 동생의 나이는  $(x-3)$ 살이므로

$$x^2 = 2(x-3)^2 - 7, x^2 - 12x + 11 = 0$$

$$(x-1)(x-11) = 0 \quad \therefore x = 1 \text{ 또는 } x = 11$$

이때  $x > 3$ 이므로  $x = 11$

따라서 누나의 나이는 11살이다.

4  $25t - 5t^2 = 20$ 에서  $5t^2 - 25t + 20 = 0$

$$t^2 - 5t + 4 = 0, (t-1)(t-4) = 0 \quad \therefore t = 1 \text{ 또는 } t = 4$$

따라서 물체의 높이가 20m가 되는 것은 쏘아 올린 지 1초 후 또는 4초 후이다.

5 피타고라스 정리에 의해

$$a^2 + (a-4)^2 = \left(\frac{\sqrt{5}}{2}a\right)^2, 2a^2 - 8a + 16 = \frac{5}{4}a^2$$

$$\frac{3}{4}a^2 - 8a + 16 = 0, 3a^2 - 32a + 64 = 0$$

$$(3a-8)(a-8) = 0 \quad \therefore a = \frac{8}{3} \text{ 또는 } a = 8$$

이때  $a > 0, a-4 > 0$ , 즉  $a > 4$ 이므로  $a = 8$

6 큰 정사각형의 한 변의 길이를  $x$ cm라고 하면 작은 정사각형의 한 변의 길이는  $(8-x)$ cm이므로

$$(8-x)^2 + x^2 = 34, 2x^2 - 16x + 30 = 0$$

$$x^2 - 8x + 15 = 0, (x-3)(x-5) = 0$$

$$\therefore x = 3 \text{ 또는 } x = 5$$

이때  $4 < x < 8$ 이므로  $x = 5$

따라서 큰 정사각형의 넓이는  $5 \times 5 = 25(\text{cm}^2)$

7  $\frac{n(n-3)}{2} = 27$ 에서  $n^2 - 3n - 54 = 0$

$$(n+6)(n-9) = 0 \quad \therefore n = -6 \text{ 또는 } n = 9$$

이때  $n$ 은 자연수이므로  $n = 9$

따라서 구하는 다각형은 구각형이다.

8 국제회의에 참석한 대표가  $n$ 명이라고 하면

$$\frac{n(n-1)}{2} = 66, n^2 - n - 132 = 0$$

$$(n+11)(n-12) = 0 \quad \therefore n = -11 \text{ 또는 } n = 12$$

이때  $n$ 은 자연수이므로  $n = 12$

따라서 국제회의에 참석한 대표는 모두 12명이다.

9 (1) 각 단계에서 사용된 바둑돌은

1단계:  $(1 \times 3)$ 개, 2단계:  $(2 \times 4)$ 개, 3단계:  $(3 \times 5)$ 개,

4단계:  $(4 \times 6)$ 개, ...

이므로  $n$ 단계에서 사용한 바둑돌은  $n(n+2)$ 개, 즉  $(n^2+2n)$ 개이다.

$$(2) n^2 + 2n = 99 \text{에서 } n^2 + 2n - 99 = 0$$

$$(n+11)(n-9) = 0 \quad \therefore n = -11 \text{ 또는 } n = 9$$

이때  $n$ 은 자연수이므로  $n = 9$

따라서 99개의 바둑돌로 만든 직사각형 모양은 9단계이다.

10 두 자연수 중 작은 수를  $x$ 라고 하면 큰 수는  $x+3$ 이므로

$$x^2 + (x+3)^2 = 185, 2x^2 + 6x - 176 = 0$$

$$x^2 + 3x - 88 = 0, (x+11)(x-8) = 0$$

$$\therefore x = -11 \text{ 또는 } x = 8$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x = 8$

따라서 두 자연수는 8, 11이다.

11 어떤 자연수를  $x$ 라고 하면 어떤 자연수보다 4만큼 더 작은 수는  $x-4$ 이므로

$$x(x-4) = 32, x^2 - 4x - 32 = 0$$

$$(x+4)(x-8) = 0 \quad \therefore x = -4 \text{ 또는 } x = 8$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x = 8$

따라서 처음에 구하려고 했던 두 수의 곱은

$$8 \times (8+4) = 96$$

12 (1단계) 십의 자리의 숫자를  $x$ 라고 하면 일의 자리의 숫자는  $13-x$ 이므로

$$x(13-x) = \{10x + (13-x)\} - 25$$

$$-x^2 + 13x = 9x - 12, x^2 - 4x - 12 = 0$$

$$(x+2)(x-6) = 0 \quad \therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 6$$

(3단계) 이때  $x$ 는 자연수이므로  $x = 6$

따라서 십의 자리의 숫자는 6, 일의 자리의 숫자는  $13-6=7$ 이므로 구하는 자연수는 67이다.

채점 기준		
1단계	이차방정식 세우기	… 30 %
2단계	이차방정식 풀기	… 40 %
3단계	두 자리의 자연수 구하기	… 30 %

13 연속하는 두 자연수를  $x, x+1$ 이라고 하면

$$x^2 + (x+1)^2 = 61, 2x^2 + 2x - 60 = 0$$

$$x^2 + x - 30 = 0, (x+6)(x-5) = 0$$

$$\therefore x = -6 \text{ 또는 } x = 5$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x = 5$

따라서 연속하는 두 자연수는 5, 6이다.

- 14** 연속하는 두 홀수를  $x, x+2$ 라고 하면

$$x(x+2)=255, x^2+2x-255=0$$

$$(x+17)(x-15)=0 \quad \therefore x=-17 \text{ 또는 } x=15$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=15$

따라서 연속하는 두 홀수는 15, 17이므로 그 합은  
 $15+17=32$

**다른 풀이**

연속하는 두 홀수를  $2x-1, 2x+1$ 이라고 하면

$$(2x-1)(2x+1)=255, 4x^2=256$$

$$x^2=64 \quad \therefore x=\pm 8$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=8$

따라서 연속하는 두 홀수는 15, 17이므로 그 합은  
 $15+17=32$

- 15** 연속하는 세 자연수를  $x-1, x, x+1 (x>1)$ 이라고 하면

$$(x+1)^2=(x-1)^2+x^2-32$$

$$x^2+2x+1=2x^2-2x-31, x^2-4x-32=0$$

$$(x+4)(x-8)=0 \quad \therefore x=-4 \text{ 또는 } x=8$$

이때  $x>1$ 이므로  $x=8$

따라서 세 자연수는 7, 8, 9이므로 가장 큰 수는 9이다.

- 16** 학생이  $x$ 명이라고 하면 한 학생이 받는 젤리는  $(x-15)$ 개 이므로

$$x(x-15)=250, x^2-15x-250=0$$

$$(x+10)(x-25)=0 \quad \therefore x=-10 \text{ 또는 } x=25$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=25$

따라서 학생은 모두 25명이다.

- 17** 펼쳐진 두 면의 쪽수를 각각  $x, x+1$ 이라고 하면

$$x(x+1)=342, x^2+x-342=0$$

$$(x+19)(x-18)=0 \quad \therefore x=-19 \text{ 또는 } x=18$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=18$

따라서 두 면의 쪽수는 각각 18, 19이므로 그 합은

$$18+19=37$$

- 18** 민재의 생일을 5월  $x$ 일이라고 하면 은교의 생일은 5월  $(x+7)$ 일이므로

$$x(x+7)=120, x^2+7x-120=0$$

$$(x+15)(x-8)=0 \quad \therefore x=-15 \text{ 또는 } x=8$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=8$

따라서 민재의 생일은 5월 8일이다.

- 19** 뺑 1개의 가격을  $4x$ 원 올렸을 때 뺑 1개의 가격은

( $1000+4x$ )원이고, 하루 판매량은  $(400-x)$ 개이므로

$$1000 \times 400 = (1000+4x)(400-x)$$

$$400000 = 400000 + 600x - 4x^2$$

$$4x^2 - 600x = 0, x(x-150) = 0$$

$$\therefore x=0 \text{ 또는 } x=150$$

이때  $x>0$ 이므로  $x=150$

따라서 인상 후의 뺑 1개의 가격은

$$1000+150=1150(\text{원})$$

- 20**  $30t-5t^2+20=45$ 에서  $5t^2-30t+25=0$

$$t^2-6t+5=0, (t-1)(t-5)=0$$

$$\therefore t=1 \text{ 또는 } t=5$$

따라서 공의 지면으로부터의 높이가 처음으로 45m가 되는 것은 쏘아 올린 지 1초 후이다.

- 21** 지면에 떨어지는 것은 높이가 0m일 때이므로

$$35t-5t^2=0 \text{에서 } t^2-7t=0$$

$$t(t-7)=0 \quad \therefore t=0 \text{ 또는 } t=7$$

이때  $t>0$ 이므로  $t=7$

따라서 공이 지면에 떨어질 때까지 걸리는 시간은 7초이다.

- 22** 지구:  $-5x^2+10x=0$ 에서  $x^2-2x=0$

$$x(x-2)=0 \quad \therefore x=0 \text{ 또는 } x=2$$

이때  $x>0$ 이므로  $x=2$

$$\text{달: } -0.8x^2+10x=0 \text{에서 } 8x^2-100x=0$$

$$2x^2-25x=0, x(2x-25)=0$$

$$\therefore x=0 \text{ 또는 } x=12.5$$

이때  $x>0$ 이므로  $x=12.5$

따라서 던진 공이 지면에 떨어질 때까지 지구에서는 2초가 걸리고, 달에서는 12.5초가 걸리므로 걸리는 시간이 더 긴 곳은 달이고, 걸리는 시간 차는

$$12.5-2=10.5(\text{초})$$

- 23** 세로의 길이를  $x\text{cm}$ 라고 하면 가로의 길이는  $(x+3)\text{cm}$ 이므로

$$x(x+3)=70, x^2+3x-70=0$$

$$(x+10)(x-7)=0 \quad \therefore x=-10 \text{ 또는 } x=7$$

이때  $x>0$ 이므로  $x=7$

따라서 직사각형의 세로의 길이는 7cm이다.

- 24** 사다리꼴의 높이를  $x\text{cm}$ 라고 하면 아랫변의 길이도  $x\text{cm}$ 이므로

$$\frac{1}{2} \times (3+x) \times x = 20, x^2+3x-40=0$$

$$(x+8)(x-5)=0 \quad \therefore x=-8 \text{ 또는 } x=5$$

이때  $x>0$ 이므로  $x=5$

따라서 사다리꼴의 높이는 5cm이다.

- 25** 작은 정사각형의 한 변의 길이를  $x\text{m}$ 라고 하면 큰 정사각형의 한 변의 길이는  $(x+6)\text{m}$ 이므로

$$x^2+(x+6)^2=468, 2x^2+12x-432=0$$

$$x^2+6x-216=0, (x+18)(x-12)=0$$

$$\therefore x=-18 \text{ 또는 } x=12$$

이때  $x>0$ 이므로  $x=12$

따라서 작은 정사각형의 한 변의 길이는 12m이다.

- 26** 작은 정삼각형의 한 변의 길이를  $x$  cm라고 하면  
큰 정삼각형의 한 변의 길이는  
 $\frac{15-3x}{3} = 5-x$  (cm)  
큰 정삼각형과 작은 정삼각형은 서로 닮은 도형이고  
닮음비는  $(5-x) : x$ , 넓이의 비는  $3 : 2$ 이므로  
 $(5-x)^2 : x^2 = 3 : 2$   
 $3x^2 = 2(5-x)^2$ ,  $x^2 + 20x - 50 = 0$   
 $\therefore x = -10 \pm \sqrt{150} = -10 \pm 5\sqrt{6}$   
이때  $0 < x < 5$ 이므로  $x = -10 + 5\sqrt{6}$   
따라서 작은 정삼각형의 한 변의 길이는  $(-10 + 5\sqrt{6})$  cm  
이다.

**다른 풀이**

두 정삼각형의 한 변의 길이의 비가  $\sqrt{3} : \sqrt{2}$ 이므로  
 $(5-x) : x = \sqrt{3} : \sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}x = \sqrt{2}(5-x)$   
 $(\sqrt{2} + \sqrt{3})x = 5\sqrt{2}$   
 $\therefore x = \frac{5\sqrt{2}}{\sqrt{2} + \sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{2}(\sqrt{2} - \sqrt{3})}{(\sqrt{2} + \sqrt{3})(\sqrt{2} - \sqrt{3})} = -10 + 5\sqrt{6}$

- 27**  $\overline{AH} = x$  cm라고 하면  $\overline{DH} = (10-x)$  cm,  $\overline{DG} = x$  cm이므로  
직각삼각형 DHG에서 피타고拉斯 정리에 의해  
 $(10-x)^2 + x^2 = 8^2$ ,  $2x^2 - 20x + 36 = 0$   
 $x^2 - 10x + 18 = 0 \quad \therefore x = 5 \pm \sqrt{7}$   
이때  $x > 0$ ,  $x < 10 - x$ , 즉  $x < 5$ 이므로  $x = 5 - \sqrt{7}$   
따라서  $\overline{AH}$ 의 길이는  $(5 - \sqrt{7})$  cm이다.

- 28**  $\overline{AB} = \overline{AC}$ 이므로  $\angle B = \angle C = 72^\circ$   
 $\therefore \angle A = 180^\circ - (72^\circ + 72^\circ) = 36^\circ$   
이때  $\angle ABD = \angle CBD = \frac{1}{2} \times 72^\circ = 36^\circ$ 이므로  
 $\overline{AD} = \overline{BD} \quad \cdots \textcircled{①}$   
 $\triangle ABD$ 에서  $\angle BDC = 36^\circ + 36^\circ = 72^\circ$ 이므로  
 $\overline{BC} = \overline{BD} \quad \cdots \textcircled{②}$   
 $\overline{BC} = x$  cm라고 하면  $\textcircled{①}$ ,  $\textcircled{②}$ 에서  
 $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{BC} = x$  cm,  $\overline{CD} = (10-x)$  cm  
 $\triangle ABC \sim \triangle BCD$  (AA 닮음)이므로  
 $\overline{AB} : \overline{BC} = \overline{BC} : \overline{CD}$ 에서  $10 : x = x : (10-x)$   
 $x^2 = 10(10-x)$ ,  $x^2 + 10x - 100 = 0$   
 $\therefore x = -5 \pm \sqrt{125} = -5 \pm 5\sqrt{5}$   
이때  $0 < x < 10$ 이므로  $x = -5 + 5\sqrt{5}$   
따라서  $\overline{BC}$ 의 길이는  $(-5 + 5\sqrt{5})$  cm이다.

- 29** **1단계** 처음 정사각형 모양의 밭의 한 변의 길이를  $x$  m라고  
하면 직사각형 모양의 밭의 넓이는  
 $(x+3)(x-1) = 45$   
**2단계**  $x^2 + 2x - 48 = 0$ ,  $(x+8)(x-6) = 0$   
 $\therefore x = -8$  또는  $x = 6$   
**3단계** 이때  $x > 1$ 이므로  $x = 6$   
따라서 처음 정사각형 모양의 밭의 한 변의 길이는  
6 m이다.

채점 기준		
1단계	이차방정식 세우기	… 30%
2단계	이차방정식 풀기	… 40%
3단계	처음 정사각형 모양의 밭의 한 변의 길이 구하기	… 30%

- 30** 늘인 반지름의 길이를  $x$  cm라고 하면  
 $\pi \times (6+x)^2 = 4 \times (\pi \times 6^2)$ ,  $x^2 + 12x - 108 = 0$   
 $(x+18)(x-6) = 0$   
 $\therefore x = -18$  또는  $x = 6$   
이때  $x > 0$ 이므로  $x = 6$   
따라서 반지름의 길이를 6 cm만큼 늘렸다.

- 31** 출발한 지  $t$  초 후에  $\triangle PCQ$ 의 넓이가  $300 \text{ cm}^2$ 가 된다고 하면  
 $\overline{CP} = \overline{BC} - \overline{BP} = 40 - 2t$  (cm),  $\overline{CQ} = 3t$  cm이므로  
 $\frac{1}{2} \times (40-2t) \times 3t = 300$   
 $3t^2 - 60t + 300 = 0$ ,  $t^2 - 20t + 100 = 0$   
 $(t-10)^2 = 0 \quad \therefore t = 10$   
따라서  $\triangle PCQ$ 의 넓이가  $300 \text{ cm}^2$ 가 되는 것은 출발한 지 10초 후이다.

- 32**  $\overline{AC} = x$  cm라고 하면  $\overline{CB} = (20-x)$  cm이므로  
 $\frac{1}{2} \times \pi \times \left(\frac{20}{2}\right)^2 - \frac{1}{2} \times \pi \times \left(\frac{x}{2}\right)^2 - \frac{1}{2} \times \pi \times \left(\frac{20-x}{2}\right)^2 = 21\pi$   
 $\frac{x^2}{8} + \frac{(20-x)^2}{8} - 29 = 0$ ,  $x^2 + (20-x)^2 - 232 = 0$   
 $2x^2 - 40x + 168 = 0$ ,  $x^2 - 20x + 84 = 0$   
 $(x-6)(x-14) = 0$   
 $\therefore x = 6$  또는  $x = 14$   
이때  $x > 0$ ,  $x < 20 - x$ , 즉  $x < 10$ 이므로  $x = 6$   
따라서  $\overline{AC}$ 의 길이는 6 cm이다.

- 33**  $\overline{BC} = x$ 라고 하면  $\square AEFD$ 가 정사각형이므로  
 $\overline{DF} = \overline{EF} = \overline{BC} = x$   
 $\therefore \overline{CF} = \overline{CD} - \overline{DF} = 2 - x$   
 $\square ABCD \sim \square BCFE$ 이므로  
 $\overline{AB} : \overline{BC} = \overline{BC} : \overline{CF}$ 에서  
 $2 : x = x : (2-x)$   
 $x^2 = 2(2-x)$ ,  $x^2 + 2x - 4 = 0$   
 $\therefore x = -1 \pm \sqrt{5}$   
이때  $0 < x < 2$ 이므로  $x = -1 + \sqrt{5}$   
따라서  $\overline{BC}$ 의 길이는  $-1 + \sqrt{5}$ 이다.

- 34** 길을 제외한 땅의 넓이는 오른쪽  
그림의 색칠한 부분의 넓이와 같  
으므로  
 $(20-x)(14-x) = 160$   
 $x^2 - 34x + 120 = 0$   
 $(x-4)(x-30) = 0 \quad \therefore x = 4$  또는  $x = 30$   
이때  $0 < x < 14$ 이므로  $x = 4$
-

- 35** 길의 폭을  $x$  m라고 하면 꽃밭의 넓이는 오른쪽 그림의 색칠한 부분의 넓이와 같으므로
- $$(16-x)(12-x)=140$$

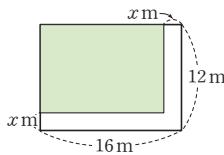
$$x^2 - 28x + 52 = 0$$

$$(x-2)(x-26) = 0$$

$$\therefore x=2 \text{ 또는 } x=26$$

이때  $x < 12$ 이므로  $x=2$

따라서 길의 폭은 2 m이다.



- 36** 처음 정사각형 모양의 종이의 한 변의 길이를  $x$  cm라고 하면  $(x-4)^2 \times 2 = 128$ ,  $(x-4)^2 = 64$
- $$x-4 = \pm 8 \quad \therefore x = -4 \text{ 또는 } x = 12$$
- 이때  $x > 4$ 이므로  $x = 12$
- 따라서 처음 정사각형 모양의 종이의 한 변의 길이는 12 cm이다.

- 37** 색칠한 부분은 세로의 길이가  $x$  cm, 가로의 길이가  $(48-2x)$  cm인 직사각형이므로
- $$x(48-2x) = 280, 2x^2 - 48x + 280 = 0$$
- $$x^2 - 24x + 140 = 0, (x-10)(x-14) = 0$$
- $$\therefore x = 10 \text{ 또는 } x = 14$$
- 따라서  $x$ 의 값이 될 수 있는 것은 ② 10이다.

### 실력 UP 문제

P. 117

**1-1** 2, 3

**1-2** 7

**2-1**  $\frac{3}{2}$

**2-2**  $\left(\frac{5}{4}, -\frac{15}{2}\right)$

**3-1**  $(1+\sqrt{5})$  cm

**3-2**  $\frac{-3+3\sqrt{5}}{2}$  cm

**1-1**  $2x^2 - 3x + a - 2 = 0$ 에서  $x = \frac{3 \pm \sqrt{25-8a}}{4}$

이때  $a$ 가 자연수이므로  $x$ 가 유리수가 되려면  $\sqrt{25-8a}$ 가 정수이어야 한다.

즉,  $25-8a$ 가 0이거나 25보다 작은 (자연수)<sup>2</sup> 끌이어야 하므로

$$25-8a=0, 1, 4, 9, 16$$

$$\therefore a=\frac{25}{8}, 3, \frac{21}{8}, 2, \frac{9}{8}$$

따라서 자연수  $a$ 는 2, 3이다.

**1-2**  $x^2 - 4x - k = 0$ 에서  $x = 2 \pm \sqrt{4+k}$

이때  $k$ 가 자연수이므로  $x$ 가 정수가 되려면  $\sqrt{4+k}$ 가 정수이어야 한다.

즉,  $4+k$ 가 4보다 큰 (자연수)<sup>2</sup> 끌이어야 하므로

$$4+k=9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100, \dots$$

$$\therefore k=5, 12, 21, 32, 45, 60, 77, 96, \dots$$

따라서 두 자리의 자연수  $k$ 는 12, 21, 32, 45, 60, 77, 96의 7개이다.

- 2-1** 점 P의  $x$ 좌표를  $a$ 라고 하면

$$\overline{OC} = \overline{DP} = a$$

이때  $\triangle BDP \sim \triangle PCA$  (AA 닮음)이고,

$\triangle BDP : \triangle PCA = 1 : 4$ 이므로

$$\overline{DP} : \overline{CA} = 1 : 2 \quad \therefore \overline{CA} = 2\overline{DP} = 2a$$

$$\therefore \overline{OA} = \overline{OC} + \overline{CA} = a + 2a = 3a$$

즉, A(3a, 0)이므로  $y = -\frac{2}{3}x + 3$ 에  $x = 3a$ ,  $y = 0$ 을 대입하면

$$0 = -2a + 3 \quad \therefore a = \frac{3}{2}$$

따라서 점 P의  $x$ 좌표는  $\frac{3}{2}$ 이다.

- 2-2** 점 P의  $x$ 좌표를  $a$ 라고 하면

$$\overline{OC} = \overline{DP} = a$$

이때  $\triangle ACP \sim \triangle PDB$  (AA 닮음)이고,

$\triangle ACP = 9\triangle PDB$  이므로

$\triangle ACP : \triangle PDB = 9 : 1$ 에서

$$\overline{AC} : \overline{PD} = 3 : 1 \quad \therefore \overline{AC} = 3\overline{PD} = 3a$$

$$\therefore \overline{OA} = \overline{OC} + \overline{AC} = a + 3a = 4a$$

즉, A(4a, 0)이므로  $y = 2x - 10$ 에  $x = 4a$ ,  $y = 0$ 을 대입하면

$$0 = 8a - 10 \quad \therefore a = \frac{5}{4}$$

따라서 점 P의  $x$ 좌표가  $\frac{5}{4}$ 이므로  $y = 2x - 10$ 에  $x = \frac{5}{4}$ 를

대입하면

$$y = 2 \times \frac{5}{4} - 10 = -\frac{15}{2}$$

따라서 점 P의 좌표는  $\left(\frac{5}{4}, -\frac{15}{2}\right)$ 이다.

- 3-1** 정오각형의 한 내각의 크기는  $108^\circ$ 이므로  $\angle ABC = 108^\circ$

$\triangle ABC$ 에서  $\overline{AB} = \overline{CB}$ 이므로

$$\angle BAC = \angle BCA = \frac{1}{2}(180^\circ - 108^\circ) = 36^\circ$$

이때  $\triangle ABC \sim \triangle APB$ 에서  $\angle ABP = \angle ACB = 36^\circ$ 이므로

$$\angle PBC = 108^\circ - 36^\circ = 72^\circ$$

또  $\angle BPC = 36^\circ + 36^\circ = 72^\circ$ 이므로

$\triangle BCP$ 는  $\overline{BC} = \overline{PC}$ 인 이등변삼각형이다.

$$\therefore \overline{PC} = \overline{BC} = \overline{AB} = 2\text{cm}$$

$\overline{AC} = x$  cm라고 하면  $\overline{AC} : \overline{AB} = \overline{AB} : \overline{AP}$ 이므로

$$x : 2 = 2 : (x-2), x(x-2) = 4$$

$$x^2 - 2x - 4 = 0 \quad \therefore x = 1 \pm \sqrt{5}$$

이때  $x > 0$ 이므로  $x = 1 + \sqrt{5}$

$$\therefore \overline{AC} = (1 + \sqrt{5})\text{cm}$$

- 3-2** 정오각형의 한 내각의 크기는  $108^\circ$ 이므로  $\angle CDE = 108^\circ$
- $\triangle CDE$ 에서  $DE = DC$ 이므로
- $$\angle DEC = \angle DCE = \frac{1}{2}(180^\circ - 108^\circ) = 36^\circ$$
- 이때  $\triangle PCD \sim \triangle DCE$ 에서  $\angle PDC = \angle DEC = 36^\circ$ 이므로  
 $\angle EDP = 108^\circ - 36^\circ = 72^\circ$
- 또  $\angle EPD = 36^\circ + 36^\circ = 72^\circ$ 이므로
- $\triangle EPD$ 는  $\overline{EP} = \overline{ED}$ 인 이등변삼각형이다.
- $\overline{ED} = x \text{ cm}$ 라고 하면
- $$PC = \overline{EC} - \overline{EP} = 3 - x \text{ (cm)}$$
- $\overline{PC} : \overline{DC} = \overline{CD} : \overline{CE}$ 이므로
- $$(3-x) : x = x : 3, 3(3-x) = x^2$$
- $$x^2 + 3x - 9 = 0 \quad \therefore x = \frac{-3 \pm \sqrt{45}}{2} = \frac{-3 \pm 3\sqrt{5}}{2}$$
- 이때  $x > 0$ 이므로  $x = \frac{-3 + 3\sqrt{5}}{2}$
- 따라서 정오각형의 한 변의 길이는  $\frac{-3 + 3\sqrt{5}}{2} \text{ cm}$ 이다.

**실전 테스트**

P. 118~121

- |                                       |                                |                |                 |                |
|---------------------------------------|--------------------------------|----------------|-----------------|----------------|
| <b>1</b> ㄱ, ㄷ                         | <b>2</b> ④                     | <b>3</b> 2     | <b>4</b> ③      | <b>5</b> ④     |
| <b>6</b> $x = \frac{3}{2}$ 또는 $x = 2$ | <b>7</b> $a = -2, b = 5$       | <b>8</b> ④, ⑤  |                 |                |
| <b>9</b> ②                            | <b>10</b> $x = 2$              | <b>11</b> ③    | <b>12</b> ⑤     | <b>13</b> ①    |
| <b>14</b> $x = -1 \pm \sqrt{6}$       | <b>15</b> ⑤                    | <b>16</b> ①    |                 |                |
| <b>17</b> $-3x^2 + 9x + 30 = 0$       | <b>18</b> $x = -5$ 또는 $x = -1$ |                |                 |                |
| <b>19</b> $k > \frac{4}{3}$           | <b>20</b> 14                   | <b>21</b> ⑤    | <b>22</b> 8월 8일 |                |
| <b>23</b> 30                          | <b>24</b> ④                    | <b>25</b> 10 m | <b>26</b> 4     | <b>27</b> 250보 |

- 1** ㄱ.  $x^2 = 4$ 에서  $x^2 - 4 = 0 \Rightarrow$  이차방정식  
 ㄴ.  $(x^2 - 1) = x^3 + 5x$ 에서  $x^3 - x = x^3 + 5x$   
 $\therefore -6x = 0 \Rightarrow$  일차방정식  
 ㄷ.  $2x(x-2) = (x+1)^2$ 에서  $2x^2 - 4x = x^2 + 2x + 1$   
 $\therefore x^2 - 6x - 1 = 0 \Rightarrow$  이차방정식  
 따라서 이차방정식인 것은 ㄱ, ㄷ이다.

- 2**  $a^2x^2 + ax + 3 = 4x^2 - 2x$ 에서  
 $(a^2 - 4)x^2 + (a + 2)x + 3 = 0$   
 이때  $x^2$ 의 계수가 0이 아니어야 하므로  
 $a^2 - 4 \neq 0, a^2 \neq 4$   
 $\therefore a \neq -2$ 이고  $a \neq 2$

- 3**  $(a+1)x^2 + 3(a-1)x - 6 = 0$ 에  $x = -2$ 를 대입하면  
 $(a+1) \times (-2)^2 + 3(a-1) \times (-2) - 6 = 0$   
 $-2a + 4 = 0 \quad \therefore a = 2$

**4**  $x^2 + x - 1 = 0$ 에  $x = a$ 를 대입하면  
 $a^2 + a - 1 = 0 \quad \therefore a^2 + a = 1$   
 $\therefore a^5 + a^4 - a^3 + a^2 + a + 5$   
 $= a^3(a^2 + a - 1) + (a^2 + a) + 5$   
 $= a^3 \times 0 + 1 + 5 = 6$

**5**  $(2x+3)\left(\frac{1}{2}x - 3\right) = 0$ 에서  
 $2x+3=0$  또는  $\frac{1}{2}x - 3 = 0$   
 $\therefore x = -\frac{3}{2}$  또는  $x = 6$

**6**  $(x-3)(x-4) = -x^2 + 6$ 에서  
 $x^2 - 7x + 12 = -x^2 + 6$   
 $2x^2 - 7x + 6 = 0$   
 $(2x-3)(x-2) = 0$   
 $\therefore x = \frac{3}{2}$  또는  $x = 2$

**7** ① **단계**  $x^2 + ax - 3 = 0$ 에  $x = 3$ 을 대입하면  
 $3^2 + a \times 3 - 3 = 0$   
 $6 + 3a = 0$   
 $\therefore a = -2$   
**2단계** 따라서  $x^2 - 2x - 3 = 0$ 이므로  
 $(x+1)(x-3) = 0$   
 $\therefore x = -1$  또는  $x = 3$   
 이때 다른 한 근은  $x = -1$   
**3단계**  $3x^2 + 8x + b = 0$ 에  $x = -1$ 을 대입하면  
 $3 \times (-1)^2 + 8 \times (-1) + b = 0$   
 $-5 + b = 0$   
 $\therefore b = 5$

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 30 %
2단계	다른 한 근 구하기	… 40 %
3단계	$b$ 의 값 구하기	… 30 %

- 8** ①  $x(x-8) = 0$ 에서  $x = 0$  또는  $x = 8$   
 ②  $5x^2 - 45 = 0$ 에서  $x^2 - 9 = 0$   
 $(x+3)(x-3) = 0$   
 $\therefore x = -3$  또는  $x = 3$   
 ③  $3(x-3)^2 = 12$ 에서  $(x-3)^2 = 4$   
 $x-3 = \pm 2 \quad \therefore x = 1$  또는  $x = 5$   
 ④  $4x^2 - 12x + 9 = 0$ 에서  $(2x-3)^2 = 0$   
 $\therefore x = \frac{3}{2}$   
 ⑤  $3 - x^2 = 6(x+2)$ 에서  $x^2 + 6x + 9 = 0$   
 $(x+3)^2 = 0 \quad \therefore x = -3$   
 따라서 중근을 갖는 것은 ④, ⑤이다.

9  $x^2 - (k+5)x + 1 = 0$ 의 중근을 가지려면

$$1 = \left(-\frac{k+5}{2}\right)^2, k^2 + 10k + 21 = 0$$

$$(k+7)(k+3) = 0$$

$$\therefore k = -7 \text{ 또는 } k = -3$$

이때  $k$ 의 값 중 큰 값은  $-3$ 이므로

$$-2x^2 + ax + a^2 = 0 \text{에서 } x = -3 \text{을 대입하면}$$

$$-2 \times (-3)^2 + a \times (-3) + a^2 = 0$$

$$a^2 - 3a - 18 = 0, (a+3)(a-6) = 0$$

$$\therefore a = -3 \text{ 또는 } a = 6$$

이때  $a > 0$ 이므로  $a = 6$

10 ① 단계  $x^2 + 4x - 12 = 0$ 에서  $(x+6)(x-2) = 0$

$$\therefore x = -6 \text{ 또는 } x = 2$$

② 단계  $5x^2 - 7x = 6$ 에서  $5x^2 - 7x - 6 = 0$

$$(5x+3)(x-2) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{3}{5} \text{ 또는 } x = 2$$

③ 단계 따라서 두 이차방정식을 동시에 만족시키는 해는  
 $x = 2$

채점 기준		
1단계	$x^2 + 4x - 12 = 0$ 의 해 구하기	… 40 %
2단계	$5x^2 - 7x = 6$ 의 해 구하기	… 40 %
3단계	두 이차방정식을 동시에 만족시키는 해 구하기	… 20 %

11  $2(x-1)^2 = 14$ 에서  $(x-1)^2 = 7$

$$x-1 = \pm\sqrt{7} \quad \therefore x = 1 \pm \sqrt{7}$$

따라서  $a=1, b=7$ 이므로

$$b-a = 7-1 = 6$$

12  $\neg. k > 0$ 일 때, 서로 다른 두 근을 갖는다.

$\sqcup. k = 2$ 일 때, 서로 다른 두 근을 갖는다.

$\sqcap. k = 25$ 일 때,  $(x-4)^2 = 25$

$$x-4 = \pm 5 \quad \therefore x = 9 \text{ 또는 } x = -1$$

즉, 두 근은 모두 유리수이다.

따라서 옳은 것은  $\sqcap$ , 틀린 것이다.

13  $3x^2 - 2 = x^2 + 8x - 7$ 에서

$$2x^2 - 8x = -5, x^2 - 4x = -\frac{5}{2}$$

$$x^2 - 4x + 4 = -\frac{5}{2} + 4 \quad \therefore (x-2)^2 = \frac{3}{2}$$

따라서  $a = -2, b = \frac{3}{2}$ 이므로

$$ab = -2 \times \frac{3}{2} = -3$$

14  $(x-1)(x+2) = -2x + 8$ 에서

$$x^2 + x - 2 = -2x + 8$$

$$x^2 + 3x - 10 = 0, (x+5)(x-2) = 0$$

$$\therefore x = -5 \text{ 또는 } x = 2$$

이때  $a > b$ 이므로  $a = 2, b = -5$

따라서  $x^2 + 2x - 5 = 0$ 이므로

$$x = -1 \pm \sqrt{6}$$

15  $\frac{1}{3}x^2 - 0.5x + \frac{1}{12} = 0$ 의 양변에 12를 곱하면

$$4x^2 - 6x + 1 = 0 \quad \therefore x = \frac{3 \pm \sqrt{5}}{4}$$

16  $0.5(x+1)(x+3) = \frac{2x(x+2)}{3}$ 의 양변에 6을 곱하면

$$3(x+1)(x+3) = 4x(x+2)$$

$$3x^2 + 12x + 9 = 4x^2 + 8x, x^2 - 4x - 9 = 0$$

$$\therefore x = 2 \pm \sqrt{13}$$

두 근 중 큰 근은  $2 + \sqrt{13}$ 이므로  $a = 2 + \sqrt{13}$

이때  $3 < \sqrt{13} < 4$ 이므로  $5 < 2 + \sqrt{13} < 6$

따라서  $5 < a < 6$ 이므로 구하는 정수  $n$ 의 값은 5이다.

17 두 근이  $-2, 5$ 이고  $x^2$ 의 계수가  $-3$ 인 이차방정식은

$$-3(x+2)(x-5) = 0, -3(x^2 - 3x - 10) = 0$$

$$\therefore -3x^2 + 9x + 30 = 0$$

18  $x^2 + kx + (k-1) = 0$ 의  $x$ 의 계수와 상수항을 서로 바꾸면

$$x^2 + (k-1)x + k = 0$$

$$x = -2 \text{를 대입하면}$$

$$(-2)^2 + (k-1) \times (-2) + k = 0$$

$$-k + 6 = 0 \quad \therefore k = 6$$

따라서 처음 이차방정식은  $x^2 + 6x + 5 = 0$ 이므로

$$(x+5)(x+1) = 0$$

$$\therefore x = -5 \text{ 또는 } x = -1$$

19  $3x^2 + 4x + k = 0$ 의 해를 갖지 않으려면

$2^2 - 3k < 0$ 이어야 하므로

$$-3k < -4 \quad \therefore k > \frac{4}{3}$$

20  $\frac{n(n+1)}{2} = 105$ 에서  $n^2 + n - 210 = 0$

$$(n+15)(n-14) = 0$$

$$\therefore n = -15 \text{ 또는 } n = 14$$

이때  $n$ 은 자연수이므로  $n = 14$

따라서 1부터 14까지의 자연수를 더해야 한다.

21 가로, 세로, 대각선에 있는 세 수의 합이 모두 같으므로

$$x^2 + (4x+1) + (4x-3) = 4x + (4x+1) + (3x+7)$$

$$x^2 + 8x - 2 = 11x + 8, x^2 - 3x - 10 = 0$$

$$(x+2)(x-5) = 0$$

$$\therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 5$$

이때  $x$ 는 자연수이므로  $x = 5$

- 22** 1단계 여행 날짜를  $(x-1)$ 일,  $x$ 일,  $(x+1)$ 일이라고 하면  

$$(x-1)^2 + x^2 + (x+1)^2 = 245$$
- 2단계  $3x^2 = 243$ ,  $x^2 = 81$   
 $\therefore x = \pm 9$
- 3단계 이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=9$   
따라서 여행이 시작되는 날짜는 8월 8일이다.

채점 기준		
1단계	이차방정식 세우기	… 30 %
2단계	이차방정식 풀기	… 40 %
3단계	여행이 시작되는 날짜 구하기	… 30 %

$$\begin{aligned} 23 \quad (\text{판매 금액}) &= 5000 \left(1 + \frac{x}{100}\right) \left(1 - \frac{x}{100}\right) \\ &\quad \text{정가} \\ &= 5000 \left(1 - \frac{x^2}{10000}\right) \\ &= 5000 - \frac{x^2}{2} \text{(원)} \end{aligned}$$

이때 450원의 손해를 보았으므로  
 $(\text{판매 금액}) - (\text{원가}) = -450 \text{(원)}$   
 $\left(5000 - \frac{x^2}{2}\right) - 5000 = -450$   
 $x^2 = 900 \quad \therefore x = \pm 30$   
이때  $x > 0$ 이므로  $x=30$

- 24** 타일의 짧은 변의 길이를  $x \text{ cm}$ 라고 하면 긴 변의 길이는

$$\frac{4x-2}{2} = 2x-1 \text{ (cm)}$$

넓이가  $280 \text{ cm}^2$ 인 직사각형의 가로의 길이는  $4x \text{ cm}$ , 세로의 길이는  $2x-1+x=3x-1 \text{ (cm)}$ 이므로

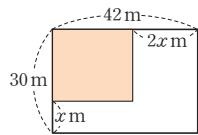
$$4x(3x-1)=280, 3x^2-x-70=0$$

$$(3x+14)(x-5)=0 \quad \therefore x=-\frac{14}{3} \text{ 또는 } x=5$$

이때  $x > 0$ 이므로  $x=5$

따라서 타일 한 개의 넓이는  
 $5(2 \times 5 - 1) = 45 \text{ (cm}^2\text{)}$

- 25** 길의 폭을  $x \text{ m}$ 라고 하면 길을 제외한 땅의 넓이는 오른쪽 그림의 색칠한 부분의 넓이와 같으므로  
 $(42-2x)(30-x)=440$

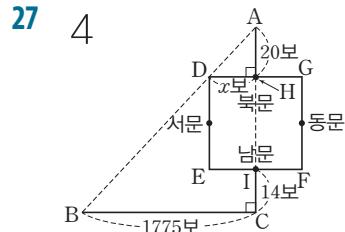


$$2x^2 - 102x + 820 = 0, x^2 - 51x + 410 = 0$$

$$(x-10)(x-41) = 0 \quad \therefore x=10 \text{ 또는 } x=41$$

이때  $0 < x < 21$ 이므로  $x=10$   
따라서 길의 폭은 10 m이다.

- 26**  $x$ 를 장치 B에 입력하면 출력되는 수는  $x+2$   
 $x+2$ 를 장치 A에 입력하면 출력되는 수는  $(x+2)^2$   
즉,  $(x+2)^2=36$ 이므로  
 $x+2=\pm 6 \quad \therefore x=-8 \text{ 또는 } x=4$   
이때  $x$ 는 자연수이므로  $x=4$



위의 그림과 같이 성벽을 정사각형 DEFG, 북문을 H, 북문에서 북쪽으로 20보 거리에 있는 나무를 A, 남문을 I, 남문에서 남쪽으로 14보 거리에 있는 곳을 C, C에서 직각으로 꺾어 서쪽으로 1775보 거리에 있는 곳을 B라고 하자.

$$\overline{DH}=x \text{보} \text{라고 하면}$$

$$\overline{AC}=2x+34 \text{ (보)}$$

이때  $\triangle ADH \sim \triangle ABC$  (AA 닮음)이므로

$$\overline{AH} : \overline{AC} = \overline{DH} : \overline{BC} \text{에서}$$

$$20 : (2x+34) = x : 1775$$

$$x(2x+34) = 35500, x^2 + 17x - 17750 = 0$$

$$(x+142)(x-125) = 0$$

$$\therefore x = -142 \text{ 또는 } x = 125$$

이때  $x > 0$ 이므로  $x = 125$

따라서 성벽의 한 변의 길이는

$$2 \times 125 = 250 \text{ (보)}$$

## 01 이차함수의 뜻 ~

## 02 이차함수 $y=ax^2$ 의 그래프

P. 125~130

### 쪽지 DMI 개념 익히기

1 ④    2 ②, ⑤    3 ①    4 1    5 ④

6 ③    7 ③    8 4    9  $y = -\frac{5}{4}x^2$

### 핵심 유형 문제

10 ③    11 ㄷ, ㅌ 12 ①    13 ⑤    14 ④

15 ②, ③ 16 6    17  $\frac{3}{2}$     18 6    19 ②

20 ①    21  $-2 < a < 0$     22 ③, ④ 23 ④

24 9    25 ⑤    26 ①, ③ 27 ③    28 1

29 9    30 ②    31 ③    32 16    33 4

34 18    35  $\frac{3}{4}$

1  $\neg. y = \frac{2}{x^2} \Leftrightarrow$  이차함수가 아니다.

$\hookrightarrow. y = -(3x-1)^2 + x^2 = -8x^2 + 6x - 1 \Leftrightarrow$  이차함수

$\hookleftarrow. y = x^2(x-1) = x^3 - x^2 \Leftrightarrow$  이차함수가 아니다.

$\hookrightarrow. y = (x-1)(x+2) = x^2 + x - 2 \Leftrightarrow$  이차함수

따라서 이차함수인 것은  $\hookleftarrow$ ,  $\hookrightarrow$ 이다.

2 ①  $y = x(20-x) = -x^2 + 20x \Leftrightarrow$  이차함수

②  $y = (3x)^3 = 27x^3 \Leftrightarrow$  이차함수가 아니다.

③  $y = \frac{1}{2} \times \{5 + (x+1)\} \times 2x = x^2 + 6x \Leftrightarrow$  이차함수

④  $y = \frac{1}{3} \times \pi \times x^2 \times 12 = 4\pi x^2 \Leftrightarrow$  이차함수

⑤  $y = 180 \times (x-2) = 180x - 360 \Leftrightarrow$  일차함수

따라서  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수가 아닌 것은 ②, ⑤이다.

3  $y = 3x^2 + ax(x-1) + 8$

$= (3+a)x^2 - ax + 8$

이때  $x^2$ 의 계수가 0이 아니어야 하므로

3+a ≠ 0     $\therefore a ≠ -3$

4  $f(3) = -2 \times 3^2 + 3 \times 3 - 1 = -10$

$f\left(-\frac{1}{2}\right) = -2 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^2 + 3 \times \left(-\frac{1}{2}\right) - 1 = -3$

$\therefore \frac{1}{2}f(3) - 2f\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} \times (-10) - 2 \times (-3)$  $= -5 + 6 = 1$

5  $f(-1) = 4 \times (-1)^2 - a \times (-1) + 1 = 6$ 에서

$4 + a + 1 = 6 \quad \therefore a = 1$

따라서  $f(x) = 4x^2 - x + 1$ 이므로

$f(2) = 4 \times 2^2 - 2 + 1 = 15$

$f(0) = 4 \times 0^2 - 0 + 1 = 1$

$\therefore f(2) - f(0) = 15 - 1 = 14$

6 ① 꼭짓점의 좌표는  $(0, 0)$ 이다.②  $a > 0$ 일 때, 아래로 볼록한 포물선이다.④  $a$ 의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아진다.⑤  $a < 0$ 일 때, 제3, 4사분면을 지난다.

따라서 옳은 것은 ③이다.

7 그래프가 아래로 볼록한 이차함수는  $x^2$ 의 계수가 양수이므로

$y = \frac{1}{4}x^2, y = x^2, y = \frac{7}{3}x^2$ 이다.

이때  $x^2$ 의 계수의 절댓값이 작을수록 그래프의 폭이 넓어지므로  $\left|\frac{1}{4}\right| < |1| < \left|\frac{7}{3}\right|$ 에서 폭이 가장 넓은 것은

③  $y = \frac{1}{4}x^2$ 이다.

8  $y = ax^2$ 의 그래프가 점  $(-5, -10)$ 을 지나므로

$-10 = a \times (-5)^2 \quad \therefore a = -\frac{2}{5}$

즉,  $y = -\frac{2}{5}x^2$ 의 그래프가 점  $\left(\frac{1}{2}, b\right)$ 를 지나므로

$b = \left(-\frac{2}{5}\right) \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 = -\frac{1}{10}$

$\therefore \frac{a}{b} = \left(-\frac{2}{5}\right) \div \left(-\frac{1}{10}\right)$

$= \left(-\frac{2}{5}\right) \times (-10) = 4$

9 원점을 꼭짓점으로 하는 포물선이므로 구하는 이차함수의

식을  $y = ax^2 (a \neq 0)$ 으로 놓자.이때  $y = ax^2$ 의 그래프가 점  $(2, -5)$ 를 지나므로

$-5 = a \times 2^2 \quad \therefore a = -\frac{5}{4}$

따라서 구하는 이차함수의 식은  $y = -\frac{5}{4}x^2$ 이다.10 ①  $y = 3x + 1 \Leftrightarrow$  일차함수

②  $(x+2)^2 = x+3$ 에서  $x^2 + 4x + 4 = x + 3$

$\therefore x^2 + 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow$  이차방정식

③  $y = 5 + x^2 \Leftrightarrow$  이차함수

④  $y = x^2 - x(x+1) = -x \Leftrightarrow$  일차함수

⑤  $y = \frac{5}{x^2} \Leftrightarrow$  이차함수가 아니다.

따라서  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수인 것은 ③이다.

- 11  $y=3x(x+1)=3x^2+3x \Rightarrow$  이차함수  
 $y=2x^2-5x+1 \Rightarrow$  이차함수  
 $y=x(x-4)-x^2=-4x \Rightarrow$  일차함수  
 $y=(x-2)(x+7)=x^2+5x-14 \Rightarrow$  이차함수  
 $y=\frac{x^2-1}{2}=\frac{1}{2}x^2-\frac{1}{2} \Rightarrow$  이차함수  
 $x^2+3x=0 \Rightarrow$  이차방정식  
 따라서  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수가 아닌 것은 ㄷ, ㅂ이다.

- 12  $y=\pi \times \left(\frac{1}{2}x\right)^2 = \frac{1}{4}\pi x^2 \Rightarrow$  이차함수  
 $y=\frac{1}{2} \times \{(x+1)+(x+3)\} \times 6 = 6x+12 \Rightarrow$  일차함수  
 $y=\pi \times x^2 \times 12 = 12\pi x^2 \Rightarrow$  이차함수  
 $y=24-x \Rightarrow$  일차함수  
 $y=\frac{5}{x} \Rightarrow$  이차함수가 아니다.  
 따라서  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수인 것은 ㄱ, ㄷ이다.

$$\begin{aligned} 13 \quad y &= 5 - 4x^2 + ax(x+2) \\ &= 5 - 4x^2 + ax^2 + 2ax \\ &= (a-4)x^2 + 2ax + 5 \end{aligned}$$

이때  $x^2$ 의 계수가 0이 아니어야 하므로  
 $a-4 \neq 0 \quad \therefore a \neq 4$

$$\begin{aligned} 14 \quad y &= 2ax(x+1) - (x+3)(2x-1) \\ &= 2ax^2 + 2ax - 2x^2 - 5x + 3 \\ &= (2a-2)x^2 + (2a-5)x + 3 \end{aligned}$$

이때  $x^2$ 의 계수가 0이 아니어야 하므로  
 $2a-2 \neq 0 \quad \therefore a \neq 1$   
 따라서 상수  $a$ 의 값이 될 수 없는 것은 ④이다.

$$\begin{aligned} 15 \quad y &= k^2x^2 + k(x-4)^2 \\ &= k^2x^2 + k(x^2 - 8x + 16) \\ &= k^2x^2 + kx^2 - 8kx + 16k \\ &= (k^2+k)x^2 - 8kx + 16k \end{aligned}$$

이때  $x^2$ 의 계수가 0이 아니어야 하므로  
 $k^2+k \neq 0, k(k+1) \neq 0 \quad \therefore k \neq -1, k \neq 0$   
 따라서 상수  $k$ 의 값이 될 수 없는 것은 -1, 0이다.

$$\begin{aligned} 16 \quad f(2) &= -2^2 - 5 \times 2 + 7 = -7 \\ f(-2) &= -(-2)^2 - 5 \times (-2) + 7 = 13 \\ \therefore f(2) + f(-2) &= -7 + 13 = 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 17 \quad f(4) &= a \times 4^2 - 4 \times 4 + 5 = -3 \text{에서} \\ 16a &= 8 \quad \therefore a = \frac{1}{2} \\ \text{따라서 } f(x) &= \frac{1}{2}x^2 - 4x + 5 \text{으로} \\ f(1) &= \frac{1}{2} \times 1^2 - 4 \times 1 + 5 = \frac{3}{2} \end{aligned}$$

18 ① 단계  $f(-6) = -\frac{1}{3} \times (-6)^2 + a \times (-6) + b = 3$ 에서

$$-12 - 6a + b = 3$$

$$\therefore -6a + b = 15 \quad \dots ①$$

$$f(3) = -\frac{1}{3} \times 3^2 + a \times 3 + b = -6 \text{에서}$$

$$-3 + 3a + b = -6$$

$$\therefore 3a + b = -3 \quad \dots ②$$

② 단계 ①, ② 을 연립하여 풀면  $a = -2, b = 3$

③ 단계 따라서  $f(x) = -\frac{1}{3}x^2 - 2x + 3$  이므로

$$f(-3) = -\frac{1}{3} \times (-3)^2 - 2 \times (-3) + 3 = 6$$

채점 기준		
1단계	$a, b$ 에 대한 연립방정식 세우기	… 40 %
2단계	$a, b$ 의 값 각각 구하기	… 30 %
3단계	$f(-3)$ 의 값 구하기	… 30 %

19  $f(a) = 2a^2 - 3a - 1 = 1$ 에서

$$2a^2 - 3a - 2 = 0, (2a+1)(a-2) = 0$$

$$\therefore a = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } a = 2$$

이때  $a$ 는 정수이므로  $a = 2$

20 그래프가 위로 볼록한 이차함수는  $x^2$ 의 계수가 음수이므로

①  $y = -5x^2$ 이다.

21  $y = ax^2$ 의 그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$  … ①

$y = ax^2$ 의 그래프의 폭이  $y = -2x^2$ 의 그래프의 폭보다 넓으므로

$$|a| < |-2|, |a| < 2$$

$$\therefore -2 < a < 2 \quad \dots ②$$

①, ②에 의해  $-2 < a < 0$

22 색칠한 부분을 지나는 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  $y = ax^2 (a \neq 0)$ 이라고 하면

$$-\frac{1}{2} < a < 0 \text{ 또는 } 0 < a < 1$$

따라서 구하는 이차함수는 ③  $y = -\frac{1}{3}x^2$ , ④  $y = \frac{3}{4}x^2$ 이다.

23  $y = ax^2, y = bx^2$ 의 그래프가 아래로 볼록하므로

$$a > 0, b > 0$$

$y = ax^2$ 의 그래프의 폭이  $y = bx^2$ 의 그래프의 폭보다 좁으므로

$$|a| > |b| \quad \therefore a > b > 0 \quad \dots ①$$

$y = cx^2, y = dx^2$ 의 그래프가 위로 볼록하므로

$$c < 0, d < 0$$

$y = cx^2$ 의 그래프의 폭이  $y = dx^2$ 의 그래프의 폭보다 좁으므로

$$|c| > |d| \quad \therefore c < d < 0 \quad \dots ②$$

①, ②에 의해  $c < d < b < a$

- 24** ① **단계**  $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대칭인 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = \frac{1}{2}x^2 \quad \therefore a = \frac{1}{2}$$

- ② **단계**  $y = 7x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대칭인 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = -7x^2 \quad \therefore b = -7$$

③ **단계**  $\therefore 4a - b = 4 \times \frac{1}{2} - (-7) = 9$

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40 %
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	$4a - b$ 의 값 구하기	… 20 %

- 25** ⑤  $x > 0$ 일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값도 증가한다.

- 26** ②  $x^2$ 의 계수가 음수이면 그래프가 위로 볼록하므로 ㄹ, ㅁ, ㅂ이다.

③, ④  $x^2$ 의 계수의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아지므로 폭이 가장 좁은 것은 ㄷ, 폭이 가장 넓은 것은 ㅂ이다.

⑤  $x$ 축에 서로 대칭인 것은 ㄱ과 ㄹ, ㄴ과 ㅁ이다.

따라서 옳은 것은 ①, ③이다.

- 27**  $y = \frac{1}{3}x^2$ 의 그래프가 점  $(6, k)$ 를 지나므로

$$k = \frac{1}{3} \times 6^2 = 12$$

- 28**  $y = ax^2$ 의 그래프가 점  $(4, 8)$ 을 지나므로

$$8 = a \times 4^2 \quad \therefore a = \frac{1}{2}$$

즉,  $y = \frac{1}{2}x^2$ 의 그래프가 점  $(-2, b)$ 를 지나므로

$$b = \frac{1}{2} \times (-2)^2 = 2$$

$$\therefore ab = \frac{1}{2} \times 2 = 1$$

- 29** ① **단계**  $y = 5x^2$ 의 그래프가 점  $(-1, a)$ 를 지나므로

$$a = 5 \times (-1)^2 = 5$$

- ② **단계** 즉,  $y = bx^2$ 의 그래프가 점  $(5, 100)$ 을 지나므로  $100 = b \times 5^2 \quad \therefore b = 4$

③ **단계**  $\therefore a + b = 5 + 4 = 9$

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40 %
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	$a + b$ 의 값 구하기	… 20 %

- 30**  $y = -3x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대칭인 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  $y = 3x^2$

이 그래프가 점  $(a, -3a)$ 를 지나므로

$$-3a = 3a^2$$

$$a^2 + a = 0, a(a+1) = 0$$

$$\therefore a = 0 \text{ 또는 } a = -1$$

이때  $a \neq 0$ 이므로  $a = -1$

- 31** 원점을 꼭짓점으로 하는 포물선이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = ax^2 (a \neq 0)$ 으로 놓자.

이 그래프가 점  $(3, -6)$ 을 지나므로

$$-6 = a \times 3^2 \quad \therefore a = -\frac{2}{3}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은  $y = -\frac{2}{3}x^2$ 이다.

- 32** ① **단계** 원점을 꼭짓점으로 하는 포물선이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = ax^2 (a \neq 0)$ 으로 놓자.

② **단계** 이 그래프가 점  $(-1, 4)$ 를 지나므로

$$4 = a \times (-1)^2 \quad \therefore a = 4$$

③ **단계** 즉,  $y = 4x^2$ 의 그래프가 점  $(2, m)$ 을 지나므로

$$m = 4 \times 2^2 = 16$$

채점 기준		
1단계	이차함수의 식을 $y = ax^2$ 으로 놓기	… 20 %
2단계	$a$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	$m$ 의 값 구하기	… 40 %

- 33** 원점을 꼭짓점으로 하는 포물선이므로 주어진 그래프를 나타내는 이차함수의 식을  $y = ax^2 (a \neq 0)$ 으로 놓자.

이 그래프가 점  $(-6, -9)$ 을 지나므로

$$-9 = a \times (-6)^2 \quad \therefore a = -\frac{1}{4}$$

이때  $y = -\frac{1}{4}x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대칭인 그래프를 나타내

는 이차함수의 식은  $y = \frac{1}{4}x^2$

따라서  $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프가 점  $(4, k)$ 를 지나므로

$$k = \frac{1}{4} \times 4^2 = 4$$

- 34** 점 A(-2, -1)은  $y = ax^2$ 의 그래프 위의 점이므로

$$-1 = a \times (-2)^2 \quad \therefore a = -\frac{1}{4}$$

$y = -\frac{1}{4}x^2$ 의 그래프는  $y$ 축에 대칭이고  $\overline{BC} = 8$ 이므로 점 C

의  $x$ 좌표는 4이다.

이때 점 C의  $y$ 좌표는

$$y = -\frac{1}{4} \times 4^2 = -4$$

따라서 □ABCD는  $\overline{AD} = 4$ ,  $\overline{BC} = 8$ 이고 높이가

$$-1 - (-4) = 3$$
인 사다리꼴이므로

$$\square ABCD = \frac{1}{2} \times (4+8) \times 3 = 18$$

- 35** 점 D의  $y$ 좌표가 12이므로  $y=3x^2$ 에  $y=12$ 를 대입하면  
 $12=3x^2, x^2=4 \quad \therefore x=\pm 2$   
 이때  $x>0$ 이므로  $x=2$   
 $\therefore D(2, 12)$   
 $\overline{DE}=\overline{CD}=2$ 이므로  $\overline{CE}=4$   
 $\therefore E(4, 12)$   
 따라서  $y=ax^2$ 의 그래프가 점 E(4, 12)를 지나므로  
 $12=a \times 4^2 \quad \therefore a=\frac{3}{4}$

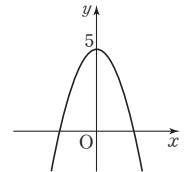
- 4** ㄷ. 꼭짓점의 좌표는  $(-4, 0)$ 이다.  
 ㄹ.  $x < -4$ 일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.  
 따라서 옳지 않은 것은 ㄷ, ㄹ이다.

- 5** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  
 $y=-5(x-6)^2$   
 이 그래프가 점  $(k, -20)$ 을 지나므로  
 $-20=-5(k-6)^2, (k-6)^2=4$   
 $k-6=\pm 2 \quad \therefore k=4$  또는  $k=8$   
 따라서 모든  $k$ 의 값의 합은  $4+8=12$

- 7** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  
 $y=-2x^2+7$   
 따라서 축의 방정식은  $x=0$ , 꼭짓점의 좌표는  $(0, 7)$ 이다.

- 8**  $y=2x^2+1$ 의 그래프는 아래로 볼록한 포물선이고, 꼭짓점의 좌표가  $(0, 1)$ 이므로 그래프로 알맞은 것은 ④이다.

- 9** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  
 $y=-x^2+5$   
 ⑤  $y=-x^2+5$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같이 모든 사분면을 지난다.



### 03 이차함수 $y=a(x-p)^2+q$ 의 그래프

P. 131~133

#### 꼭짓점 개념 익히기

- 1** 풀이 참조      **2** ④      **3**  $-5$       **4** ㄷ, ㄹ  
**5** 12

#### 핵심 유형 문제

- 6** ①      **7** ④      **8** ④      **9** ⑤      **10**  $-2$   
**11**  $-1$       **12**  $-1$       **13** ③      **14** ②      **15** ②, ⑤  
**16** ⑤      **17** 5      **18**  $-2$       **19** 5

<b>1</b>	(1) $y=-\frac{1}{2}x^2+7$	(2) $y=\frac{4}{5}(x-2)^2$	(3) $y=-4\left(x+\frac{1}{3}\right)^2$
	$x=0$	$x=2$	$x=-\frac{1}{3}$
	(0, 7)	(2, 0)	$\left(-\frac{1}{3}, 0\right)$
	위로 볼록	아래로 볼록	위로 볼록

(1)~(3)을 그래프의 폭이 넓은 것부터 차례로 나열하면  
 (1), (2), (3)이다.

- 2** ①  $y=x^2$ 의 그래프를  $y$ 축의 방향으로 5만큼 평행이동한 것이다.  
 ② 축의 방정식은  $x=0$ 이다.  
 ③ 꼭짓점의 좌표는  $(0, 5)$ 이다.  
 ⑤  $y=x^2+5$ 에  $x=-2, y=1$ 을 대입하면  $1 \neq (-2)^2+5$  이므로 점  $(-2, 1)$ 을 지나지 않는다.  
 따라서 옳은 것은 ④이다.

- 3** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=\frac{2}{3}x^2+a$$

이 그래프가 점 (6, 19)를 지나므로  
 $19=\frac{2}{3} \times 6^2+a, 19=24+a \quad \therefore a=-5$

- 10** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  
 $y=3x^2-2$   
 이 그래프가 점  $(a, 10)$ 을 지나므로  
 $10=3a^2-2, a^2=4 \quad \therefore a=\pm 2$   
 이때  $a<0$ 이므로  $a=-2$

- 11** ①  $y=ax^2+q$ 의 그래프가 두 점  $(1, -3), (-2, 3)$ 을 지나므로  
 $-3=a \times 1^2+q \quad \therefore a+q=-3 \quad \cdots \textcircled{1}$   
 $3=a \times (-2)^2+q \quad \therefore 4a+q=3 \quad \cdots \textcircled{2}$   
 ②  $\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 를 연립하여 풀면  $a=2, q=-5$   
 ③  $\therefore 2a+q=2 \times 2+(-5)=-1$

채점 기준		
1단계	$a, q$ 에 대한 연립방정식 세우기	… 40%
2단계	$a, q$ 의 값 각각 구하기	… 40%
3단계	$2a+q$ 의 값 구하기	… 20%

- 12** 꼭짓점의 좌표가  $(0, 2)$ 이므로  $q=2$   
 즉,  $y=ax^2+2$ 의 그래프가 점  $(2, 0)$ 을 지나므로  
 $0=a \times 2^2+2 \quad \therefore a=-\frac{1}{2}$   
 $\therefore aq=-\frac{1}{2} \times 2=-1$

- 13 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = -2(x+3)^2$$

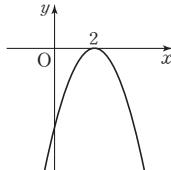
이고, 꼭짓점의 좌표는  $(-3, 0)$ 이다.

- 14  $y=2(x+1)^2$ 의 그래프는 아래로 볼록한 포물선이고, 꼭짓점의 좌표가  $(-1, 0)$ 이므로 그래프로 알맞은 것은 ②이다.

- 15 ① 축의 방정식은  $x=2$ 이다.

③  $y=-4x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 것이다.

④  $y=-4(x-2)^2$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같이 제3, 4사분면을 지난다.



⑤  $x^2$ 의 계수의 절댓값이 4로 같으므로  $y=4x^2$ 의 그래프와 폭이 같다.

따라서 옳은 것은 ②, ⑤이다.

- 16 그래프가 아래로 볼록하고, 축의 방정식이  $x=5$ 이므로  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값도 증가하는  $x$ 의 범위는  $x > 5$ 이다.

- 17 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=5(x+2)^2$$

이 그래프가 점  $(-3, k)$ 를 지나므로

$$k=5 \times (-3+2)^2=5$$

- 18 ① 단계 꼭짓점의 좌표가  $(3, 0)$ 이므로  $p=3$

② 단계 즉,  $y=a(x-3)^2$ 의 그래프가 점  $(0, -6)$ 을 지나므로

$$-6=a \times (0-3)^2 \quad \therefore a=-\frac{2}{3}$$

$$\text{③ 단계 } \therefore ap=\left(-\frac{2}{3}\right) \times 3=-2$$

채점 기준		
1단계	$p$ 의 값 구하기	… 40%
2단계	$a$ 의 값 구하기	… 40%
3단계	$ap$ 의 값 구하기	… 20%

- 19  $y=-\frac{1}{2}x^2+8$ ,  $y=a(x-p)^2$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는 각각  $(0, 8)$ ,  $(p, 0)$ 이다.

$y=-\frac{1}{2}x^2+8$ 의 그래프가 점  $(p, 0)$ 을 지나므로

$$0=-\frac{1}{2}p^2+8, p^2=16 \quad \therefore p=\pm 4$$

이때  $p<0$ 이므로  $p=-4$

$y=a(x+4)^2$ 의 그래프가 점  $(0, 8)$ 을 지나므로

$$8=a \times (0+4)^2 \quad \therefore a=\frac{1}{2}$$

$$\therefore 2a-p=2 \times \frac{1}{2}-(-4)=5$$

P. 134~139

◀▶ 다시 개념 익히기

- 1 16      2 ②      3 6      4 ④      5 ②  
6 ②      7 ①

핵심 유형 문제

- 8 ④      9 -10      10 ④      11 ④      12 ①  
13 ①      14 ②, ⑤ 15 ③      16 6      17 5  
18 ⑤      19  $\frac{1}{2}$       20  $x=1, (1, -2)$       21 ①  
22 36      23 ③      24 ④      25 ⑤      26 ⑤  
27 ②      28 6      29  $-\frac{1}{4}$       30 16

- 1  $y=-3x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대칭인 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  $y=3x^2$

즉,  $y=3x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $p$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $q$ 만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=3(x-p)^2+q$$

이 식이  $y=a(x-2)^2+11$ 과 일치하므로

$$a=3, p=2, q=11$$

$$\therefore a+p+q=3+2+11=16$$

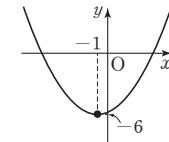
- 2 ㄱ.  $y=\frac{1}{5}x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-1$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $-6$ 만큼 평행이동한 것과 같다.

ㄴ.  $x=0$ 을 대입하면

$$y=\frac{1}{5} \times (0+1)^2-6=-\frac{29}{5}$$

즉,  $y$ 축과 점  $\left(0, -\frac{29}{5}\right)$ 에서 만난다.

ㄷ.  $y=\frac{1}{5}(x+1)^2-6$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같이 모든 사분면을 지난다.



따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄹ이다.

- 3 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=-2(x-3)^2+4$$

이 그래프가 점  $(a, -14)$ 를 지나므로

$$-14=-2(a-3)^2+4$$

$$(a-3)^2=9, a-3=\pm 3 \quad \therefore a=0 \text{ 또는 } a=6$$

이때  $a>0$ 이므로  $a=6$

- 4 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=\frac{3}{4}\{x-(-2)+4\}^2-1-5 \quad \therefore y=\frac{3}{4}(x+6)^2-6$$

이 식에  $x=0$ 을 대입하면

$$y=\frac{3}{4} \times (0+6)^2-6=21$$

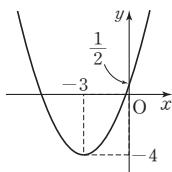
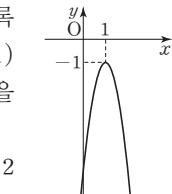
즉,  $y$ 축과 만나는 점의  $y$ 좌표는 21이다.

- 5** 그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$   
꼭짓점  $(p, q)$ 가 제1사분면 위에 있으므로  $p > 0, q > 0$
- 6**  $a > 0$ 이므로 그래프는 아래로 볼록한 포물선이다.  
 $-p < 0, q < 0$ 이므로 꼭짓점  $(-p, q)$ 는 제3사분면 위에 있다.  
따라서  $y = a(x+p)^2 + q$ 의 그래프로 알맞은 것은 ②이다.
- 7**  $y = -(x-2p)^2 + p^2 - 1$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는  $(2p, p^2 - 1)$   
이 점이 직선  $y = -x + 2$  위에 있으므로  
 $p^2 - 1 = -2p + 2$   
 $p^2 + 2p - 3 = 0, (p+3)(p-1) = 0$   
 $\therefore p = -3$  또는  $p = 1$   
이때  $p > 0$ 이므로  $p = 1$
- 9**  $y = -\frac{1}{12}(x+2)^2 - 8$ 의 그래프는  $y = -\frac{1}{12}x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-2$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $-8$ 만큼 평행이동한 것이다.  
따라서  $m = -2, n = -8$ 이므로  
 $m+n = -2 + (-8) = -10$

- 10** ④  $y = -3x^2$ 과  $x^2$ 의 계수가 같으므로  $y = -3x^2$ 의 그래프를 평행이동하여 완전히 포괄 수 있다.
- 11**  $y = (x-3)^2 + 4$ 의 그래프는 아래로 볼록한 포물선이고, 꼭짓점의 좌표가  $(3, 4)$ 이므로 그래프로 알맞은 것은 ④이다.

- 12**  $y = -5(x-1)^2 - 1$ 의 그래프는 위로 볼록한 포물선이고, 꼭짓점의 좌표가  $(1, -1)$ 이므로 오른쪽 그림과 같이 제3, 4사분면을 지난다.  
즉, 그래프가 지나지 않는 사분면은 제1, 2사분면이다.
- 13** 그래프가 위로 볼록하고, 축의 방정식이  $x = -1$ 이므로  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값도 증가하는  $x$ 의 값의 범위는  $x < -1$ 이다.

- 14** ② 꼭짓점의 좌표는  $(-3, -4)$ 이다.  
⑤  $y = \frac{1}{2}(x+3)^2 - 4$ 에  $x=0$ 을 대입하면  
 $y = \frac{1}{2} \times (0+3)^2 - 4 = \frac{1}{2}$ 이므로 점  $(0, \frac{1}{2})$ 을 지난다.
- 따라서  $y = \frac{1}{2}(x+3)^2 - 4$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같이 제4사분면을 지나지 않는다.



- 15** 조건 ④에서 그래프가 아래로 볼록하므로  $x^2$ 의 계수는 양수어야 한다.  $\Leftrightarrow$  ①, ②, ③  
조건 ④에서  $y = -2(x-1)^2$ 의 그래프와 폭이 같아야 하므로  $x^2$ 의 계수의 절댓값이 2이어야 한다.  $\Leftrightarrow$  ②, ③  
이때 ②, ③의 이차함수의 그래프의 꼭짓점의 좌표와 그 위치를 구하면 다음과 같다.  
②  $(1, -1)$ : 제4사분면  
③  $(-1, -1)$ : 제3사분면  
따라서 조건을 만족시키는 포물선을 그래프로 하는 이차함수의 식은 ③  $y = 2(x+1)^2 - 1$ 이다.

- 16** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  $y = 2(x-1)^2 - 2$   
이 그래프가 점  $(3, a)$ 를 지나므로  
 $a = 2 \times (3-1)^2 - 2 = 6$
- 17** ①  $y = -(x+a)^2 + b$ 의 그래프의 축의 방정식은  $x = -a$ 이므로  
 $-a = 4 \quad \therefore a = -4$   
②  $y = -(x-4)^2 + b$ 의 그래프가 점  $(3, 8)$ 을 지나므로  
 $8 = -(3-4)^2 + b \quad \therefore b = 9$   
③  $a+b = -4+9 = 5$

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40 %
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	$a+b$ 의 값 구하기	… 20 %

- 18** 축의 방정식이  $x = -3$ 이므로  $k = -3$   
따라서  $y = \frac{2}{3}(x+3)^2 + 9$ 에  $x=0$ 을 대입하면  
 $y = \frac{2}{3} \times (0+3)^2 + 9 = 15$   
즉,  $y$ 축과 만나는 점의  $y$ 좌표는 15이다.

- 19**  $y = -\frac{4}{3}(x+p)^2 + 2p^2 - 1$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는  $(-p, 2p^2 - 1)$   
이 점이 직선  $y = 5x + 2$  위에 있으므로  
 $2p^2 - 1 = 5 \times (-p) + 2$   
 $2p^2 + 5p - 3 = 0, (p+3)(2p-1) = 0$   
 $\therefore p = -3$  또는  $p = \frac{1}{2}$   
이때  $p > 0$ 이므로  $p = \frac{1}{2}$

- 20** 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은  $y = -\frac{1}{2}(x-2+1)^2 + 3 - 5$   
 $\therefore y = -\frac{1}{2}(x-1)^2 - 2$   
따라서 축의 방정식은  $x=1$ , 꼭짓점의 좌표는  $(1, -2)$ 이다.

21 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = -3(x-a-2)^2 + 5 + b$$

이 식이  $y = -3(x-1)^2 + 1$ 과 일치하므로

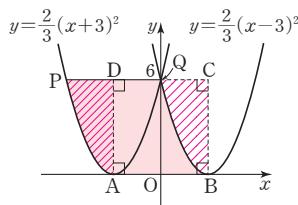
$$-a-2=-1, 5+b=1 \quad \therefore a=-1, b=-4$$

$$\therefore a+b=-1+(-4)=-5$$

22  $y = \frac{2}{3}(x-3)^2$ 의 그래프는  $y = \frac{2}{3}(x+3)^2$ 의 그래프를  $x$ 축

의 방향으로 6만큼 평행이동한 것과 같다.

따라서 다음 그림에서 빛금 친 두 부분의 넓이가 서로 같으므로 색칠한 부분의 넓이는 직사각형 ABCD의 넓이와 같다.



두 점 A, B는 각각  $y = \frac{2}{3}(x+3)^2$ ,  $y = \frac{2}{3}(x-3)^2$ 의 꼭짓점  
이므로

$$A(-3, 0), B(3, 0) \quad \therefore \overline{AB}=6$$

$$y = \frac{2}{3}(x-3)^2 \text{에 } x=0 \text{을 대입하면}$$

$$y = \frac{2}{3} \times (0-3)^2 = 6 \text{이므로 } Q(0, 6)$$

$$\therefore (\text{색칠한 부분의 넓이}) = \square ABCD = 6 \times 6 = 36$$

23 그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$

꼭짓점  $(-p, q)$ 가 제4사분면 위에 있으므로

$$-p > 0, q < 0 \quad \therefore p < 0, q < 0$$

24 ① 그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$

②, ③ 꼭짓점  $(p, q)$ 가 제3사분면 위에 있으므로

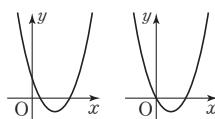
$$p < 0, q < 0 \quad \therefore pq > 0$$

$$\textcircled{4} \quad a > 0, q^2 > 0 \text{이므로 } a+q^2 > 0$$

$$\textcircled{5} \quad a > 0, p+q < 0 \text{이므로 } a(p+q) < 0$$

따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

25 그래프가 제1, 2, 4사분면만을 지나려면 다음 그림과 같아야 한다.



ㄱ. 그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$

ㄴ. 꼭짓점  $(p, q)$ 가 제4사분면 위에 있으므로

$$p > 0, q < 0 \quad \therefore apq < 0$$

$$\textcircled{c} \quad y = a(x-p)^2 + q \text{에 } x=0 \text{을 대입하면 } y = ap^2 + q$$

이때 그래프가  $y$ 축과 만나는 점의  $y$ 좌표가 0보다 크거나

같아야 하므로  $ap^2 + q \geq 0$

따라서 옳은 것은 ㄴ, ㄷ이다.

26 주어진 일차함수의 그래프에서  $a > 0, b < 0$

즉,  $y = bx^2 - a$ 의 그래프는  $b < 0$ 이므로 위로 볼록한 포물선이고,  $-a < 0$ 이므로 꼭짓점  $(0, -a)$ 는  $y$ 축 위에 있으면서  $x$ 축보다 아래쪽에 있다.

따라서 그래프로 알맞은 것은 ⑤이다.

27  $y = a(x+p)^2 + q$ 의 그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$

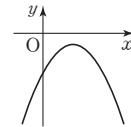
꼭짓점  $(-p, q)$ 가 제1사분면 위에 있으므로

$$-p > 0, q > 0 \quad \therefore p < 0, q > 0$$

따라서  $y = p(x-q)^2 - a$ 의 그래프는  $p < 0$ 이므로 위로 볼록한 포물선이고,  $q > 0, -a < 0$ 이므로 꼭짓점  $(q, -a)$ 는 제4사분면 위에 있다.

즉,  $y = p(x-q)^2 - a$ 의 그래프는

오른쪽 그림과 같이 제3, 4사분면을 지난다.



28 ① 단계  $y = (x+1)^2 - 4$ 에  $y=0$ 을 대입하면

$$0 = (x+1)^2 - 4, (x+1)^2 = 4$$

$$x+1 = \pm 2 \quad \therefore x = -3 \text{ 또는 } x = 1$$

즉,  $A(-3, 0), B(1, 0)$ 이므로  $\overline{AB} = 4$

② 단계  $y = (x+1)^2 - 4$ 에  $x=0$ 을 대입하면

$$y = (0+1)^2 - 4 = -3$$

즉,  $C(0, -3)$ 이므로  $\overline{OC} = 3$

$$\text{③ 단계 } \therefore \triangle ACB = \frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6$$

채점 기준		
1단계	$\overline{AB}$ 의 길이 구하기	… 40 %
2단계	$\overline{OC}$ 의 길이 구하기	… 40 %
3단계	$\triangle ACB$ 의 넓이 구하기	… 20 %

29  $y = ax^2 + 9$ 의 그래프는  $y$ 축에 대칭이므로

$B(-k, 0), C(k, 0)$  ( $k > 0$ )으로 놓으면  $\overline{BC} = 2k$

이때  $A(0, 9)$ 이므로

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 2k \times 9 = 54 \quad \therefore k = 6$$

즉, 이차함수  $y = ax^2 + 9$ 의 그래프가 점  $C(6, 0)$ 을 지나므로

$$0 = a \times 6^2 + 9, 36a = -9 \quad \therefore a = -\frac{1}{4}$$

30  $y = -2x^2 + 12$ 의 그래프는  $y$ 축에 대칭이므로 점 B의 좌표를  $(k, -2k^2 + 12)$  ( $k > 0$ )라고 하면

$A(-k, -2k^2 + 12), C(-k, 0), D(k, 0)$

$\square ACDB$ 가 정사각형이므로  $\overline{CD} = \overline{BD}$ 에서

$$2k = -2k^2 + 12, k^2 + k - 6 = 0$$

$$(k+3)(k-2) = 0 \quad \therefore k = -3 \text{ 또는 } k = 2$$

이때  $k > 0$ 이므로  $k = 2$

$$\therefore \square ACDB = \overline{CD}^2 = (2k)^2$$

$$= (2 \times 2)^2 = 16$$

## 실력 UP

## 문제

P. 140

1-1  $\frac{3}{4}$

2-1  $\frac{5}{4}$

3-1  $-\frac{5}{4} < a < 0$

1-2  $\frac{3}{4}$

2-2  $-\frac{2}{3}$

3-2 ⑤

1-1  $y=3x^2$ 에  $x=2$ 를 대입하면

$y=3 \times 2^2 = 12$ 이므로 A(2, 12)

 $y=ax^2$ 에  $x=2$ 를 대입하면

$y=a \times 2^2 = 4a$ 이므로 B(2, 4a)

점 C는 직선  $x=2$ 와  $x$ 축의 교점이므로 C(2, 0)이때  $\overline{AB}=12-4a$ ,  $\overline{BC}=4a$ 이고

$\overline{AB} : \overline{BC} = 3 : 1$ 이므로

$(12-4a) : 4a = 3 : 1$

$12a = 12 - 4a, 16a = 12$

$\therefore a = \frac{3}{4}$

1-2  $y=ax^2$ 에  $x=5$ 를 대입하면

$y=a \times 5^2 = 25a$ 이므로 A(5, 25a)

$y=\frac{1}{4}x^2$ 에  $x=5$ 를 대입하면

$y=\frac{1}{4} \times 5^2 = \frac{25}{4}$ 이므로 B(5,  $\frac{25}{4}$ )

점 C는 직선  $x=5$ 와  $x$ 축의 교점이므로 C(5, 0)이때  $\overline{AB}=25\left(a-\frac{1}{4}\right)$ ,  $\overline{BC}=\frac{25}{4}$ 이고  $\overline{AB}=2\overline{BC}$ 이므로

$25\left(a-\frac{1}{4}\right)=2 \times \frac{25}{4}$

$a-\frac{1}{4}=\frac{1}{2} \quad \therefore a=\frac{3}{4}$

2-1  $y=-3x^2$ 에  $x=1$ 을 대입하면

$y=-3 \times 1^2 = -3$ 이므로 B(1, -3)

 $y=-3x^2$ 의 그래프는  $y$ 축에 대칭이므로

A(-1, -3)

 $\overline{AB}=2$ 이므로  $\overline{CD}=2\overline{AB}=4$ 이고 $y=ax^2$ 의 그래프는  $y$ 축에 대칭이므로

C(2, 4a), D(-2, 4a)

이때 사다리꼴 ABCD의 넓이가 24이므로

$\frac{1}{2} \times (4+2) \times \{4a - (-3)\} = 24$

$3(4a+3)=24, 4a+3=8$

$4a=5 \quad \therefore a=\frac{5}{4}$

2-2  $y=5x^2$ 에  $y=5$ 를 대입하면

$5=5x^2, x^2=1$

$\therefore x=-1$  또는  $x=1$

따라서 A(-1, 5), B(1, 5)이므로  $\overline{AB}=2$  $\overline{AB} : \overline{CD}=1 : 3$ 에서  $\overline{CD}=3\overline{AB}=6$ 이고 $y=ax^2$ 의 그래프는  $y$ 축에 대칭이므로

C(3, 9a), D(-3, 9a)

이때 사다리꼴 ADCB의 넓이가 44이므로

$\frac{1}{2} \times (2+6) \times (5-9a) = 44$

$4(5-9a) = 44, 5-9a = 11$

$9a = -6 \quad \therefore a = -\frac{2}{3}$

3-1 이차함수  $y=a(x+2)^2+5$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는 (-2, 5)이므로 그래프가

모든 사분면을 지나려면 오른쪽 그림과 같아야 한다.

즉, 그래프가 위로 볼록해야 하므로

$a < 0 \quad \dots \textcircled{\text{①}}$

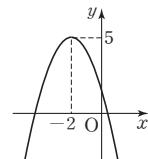
또  $y$ 축과의 교점이  $x$ 축보다 위쪽에 있어야 하므로 $y=a(x+2)^2+5$ 에  $x=0$ 을 대입하면

$y=a \times (0+2)^2+5$

$=4a+5 > 0$

$\therefore a > -\frac{5}{4} \quad \dots \textcircled{\text{②}}$

$\textcircled{\text{①}}, \textcircled{\text{②}} \text{에 의해 } -\frac{5}{4} < a < 0$

3-2 이차함수  $y=a(x-3)^2-8$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는 (3, -8)이므로 그래프가 모든 사분면을 지나려면 오른쪽 그림과 같아야 한다.

즉, 그래프가 아래로 볼록해야 하므로

$a > 0 \quad \dots \textcircled{\text{③}}$

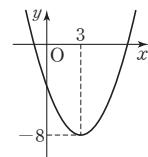
또  $y$ 축과의 교점이  $x$ 축보다 아래쪽에 있어야 하므로 $y=a(x-3)^2-8$ 에  $x=0$ 을 대입하면

$y=a \times (0-3)^2-8$

$=9a-8 < 0$

$\therefore a < \frac{8}{9} \quad \dots \textcircled{\text{④}}$

$\textcircled{\text{③}}, \textcircled{\text{④}} \text{에 의해 } 0 < a < \frac{8}{9}$

따라서 상수  $a$ 의 값이 될 수 없는 것은 ⑤이다.

## 실전 테스트

P. 141~143

- |           |           |        |      |         |
|-----------|-----------|--------|------|---------|
| 1 ③       | 2 ③       | 3 ④    | 4 ①  | 5 6     |
| 6 ④       | 7 (0, -5) | 8 14   | 9 ②  |         |
| 10 7      | 11 ①, ⑤   | 12 ⑤   | 13 ③ | 14 ㄱ, ㄷ |
| 15 (4, 7) | 16 ④      | 17 15m |      |         |

1 ①  $y=1500x$  ⇔ 일차함수

②  $y=35x$  ⇔ 일차함수

③  $y=x(5-x)=-x^2+5x$  ⇔ 이차함수

④  $\frac{1}{2}xy=8 \quad \therefore y=\frac{16}{x}$  ⇔ 이차함수가 아니다.

⑤  $y=\frac{4}{3}\pi x^3$  ⇔ 이차함수가 아니다.

따라서  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수인 것은 ③이다.

2  $f(a)=3a^2-7a+2=-2$ 에서

$3a^2-7a+4=0, (a-1)(3a-4)=0$

$\therefore a=1$  또는  $a=\frac{4}{3}$

이때  $a$ 는 정수이므로  $a=1$

3  $y=-3x^2$ 의 그래프는 위로 볼록하면서  $y=-x^2$ 의 그래프 보다 폭이 좁아야 하므로 ⑤이다.

4 ①  $x$ 축과 원점  $(0, 0)$ 에서만 만난다.

②  $y=-x^2$ 의 그래프보다 폭이 넓다.

③ 제3, 4사분면을 지난다.

④ 원점을 꼭짓점으로 하고, 위로 볼록한 포물선이다.

⑤  $x>0$ 일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.

따라서 옳은 것은 ①이다.

5 ①  $y=-\frac{2}{3}x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대칭인 그래프를 나

타내는 이차함수의 식은  $y=\frac{2}{3}x^2$

②  $y$ 가 점  $(3, a)$ 를 지나므로

$$a=\frac{2}{3} \times 3^2=6$$

채점 기준

1단계	$y=-\frac{2}{3}x^2$ 의 그래프와 $x$ 축에 대칭인 그래프를 나타내는 이차함수의 식 구하기	… 50 %
-----	---	--------

2단계	$a$ 의 값 구하기	… 50 %
-----	-------------	--------

6 조건 ①에서 꼭짓점의 좌표가  $(0, -1)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  $y=ax^2-1 (a \neq 0)$ 로 놓자.

조건 ②에서 그래프가 제1, 2사분면을 지나지 않으므로 그래프의 모양은 위로 볼록한 포물선이다.

$$\therefore a < 0 \quad \dots \textcircled{1}$$

조건 ③에서  $y=x^2$ 의 그래프보다 폭이 넓으므로

$$|a| < 1 \quad \therefore -1 < a < 0 \text{ 또는 } 0 < a < 1 \quad \dots \textcircled{2}$$

①, ②에 의해  $-1 < a < 0$

따라서 조건을 만족시키는 포물선을 그래프로 하는 이차함수의 식은 ④  $y=-\frac{1}{3}x^2-1$ 이다.

7 ①  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수의 식은

$$y=-\frac{1}{2}x^2+a$$

②  $y$ 가  $x$ 에 대한 이차함수의 식은

$$-7=-\frac{1}{2} \times (-2)^2+a$$

$$-7=-2+a \quad \therefore a=-5$$

따라서  $y=-\frac{1}{2}x^2-5$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는  $(0, -5)$ 이다.

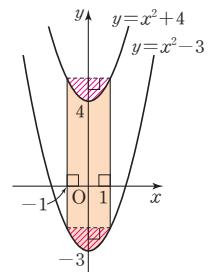
채점 기준

1단계	평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식 세우기	… 30 %
2단계	$a$ 의 값 구하기	… 40 %
3단계	꼭짓점의 좌표 구하기	… 30 %

8  $y=x^2+4$ 의 그래프는  $y=x^2-3$ 의 그래프를  $y$ 축의 방향으로 7만큼 평행이동한 것과 같다.

따라서 오른쪽 그림에서 베금 친 두 부분의 넓이가 서로 같으므로 색칠한 부분의 넓이는 가로의 길이가 2이고 세로의 길이가 7인 직사각형의 넓이와 같다.

$$\therefore (\text{색칠한 부분의 넓이}) = 2 \times 7 = 14$$



9 그래프가 위로 볼록하고, 축의 방정식이  $x=-5$ 이므로  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값은 감소하는  $x$ 의 값의 범위는  $x > -5$ 이다.

10  $y=a(x-p)^2, y=-\frac{1}{3}x^2+12$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는 각각  $(p, 0), (0, 12)$ 이다.

$$y=-\frac{1}{3}x^2+12 \text{의 그래프가 점 } (p, 0) \text{을 지나므로}$$

$$0=-\frac{1}{3}p^2+12, p^2=36 \quad \therefore p=\pm 6$$

이때  $p > 0$ 이므로  $p=6$

$y=a(x-6)^2$ 의 그래프가 점  $(0, 12)$ 를 지나므로

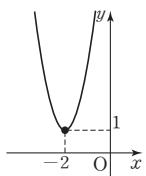
$$12=a \times (0-6)^2 \quad \therefore a=\frac{1}{3}$$

$$\therefore 3a+p=3 \times \frac{1}{3}+6=7$$

11 ①  $y=3x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 -2만큼,  $y$ 축의 방향으로 1만큼 평행이동한 것이다.

④  $y=3(x+2)^2+1$ 에  $x=0, y=13$ 을 대입하면  $13=3 \times (0+2)^2+1$ 이므로 점  $(0, 13)$ 을 지난다.

⑤  $y=3(x+2)^2+1$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같이 제1, 2사분면을 지난다.



따라서 옳지 않은 것은 ①, ⑤이다.

- 12 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = \frac{3}{2}(x-2-1)^2 + 1 - 6 = \frac{3}{2}(x-3)^2 - 5$$

이 그래프가 점  $(a, 1)$ 을 지나므로

$$1 = \frac{3}{2}(a-3)^2 - 5, \quad \frac{3}{2}(a-3)^2 = 6$$

$$(a-3)^2 = 4, \quad a-3 = \pm 2$$

$$\therefore a=1 \text{ 또는 } a=5$$

따라서 모든  $a$ 의 값의 합은  $1+5=6$

- 13  $y=a(x-p)^2+q$ 의 그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$

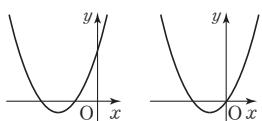
꼭짓점  $(p, q)$ 가 제4사분면 위에 있으므로

$$p > 0, \quad q < 0$$

따라서  $y=-a(x-q)^2-p$ 의 그래프는  $-a > 0$ 이므로 아래로 볼록한 포물선이고,  $q < 0, -p < 0$ 이므로 꼭짓점  $(q, -p)$ 은 제3사분면 위에 있다.

즉, 그래프로 알맞은 것은 ③이다.

- 14  $y=a(x-p)^2+q$ 의 그래프가 제1, 2, 3사분면만을 지나려면 다음 그림과 같아야 한다.



즉,  $a > 0, p < 0, q < 0$

ㄱ. 아래로 볼록한 포물선이다.

ㄷ. 꼭짓점은 제3사분면 위에 있다.

$$\therefore apq > 0$$

따라서 옳지 않은 것은 ㄱ, ㄷ이다.

- 15  $A(p, p+3)$  ( $p > 0$ ),  $H(p, 0)$ 이므로

$$\triangle AOH = \frac{1}{2} \times p \times (p+3) = 14$$

$$p^2 + 3p - 28 = 0, \quad (p+7)(p-4) = 0$$

$$\therefore p = -7 \text{ 또는 } p = 4$$

이때  $p > 0$ 이므로  $p = 4$

$$\therefore A(4, 7)$$

- 16 ㄱ.  $y=ax^2$ 의 그래프의 폭이  $y=bx^2$ 의 그래프의 폭보다 좁으므로  $|a| > |b|$

이때  $a > 0, b > 0$ 이므로  $a > b$

ㄴ.  $d = -a, c = -b$ 이므로

$$a+b+c+d = a+b+(-b)+(-a) = 0$$

ㄷ.  $y=dx^2$ 의 그래프의 폭이  $y=cx^2$ 의 그래프의 폭보다 좁으므로  $|d| > |c|$

이때  $|a| = |d|$ 이므로  $|a| > |c|$ 이고

$$a > 0, c < 0$$
이므로  $a+c > 0$

$$\therefore a > 0, b > 0, c < 0$$
이므로  $abc < 0$

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ, ㄷ이다.

- 17 오른쪽 그림과 같이 교량 위에서

주탑과 주탑 사이의 한 가운데 지점을 좌표평면의 원점 O로 놓으면 주탑과 주탑 사이의 케이블을 그래프로 하는 이차함수의 식은  $y=ax^2$  ( $a > 0$ )으로 놓을 수 있다.

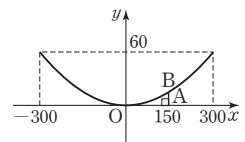
이 그래프가 점  $(300, 60)$ 을 지나므로

$$60 = a \times 300^2 \quad \therefore a = \frac{1}{1500}$$

따라서  $y = \frac{1}{1500}x^2$ 에  $x=150$ 을 대입하면

$$y = \frac{1}{1500} \times 150^2 = 15$$

즉,  $\overline{AB}$ 의 길이는 15 m이다.



## 7. 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프

01

### 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프

P. 147~154

**꼭짓점** 개념 익히기

$$\begin{array}{lll} 1 -9 & 2 -\frac{1}{4} & 3 \textcircled{1} \\ 6 \textcircled{5} & 7 64 & \end{array}$$

**핵심 유형** 문제

$$\begin{array}{lllll} 8 \textcircled{5} & 9 \textcircled{4} & 10 \textcircled{6} & 11 \textcircled{3} & 12 -2 \\ 13 \textcircled{5} & 14 \textcircled{7}, \textcircled{8} & 15 \textcircled{5} & 16 -12 & 17 -1 \\ 18 \textcircled{1} & 19 \textcircled{2} & 20 a \geq \frac{5}{9} & 21 4 & 22 \textcircled{5} \\ 23 \textcircled{2} & 24 \textcircled{3} & 25 \textcircled{3} & 26 \textcircled{3} & 27 \textcircled{4}, \textcircled{5} \\ 28 \textcircled{7}, \textcircled{8} & 29 0 & 30 \textcircled{3} & 31 1 & 32 27 \\ 33 \textcircled{2} & 34 \textcircled{3} & 35 \textcircled{2} & 36 \textcircled{1} & 37 \textcircled{2} \\ 38 \textcircled{3} & & & & \\ 39 (1) A(3, 16) (2) B(-1, 0), C(7, 0) (3) 64 & & & & \\ 40 16 & 41 4 & 42 3 & 43 \textcircled{2} & \end{array}$$

$$1 \quad y = -\frac{3}{4}x^2 + 3x + 3$$

$$= -\frac{3}{4}(x^2 - 4x + 4 - 4) + 3$$

$$= -\frac{3}{4}(x-2)^2 + 6$$

이므로  $y = -\frac{3}{4}x^2 + 3x + 3$ 의 그래프는  $y = -\frac{3}{4}x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 2만큼,  $y$ 축의 방향으로 6만큼 평행이동한 것이다.

따라서  $a = -\frac{3}{4}$ ,  $p = 2$ ,  $q = 6$ 이므로

$$apq = \left(-\frac{3}{4}\right) \times 2 \times 6 = -9$$

$$2 \quad y = -4x^2 + 2x - 1$$

$$= -4\left(x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{16} - \frac{1}{16}\right) - 1$$

$$= -4\left(x - \frac{1}{4}\right)^2 - \frac{3}{4}$$

따라서 축의 방정식은  $x = \frac{1}{4}$ 이고, 꼭짓점의 좌표는

$$\left(\frac{1}{4}, -\frac{3}{4}\right)$$

$$p = \frac{1}{4}, a = \frac{1}{4}, b = -\frac{3}{4}$$

$$\therefore p+a+b = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \left(-\frac{3}{4}\right) = -\frac{1}{4}$$

$$3 \quad y = \frac{1}{2}x^2 + 4x + 7$$

$$= \frac{1}{2}(x^2 + 8x + 16 - 16) + 7$$

$$= \frac{1}{2}(x+4)^2 - 1$$

이므로 그래프는 아래로 볼록한 포물선이고, 꼭짓점의 좌표는  $(-4, -1)$ ,  $y$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(0, 7)$ 이다.

따라서  $y = \frac{1}{2}x^2 + 4x + 7$ 의 그래프는 ①이다.

$$4 \quad y = 2x^2 - 6x + 1$$

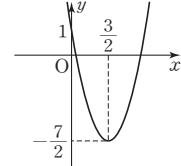
$$= 2\left(x^2 - 3x + \frac{9}{4} - \frac{9}{4}\right) + 1$$

$$= 2\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{7}{2}$$

∴ 꼭짓점의 좌표는  $\left(\frac{3}{2}, -\frac{7}{2}\right)$ 이다.

ㄷ.  $x=0$ 을 대입하면  $y=1$ 이므로  $y$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(0, 1)$ 이다.

ㄹ. 그래프는 오른쪽 그림과 같이  
제3사분면을 지나지 않는다.



따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄹ이다.

$$5 \quad \text{그래프가 위로 볼록하므로 } a < 0$$

축이  $y$ 축의 오른쪽에 있으므로  $a \times (-b) < 0$

즉,  $ab > 0$ 이므로  $b < 0$

$y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 위쪽에 있으므로  $c > 0$

$$6 \quad \text{그래프가 아래로 볼록하므로 } a > 0$$

축이  $y$ 축의 오른쪽에 있으므로  $ab < 0 \quad \therefore b < 0$

$y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 아래쪽에 있으므로  $c < 0$

①  $a > 0, b < 0$ 이므로  $ab < 0$

②  $a > 0, c < 0$ 이므로  $ac < 0$

③  $b < 0, c < 0$ 이므로  $bc > 0$

④  $x = -1$ 일 때,  $y > 0$ 이므로  $a - b + c > 0$

⑤  $x = 1$ 일 때,  $y < 0$ 이므로  $a + b + c < 0$

따라서 옳은 것은 ⑤이다.

$$7 \quad y = x^2 + 4x - 12$$

$$= (x^2 + 4x + 4 - 4) - 12$$

$$= (x+2)^2 - 16$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(-2, -16)$

$\therefore A(-2, -16)$

또 두 점 B, C는 그래프와  $x$ 축이 만나는 점이므로

$y = x^2 + 4x - 12$ 에  $y=0$ 을 대입하면

$$x^2 + 4x - 12 = 0, (x+6)(x-2) = 0$$

$$\therefore x = -6 \text{ 또는 } x = 2$$

$$\therefore B(-6, 0), C(2, 0)$$

따라서  $\triangle BAC$ 는 밑변의 길이가  $2 - (-6) = 8$ 이고,  
높이가 16이므로

$$\triangle BAC = \frac{1}{2} \times 8 \times 16 = 64$$

$$9 \quad y = \frac{1}{3}x^2 - 6x + 10$$

$$= \frac{1}{3}(x^2 - 18x + 81 - 81) + 10$$

$$= \frac{1}{3}(x-9)^2 - 17$$

$$\text{따라서 } a = \frac{1}{3}, p = 9, q = -17 \text{이므로}$$

$$ap + q = \frac{1}{3} \times 9 + (-17) = -14$$

$$10 \quad y = 3x^2 - 6x + 5$$

$$= 3(x^2 - 2x + 1 - 1) + 5$$

$$= 3(x-1)^2 + 2$$

따라서  $y = 3x^2 - 6x + 5$ 의 그래프는  $y = 3x^2$ 의 그래프를  
 $x$ 축의 방향으로 1만큼,  $y$ 축의 방향으로 2만큼 평행이동한  
것이다.

$$\text{따라서 } a = 3, p = 1, q = 2 \text{이므로}$$

$$apq = 3 \times 1 \times 2 = 6$$

11 축의 방정식을 구하면 각각 다음과 같다.

$$\textcircled{1} \quad y = x^2 - 3 \Leftrightarrow x = 0$$

$$\textcircled{2} \quad y = -2(x-4)^2 \Leftrightarrow x = 4$$

$$\textcircled{3} \quad y = x^2 + 4x$$

$$= (x^2 + 4x + 4) - 4$$

$$= (x+2)^2 - 4$$

$$\Leftrightarrow x = -2$$

$$\textcircled{4} \quad y = 2x^2 - 8x + 7$$

$$= 2(x^2 - 4x + 4 - 4) + 7$$

$$= 2(x-2)^2 - 1$$

$$\Leftrightarrow x = 2$$

$$\textcircled{5} \quad y = -3x^2 - 6x + 7$$

$$= -3(x^2 + 2x + 1 - 1) + 7$$

$$= -3(x+1)^2 + 10$$

$$\Leftrightarrow x = -1$$

따라서 그래프의 축이 가장 왼쪽에 있는 것은 ③이다.

$$12 \quad y = -x^2 - 2ax + 6$$

$$= -(x^2 + 2ax + a^2 - a^2) + 6$$

$$= -(x+a)^2 + a^2 + 6$$

이므로 축의 방정식은  $x = -a$

$$\text{즉, } -a = 2 \quad \therefore a = -2$$

$$13 \quad y = -3x^2 + 12x - 11$$

$$= -3(x^2 - 4x + 4 - 4) - 11$$

$$= -3(x-2)^2 + 1$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(2, 1)$

따라서  $p = 2, q = 1$ 이므로

$$p+q = 2+1 = 3$$

$$14 \quad \neg. y = x^2 + 6x + 7$$

$$= (x^2 + 6x + 9 - 9) + 7$$

$$= (x+3)^2 - 2$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(-3, -2)$   $\Rightarrow$  제3사분면

$$\sqcup. y = \frac{1}{2}x^2 - 5x - 1$$

$$= \frac{1}{2}(x^2 - 10x + 25 - 25) - 1$$

$$= \frac{1}{2}(x-5)^2 - \frac{27}{2}$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(5, -\frac{27}{2})$   $\Rightarrow$  제4사분면

$$\sqsubset. y = -x^2 - 2x$$

$$= -(x^2 + 2x + 1 - 1)$$

$$= -(x+1)^2 + 1$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(-1, 1)$   $\Rightarrow$  제2사분면

$$\sqleftarrow. y = -4x^2 - 16x - 17$$

$$= -4(x^2 + 4x + 4 - 4) - 17$$

$$= -4(x+2)^2 - 1$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(-2, -1)$   $\Rightarrow$  제3사분면

따라서 꼭짓점이 제3사분면 위에 있는 것은  $\neg, \sqleftarrow$ 이다.

$$15 \quad y = x^2 - 2x + a$$

$$= (x^2 - 2x + 1 - 1) + a$$

$$= (x-1)^2 - 1 + a$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(1, -1+a)$

$$y = -x^2 + bx + 3$$

$$= -\left(x^2 - bx + \frac{b^2}{4} - \frac{b^2}{4}\right) + 3$$

$$= -\left(x - \frac{b}{2}\right)^2 + \frac{b^2}{4} + 3$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(\frac{b}{2}, \frac{b^2}{4} + 3)$

이때 두 그래프의 꼭짓점이 일치하므로

$$1 = \frac{b}{2}, -1 + a = \frac{b^2}{4} + 3$$

$$\text{따라서 } b = 2, a = \frac{2^2}{4} + 4 = 5 \text{이므로}$$

$$a+b = 5+2 = 7$$

$$16 \quad y = -3x^2 - 12x + a$$

$$= -3(x^2 + 4x + 4 - 4) + a$$

$$= -3(x+2)^2 + 12 + a$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(-2, 12+a)$

이때 꼭짓점이  $x$ 축 위에 있으므로

$$12+a = 0 \quad \therefore a = -12$$

**17** 1단계  $y = x^2 - 2ax - a + 1$

$$= (x^2 - 2ax + a^2 - a^2) - a + 1$$

$$= (x-a)^2 - a^2 - a + 1$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(a, -a^2 - a + 1)$

2단계 이때 꼭짓점이 직선  $y = x + 2$  위에 있으므로

$$\begin{aligned} -a^2 - a + 1 &= a + 2 \\ a^2 + 2a + 1 &= 0, (a+1)^2 = 0 \\ \therefore a &= -1 \end{aligned}$$

채점 기준	
1단계	꼭짓점의 좌표 구하기
2단계	$a$ 의 값 구하기

$$\cdots 50\%$$

**18**  $y = -x^2 - 4x - 5$

$$\begin{aligned} &= -(x^2 + 4x + 4 - 4) - 5 \\ &= -(x+2)^2 - 1 \end{aligned}$$

이므로 그래프는 위로 볼록한 포물선이고, 꼭짓점의 좌표는  $(-2, -1)$ ,  $y$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(0, -5)$ 이다.

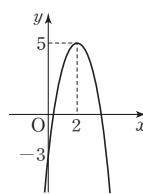
따라서  $y = -x^2 - 4x - 5$ 의 그래프는 ①이다.

**19**  $y = -2x^2 + 8x - 3$

$$\begin{aligned} &= -2(x^2 - 4x + 4 - 4) - 3 \\ &= -2(x-2)^2 + 5 \end{aligned}$$

이므로 그래프는 위로 볼록한 포물선이고, 꼭짓점의 좌표는  $(2, 5)$ ,  $y$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(0, -3)$ 이다.

따라서  $y = -2x^2 + 8x - 3$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같이 제2사분면을 지나지 않는다.



**20**  $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가  $(3, -5)$ 이므로

$$y = a(x-3)^2 - 5 = ax^2 - 6ax + 9a - 5$$

이 그래프가 제3사분면을 지나지 않으려면

그래프의 모양이 아래로 볼록해야 하므로  $a > 0$  ... ⑦

또 ( $y$ 축과 만나는 점의  $y$ 좌표)  $\geq 0$ 이어야 하므로

$$9a - 5 \geq 0 \quad \therefore a \geq \frac{5}{9} \quad \cdots ⑧$$

$$\textcircled{7}, \textcircled{8} \text{에 의해 } a \geq \frac{5}{9}$$

**21**  $y = x^2 + 2x - 3$ 에  $y = 0$ 을 대입하면

$$x^2 + 2x - 3 = 0, (x+3)(x-1) = 0$$

$$\therefore x = -3 \text{ 또는 } x = 1$$

따라서 A(-3, 0), B(1, 0)이므로

$$\overline{AB} = 1 - (-3) = 4$$

**22**  $y = x^2 - 6x + 8$

$$\begin{aligned} &= (x^2 - 6x + 9 - 9) + 8 \\ &= (x-3)^2 - 1 \end{aligned}$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(3, -1) \quad \therefore A(3, -1)$  ①

$y = x^2 - 6x + 8$ 에  $y = 0$ 을 대입하면

$$x^2 - 6x + 8 = 0, (x-2)(x-4) = 0$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = 4$$

$$\therefore B(2, 0), C(4, 0)$$
 ②, ③

$y = x^2 - 6x + 8$ 에  $x = 0$ 을 대입하면  $y = 8$

$$\therefore D(0, 8)$$
 ④

이때 점 E의  $y$ 좌표가 8이므로  $y = x^2 - 6x + 8$ 에  $y = 8$ 을 대입하면

$$8 = x^2 - 6x + 8, x^2 - 6x = 0$$

$$x(x-6) = 0 \quad \therefore x = 0 \text{ 또는 } x = 6$$

$$\therefore E(6, 8)$$

따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

**23**  $y = x^2 + 10x + a$

$$\begin{aligned} &= (x^2 + 10x + 25 - 25) + a \\ &= (x+5)^2 - 25 + a \end{aligned}$$

이므로 축의 방정식은  $x = -5$ 이다.

이때  $\overline{AB} = 6$ 이므로 그래프의 축에서 두 점 A, B까지의 거리는 각각 3이다.

$\therefore A(-8, 0), B(-2, 0)$  또는  $A(-2, 0), B(-8, 0)$

즉,  $y = x^2 + 10x + a$ 의 그래프가 점  $(-2, 0)$ 을 지나므로  $0 = (-2)^2 + 10 \times (-2) + a$

$$\therefore a = 16$$

**다른 풀이**

$y = x^2 + 10x + a$ 의 그래프가 점  $(-8, 0)$ 을 지나므로  $0 = (-8)^2 + 10 \times (-8) + a \quad \therefore a = 16$

**24** ③  $y = \frac{1}{2}x^2 - 4x + 3$ 과  $x^2$ 의 계수가 같으므로 그래프를 평행

이동하여 완전히 포괄 수 있다.

**25** 그래프가 위로 볼록한 이차함수는  $x^2$ 의 계수가 음수이므로

$$y = -x^2 - 8x, y = -3x^2 + 5, y = -\frac{1}{2}x^2 + 2x - 2$$

이때  $x^2$ 의 계수의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아지므로

$$\left| -\frac{1}{2} \right| < |-1| < |-3| \text{에서 폭이 가장 좁은 것은}$$

$$\textcircled{3} y = -3x^2 + 5$$

**26**  $y = \frac{1}{3}x^2 - 2x + 5$

$$= \frac{1}{3}(x^2 - 6x + 9 - 9) + 5$$

$$= \frac{1}{3}(x-3)^2 + 2$$

이므로 그래프는 아래로 볼록한 포물선이고 축의 방정식은  $x = 3$ 이다.

따라서  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값도 증가하는  $x$ 의 값의 범위는  $x > 3$ 이다.

27  $y = -x^2 + 2x + 3$

$$= -(x^2 - 2x + 1 - 1) + 3$$

$$= -(x-1)^2 + 4$$

③  $y = -x^2 + 2x + 3$ 에  $y=0$ 을 대입하면

$$-x^2 + 2x + 3 = 0, x^2 - 2x - 3 = 0$$

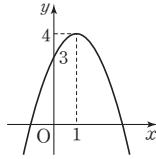
$$(x+1)(x-3) = 0 \quad \therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 3$$

따라서  $x$ 축과 두 점  $(-1, 0), (3, 0)$ 에서 만난다.

④ 그래프는 위로 볼록한 포물선이고, 꼭짓점의 좌표는  $(1, 4)$ ,  $y$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(0, 3)$ 이므로 오른쪽 그림과 같이 모든 사분면을 지난다.

⑤  $x > 1$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.

따라서 옳지 않은 것은 ④, ⑤이다.



28  $y = ax^2 + bx + c = a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 - \frac{b^2 - 4ac}{4a}$

ㄱ. 축의 방정식은  $x = -\frac{b}{2a}$ 이다.

ㅁ.  $y = ax^2$ 의 그래프를 평행이동하면 완전히 포개어진다.

따라서 옳지 않은 것은 ㄱ, ㅁ이다.

29 ①  $y = -2x^2 - x + a$ 의 그래프가 점  $(-1, 5)$ 를 지나므로

$$5 = -2 \times (-1)^2 - (-1) + a \quad \therefore a = 6$$

② 즉,  $y = -2x^2 - x + 6$ 의 그래프가 점  $(1, b)$ 를 지나므로

$$b = -2 \times 1^2 - 1 + 6 = 3$$

③  $\therefore a - 2b = 6 - 2 \times 3 = 0$

채점 기준		
1단계	$a$ 의 값 구하기	… 40%
2단계	$b$ 의 값 구하기	… 40%
3단계	$a - 2b$ 의 값 구하기	… 20%

30  $y = x^2 + 3x + 1$

$$= \left(x^2 + 3x + \frac{9}{4} - \frac{9}{4}\right) + 1$$

$$= \left(x + \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{5}{4}$$

이 그래프를  $x$ 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = \left(x - 2 + \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{5}{4} = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{5}{4} = x^2 - x - 1$$

31  $y = -x^2 + 6x - 6$

$$= -(x^2 - 6x + 9 - 9) - 6$$

$$= -(x-3)^2 + 3$$

이 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-1$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $-1$ 만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = -(x+1-3)^2 + 3 - 1$$

$$= -(x-2)^2 + 2$$

이 그래프가 점  $(1, k)$ 를 지나므로

$$k = -(1-2)^2 + 2 = 1$$

32  $y = -x^2 + 2x + 10$

$$= -(x^2 - 2x + 1 - 1) + 10$$

$$= -(x-1)^2 + 11$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(1, 11)$

$$y = -x^2 - 4x - 2$$

$$= -(x^2 + 4x + 4 - 4) - 2$$

$$= -(x+2)^2 + 2$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(-2, 2)$

즉,  $y = -x^2 + 2x + 10$ 의 그래프는

$y = -x^2 - 4x - 2$ 의 그래프를  $x$ 축의

방향으로 3만큼,  $y$ 축의 방향으로 9만

큼 평행이동한 것이므로 오른쪽 그림

에서 빛금 친 부분의 넓이는 서로 같다.

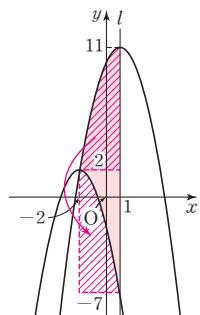
따라서 오른쪽 그림에서 색칠한 부분

의 넓이는 가로의 길이가 3, 세로의

길이가 9인 직사각형의 넓이와 같으

므로

$$(\text{색칠한 부분의 넓이}) = 3 \times 9 = 27$$



33 그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$

축이  $y$ 축의 왼쪽에 있으므로  $ab > 0 \quad \therefore b < 0$

$y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 아래쪽에 있으므로  $-c < 0 \quad \therefore c > 0$

34 ①  $y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 위쪽에 있으므로  $c > 0$

② 그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$

축이  $y$ 축의 오른쪽에 있으므로  $ab < 0$ 에서  $b < 0$

$$\therefore bc < 0$$

③  $a > 0, b < 0$ 이므로  $a - b > 0$

④  $x = -1$  일 때,  $y > 0$ 이므로  $a - b + c > 0$

⑤  $x = 2$  일 때,  $y < 0$ 이므로  $4a + 2b + c < 0$

따라서 옳지 않은 것은 ③이다.

35  $y = ax + b$ 의 그래프에서  $a < 0, b > 0$

$y = x^2 + ax - b$ 에서

$x^2$ 의 계수가 양수이므로 그래프는 아래로 볼록하다.

$a < 0$ 이므로  $x^2$ 의 계수와 부호가 서로 다르다.

즉, 축은  $y$ 축의 오른쪽에 있다.

$-b < 0$ 이므로  $y$ 축과 만나는 점은  $x$ 축보다 아래쪽에 있다.

따라서  $y = x^2 + ax - b$ 의 그래프로 알맞은 것은 ②이다.

36  $a < 0, ab > 0$ 에서  $b < 0$

$b < 0, bc > 0$ 에서  $c < 0$

$y = ax^2 - bx - c$ 에서

$a < 0$ 이므로 그래프는 위로 볼록하다.

$-b > 0$ 이므로  $a, -b$ 는 부호가 서로 다르다.

즉, 축은  $y$ 축의 오른쪽에 있다.

$-c > 0$ 이므로  $y$ 축과 만나는 점은  $x$ 축보다 위쪽에 있다.  
따라서  $y = ax^2 - bx - c$ 의 그래프로 알맞은 것은 ①이다.

### 37 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프에서

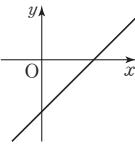
그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$

축이  $y$ 축의 왼쪽에 있으므로  $ab > 0 \quad \therefore b > 0$

$y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 아래쪽에 있으므로  $c < 0$

따라서  $a > 0, \frac{c}{b} < 0$ 이므로  $y = ax + \frac{c}{b}$ 의

그래프는 오른쪽 그림과 같이 제2사분면  
을 지나지 않는다.



### 38 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프에서

그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$

축이  $y$ 축의 왼쪽에 있으므로  $ab > 0 \quad \therefore b < 0$

$y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 아래쪽에 있으므로  $c < 0$

따라서  $y = bx^2 - cx + a$ 에서

$b < 0$ 이므로 그래프는 위로 볼록하다.

$-bc < 0$ 이므로 축은  $y$ 축의 오른쪽에 있다.

$a < 0$ 이므로  $y$ 축과 만나는 점은  $x$ 축보다 아래쪽에 있다.

즉,  $y = bx^2 - cx + a$ 의 그래프로 알맞은 것은 ③이다.

### 39 (1) $y = -x^2 + 6x + 7$

$$= -(x^2 - 6x + 9 - 9) + 7 \\ = -(x-3)^2 + 16$$

이므로 꼭짓점의 좌표는 (3, 16)

$\therefore A(3, 16)$

### (2) $y = -x^2 + 6x + 7$ 에 $y = 0$ 을 대입하면

$$-x^2 + 6x + 7 = 0, x^2 - 6x - 7 = 0 \\ (x+1)(x-7) = 0 \quad \therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 7 \\ \therefore B(-1, 0), C(7, 0)$$

$$(3) \triangle ABC = \frac{1}{2} \times \{7 - (-1)\} \times 16$$

$$= \frac{1}{2} \times 8 \times 16 = 64$$

### 40 (1단계) $y = 2x^2 - 4x + p$

$$= 2(x^2 - 2x + 1 - 1) + p \\ = 2(x-1)^2 - 2 + p$$

(2단계) 즉, 축의 방정식은  $x = 1$ 이고,  $\overline{AB} = 4$ 이므로  
 $A(-1, 0), B(3, 0)$

(3단계) 점  $A(-1, 0)$ 이  $y = 2x^2 - 4x + p$ 의 그래프 위의  
점이므로

$$0 = 2 \times (-1)^2 - 4 \times (-1) + p \\ \therefore p = -6$$

(4단계) 따라서  $y = 2(x-1)^2 - 8$ 에서 꼭짓점 C의 좌표는  
(1, -8)이므로

$$\triangle ACB = \frac{1}{2} \times 4 \times 8 = 16$$

채점 기준		
1단계	이차함수의 식을 $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 고치기	… 20%
2단계	두 점 A, B의 좌표 각각 구하기	… 30%
3단계	$p$ 의 값 구하기	… 30%
4단계	$\triangle ACB$ 의 넓이 구하기	… 20%

$$41 \quad y = \frac{1}{3}x^2 - \frac{4}{3}x - 4 \quad | \quad x = 0 \text{을 대입하면}$$

$$y = -4 \quad \therefore A(0, -4)$$

$$y = \frac{1}{3}x^2 - \frac{4}{3}x - 4$$

$$= \frac{1}{3}(x^2 - 4x + 4 - 4) - 4 \\ = \frac{1}{3}(x-2)^2 - \frac{16}{3}$$

$$\text{이므로 꼭짓점의 좌표는 } \left(2, -\frac{16}{3}\right) \quad \therefore B\left(2, -\frac{16}{3}\right)$$

$$\therefore \triangle OAB = \frac{1}{2} \times 4 \times 2 = 4$$

$$42 \quad y = -x^2 + 2x + 3$$

$$= -(x^2 - 2x + 1 - 1) + 3$$

$$= -(x-1)^2 + 4$$

$$\text{이므로 꼭짓점의 좌표는 } (1, 4) \quad \therefore A(1, 4)$$

$$y = -x^2 + 2x + 3 \quad | \quad x = 0 \text{을 대입하면}$$

$$-x^2 + 2x + 3 = 0, x^2 - 2x - 3 = 0$$

$$(x+1)(x-3) = 0$$

$$\therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 3$$

$$\text{이때 점 C의 } x\text{-좌표가 양수이므로 } C(3, 0)$$

$$\therefore \triangle ABC = \triangle ABO + \triangle AOC - \triangle BOC$$

$$= \frac{1}{2} \times 3 \times 1 + \frac{1}{2} \times 3 \times 4 - \frac{1}{2} \times 3 \times 3 \\ = \frac{3}{2} + 6 - \frac{9}{2} = 3$$

$$43 \quad y = -x^2 + 4x + 5$$

$$= -(x^2 - 4x + 4 - 4) + 5$$

$$= -(x-2)^2 + 9$$

$$\text{이므로 꼭짓점의 좌표는 } (2, 9) \quad \therefore A(2, 9)$$

$$y = -x^2 + 4x + 5 \quad | \quad x = 0 \text{을 대입하면}$$

$$y = 5 \quad \therefore B(0, 5)$$

$$y = -x^2 + 4x + 5 \quad | \quad y = 0 \text{을 대입하면}$$

$$-x^2 + 4x + 5 = 0, x^2 - 4x - 5 = 0$$

$$(x+1)(x-5) = 0$$

$$\therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 5$$

$$\therefore C(-1, 0), D(5, 0)$$

$$\therefore \square ABCD = \triangle BCO + \triangle ABO + \triangle AOD$$

$$= \frac{1}{2} \times 1 \times 5 + \frac{1}{2} \times 5 \times 2 + \frac{1}{2} \times 5 \times 9 \\ = \frac{5}{2} + 5 + \frac{45}{2} = 30$$

## 02 이차함수의 식 구하기

P. 155~157

**복습 다시**

**개념 익히기**

- 1 (1)  $y = -\frac{8}{9}x^2 - \frac{16}{9}x + \frac{28}{9}$       (2)  $y = \frac{3}{2}x^2 - 6x + 5$   
 (3)  $y = 3x^2 - 8x + 2$       (4)  $y = -\frac{1}{3}x^2 - 3x - 6$
- 2 (1)  $y = x^2 + 6x + 6$       (2)  $y = \frac{1}{2}x^2 - 4x + 10$   
 (3)  $y = -\frac{1}{2}x^2 + x$       (4)  $y = -\frac{3}{4}x^2 - 3x + 9$
- 3 3

**핵심 유형 문제**

- |      |            |           |      |      |
|------|------------|-----------|------|------|
| 4 ②  | 5 ①        | 6 ⑤       | 7 6  | 8 4  |
| 9 -1 | 10 10      | 11 (1, 7) | 12 ④ | 13 ⑤ |
| 14 ⑤ | 15 (2, -1) |           |      |      |

- 1 (1) 꼭짓점의 좌표가  $(-1, 4)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x+1)^2 + 4$ 로 놓자.  
 이 그래프가 점  $(2, -4)$ 를 지나므로  
 $-4 = a \times (2+1)^2 + 4, 9a = -8 \quad \therefore a = -\frac{8}{9}$   
 따라서 구하는 이차함수의 식은  
 $y = -\frac{8}{9}(x+1)^2 + 4 = -\frac{8}{9}x^2 - \frac{16}{9}x + \frac{28}{9}$
- (2) 축의 방정식이  $x=2$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x-2)^2 + q$ 로 놓자.  
 이 그래프가 두 점  $(0, 5), (6, 23)$ 을 지나므로  
 $5 = a \times (0-2)^2 + q \quad \therefore 4a + q = 5 \quad \cdots ⑦$   
 $23 = a \times (6-2)^2 + q \quad \therefore 16a + q = 23 \quad \cdots ⑧$   
 $\textcircled{7}, \textcircled{8} \text{을 연립하여 풀면 } a = \frac{3}{2}, q = -1$   
 따라서 구하는 이차함수의 식은  
 $y = \frac{3}{2}(x-2)^2 - 1 = \frac{3}{2}x^2 - 6x + 5$
- (3) 구하는 이차함수의 식을  $y = ax^2 + bx + c$ 로 놓자.  
 이 그래프가 점  $(0, 2)$ 를 지나므로  $c = 2$   
 즉,  $y = ax^2 + bx + 2$ 의 그래프가 두 점  $(-1, 13), (1, -3)$ 을 지나므로  
 $13 = a - b + 2 \quad \therefore a - b = 11 \quad \cdots ⑨$   
 $-3 = a + b + 2 \quad \therefore a + b = -5 \quad \cdots ⑩$   
 $\textcircled{9}, \textcircled{10} \text{을 연립하여 풀면 } a = 3, b = -8$   
 따라서 구하는 이차함수의 식은  
 $y = 3x^2 - 8x + 2$
- (4)  $x$ 축과 두 점  $(-6, 0), (-3, 0)$ 에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x+6)(x+3)$ 으로 놓자.  
 이 그래프가 점  $(0, -6)$ 을 지나므로

$$-6 = a \times 6 \times 3 \quad \therefore a = -\frac{1}{3}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y = -\frac{1}{3}(x+6)(x+3) = -\frac{1}{3}x^2 - 3x - 6$$

- 2 (1) 꼭짓점의 좌표가  $(-3, -3)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x+3)^2 - 3$ 으로 놓자.  
 이 그래프가 점  $(0, 6)$ 을 지나므로  
 $6 = a \times (0+3)^2 - 3, 9a = 9 \quad \therefore a = 1$   
 따라서 구하는 이차함수의 식은  
 $y = (x+3)^2 - 3 = x^2 + 6x + 6$
- (2) 축의 방정식이  $x=4$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x-4)^2 + q$ 로 놓자.  
 이 그래프가 두 점  $(0, 10), (6, 4)$ 를 지나므로  
 $10 = a \times (0-4)^2 + q \quad \therefore 16a + q = 10 \quad \cdots ⑪$   
 $4 = a \times (6-4)^2 + q \quad \therefore 4a + q = 4 \quad \cdots ⑫$   
 $\textcircled{11}, \textcircled{12} \text{을 연립하여 풀면 } a = \frac{1}{2}, q = 2$   
 따라서 구하는 이차함수의 식은  
 $y = \frac{1}{2}(x-4)^2 + 2 = \frac{1}{2}x^2 - 4x + 10$
- (3) 구하는 이차함수의 식을  $y = ax^2 + bx + c$ 로 놓자.  
 이 그래프가 점  $(0, 0)$ 을 지나므로  $c = 0$   
 즉,  $y = ax^2 + bx$ 의 그래프가 두 점  $(-2, -4), (4, -4)$ 를 지나므로  
 $-4 = 4a - 2b \quad \therefore 2a - b = -2 \quad \cdots ⑬$   
 $-4 = 16a + 4b \quad \therefore 4a + b = -1 \quad \cdots ⑭$   
 $\textcircled{13}, \textcircled{14} \text{을 연립하여 풀면 } a = -\frac{1}{2}, b = 1$   
 따라서 구하는 이차함수의 식은  $y = -\frac{1}{2}x^2 + x$
- (4)  $x$ 축과 두 점  $(-6, 0), (2, 0)$ 에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x+6)(x-2)$ 로 놓자.  
 이 그래프가 점  $(0, 9)$ 을 지나므로  
 $9 = a \times 6 \times (-2) \quad \therefore a = -\frac{3}{4}$   
 따라서 구하는 이차함수의 식은  
 $y = -\frac{3}{4}(x+6)(x-2) = -\frac{3}{4}x^2 - 3x + 9$
- 3  $y = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 6 = \frac{1}{2}(x^2 - 4x + 4 - 4) + 6$   
 $= \frac{1}{2}(x-2)^2 + 4$   
 에서 꼭짓점의 좌표는  $(2, 4)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x-2)^2 + 4$ 로 놓자.  
 이 그래프가 원점  $O(0, 0)$ 을 지나므로  
 $0 = a \times (0-2)^2 + 4, 4a = -4 \quad \therefore a = -1$   
 따라서 구하는 이차함수의 식은  
 $y = -(x-2)^2 + 4 = -x^2 + 4x$   
 즉,  $a = -1, b = 4, c = 0$ 이므로  
 $a + b + c = -1 + 4 + 0 = 3$

- 4** 꼭짓점의 좌표가  $(-2, 1)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  
 $y=a(x+2)^2+1$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(-3, 2)$ 를 지나므로

$$2=a \times (-3+2)^2+1 \quad \therefore a=1$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=(x+2)^2+1=x^2+4x+5 \text{이므로 } b=4, c=5$$

$$\therefore ab-c=1 \times 4 - 5 = -1$$

- 5** 꼭짓점의 좌표가  $(3, -2)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  
 $y=a(x-3)^2-2$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(-1, 6)$ 을 지나므로

$$6=a \times (-1-3)^2-2, 16a=8 \quad \therefore a=\frac{1}{2}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=\frac{1}{2}(x-3)^2-2=\frac{1}{2}x^2-3x+\frac{5}{2} \text{이므로}$$

$y$ 축과 만나는 점의 좌표는  $\left(0, \frac{5}{2}\right)$ 이다.

- 6** 꼭짓점의 좌표가  $(4, 6)$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  
 $y=a(x-4)^2+6$ 으로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, 2)$ 를 지나므로

$$2=a \times (0-4)^2+6, 16a=-4 \quad \therefore a=-\frac{1}{4}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-\frac{1}{4}(x-4)^2+6$$

이 그래프가 점  $(5, k)$ 를 지나므로

$$k=-\frac{1}{4} \times (5-4)^2+6=\frac{23}{4}$$

- 7** 축의 방정식이  $x=-2$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  
 $y=a(x+2)^2+q$ 로 놓자.

이 그래프가 두 점  $(0, 6), (2, 0)$ 을 지나므로

$$6=a \times (0+2)^2+q \quad \therefore 4a+q=6 \quad \cdots \textcircled{1}$$

$$0=a \times (2+2)^2+q \quad \therefore 16a+q=0 \quad \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{을 연립하여 풀면 } a=-\frac{1}{2}, q=8$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-\frac{1}{2}(x+2)^2+8=-\frac{1}{2}x^2-2x+6$$

$$\text{즉, } a=-\frac{1}{2}, b=-2, c=6 \text{이므로}$$

$$abc=-\frac{1}{2} \times (-2) \times 6=6$$

- 8** 축의 방정식이  $x=1$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  
 $y=a(x-1)^2+q$ 로 놓자.

이 그래프가  $y$ 축과 만나는 점의  $y$ 좌표가  $-2$ 이므로 점  $(0, -2)$ 를 지난다. 즉,

$$-2=a \times (0-1)^2+q \quad \therefore a+q=-2 \quad \cdots \textcircled{1}$$

또 이 그래프가 점  $(-2, 14)$ 를 지나므로

$$14=a \times (-2-1)^2+q \quad \therefore 9a+q=14 \quad \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면  $a=2, q=-4$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=2(x-1)^2-4$$

이 그래프가 점  $(3, k)$ 를 지나므로

$$k=2 \times (3-1)^2-4=4$$

- 9** 조건 (가)에서  $x^2$ 의 계수는  $-2$ 이므로  $a=-2$

조건 (动摇)에서 축의 방정식이  $x=-3$ 이므로

구하는 이차함수의 식을  $y=-2(x+3)^2+q$ 로 놓자.

조건 (动摇)에서 이 그래프가 점  $(-1, -3)$ 을 지나므로

$$-3=-2 \times (-1+3)^2+q \quad \therefore q=5$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-2(x+3)^2+5=-2x^2-12x-13$$

즉,  $a=-2, b=-12, c=-13$ 이므로

$$a+b-c=-2+(-12)-(-13)=-1$$

- 10**  $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프가 점  $(0, 1)$ 을 지나므로  $c=1$

즉,  $y=ax^2+bx+1$ 의 그래프가 두 점  $(-1, 6), (1, 2)$ 를 지나므로

$$6=a-b+1 \quad \therefore a-b=5 \quad \cdots \textcircled{1}$$

$$2=a+b+1 \quad \therefore a+b=1 \quad \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{을 연립하여 풀면 } a=3, b=-2$$

$$\therefore a-2b+3c=3-2 \times (-2)+3 \times 1=10$$

- 11** **1단계** 구하는 이차함수의 식을  $y=ax^2+bx+c$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, 8)$ 을 지나므로  $c=8$

**2단계** 즉,  $y=ax^2+bx+8$ 의 그래프가 두 점  $(-1, 11), (4, 16)$ 을 지나므로

$$11=a-b+8 \quad \therefore a-b=3 \quad \cdots \textcircled{1}$$

$$16=16a+4b+8 \quad \therefore 4a+b=2 \quad \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{을 연립하여 풀면 } a=1, b=-2$$

**3단계** 따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=x^2-2x+8$$

$$=(x^2-2x+1-1)+8$$

$$=(x-1)^2+7$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(1, 7)$ 이다.

#### 제작 기준

1단계 | 이차함수의 식의 상수항 구하기 ... 20%

2단계 | 이차함수의 식의  $x^2$ 의 계수와  $x$ 의 계수 구하기 ... 50%

3단계 | 꼭짓점의 좌표 구하기 ... 30%

- 12** 구하는 이차함수의 식을  $y=ax^2+bx+c$ 로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, 3)$ 을 지나므로  $c=3$

즉,  $y=ax^2+bx+3$ 의 그래프가 두 점  $(-3, 0), (-2, 7)$ 을 지나므로

$$0=9a-3b+3 \quad \therefore 3a-b=-1 \quad \cdots \textcircled{1}$$

$$7=4a-2b+3 \quad \therefore 2a-b=2 \quad \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{을 연립하여 풀면 } a=-3, b=-8$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y = -3x^2 - 8x + 3$$

이 그래프가 점  $(-1, k)$ 를 지나므로

$$k = -3 \times (-1)^2 - 8 \times (-1) + 3 = 8$$

- 13** 그래프가  $x$ 축과 두 점  $(-2, 0), (3, 0)$ 에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x+2)(x-3)$ 으로 놓자.

이 그래프가 점  $(1, -12)$ 를 지나므로

$$-12 = a \times 3 \times (-2) \quad \therefore a = 2$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y = 2(x+2)(x-3) = 2x^2 - 2x - 12$$

즉,  $a=2, b=-2, c=-12$ 이므로

$$abc = 2 \times (-2) \times (-12) = 48$$

- 14**  $x^2$ 의 계수가 1이고, 그래프가  $x$ 축과 두 점  $(1, 0), (5, 0)$ 에서 만나므로

$$y = (x-1)(x-5) = x^2 - 6x + 5 \quad \therefore a = -6, b = 5$$

이 그래프가 점  $(4, k)$ 를 지나므로

$$k = 4^2 - 6 \times 4 + 5 = -3$$

$$\therefore a+b-k = -6+5-(-3) = 2$$

- 15** 그래프가  $x$ 축과 두 점  $(1, 0), (3, 0)$ 에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x-1)(x-3)$ 으로 놓자.

이 그래프가 점  $(0, 3)$ 을 지나므로

$$3 = a \times (-1) \times (-3) \quad \therefore a = 1$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y = (x-1)(x-3) = x^2 - 4x + 3$$

$$= (x^2 - 4x + 4 - 4) + 3$$

$$= (x-2)^2 - 1$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(2, -1)$ 이다.

$$1 \quad y = 2x^2 - 4x - 3$$

$$= 2(x^2 - 2x + 1 - 1) - 3$$

$$= 2(x-1)^2 - 5$$

이므로  $x=1$ 에서 최솟값은  $-5$ 이다.

따라서  $a=1, b=-5$ 이므로

$$a-b=1-(-5)=6$$

$$2 \quad ① \quad y = -x^2 - 5 \Leftrightarrow x=0 \text{에서 최댓값은 } -5 \text{이다.}$$

②  $y = x^2 + 4x + 9 \Leftrightarrow$  최댓값은 없다.

$$③ \quad y = -x^2 - 4x - 4$$

$$= -(x^2 + 4x + 4 - 4) - 4$$

$$= -(x+2)^2$$

$\Leftrightarrow x = -2$ 에서 최댓값은  $0$ 이다.

$$④ \quad y = 2x^2 - 8x + 13 \Leftrightarrow$$
 최댓값은 없다.

$$⑤ \quad y = -\frac{1}{2}x^2 + 2x + 3$$

$$= -\frac{1}{2}(x^2 - 4x + 4 - 4) + 3$$

$$= -\frac{1}{2}(x-2)^2 + 5$$

$\Leftrightarrow x = 2$ 에서 최댓값은  $5$ 이다.

따라서 최댓값이  $5$ 인 것은 ⑤이다.

- 3**  $x^2$ 의 계수는 1이고,  $x=1$ 에서 최솟값이 3이므로 꼭짓점의 좌표는  $(1, 3)$ 이다.

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y = (x-1)^2 + 3 = x^2 - 2x + 4$$

이므로  $2a = -2, b = 4 \quad \therefore a = -1, b = 4$

$$\therefore 4a+b = 4 \times (-1) + 4 = 0$$

- 4** 두 수를  $x, 30-x$ 라 하고, 두 수의 곱을  $y$ 라고 하면

$$y = x(30-x) = -x^2 + 30x$$

$$= -(x^2 - 30x + 225 - 225)$$

$$= -(x-15)^2 + 225$$

이므로  $x=15$ 에서 최댓값은 225이다.

따라서 두 수는 15, 15이므로 두 수의 차는 0이다.

- 5** 색칠한 부분의 세로의 길이가  $x \text{ cm}$ 이므로 가로의 길이는  $(36-2x) \text{ cm}$ 이다.

색칠한 부분의 넓이를  $y \text{ cm}^2$ 라고 하면

$$y = x(36-2x) = -2x^2 + 36x$$

$$= -2(x^2 - 18x + 81 - 81)$$

$$= -2(x-9)^2 + 162$$

이므로  $x=9$ 에서 최댓값은 162이다.

따라서 색칠한 부분의 넓이가 최대가 되도록 하는  $x$ 의 값은 9이다.

$$6 \quad y = -5x^2 + 30x + 1.7$$

$$= -5(x^2 - 6x + 9 - 9) + 1.7$$

$$= -5(x-3)^2 + 46.7$$

### 03 이차함수의 최댓값과 최솟값

P. 158~161

복습 단元

개념 익히기

1 ⑤    2 ⑤    3 ②    4 ①    5 9

6 46.7 m

핵심 유형

문제

7 ④    8 ④    9  $\frac{25}{4}$     10 ②    11 9

12 10    13  $a \leq -1$     14  $-5, 5$

15 ③    16 ③    17  $\frac{4}{3}$     18  $32 \text{ cm}^2$

19  $196 \text{ cm}^2$     20 ②    21 8    22 ③

23 14 cm    24 4초 후, 100 m    25 6초    26 550원

이므로  $x=3$ 에서 최댓값은 46.7이다.

따라서 창이 최고 높이에 도달했을 때, 지면으로부터의 높이는 46.7 m이다.

7  $y = x^2 + 6x + 11$

$$= (x^2 + 6x + 9 - 9) + 11$$

$$= (x+3)^2 + 2$$

이므로  $x=-3$ 에서 최솟값은 2이다.  $\therefore m=2$

$$y = -3x^2 - 6x + 2$$

$$= -3(x^2 + 2x + 1 - 1) + 2$$

$$= -3(x+1)^2 + 5$$

이므로  $x=-1$ 에서 최댓값은 5이다.  $\therefore M=5$

$$\therefore m+M=2+5=7$$

8 ①  $y = x^2 - 4x = x^2 - 4x + 4 - 4$

$$= (x-2)^2 - 4$$

이므로  $x=2$ 에서 최솟값은 -4이다.

②  $y = 2x^2 + 8x + 9 = 2(x^2 + 4x + 4 - 4) + 9$

$$= 2(x+2)^2 + 1$$

이므로  $x=-2$ 에서 최솟값은 1이다.

③  $y = x^2 - 3x + 2 = \left( x^2 - 3x + \frac{9}{4} - \frac{9}{4} \right) + 2$

$$= \left( x - \frac{3}{2} \right)^2 - \frac{1}{4}$$

이므로  $x=\frac{3}{2}$ 에서 최솟값은  $-\frac{1}{4}$ 이다.

④  $y = \frac{1}{2}x^2 - 2x - 5 = \frac{1}{2}(x^2 - 4x + 4 - 4) - 5$

$$= \frac{1}{2}(x-2)^2 - 7$$

이므로  $x=2$ 에서 최솟값은 -7이다.

⑤  $y = 3x^2 + 6x - 1 = 3(x^2 + 2x + 1 - 1) - 1$

$$= 3(x+1)^2 - 4$$

이므로  $x=-1$ 에서 최솟값은 -4이다.

따라서 최솟값이 가장 작은 것은 ④이다.

9 ① 단계  $y = -x^2 + ax + b$ 의 그래프가 점  $(0, 4)$ 를 지나므로  $b=4$

$$y = -x^2 + ax + 4 \text{의 그래프가 점 } (4, 0) \text{을 지나므로 } 0 = -16 + 4a + 4 \quad \therefore a=3$$

② 단계  $\therefore y = -x^2 + 3x + 4$

$$= -\left( x^2 - 3x + \frac{9}{4} - \frac{9}{4} \right) + 4$$
$$= -\left( x - \frac{3}{2} \right)^2 + \frac{25}{4}$$

③ 단계 따라서  $x=\frac{3}{2}$ 에서 최댓값은  $\frac{25}{4}$ 이다.

채점 기준

1단계	$a, b$ 의 값 각각 구하기	… 50 %
2단계	$y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 변형하기	… 30 %
3단계	최댓값 구하기	… 20 %

10  $y = -x^2 + 4x + k$

$$= -(x^2 - 4x + 4 - 4) + k$$

$$= -(x-2)^2 + 4 + k$$

이므로  $x=2$ 에서 최댓값은  $4+k$ 이다.

이때 최댓값이 7이므로

$$4+k=7 \quad \therefore k=3$$

11 ① 단계  $y = ax^2 + bx - 7$ 은  $x=-1$ 에서 최솟값이 -10이

므로 꼭짓점의 좌표는  $(-1, -10)$ 이다. 즉,

$$y = a(x+1)^2 - 10 = ax^2 + 2ax + a - 10$$

② 단계 따라서  $b=2a, -7=a-10$ 이므로

$$a=3, b=2 \times 3=6$$

③ 단계  $\therefore a+b=3+6=9$

채점 기준		
1단계	이차함수의 식 구하기	… 50 %
2단계	$a, b$ 의 값 각각 구하기	… 30 %
3단계	$a+b$ 의 값 구하기	… 20 %

12 그래프가  $x$ 축과 만나는 두 점이  $(0, 0), (4, 0)$ 이므로

축의 방정식은  $x=2$

이때 최솟값이 -8이므로 꼭짓점의 좌표는  $(2, -8)$

따라서 구하는 이차함수의 식을  $y=a(x-2)^2-8$ 로 놓으면

그래프가 점  $(0, 0)$ 을 지나므로

$$0=a(0-2)^2-8, 4a=8 \quad \therefore a=2$$

$$\text{즉, } y=2(x-2)^2-8=2x^2-8x \text{이므로 } b=-8, c=0$$

$$\therefore a-b-c=2-(-8)-0=10$$

13  $x=-2$ 에서 최댓값이 4이므로 꼭짓점의 좌표는  $(-2, 4)$ 이다. 즉,

$$y = a(x+2)^2 + 4 = ax^2 + 4ax + 4a + 4$$

이차함수가 최댓값을 가지려면  $x^2$ 의 계수가 음수이어야 하므로  $a < 0$  … ⑦

이 그래프가 제1사분면을 지나지 않으려면

$(y$ 축과 만나는 점의  $y$ 좌표)  $\leq 0$ 이어야 하므로

$$4a+4 \leq 0 \quad \therefore a \leq -1 \quad \cdots \textcircled{8}$$

⑦, ⑧에 의해  $a \leq -1$

14 ① 단계 두 수를  $x, x+10$ 이라 하고,

두 수의 곱을  $y$ 라고 하면

$$y = x(x+10) = x^2 + 10x$$

$$= x^2 + 10x + 25 - 25$$

$$= (x+5)^2 - 25$$

② 단계 따라서  $x=-5$ 에서 최솟값이 -25이므로 구하는 두 수는  $-5, -5+10=5$ 이다.

채점 기준		
1단계	두 수의 곱을 구하는 식 구하기	… 50 %
2단계	곱이 최소가 되는 두 수 구하기	… 50 %

- 15** 두 수를  $x, 16-x$ 라 하고, 두 수의 제곱의 합을  $y$ 라고 하면

$$\begin{aligned}y &= x^2 + (16-x)^2 = 2x^2 - 32x + 256 \\&= 2(x^2 - 16x + 64 - 64) + 256 \\&= 2(x-8)^2 + 128\end{aligned}$$

이므로  $x=8$ 에서 최솟값은 128이다.

따라서 두 수의 제곱의 합의 최솟값은 128이다.

- 16**  $2x+y=8$ 에서  $y=8-2x$

$$\begin{aligned}\therefore xy &= x(8-2x) \\&= -2x^2 + 8x \\&= -2(x^2 - 4x + 4 - 4) \\&= -2(x-2)^2 + 8\end{aligned}$$

따라서  $xy$ 는  $x=2$ 일 때, 최댓값이 8이다.

- 17** 점  $(a, b)$ 가 직선  $y=-3x+4$  위의 점이므로

$$\begin{aligned}b &= -3a+4 \\ \therefore ab &= a(-3a+4) \\&= -3a^2 + 4a \\&= -3\left(a^2 - \frac{4}{3}a + \frac{4}{9} - \frac{4}{9}\right) \\&= -3\left(a - \frac{2}{3}\right)^2 + \frac{4}{3}\end{aligned}$$

따라서  $ab$ 는  $a=\frac{2}{3}$ 일 때, 최댓값이  $\frac{4}{3}$ 이다.

- 18** 새로운 직사각형의 넓이를  $y \text{ cm}^2$ 라고 하면

$$\begin{aligned}y &= (10-2x)(3+x) \\&= -2x^2 + 4x + 30 \\&= -2(x^2 - 2x + 1 - 1) + 30 \\&= -2(x-1)^2 + 32\end{aligned}$$

이므로  $x=1$ 에서 최댓값은 32이다.

따라서 직사각형의 최대 넓이는  $32 \text{ cm}^2$ 이다.

- 19** 가로의 길이를  $x \text{ cm}$ 라 하면 세로의 길이는  $(28-x) \text{ cm}$ 이고,

직사각형의 넓이를  $y \text{ cm}^2$ 라고 하면

$$\begin{aligned}y &= x(28-x) = -x^2 + 28x \\&= -(x^2 - 28x + 196 - 196) \\&= -(x-14)^2 + 196\end{aligned}$$

이므로  $x=14$ 에서 최댓값은 196이다.

따라서 직사각형의 넓이의 최댓값은  $196 \text{ cm}^2$ 이다.

- 20** 부채꼴의 반지름의 길이를  $x \text{ cm}$ 라 하면 호의 길이는

$(40-2x) \text{ cm}$ 이고, 부채꼴의 넓이를  $y \text{ cm}^2$ 라고 하면

$$\begin{aligned}y &= \frac{1}{2}x(40-2x) \\&= -x^2 + 20x \\&= -(x^2 - 20x + 100 - 100) \\&= -(x-10)^2 + 100\end{aligned}$$

이므로  $x=10$ 에서 최댓값은 100이다.

따라서 부채꼴의 넓이가 최대가 될 때, 반지름의 길이는  $10 \text{ cm}$ 이다.

- 21** 점 P의 좌표를  $(a, -a+8)$ 이라고 하면

$$\begin{aligned}\triangle POA &= \frac{1}{2}a(-a+8) = -\frac{1}{2}a^2 + 4a \\&= -\frac{1}{2}(a^2 - 8a + 16 - 16) \\&= -\frac{1}{2}(a-4)^2 + 8\end{aligned}$$

이므로  $a=4$ 에서 최댓값은 8이다.

따라서  $\triangle POA$ 의 넓이의 최댓값은 8이다.

- 22** 점 P의 좌표를  $(a, -2a+12)$ 라고 하면

$$\begin{aligned}\square ROQP &= a(-2a+12) = -2a^2 + 12a \\&= -2(a^2 - 6a + 9 - 9) \\&= -2(a-3)^2 + 18\end{aligned}$$

이므로  $a=3$ 에서 최댓값은 18이다.

따라서 구하는 점 P의 좌표는  $(3, 6)$ 이다.

- 23**  $\overline{QC}=x \text{ cm}$ 라 하면  $\overline{BQ}=(8-x) \text{ cm}$ 이고,

$\triangle ABC \sim \triangle PBQ$  (AA 닮음)이므로

$$\overline{BC} : \overline{BQ} = \overline{AC} : \overline{PQ} \text{에서 } 8 : (8-x) = 6 : \overline{PQ}$$

$$\therefore \overline{PQ} = \frac{6(8-x)}{8} = \frac{3}{4}(8-x) \text{ (cm)}$$

$$\therefore \square PQCR = \overline{QC} \times \overline{PQ}$$

$$= x \times \frac{3}{4}(8-x) = -\frac{3}{4}x^2 + 6x$$

$$= -\frac{3}{4}(x^2 - 8x + 16 - 16)$$

$$= -\frac{3}{4}(x-4)^2 + 12$$

따라서  $x=4$ 에서 최댓값은 12이다.

즉,  $x=4$ 일 때,  $\square PQCR$ 의 넓이가 최대이므로

$$(\square PQCR \text{의 둘레의 길이}) = 2(\overline{QC} + \overline{PQ})$$

$$= 2\left\{4 + \frac{3}{4} \times (8-4)\right\}$$

$$= 2 \times 7 = 14 \text{ (cm)}$$

- 24**  $y = -5x^2 + 40x + 20$

$$\begin{aligned}&= -5(x^2 - 8x + 16 - 16) + 20 \\&= -5(x-4)^2 + 100\end{aligned}$$

이므로  $x=4$ 에서 최댓값은 100이다.

따라서 물체는 쏘아 올린 지 4초 후에 최고 높이 100m에 도달한다.

- 25**  $h = 60t - 5t^2 = -5(t^2 - 12t + 36 - 36)$

$$= -5(t-6)^2 + 180$$

이므로  $t=6$ 에서 최댓값은 180이다.

즉, 공이 가장 높이 올라가는 데 걸리는 시간은 6초이다.

한편, 지면에 떨어질 때는  $h=0$ 일 때이므로  $0 = 60t - 5t^2$

$$-5t(t-12) = 0 \quad \therefore t=0 \text{ 또는 } t=12$$

이때  $t > 0$ 이므로  $t=12$

즉, 공을 쏘아 올린 지 12초 후에 지면에 떨어진다.

따라서 공이 가장 높이 올라갔을 때부터 지면에 떨어질 때 까지 걸린 시간은  $12 - 6 = 6$  (초)

- 26** 볼펜의 가격을  $10x$ 원씩 내릴 때마다 판매량은  $2x$ 자루씩 늘어나므로 볼펜의 하루 동안의 총 판매 금액을  $y$ 원이라고 하면

$$y = (\text{볼펜의 가격}) \times (\text{하루 판매량})$$

$$= (600 - 10x)(100 + 2x) = -20x^2 + 200x + 60000$$

$$= -20(x^2 - 10x + 25 - 25) + 60000$$

$$= -20(x-5)^2 + 60500$$

이므로  $x=5$ 에서 최댓값은 60500이다.

즉,  $x=5$ 일 때, 하루 동안의 총 판매 금액이 최대가 되므로 그때의 볼펜 한 자루의 가격은  $600 - 10 \times 5 = 550$ (원)

### 실력 UP 문제

P. 162

**1-1**  $(1, 5)$

**1-2**  $(7, 7)$

**2-1** 36

**2-2** 9

**3-1**  $\frac{7}{4}$ ,  $k = -\frac{1}{2}$

**3-2**  $\frac{1}{2}$

- 1-1** 점 A가  $y = -x^2 + 6x$ 의 그래프 위의 점이므로  $A(a, -a^2 + 6a)$ 라고 하면  $B(a, 0)$ 이다.

$$\therefore \overline{AB} = -a^2 + 6a$$

$$\text{한편, } y = -x^2 + 6x = -(x-3)^2 + 9$$

이므로 축의 방정식은  $x=3$ 이고, 점 B와 점 C는 축에 대하여 대칭이므로

$$\overline{BC} = 2(3-a) = 6-2a$$

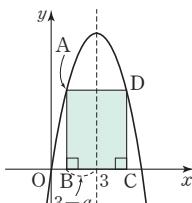
이때  $\square ABCD$ 의 둘레의 길이가 18  
이므로

$$2\{(-a^2 + 6a) + (6-2a)\} = 18$$

$$a^2 - 4a + 3 = 0, (a-1)(a-3) = 0 \quad \therefore a=1 \text{ 또는 } a=3$$

이때  $a < 3$ 이므로  $a=1$

따라서 점 A의 좌표는  $(1, 5)$ 이다.



- 1-2** 점 D가  $y = -x^2 + 8x$ 의 그래프 위의 점이므로

$$D(a, -a^2 + 8a)$$
라고 하면  $C(a, 0)$ 이다.

$$\therefore \overline{CD} = -a^2 + 8a$$

$$\text{한편, } y = -x^2 + 8x = -(x-4)^2 + 16$$

이므로 축의 방정식은  $x=4$ 이고, 점 B와 점 C는 축에 대하여 대칭이므로

$$\overline{BC} = 2(a-4) = 2a-8$$

이때  $\square ABCD$ 의 둘레의 길이가 26이다.

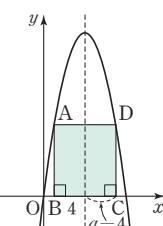
따라서

$$2\{(-a^2 + 8a) + (2a-8)\} = 26$$

$$a^2 - 10a + 21 = 0, (a-3)(a-7) = 0 \quad \therefore a=3 \text{ 또는 } a=7$$

이때  $a > 4$ 이므로  $a=7$

따라서 점 D의 좌표는  $(7, 7)$ 이다.



- 2-1**  $y = -x^2 + 2x + 8 = -(x-1)^2 + 9$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(1, 9)$   $\therefore A(1, 9)$

$$y = -x^2 + 10x - 16 = -(x-5)^2 + 9$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(5, 9)$   $\therefore B(5, 9)$

따라서  $y = -x^2 + 10x - 16$ 의 그래프는  $y = -x^2 + 2x + 8$ 의

그래프를  $x$ 축의 방향으로 4만큼 평행이동한 것이므로

$\square ACDB$ 는 밑변의 길이가 4이고 높이가 9인 평행사변형  
이다.

$$\therefore \square ACDB = 4 \times 9 = 36$$

**2-2**  $y = x^2 - 3x + 4 = \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{7}{4}$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $\left(\frac{3}{2}, \frac{7}{4}\right)$   $\therefore A\left(\frac{3}{2}, \frac{7}{4}\right)$

$$y = x^2 - 3x - 2 = \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{17}{4}$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $\left(\frac{3}{2}, -\frac{17}{4}\right)$   $\therefore B\left(\frac{3}{2}, -\frac{17}{4}\right)$

따라서  $y = x^2 - 3x - 2$ 의 그래프는  $y = x^2 - 3x + 4$ 의 그래프  
를  $y$ 축의 방향으로 6만큼 평행이동한 것이므로  $\square ACDB$ 는  
밑변의 길이가 6이고 높이가  $\frac{3}{2}$ 인 평행사변형이다.

$$\therefore \square ACDB = 6 \times \frac{3}{2} = 9$$

**3-1**  $y = -x^2 + 2kx + k + 2$

$$= -(x^2 - 2kx + k^2 - k^2) + k + 2$$

$$= -(x-k)^2 + k^2 + k + 2$$

따라서  $x=k$ 에서 최댓값은  $k^2 + k + 2$ 이다.

$$M = k^2 + k + 2 = \left(k + \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{7}{4}$$

즉,  $M$ 은  $k = -\frac{1}{2}$ 에서 최솟값이  $\frac{7}{4}$ 이다.

**3-2**  $y = 2x^2 - 2kx + k$

$$= 2\left(x^2 - kx + \frac{k^2}{4} - \frac{k^2}{4}\right) + k$$

$$= 2\left(x - \frac{k}{2}\right)^2 - \frac{k^2}{2} + k$$

따라서  $x = \frac{k}{2}$ 에서 최솟값은  $-\frac{k^2}{2} + k$ 이다.

$$m = -\frac{k^2}{2} + k = -\frac{1}{2}(k-1)^2 + \frac{1}{2}$$

즉,  $m$ 은  $k=1$ 에서 최댓값이  $\frac{1}{2}$ 이다.

### 실전 테스트

P. 163~165

**1** ④    **2** 1    **3** ②    **4** (2, -9)

**5** ②    **6** ①, ④    **7** 2    **8** ↗, ↖, □

**9**  $\frac{3}{2}$     **10** ②    **11** -10    **12** 1    **13** 최댓값 3

**14** ④    **15**  $50 \text{ m}^2$     **16**  $\frac{45}{4} \text{ m}$     **17**  $a+b$     **18** 16 m

1  $y = -3x^2 + 12x - 6 = -3(x-2)^2 + 6$

따라서 축의 방정식은  $x=2$ 이다. 꼭짓점의 좌표는  $(2, 6)$ 이다.

2  $y = x^2 - 2ax + a + 4$

$$= (x^2 - 2ax + a^2 - a^2) + a + 4$$

$$= (x-a)^2 - a^2 + a + 4$$

이때 꼭짓점  $(a, -a^2 + a + 4)$ 가 직선  $y=4x$  위에 있으므로  $-a^2 + a + 4 = 4a$ ,  $a^2 + 3a - 4 = 0$

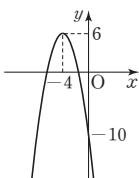
$$(a+4)(a-1) = 0 \quad \therefore a = -4 \text{ 또는 } a = 1$$

이때  $a > 0$ 이므로  $a = 1$

3 ①  $y = -x^2 - 8x - 10$

$$= -(x+4)^2 + 6$$

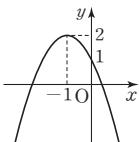
이므로 그래프는 오른쪽 그림과 같아 제1사분면을 지나지 않는다.



②  $y = -x^2 - 2x + 1$

$$= -(x+1)^2 + 2$$

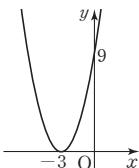
이므로 그래프는 오른쪽 그림과 같아 모든 사분면을 지나다.



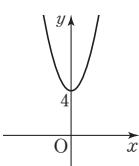
③  $y = x^2 + 6x + 9$

$$= (x+3)^2$$

이므로 그래프는 오른쪽 그림과 같아 제3, 4사분면을 지나지 않는다.



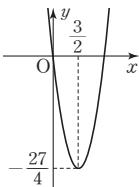
④  $y = 2x^2 + 4$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같아 제3, 4사분면을 지나지 않는다.



⑤  $y = 3x^2 - 9x$

$$= 3\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{27}{4}$$

이므로 그래프는 오른쪽 그림과 같아 제3사분면을 지나지 않는다.



따라서 그래프가 모든 사분면을 지나는 것은 ②이다.

4  $y = \frac{1}{4}x^2 - x + k = \frac{1}{4}(x-2)^2 - 1 + k$

이므로 축의 방정식은  $x=2$ 이다.

이때  $\overline{AB} = 12$ 이므로 그래프의 축에서 두 점 A, B까지의 거리는 각각 6이다.

$\therefore A(-4, 0), B(8, 0)$  또는  $A(8, 0), B(-4, 0)$

즉,  $y = \frac{1}{4}x^2 - x + k$ 의 그래프가 점  $(8, 0)$ 을 지나므로

$$0 = \frac{1}{4} \times 8^2 - 8 + k \quad \therefore k = -8$$

따라서  $y = \frac{1}{4}(x-2)^2 - 9$ 이므로 꼭짓점의 좌표는  $(2, -9)$

이다.

5  $x^2$ 의 계수의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아진다.

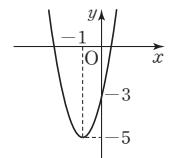
즉,  $\left|\frac{1}{3}\right| < \left|\frac{1}{2}\right| < |-1| < |-3| < |4|$ 이므로 그래프의 폭이 가장 좁은 것은 ②  $y = 4(x-1)^2 - 5$ 이다.

6  $y = 2x^2 + 4x - 3 = 2(x+1)^2 - 5$

① 축의 방정식은  $x = -1$ 이다.

③ 그래프는 오른쪽 그림과 같이 모든 사분면을 지난다.

④  $y = 2x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 -1만큼,  $y$ 축의 방향으로 -5만큼 평행이동한 것이다.



따라서 옳지 않은 것은 ①, ④이다.

7  $y = -x^2 + 10x - 19 = -(x-5)^2 + 6$ 으로 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = -(x+3-5)^2 + 6 - 6$$

$$\therefore y = -(x-2)^2$$

따라서 꼭짓점의 좌표는  $(2, 0)$ 이므로  $p=2, q=0$

$$\therefore p+q=2+0=2$$

8 그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$

축이  $y$ 축의 오른쪽에 있으므로  $ab < 0 \quad \therefore b > 0$

$y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 위쪽에 있으므로  $c > 0$

$\neg b > 0, c > 0$ 이므로  $bc > 0$

$\neg a < 0, bc > 0$ 이므로  $abc < 0$

$\neg a < 0, b > 0$ 이므로  $\frac{a}{b} < 0$

$\neg x = -\frac{1}{2}$ 일 때,  $y > 0$ 이므로  $\frac{1}{4}a - \frac{1}{2}b + c > 0$

$\neg x = 2$ 일 때,  $y > 0$ 이므로  $4a + 2b + c > 0$

따라서 옳은 것은  $\neg, \neg, \neg$ 이다.

9  $y = -\frac{1}{2}x^2 + x + 4$ 에  $y=0$ 을 대입하면

$$-\frac{1}{2}x^2 + x + 4 = 0, x^2 - 2x - 8 = 0$$

$$(x+2)(x-4) = 0 \quad \therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 4$$

$$\therefore A(-2, 0), B(4, 0)$$

$y = -\frac{1}{2}x^2 + x + 4$ 에  $x=0$ 을 대입하면

$$y = 4 \quad \therefore C(0, 4)$$

$$y = -\frac{1}{2}x^2 + x + 4 = -\frac{1}{2}(x-1)^2 + \frac{9}{2}$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(1, \frac{9}{2})$   $\therefore D(1, \frac{9}{2})$

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12,$$

$$\triangle ABD = \frac{1}{2} \times 6 \times \frac{9}{2} = \frac{27}{2}$$

$$\therefore \triangle ABD - \triangle ABC = \frac{27}{2} - 12 = \frac{3}{2}$$

- 10**  $y=4x^2+24x+41=4(x+3)^2+5$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가  $(-3, 5)$ 이므로 구하는 이차함수의 식은  
 $y=a(x+3)^2+5$ 로 놓자.

$y=\frac{1}{3}x^2-x-4$ 의 그래프가  $y$ 축과 만나는 점의 좌표는  $(0, -4)$

즉,  $y=a(x+3)^2+5$ 의 그래프가 점  $(0, -4)$ 를 지나므로  $-4=a\times(0+3)^2+5$ ,  $9a=-9 \quad \therefore a=-1$   
 따라서 구하는 이차함수의 식은  
 $y=-(x+3)^2+5=-x^2-6x-4$

- 11**  $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프가 점  $(0, 16)$ 을 지나므로  $c=16$   
 즉,  $y=ax^2+bx+16$ 의 그래프가 두 점  $(1, 10)$ ,  $(3, -14)$ 를 지나므로

$$\begin{aligned} 10 &= a+b+16 \quad \therefore a+b=-6 & \cdots \textcircled{①} \\ -14 &= 9a+3b+16 \quad \therefore 3a+b=-10 & \cdots \textcircled{②} \\ \textcircled{①}, \textcircled{②} \text{을 연립하여 풀면 } a &= -2, b = -4 \\ \therefore a-2b-c &= -2-2\times(-4)-16=-10 \end{aligned}$$

- 12** 조건 ④에서  $x^2$ 의 계수는  $-2$ 이므로  $a=-2$

조건 ⑤에서 축의 방정식은  $x=1$ 이므로

구하는 이차함수의 식을  $y=-2(x-1)^2+q$ 로 놓자.

조건 ⑥에서 이 그래프가 점  $(-2, -7)$ 을 지나므로  $-7=-2\times(-2-1)^2+q \quad \therefore q=11$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-2(x-1)^2+11=-2x^2+4x+9$$

즉,  $a=-2, b=4, c=9$ 이므로

$$ab+c=-2\times4+9=1$$

- 13** ① 단계  $x$ 축과 두 점  $(-1, 0), (5, 0)$ 에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을  $y=a(x+1)(x-5)$ 로 놓자.

② 단계 이 그래프가 점  $(2, 3)$ 을 지나므로

$$3=a\times3\times(-3) \quad \therefore a=-\frac{1}{3}$$

③ 단계 따라서 구하는 이차함수의 식은

$$\begin{aligned} y &= -\frac{1}{3}(x+1)(x-5) = -\frac{1}{3}x^2 + \frac{4}{3}x + \frac{5}{3} \\ &= -\frac{1}{3}(x-2)^2 + 3 \end{aligned}$$

④ 단계 따라서  $x=2$ 에서 최댓값은 3이다.

채점 기준	
1단계	이차함수의 식을 $y=a(x-\alpha)(x-\beta)$ 꼴로 나타내기 ... 20%
2단계	$a$ 의 값 구하기 ... 30%
3단계	이차함수의 식을 $y=a(x-p)^2+q$ 꼴로 나타내기 ... 30%
4단계	최댓값 구하기 ... 20%

- 14**  $x=3$ 에서 최솟값이  $-16$ 이므로 꼭짓점의 좌표는  $(3, -16)$ 이다.

구하는 이차함수의 식을  $y=a(x-3)^2-16$ 으로 놓자.

이 그래프가 점  $(2, -13)$ 을 지나므로  $-13=a(2-3)^2-16 \quad \therefore a=3$   
 따라서 구하는 이차함수의 식은  
 $y=3(x-3)^2-16=3x^2-18x+11$

- 15** 오른쪽 그림과 같이 사육장의 가로의 길이를  $x$  m라 하면 세로의 길이는

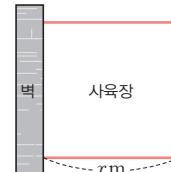
$(20-2x)$  m이고, 사육장의 넓이를  $y$   $\text{m}^2$ 라고 하면

$$y=x(20-2x)=-2x^2+20x$$

$$=-2(x-5)^2+50$$

이므로  $x=5$ 에서 최댓값은 50이다.

따라서 사육장의 최대 넓이는  $50 \text{ m}^2$ 이다.



$$\mathbf{16} \quad y=15x-5x^2=-5\left(x-\frac{3}{2}\right)^2+\frac{45}{4}$$

이므로  $x=\frac{3}{2}$ 에서 최댓값은  $\frac{45}{4}$ 이다.

따라서 물 로켓의 최고 높이는  $\frac{45}{4}$  m이다.

- 17** 그래프가 아래로 볼록하므로  $a>0$

축이  $y$ 축의 오른쪽에 있으므로  $a\times(-b)<0$

즉,  $ab>0$ 이므로  $b>0$

$y$ 축과 만나는 점이  $x$ 축보다 위쪽에 있으므로  $-c>0$

즉,  $c<0$

따라서  $c-b<0$ 이므로

$$\sqrt{a^2}+\sqrt{(c-b)^2}-\sqrt{(-c)^2}$$

$$=a+\{-(c-b)\}-(-c)$$

$$=a-c+b+c$$

$$=a+b$$

- 18** 오른쪽 그림과 같이 C 지점을 원점,

지면을  $x$ 축으로 하는 좌표평면 위에

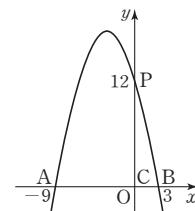
세 지점 A, B, P를 지나는 포물선을

그리면  $x$ 축과 두 점 A( $-9, 0$ ),

B( $3, 0$ )에서 만나므로 이차함수의

식을  $y=a(x+9)(x-3)$ 으로 놓을

수 있다.



이 그래프가 점 P( $0, 12$ )를 지나므로

$$12=a\times9\times(-3) \quad \therefore a=-\frac{4}{9}$$

따라서 포물선을 그래프로 하는 이차함수의 식은

$$y=-\frac{4}{9}(x+9)(x-3)=-\frac{4}{9}x^2-\frac{8}{3}x+12$$

$$=-\frac{4}{9}(x+3)^2+16$$

이므로  $x=-3$ 에서 최댓값은 16이다.

즉, 이 공이 가장 높이 올라갔을 때의 지면으로부터의 높이는 16 m이다.